श्रीभास्कराचार्यकृतः

...

and the solution of the soluti

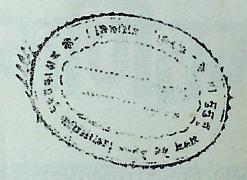
सम्पादक

दुर्गाप्रसादद्विवेदी

भारतीय विद्या प्रकाशन

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

38





श्रीभास्कराचार्यकृतः

बीजाणितम्

विलासिनामकेनव्याख्यानेनालंकृतम्

सम्पादक

दुर्गाप्रसादद्विवेदी

भारतीय विद्या प्रकाशन

दिल्ली

वाराणसी

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

प्रकाशक :

'© भारतीय विद्या प्रकाशन

1 यू॰ बी॰, जवाहरनगर, बैंग्लोरोड़, दिल्ली-110007
 फोन-(011) 3971570

2. पो॰ बा॰ नं॰ 1108, कचौड़ीगली, वाराणसी-221001 फोन-(0542) 392376

संस्करण : 2001

मूल्य : 150.00

ISBN : 81-217-0166-X

मुद्रक : आरः केः ऑफसैट प्रोसैस, नवीन शाहंदरा, दिल्ली-110032

निए। हाजा प्रकाशन

अनु भू मिका

यह बीजगियात भारतीय ज्योति:शास्त्र के सिद्धान्त-स्कन्ध अर्थात् गियात-स्कन्ध का मूलनत्त्व एवं बीज-शिक्त स्वरूप अव्यक्त वस्तु हैं। जैसे वीज में वृत्त गुप्त रहता है वैसे ही गियात शास्त्र के महान् वृत्त का उत्पादक यह बीज अनन्त शिक्तयों का आधार-भूत है। इसकी उत्पत्ति इसी देश में हुई है, जिसका प्रमाण सूर्य-सिद्धान्त आदि प्राचीन आर्थ प्रन्थों में अव्यक्तमूलक सिद्धान्तीय प्रश्नों के उत्तर साधक प्रकारों से ज्ञान 'होता है। वहाँ अव्यक्त से व्यक्त की सिद्धि बीजगियान के विना किसी प्रकार मुगमना से साध्य नहीं है।

परन्तु इसके आर्ष प्रन्थ कालगाति से लुप्त हो गए हैं। यहां से यह विचा अरव, प्रीक एवं इटली, जर्मनी आदि योरप के देशों में फैली है। इसका इँगलैएड में सन् १४४७ में सूत्रपात हुआ है। इस समय यह वहाँ पर अपने विशाल एवं व्यापक रूप को प्राप्त हो गई है। यह निष्पन्तपान और निर्विताद ऐतिहासिक निर्याय है। अस्तु—

सांप्रत में प्रथम त्रार्थभट (४०१ शक) के बाद जो बीज अन्थ गियात हों ने बताए उनमें भी कई लुप्त हो चुके हैं। (संस्कृत भूमिका देखिए) केवल भास्कराचार्य का यह बीजगियात ही सर्वत्र प्रचित त्रीर पठन-पाठन के उपयोग में प्राचीन काल से आ रहा है। इस पर कृष्योदेवज्ञ (१४०० शक) कृत 'नवाङ्कर', सूर्य-देवज्ञ (१४६३ शक) कृत बीजभाष्य, रामकृष्या का बीजगियात प्रबोध त्रीर परमसुख की 'बीजविवृतिकल्पलता' आदि टीका उपपत्ति त्रीर गियात के प्रनथ उपलब्ध हैं। इनमें कृष्योदेवज्ञ का 'नवाङ्कर' सब टीकाप्रनथों से उत्तम एवं गियात के मार्मिक विचारों से पूर्या है।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

इस समय भारतीय संस्कृत विद्यालयों में यह बीजगियात परीजा पाठ्य प्रनथ है। परन्तु इसका विषय अत्यन्त कठिन होने से विशेष प्रतिभा की अपेजा रखता है। प्रायः सर्वसाधारण को इसमें सफलता नहीं प्राप्त होती। यह सब इस विद्या के पथिकों को परिज्ञात है। किसी अंश में गियात जिज्ञासुओं को सहायता मिले इस अभिप्राय से जयपुरमहाराजाशित, संस्कृतपाठशालाध्यज्ञ म० म० श्री ६ दुर्गाप्रसाद द्विवेदीजी ने अ इसकी संस्कृत टीका और हिन्दी में अर्थ, गियात विस्तार आदि के साथ लखनऊ के सुप्रसिद्ध 'नवलिकशोर-प्रेस' से सन् १८१३ में पहले प्रकाशित कराया था। उसके बाद सन् १६१७ में इसका दूसरा संस्करण निकला। अब इसका तीसरा संस्करण प्रकाशित हो रहा है। आजकका भारतीय पाठशालाओं में इसी का प्रचार है। इस बार अंत में नवीन रीति से गियात की रीति 'बीजपारेचय' नाम से कगा दी गई है।

हिन्दी-बीजगियत--

सन् १ = ५७ क बाद इस देश में जो सरकारी शिक्ता की व्यवस्था हुई थी, वह इस समय की प्राय: सभी छोटी-बड़ी प्रत्येक भाषा की शिक्ताश्रा का प्रारंभ काल जानना चाहिए। हिन्दी भाषा म शिक्ता देना त्रावश्यक समभा गया, क्योंकि यही देश की व्यापक भाषा है, इस कारण शिक्ता-विभाग के त्राधिकारियों ने दूरदर्शिता से उस समय के देशहितेषी एवं त्राधिकारी विद्वानों से गणित की पाठ्य पुस्तकें भी लिखने की इच्छा प्रकट की। तद्नुसार काशी के म० म० श्रीबापूदेव शास्त्री ने 'बीजगणित' बहुत ही त्रापूर्व लिखा जो कि त्रंग्रेजी के Higher Algebra के नवीन विषयों से भूषित है। इसके बाद पं० मोहनलाल त्रीर पं० कुंज-विदागी ने हिंदी बीजगणित, लघुत्रिकोणिमीत त्रीर रेखामिति तत्त्व श्रादि लिखे थे, जो बहुत ही उपयोगी थे।

[•] श्राप मेरे पूज्यपाद पिता थे । श्रापका स्वर्गवास संवत् १६६४ के चैत्र मास में स्वदेश 'श्रयोध्या' में हो गया । CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

यह सब प्रनथ बड़ी योग्यता से सरक रीति और भारताय दृष्टि से विद्यार्थियों के लिए तैयार किए गए थे। जो आज भी उपयोगी है। पर दु:ख है, ऐसे सुबोध, सरल प्रन्थ शिचाचेत्र से उठाकर बड़ी दूर फेंक दिए गए हैं। अब केवल बैदेशिक दृष्टि के आधार पर अनेक छोटे-बड़ प्रन्थ पाठ्य में नियत हैं, जिनका वास्तव में कोई उपयोग नहीं है। इधर बहुत दिनों से चक्रवर्ती के चक्र का बोलवाला है, संभवतः अव उसने विश्राम लिया हो।

त्राशा है, भारतीय वीजगाियत पढ़ाने श्रीर पढ़नेवालों को

ther meet in any the continues of the property

इस हिन्दी संस्करण से सहायता मिलेगी।

'सरस्वती-पीठ' गिरिजाप्रसाद द्विवेदी

भूमिका

श्रयि गणितानुरागिणः!

लीलावतीसंज्ञितं व्यक्तगणितं संस्कृत-हिन्दीभाषालेखाभ्यां
प्राग् व्याख्यातमस्माभिरिति प्रसिद्धं तावत् । यदनन्तरमेवास्या
लीलावत्या द्वित्रा हिन्दीटीका मोहमय्यादिनगर्या प्रकाशिता
इति श्रूयते । संप्रति बीजसंज्ञितम्ब्यक्तगणितं तथा प्राग् व्याख्यातमेव यथास्थानं परिवर्त्य परिष्कृत्य च प्रकाशितम् । अपि
चेदानीमहरहः पाश्चाच्यन्तनसंकेतेनैव भारतीयगणितोपपत्तीनामुल्लेखो बोभूयते, तत्रैव पुनर्नव्यगाणितिकानां सानुरागा प्रवृत्तिरूपचीयते; तावता मन्ये कतिपयसमयेन प्रांचीनगणितप्रक्रिया लुप्ताः

१ प्राचीन शिलालेख अथवा ताम्रपत्रों में भी बीजगणित के अनुसार संवत् शक आदि का लेख रहता है, इसलिए पुरातत्त्वज्ञों को इस गणित से भी परिच्यू रखना आवश्यक है। उदाहरण—

> 'यिस्मन्नद्धि चतुर्षु पत्तितिथवार्र्नेषु पत्तो नग-त्रिन्नोऽन्योक्षिमिरन्वितः स्मृतित्तवः स्यात्साप्टिशाकस्य सः । नन्दन्नस्तिथिरन्ययुक् स च त्रवो विश्वन्नवारोऽन्ययुग् वा तत्त्वन्नममन्ययुक्तमयवेषास्योद्धतौ स्यान्मितिः ॥

यहाँ शक, पद्य, तिथि, बार श्रीर नद्यत्र के मान क्रम से उनके आद्यवर्ण कल्पना करने से शक आदि के मान ये सिद्ध होते हैं— १ ति , २ वा , २ न फिर कुट्टक द्वारा नद्यत्र का मान ३ रूप जानकर शक आदिकों में उत्थापन देने से यह समय ज्ञात होता है— शक=१६६४ पद्य=२ तिथ=१२ वार=६ श्रीर नद्यत्र=३ श्रामित् शालिवाहन शक १६६४ वैशाख शुक्क द्वादशी शुक्कवार कृतिका नद्यत्र ।

जयपुर-यन्त्रालय के 'दि जिण गोलयन्त्रं पर जो श्लोक खुदे हैं उनमें से यह सातवा श्लोक है। इसका संशोधन और गणित मेरे शिष्य श्रीमाधवशास्त्री पुरोहित ने किया है। भविष्यतीति । सेयं गणितशैली भारतींयैर्दत्तहस्तावलम्बा लुप्ताः माभूद् एतद्रथमत्र विशिष्यपाचीनपरिपाट्या गणितजातं विश्व-विद्यालयच्छात्रतुष्ट्येपादिशे। किं बहुना,यथा विस्मृतबी नगणिता-नामि प्रन्थपाठमात्रेणाधीतस्मरणं स्याद्, यथा वा परीचाकामु-कानां गणितकरणमन्तरेण बोधः स्यात्, तथात्र प्रयत्नोऽकारि । भवति चात्र श्लोकः—

> अत्युत्तानतरप्रमेयरचनापारम्परीवन्धुरं स्पष्टोदाहरणक्रमं कचिदहो च्लाक्रियामांसलम् । एवं बालकबोधसाधनकृते टीकान्तरेभ्योऽधिकं भाषाभाष्यमिदं पठन्तु गणका व्युत्पत्तिसंपत्तये ॥

एतदेव श्रीमद्भास्त्ररीयं बीजगणितं संप्रति सर्वत्र पठनपाठन-व्यवहारेषु प्रवर्तते । श्रीधरपद्मनाभवीजे तु नामतो ज्ञायेते । यद् व्रह्मगुप्तवीजं ब्राह्मस्फुटसिद्धान्तान्तर्गतं दृश्यते, तत्तु शब्दार्थतः संकुचितमेव । एकं बीजं ज्ञानराजदैवज्ञैरुपनिवदं तदिप स्वल्पम् । एवं नारायणीयबीजमपीति दिक् ।

बीजगिणते प्रसङ्गादुद्धृतानि प्राचां वाक्यानि यथा—

(१) द्वौ राशी चिपेत्तत्र (इष्ट्रहतेऽधोराशौ) पृ. १३४।
(२) 'पश्चकशतदत्तधनात्—' पृ. २३६।
(३) 'चतुराहतत्रर्गसमैः—'श्रीधराचार्यसूत्रम्। पृ.२६६।
(४) 'च्यक्नपक्षस्य चेन्मूलं—'पद्मनामबीने। पृ. ३२८।
(५) 'राशिचोपाद् वधक्षेपः—' पृ. ३३२।
(६) 'त्रिभिः पारावताः पश्च—' पृ. ३७४।

०(०. ७००००) क्षेत्रभारा विक्रमारा विक्रमा स्टित्र त. Digitised by ecangotri

'षडष्टशतकाः क्रीत्वा—' पृ. ४२६।) 'त्रालापो मतिरमला—' पृ. ४२७। १०) 'राशियोगकृतिः—' पृ. ४५१। (११) 'यत्स्यात्साल्पवधार्धतः-' पृ. ४८३। २) 'राश्योर्थयोः कृतियुतिवियुती—' पृ. ५०२। (१३) 'को राशिक्षिभिरभ्यस्तः—' पृ. ५१४। (१४) 'हरभक्का यस्य कृतिः—' पृ. ५२१।

आशासे मदीयेनानेन प्रयत्नेन गणितप्रणियनः सफलसमीहिता भविष्यन्तीति ।

वस्यास्थानं ज्ञासारा राज्याच्याच्याचे सर्थते, तस् प्रत्याश्चा

and believes than it so balks with चैत्र कृ. द शुके. वि० सं० १६७३.

1335 PUBLISH FURTHER -- PROFESSION (. 6

TOPES OF -- PERS SPECIALS

take the abstract - see to there,

परिशिष्ट (१)

बीजपरिचय।

सांप्रत में पाश्चात्य पद्धति से बीजगािं का पठन-पाठन प्रच-जित है। इस पद्धति का परिचय संस्कृतज्ञ छात्रों के जिए आवश्यक है। इसिजिए संचोप में उसकी परिभाषा आदि का निरूपण किया जाता है।

१. जिस प्रकार श्रद्धगियात में संख्याश्रों के स्थान में १, २, ३, ४, श्र श्रादि श्रद्ध जिखते हैं, उसी प्रकार बीजगियात में संख्याश्रों के स्थान में श्रद्धार जिखते हैं। ज्यक्त श्रर्थात् ज्ञात राशियों के जिए श्र, क, ग श्रादि श्रीर श्रव्यक्त श्रर्थात् श्रज्ञात गाशियों के जिए य, र, ज, व श्रादि जिखते हैं। श्रीर ज्यकाव्यक संख्या के बोधक त, थ, द श्रादि जिखते हैं।

श्लोक।

'व्यक्तस्य द्योतका आद्या, याद्या अव्यक्तबोधकाः। भवन्ति तादिका वर्णा व्यक्ताव्यक्तत्वदर्शकाः॥'

२. + यह घन चिह्न है। जैसा-अ + क अर्थान् अ में क जुड़ा है।

— यह ऋगा चिह्न है। अ-क अर्थान् अ में क घटा है।
(), { }, [], ——, इन में पहले नीन कोष्ठ और

चौथा शृङ्खल कहा जाता है ।

(ज्य + क) + (ग+घ), {ज्य+क} — {ग+घ}, [ज्य+क]

CC-0 Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

‡ [ग+घ] अ+क ‡ ग+घ ये चारों क्रम से यह प्रकाशित करते हैं कि अ+क में ग+घ; धन, ऋण, धनर्था, और ऋणधन किया गया है। इसी प्रकार इन सब को प्रकों का उपयोग गुणन-भजन आदि में लिया जाता है।

×, ·, ये दोनों गुणान के चिह्न हैं । जैसा, अ×क, अक अर्थात् अ, क से अथवा क, अ से गुणित हैं; इसी कारण, अ, क आपस में गुणय-गुणकरूप अवयव कहजाते हैं। और यदि बीजात्मक अवयव हों, तो गुणान चिह्न नहीं भी किया जाता। जैसा,य र का।

ं, यह भाग का चिह्न हैं। जैसा अ ं क आर्थात् अ, क से भाजित हैं। अथवा भिन्न की रीति से अपिता जिसते हैं अरे, अरे, इत्यादि क्रम से अर् के वर्ग, घन और चतुर्घात आदि के बोधक हैं। वर्ग के समद्विधात होने से उसका धातमापक २, इसी प्रकार घन का धातमापक ३, चतुर्घात का ४ होता हैं। इससे यह स्पष्ट हैं कि वर्गादि धातिक्रिया के प्रकाशक धातमापक होते हैं। ऐसे ही अ, न अ, म ये अर् के न, म धात के बोधक हैं।

र्श, रेश, १ श्र इत्यादि श्र के वर्गमूल, घनमूल श्रीर चतुर्घात मूल के बोधक है। इस से यह ज्ञात होता है कि वर्गादि घातों के घातमापक, वर्गादि मूच के मूलमापक होते हैं। इसी प्रकार, न/श्र, म/श्र, ये श्र के न-घातमूल श्रीर म-घातमूल के बोधक है।

त्राथवा, द्वा^{रे}, त्रा^{रे}, त्रा^{रे}, त्रा^{ने,} त्रामें, इस राति से भी द्या के वर्गमूल आदि प्रकट किये जाते हैं।

३ : : , = , : , यह श्रीर : , : : यह चिह्न श्रानुपात के हैं। जैसा, श्रा: क = ग : घ, श्रथवा श्रा: क : : ग : घ, श्रथित श्रा का, क में, तथा ग का, घ में, भाग देने से समान ही फर्जा श्राता है क = घ । इस सम्बन्ध श्रीर श्रानुपात का पूरा श्रा चित्रार चेत्रमिति के पाँचवें श्रध्याय में किया गया है।

=, यह चिह्न समत्व का दर्शक है। जैसा अ = क।

रह चिह्न प्रथवा > यह चिह्न विषमत्व का प्रकाशक है
 जैसा थ्र > क यह सूचित करता है कि थ्र, क से बड़ा है।
 श्रीर क < श्र अर्थात् थ्र, से क छोटा है।
</p>

5, यह चिह्न अन्तर को प्रकाशित करता है। जैसा अ 5 क अर्थात् अ और क के वीच जो छोटा हो, उसकी बड़े में से घटा देना चाहिए।

ं, यह चिह्न 'जिस लिए' का वाचक है।

ं, यह 'इसलिए' का वाचक है।

....., यह इत्यादि का बोधक है।

४ - अ, २ क, १ गय⁸, इत्यादि एक संख्या के बोधक होने से केवल पद, और अ+क, अ+क-ग इत्यादि केवल पद से संयुक्त होने से हियुक्, त्रियुक् आदि पद, और १, २, ३, आदि व्यक्त पद कहे जाते हैं। यदि बीजात्मक पद दो आदि संख्या से गुणित हों तो उनके गुण्य-गुण्यकरूप खण्ड मान कर, गुण्यक को गुण्य का 'वारद्योतक' कहते हैं। जैसा २ क में २, क का वारद्योतक है। इसी प्रकार व्यक्त पद में भी जानना चाहिए।

मासिद्धार्थ--

प्. (क) जो राशियाँ किसी दूसरी राशियों के तुल्य हों वे सब स्रापस में भी तुल्य हैं।

(ख) तुल्य दो राशियों में तुल्य ही जोड़ देने से, या, तुल्य ही घटा देने से, या, उन को तुल्य ही से गुण देने से, या, उन में तुल्य ही का भाग देने से भी वे तुल्य ही रहती हैं।

(ग) इसी प्रकार विषम (ऋतुल्य) दो राशि, तुल्य ही जोडने आदि से वे विषम ही रहती हैं।

(घ) किसी दो राशि में एक में जितना घटाया जाय, उतना

ही दूसरे में जोड़ दिया जाय, तो भी उनके योग श्रादि तुल्य ही रहेंगे।

(च) जो राशियाँ प्रत्येक दूनी आदि किसी दूसरी राशियों के समान हैं, वे सब आपस में भी समान ही है।

- (क्र) जो राशियाँ प्रत्येक किसी दूसरी राशि के आधे आदि भागों के समान हैं, वे सब आपस में भी समान हैं।
- (ज) किसी राशि में, जितना जोड़ा जाय, उतना ही उसमें से घटा दिया जाय अध्यवा, जितने से वह गुर्या जाय, उतने ही से फिर भाजित की जाय, तो भी वह राशि यथावत् ही रहती है।

(म्त) कोई राशि अपने खरड से बड़ी होती है और अपने सब खरडों के योग के समान होती है।

संकलन ।

हं यदि संकलनीय पर सजातीय हों अर्थात् उनके वर्गा, दो आदि घात और धनर्या चिह्न, एक जाति के हों तो पहले उनके वारचोतकों का योग लिखकर, उसके साथ ही पदों के वर्गा लिखना आरे आदि में यथागत धन किंवा अपृया चिह्न लिखना । यदि व्यक्त पद हों, तो उनको भी जोड़कर लिख देना । यदि संकलनीय पद विज्ञातीय हों, तो एक-एक जातिवालों को जोड़कर लिखना और यथासंभव धन और अपृया के अन्तर को योग जानना ।

रलोक।

'समानजातिं भजतां पदानां, योगो वियोगोऽपि विदा विधेयः। वर्णेन घातेन धनर्णकाभ्यां साजात्यवैजात्यभिदावधेया॥'

(१) उदाहरण में य + १ इस संयुक्तपद में, य वर्ण का १ वारचोतक है, उसके लिखने का संप्रदाय नहीं है। क्यों कि १ से गुणक को गुणने से वह अविकृत ही रहता है। एक य, सात य, दश य, अथवा-१, ७, १० गुणित य ; अथवा, १ + ७ + १० = १ = गुणित य ; अर्थात् य पदचोत्य पदार्थ १ = बार होगा, इसिलए रेखा के नीचे योग में, य पद का १ = बार चोतक हुआ। + १ = यह + १ + १७ इन व्यक्त पदों का योग है। व्यक्त पद को पूर्वाचार्य रूप कहते हैं। यहाँ लाधवार्थ धन पद के आदि में प्राय: धन का चिह्न नहीं लिखते।

 $\xi \, a^{2}t + 2 \, m - 8 = \pi^{2} - a^{2} + 2$

यहाँ (१) उदाहरण में वर्ण, चिह्न एक जाति के (२) में वर्ण, चिह्न, घात एक जाति के (३) में चिह्न मात्र भिन्न जाति के, (४) में चिह्न न्नीर घात भिन्न जाति के न्नीर (१) में सब

व्यवकलन ।

७ वियोज्य पद के नीचे वियोजक पद क्रिखना । यदि वियो-

जक पर में, केवल पर घन हो तो उसको अपृया श्रीर अपृया हो तो घन मानकर, घन-घन का अपृया-अपृया का योग श्रीर घन, अपृया का श्रान्तर करना वही योग होगा। यदि वियोज्य-वियोजक विज्ञातीय हों, तो उनको श्रालग रखना चाहिए।

श्राचार्यम्त्र ।
'योगे युतिः स्यात् च्रययोः स्वयोर्वा,
धनणयोरन्तरमेव योगः ।
संशोध्यमानं स्वमृणत्वमेति
स्वत्वं च्रयस्तद्युतिरुक्कवच्च ॥'

$$(3) - \sqrt{\frac{6}{6}\pi + \sqrt{\frac{2}{2}\pi}} (8) = 3\pi \frac{2}{3} - 6\pi \frac{2}{3}$$

$$+ \sqrt{22\pi - \sqrt{26\pi}} = 2\pi \frac{2}{3} - 2\pi \frac{2}{3} = 2\pi \frac{2}{3}$$

$$(\chi) \ \xi (31 + \pi)^{3} + 20 (31 - \pi) \eta^{2} - 2$$

$$= (31 + \pi)^{3} - 3 (31 - \pi) \eta^{2} - 2$$

$$- 2 (31 + \pi)^{3} + 23 (31 - \pi) \eta^{2}$$

कोष्ठक-निरास।

धन कोष्ठक का निरास (भक्त) करने के जिए, उसके भीतर के सब पद यथास्थित रहेंगे । यदि श्रृण कोष्ठक हो तो जितने केवज पद होंगे, उन सबके धनर्ण चिह्न पजट जायेंगे । इस प्रकार जितने कोष्ठक होवें, उतनी बार क्रिया करने से, सब कोष्ठकों का निरास होगा। श्लोक।

'विधीयते चेदु धनकोष्ठभङ्ग-स्तदा पदं पुर्ववदेव तिष्ठत । यदणकाष्ट्रापगमस्तदानीं पदे धनर्णत्वविपर्ययः स्थात्॥' 'धनकोष्ठे गतं किंचित् पदं तिष्ठेदु यथास्थितस्। ऋणकोष्ठे नीयमानं विपर्यासं प्रपद्यते ॥ कोष्ठे धनर्णवैलोम्ये तस्याभ्यन्तरवर्तिनः। प्रत्येकस्य पदस्यापि तथात्वं सति नान्तरम्॥ (१)(双十年)+(以一年)= 双 + 年 + 双 - 年 = २ अ। (२)(翌+क)-(翌-क) = 翌+क - 翌+क = २ क । (3)-(羽+布)-(羽-布)=-羽-布-羽 + 事 = - 2 到 1 $(8)8 at - {(a^2 + 2 at + 3^2) - (a^2 - 2at)}$ $+ \tau^{2})$ = 8 यर $- (\tau^{2} + 2 \tau \tau + \tau^{2})$ $+ (a^{2} - 2at + t^{2}) = 8at - a^{2} - 2at$ $- t^2 + u^2 - 2 ut + t^2 = 0$

अव्यक्त वारचीतकों का योग और अन्तर।

 $(x) a^{2} + au - [a^{2} + \{au - (a^{2} - u^{2})\}]$

यदि व। रद्योतक के केवल पद व। संयुक्त पद एक जाति के हों, तो उनका योग चिह्न के साथ कोष्ठक में लिखकर, आगे सजातीय पद लिखना और कोष्ठक के आदि में यथागत घनर्या चिह्न करना । यदि

= त^२ - थ^२।

संयुक्त पद एक जाति के न हों तो 'कोष्ठे धनर्यावैलोम्ये--' के अनुसार धन चिह्न किंवा, अनुया चिह्न करके सजातीय बनाकर योग करना, वही इष्ट योग होगा। वियोज्य-वियोजक पदों में वियोजक के धनर्या चिह्न को पलटकर योग करना, तब वही अन्तर होगा।

श्लोक ।

'कोष्ठे निवेश्य वारद्योतकपदयोगमालिखेदग्रे। सामान्यगुण्यमादौ, चिह्नविधाने भवेद् योगः॥ संयुक्तपदनिपाते धनमथवर्णं विधाय साजात्यम्। विश्लोषस्तु वियोजकपदवैलोम्ये सति श्लोषः॥'

(8) श्रय - तर क्य - = थर २ गय - दर (अ + क + २ ग) य - (त + = थ + द) र (य - ३ फ) य - (व - भ) र (2) (३ प + फ) य - (१ ब - भ) र (४ प - ७ फ) य - (३ व + भ) र (६ प - ६ फ) य - (= ब - भ) र. (3) - श्रय - ४ तल ४ खय - २ थल - २ गय + दल + (- अ + १ ख - २ग)य - (४ त + २थ - द) क (8) - (23 - 4) + (84 - 24) = (8 + 4)(४ अप + क) र - (४ त + थ) ज (ग्र+क) र-(३त-४थ) ल (४ ऋ + क) र - (३ त + २ थ) ल

 (१) वियोज्य = 翌य 一 तर

 वियोजक = <u>कय 一 年 थर</u>

 अन्तर = (आ 一 क) य - (年 थ + त) र

 (२)
 - (आ - क) र + (४ त - २ थ) ल ³

 (४য় + क) र - (४ त + थ) ल ³

 - ७ য়र - (६ त + ३ थ) ल ³

 गुणन |

ह. गुग्य के प्रत्येक केवल पद को, गुग्गक के प्रत्येक केवल पद से गुग्गकर, उनका योग करना, वही गुग्गनफल होगा। यहां गुग्य-गुग्गक के केवल पद घन, घन हों, अथवा अनुग्ग, अनुगा हों तो उनका गुग्गन फल घन होगा। यदि एक घन और दूसरा अनुगा हो तो गुग्गनफल अनुगा होगा। सजातीय-बीजातमक वारयोतकों का घात, उनका वर्गादिघात तथा संख्याओं का घात संख्यातमक होगा। यदि गुग्य-गुग्गक में सजातीय वर्गा हों, तो उनकी घातमापक संख्याओं के योग तुल्य गुग्गनफल में घातमापक की संख्या होगी।

श्लोक।

'गुणयस्य केवलपदं गुणयेद् गुणकस्य केवलेन पदा संकलिते फलजाते गुणनफलं कीर्तयन्त्यार्थाः॥ चिह्ने ममानजातिनि गुणनफलं स्याद् धनं विजातीये। ऋणमथ वारद्योतकघाताद्येवं विजानीयात्॥

वणीं वणीं क्रवधे वर्गादि भवेत् समानजातीये। समवर्णघातमापकसंख्यायोगो मतो गुणने॥

(७) य² + यर² + ३ र³ ज ३ य³ - य³ र + ४ र³ ज ३ य³ + ३ य³ र³ + ६ य³ र³ ज - य³ र - य³ र ³ - ३ य³ र³ ज + ४ य³ र ³ ज + ४ यर³ ज + १ ४ र³ ज³ ३ य³ + ३ य³ र ³ - य³ र - य³ र + ६ य³ र³ ज + २ य³ र³ ज + ४ य³ ज + १४ र³ ज³ वा, ३ य³ + १४ र³ ज³ वा, ३ य³ + १४ र³ ज³ - २ य³ र + ४ यर³ + १४ र³ ज)

 $(=) u^{2} + a u^{2} + (a - 2) u^{2} + (a - 2) u + a - 3$

 $\frac{u-\pi}{u^{4}+\pi u^{3}+(\pi-2)u^{3}+(\pi-2)u^{3}+\pi u-3u}$ $-\pi u^{3}-\pi^{2}u^{3}-(\pi-2)\pi u^{3}-(\pi-2)\pi u-\pi^{2}+3\pi$ $u^{4}-(\pi^{2}-\pi+2)u^{3}-(\pi^{2}-3\pi+3)u^{3}-(\pi^{2}-3\pi+3)$

य - त र + ३ त.

 a_1^{x} a_1^{x} a_1^{x}
 a_1^{x} a_2^{x} a_1^{x}
 a_1^{x} a_1^{x} a_2^{x}
 a_1^{x} a_2^{x} a_1^{x}
 a_1^{x} a_2^{x} a_1^{x}
 a_1^{x} a_1^{x} a_1^{x}
 a_1^{x} a_1^{x}

(ह) क्य + (क्य + दें) य + (क्य + १) य र + (क्य + दें) य र + (क्य + दें) य र द सको य र + (क्य + य र द ससे गुर्गा देने से गुर्गानफल में तीन पंक्ति हुई—

अ + (अ + १) य + (अ + १) य र (अ + १) य र + (अ + १) य र + (अ + १) य र + १) य र + १

अपन के स्थापन के प्रमाण करते । विकास के प्रमाण के क

भागहार।

१०. किसी एक वर्षा के घातमापक क्रम से घटते अथवा बढ़ते हुए रहें, इस क्रम से भाज्य तथा भाजक को व्यक्तगिश्चित के अनुसार लिखना। फिर भाज्य के पहले केवल पद में, भाजक का पहला केवल पद, जिससे गुश्चित घट सके उससे भाजक के प्रत्येक पद को गुश्चकर, भाज्य में घटा देना। वह गुश्चक भजनफल का पहला पद होगा। जो शंघ बचे, उसको फिर भाज्य मानकर, उक्त किया करनी। इस प्रकार जब भाज्य निःशघ हो जाय तब पूरा भजनफल होगा। यदि भाजक से कम भाज्य शेष रहे, तो उसके नीचे भिन्न रीति के अनुसार भाजक लिखकर, उसको प्राप्त हुए

भजनफल के आगे रखना। गुयान की भाँति यहाँ भाज्य-भाजक के चिह्न सजातीय हों तो, भजनफल धन और विजातीय हों तो अग्य होगा। यदि भाज्य-भाजक केवल पद हों अथवा, भाजक मात्र केवल पद हो तो उनमें वार्योतकाङ्क, घातमापक और वर्यों में, यथासंभव अपवर्तन देने से ही भजनफल सिद्ध होगा।

रलोक।

'क्रमादेकस्य वर्णस्य यथा स्याद् घातमापकः। हीयमानस्तथा न्यस्ताद् भाज्यादन्त्यात्तु भाजकः॥ येन निष्नो विशुद्धेत् तत् फलमेवं पुनः क्रिया। शेषे तु त्वद्धो हारो धन्एं गुणनोक्तिवत्॥ भाज्य-भाजकयोरेकपदत्वे भाजकस्य वा। यथावदपवर्तेन भागहारे फलं भवेत्॥'

यहाँ वार द्योतका क्कों में ५ का, अर्थ में आ के एक घात आ का, ग⁸ में ग के दिघात ग^२ का और क वर्ण में क का, अपवर्तन देने से शेष भजनफल ३ अग हुआ।

यहाँ भाज्य के प्रत्येक पद में भाजक का अपवर्तन जगाने से भजनफन उत्पन्न हुआ।

$$(3) - u) \xi y - u^{\xi} (3z + y \xi u + u^{2} + y u^{2} + z u^{2} + u^{2}$$

 श्र² क
 + श्र² ग

 २ अ² क — श्रक²
 + २ श्रक ग

 २ अ² क — २ श्रक²
 + २ श्रक ग

 श्रक² — क²
 + क² ग

 श्रक² — क²
 + क² ग

— अग^र+कग^र—ग^र — अग^र+कग^र—ग^र श्रवा, श्र—क+ग)

श्र² + (क+ग)श्र² – (क² – २कग+ग²) श्र+ (क+ग)कग—क² – ग²

श्र² – श्र² क + श्र² ग

२ श्र² क – (क² – २कग+ग²) श्र

२ श्र² क – २श्रक² + २ श्र क ग

श्रक² – श्रग² + (क+ग) क ग – क²

 अक + र अ क ग

 अक १ - अग २ + (क + ग) क ग - क ३

 अ क २ - क ३ + क २ ग

 - अग २ + क ग २ - ग ३

 - अग २ + क ग २ - ग ३

(६) १+१-त=१+त+त^२+त^३+त^३+त^५+त^५ इत्यादि। यहां भजनफल का श्रन्त न होगा चाहो जबतक भाग किया जाय। इसकिए ऐसे भजनफल को श्रमन्त श्रेढी कहते हैं।

(
$$\omega$$
) $\frac{2+\pi}{2+\pi} = 2+2\pi+\pi^2+\pi^2+\pi^2+\pi^2+\cdots$

घातक्रिया।

११ - उद्दिष्ट पद का जितना घात करना हो, उतने स्थानों में उसको रखकर गुणान करने से वह घात होगा । श्रीर पद घन हो तो उसका घात घन होगा । यदि श्रृण हो तो उसका घात घन ध्रायंवा, श्रृण होगा ।

रलोक ।

'समदित्र्यादिको घातः क्रमाद्वर्गघनादिकः। घातमापकसाम्ये स्याद् धनमेषोऽन्यथात्त्रणम्॥'

$$(?) \pm ? - u = x + a = a = x + a = x$$

यदिक को क^र से गुण्ता है। यहां क का यह ऋर्य है कि चार क आपस में गुणे गये हैं।

त्रर्थात् क x क x क x क छोर क त्रर्थात् तीन क छापस में गुरो है, क x क x क।

. . क⁸ × क⁸ = क × क × क × क × क × क = क

 मापक भाज्य और भाजक के घातमापकों के अन्तर के तुल्य होना

ं. क = १, अर्थात् प्रत्येक राशि जिसका घातमापक शून्य है, एक १ के तुल्य होती है।

इसी प्रकार, घातक्रिया में राशि का वर्ग घातमापकों के गुयान से श्रीर मूल भाग देने से ही सिद्ध हो जाता है। इस प्रकार के गियातीं के लिए, 'प्रधानमापक-सारग्यी' 'Chambers' Mathematical Tables' से पूर्ण परिचित होना चाहिए !

घात-श्लोक ।

'यो घातः खलु यस्याः संख्यायाः कर्तुमिष्टः स्यात्। तदु घातमापकसमे स्थाने विन्यस्य तान् गुणयेत्॥

जैसा. २ का द्विघात, त्रिघात, चतुर्घात करना है, तो यहाँ क्रम से घातमापक २, ३, ४ है।

ं २ × २ = ४ वर्ग-

ात ए मा । तर × २ × २ = = घन.

२×२×२×२ ०१६ चतुर्घात (वर्गः वर्ग)

कस्याश्चित्संख्याया घातानामाहतिस्तावत्। तद् घातमापकयुतेः समानमानैव निर्दिष्टा ॥'

जैसा. २ का दो-तीन-चार घातों का घान, २ का तव-घात होगा। अर्थात् ४ x = × १६ = ४१२

'संघटते संख्याया घातस्याभीष्टघातोऽपि। तद् घातमापकहतेः समान एवात्र नियमेन॥'

जैसा, २^३×^३=२^६=४१२.

'एकस्या यो घातः स एव घातः परस्याश्च । तद् घातस्यापि तथा पाक्परघाताहतिस्तृतीयः स्यात् ॥

जैसा, $2^2 = 8$, $8^2 = 2\xi$, $(2 \times 8)^2 = \xi 8$. श्रीर, $8 \times 2\xi = \xi 8$.

'कस्या अपि संख्यायाः सैव स्यादेकघात इह नृ नस्। एकश्च शून्यघातो न्यरूपि संशोधकाचार्यैः॥'

किसी संख्या का एक घात वही संख्या होती है और शून्य घात १ एक होता है।

'एकस्य १ कोऽपि घातः संगच्छत एक एवात्र । शून्यस्य ०शून्यघातं विहाय यः कोऽपिशून्यं स्यात्॥

अर्थात्—एक का कोई घात एक ही होता ह और शून्य का प्रत्येक घान शून्य होता है।

संयुक्तपद के वर्ग का प्रकारान्तर।

१२. प्रथम केवल पद का वर्ग करके, द्विगुण केवल पद से आगने पर्ने को गुणना। किर द्विनीय केवल पद का वर्ग करके, द्विगुण केवल पद से उसके आगले पदों को गुणना। इस प्रकार आन्त तक क्रिया करके यथासंभव पदों को जोड़ने से वर्ग सिद्ध होगा।

श्लोक।

'कृतिं पदस्य पूर्वस्य कृत्वा, दिघ्नेन तेन वा। हन्यादन्यपदान्येवं दितीयादेर्युती कृतिः॥' $(?)(u^{2}+2u-?)^{2}=u^{2}+8u^{2}+2u^{2}-8u+?$ $(?)(2u+xi)^{2}-(2u-xi)^{2}=80ui$

मूल-क्रिया।

१३. जिस संयुक्त पद का वर्शमून जाना हो, उसको ऐसा जिसना चाहिए कि जिसमें कियी एक वर्ण के घातमापक क्रम से घटते या बढ़ते हुए रहें। फिर उसके प्रथम पद में, वर्ग घटाकर मूल को दाहने लिब्ध स्थान में और मून को दूना करके वाएँ भाजक स्थान में जिसना। पुन: उस (दूने मूल) का शेष के प्रथम पद में भाग देने से, जो जिब्ध मिलने योग्य हो, उसकी जिब्ध स्थान तथा भाजक स्थान में जोड़ देना। फिर उस जिब्ध गुणित भाजक (पंक्ति) को शेष में घटा देना। पहले फल को और दूने इस फल को नीचे पंक्ति में जिस्सना। इस प्रकार अन्त तक किया करने से जिब्ध स्थान में वर्गमूल होगा।

रलोक।

'स्यान्मानकोऽत्रापचितश्चितो वा

यथा तथा न्यस्य हि वर्गराशिस्।

आद्यात् पदाद् वर्गमपास्य मूलं

दचे निदध्याद् द्विगुणं तु पङ्क्रचास्॥

अनेन भक्ने तु पदे तदाद्ये

यल्लभ्यते तद् विनियोज्य दचे।

पङ्क्त्यां च, तेनैव हताथ पङ्क्रि
रपासनीयोवरितात्ततश्च॥

एतत्फलं द्वचाहतमन्यपङ्क्त्यां

पूर्वेण लब्धेन सहाकलय्य।

पङ्क्त्या विभक्ने तु पदे तदाद्ये शेषे विधेयं पुनरेवमत्र ॥'

$$(?) u^{8} + 8u^{3}t + 8u^{3}t^{3} + 6u^{3} + 8u^{3}t + 6u^{3}t + 6u^{4}t + 6u^{4}t + 6u^{4}t + 6u^{4}t + 6u^{4}t + 6u^{4}t + 6u^{4}t^{4}t +$$

जब धातमापकसाम्ये स्यात् — (११) के अनुसार धन व अनृया राशि का समद्विधात (वर्ग) धन ही होता है, तो धन राशि का वर्गमूल धन वा, अनृया दोनों हो सकता है। आचार्य ने भी कहा है— 'स्वमूले धनर्थे' इसलिए यहाँ मूल को अनृया भी जानना चाहिए।

(3) १६ य $^{\pi}$ + २२४य $^{\xi}$ + ७ π ४य $^{\xi}$ + ३६२ य $^{\xi}$ + २७४४य $^{\xi}$ + २४०१ इसका चतुर्घात-मूल क्या है ξ दो बार वर्गमूल क्षेत्र संउत्तर = २य् $^{\xi}$ + ७ •

(४) र - य इसका वर्गमूल क्या होगा?

 $\frac{1}{8} - a(\frac{1}{3} - a - a^3 - a$

महत्तमापवर्तन।

१२ जिन पदों से चिह्न बीजात्मक पद नि:शेष भाजित होते हैं, वे उनके अपवर्तन कहलाते हैं । और उनमें सबसे बड़े अप-वर्तनाङ्क को, उन पदों का महत्तमापवर्तन कहते हैं।

जैसा, श्रतयर श्रीर क य त ल ये पद त, य श्रीर तय इन तीन पदों से निःशेष भाजित होते हैं, इसिंजए ये तीनों, उक्त दोनों पदों के श्रपवर्तन हुए। परंतु इनमें तय श्रपवर्तन बड़ा है, इसिंजए यही महत्तमापवर्तन हुश्रा। यहाँ महत्तमापवर्तन को सदा धन ही मानते हैं।

प्रकार—

१३. यदि किसी केवल पद का उदिष्ट पदों में, निःशेष भाग जगता हो, तो पहले उनको भाग देकर लघु कर लेना । यदि भाग न लगे, तो वे स्वयं लघु हैं । उन लघु पदों में, जिसका जिसमें भाग लगे, उसका उसमें भाग देना । जो शेष वचे, उसका उसके भाजक में भाग देना । इस प्रकार, परस्पर में बार-बार भाग देने से, जिस शेष से एसका भाजक नि:शेष भाजिन होगा, वह उन लघुपदों का महत्त-मापवर्तन होगा । यदि पहले उद्दिष्ट पद, केवल पर से भाजित हों तो, उस (केवलपद) से इस महत्तमापवर्तन को गुगा देने से वह उन लघुपदों का महत्तमापवर्तन होगा । यदि उद्दिष्ट पद दो से श्राधिक हों तो, पहले उक्त रीति से दो पदों का महत्तमापवर्तन निकालकर, फिर उस महत्तमापवर्तन श्रोर तीसरे पद का महत्तमापवर्तन सिद्ध करना । इसी प्रकार श्रागे किया करनी । श्रन्त में जो महत्त-मापवर्तन निकलेगा, वहीं उद्दिष्ट पदों का महत्तमापवर्तन होगा ।

रलोक।

'केवलपदेन भाज्ये पदे यथा नापरेण भज्येते। ते लघुपदे भवेताभथवा स्वयमेव ये लघुनी॥ अनयार्भिथो विह्नतयोर्थच्छेषेणात्मभाजकःशुध्येत्। तद्भवित महत्तमापवर्तनमपवर्तिते गुणितम्॥ अग्रेत्वस्य परस्य च पदस्य संसाधयेदिदं प्राग्वत्। केवलपदानि चेत् स्युस्तदापवर्तादिनेवेतत्॥' (१) यै+६य+= श्रोर यै+४य+६ कामहत्तमापवर्धनक्या है!

 u²+xu+ξ) u²+ξu+c (ξ

 u²+xu+ξ

 u+2

 u+2) u²+xu+ξ (u+ξ

 u²+2u

म लाई हैंड । 150 का हुए ३ य+६ किया लिए कि हैं। हिस्स क्रिय कि हैं हैं कि क्रिय क्रिय के हैं हैं हैं कि

य + २ यह ९ दिष्ट पदों का महत्तमापवर्तन हुआ। इससे भाजित सिष्ट पद हद कहलाते हैं *।

ल्यायन्त्री।

१४ यदि एक राशि में, दूसरी राशि का निःशेष भाग लग जाय, तो पहली राशि को अपवर्त्य कहते हैं। अौर यदि एक राशि में दो या, अधिक राशियों का अलग अलग निःशेष भाग लग जाय, तो पहली राशि को उन राशियों का अपवर्त्य कहते हैं। इसी प्रकार, यादि किसी दूसरी सबसे छोटी राशि में, उन राशियों का निःशेष भाग लग जाय, तो छोटी राशि को लघुनमापवर्त्य कहते हैं।

जब एक राशि, दूसरी गाशि का अपवर्त्य हो तो, दूसरी राशि अपवर्त्य का एक गुणक रूप अवयव होगी। और जो दो या, अधिक राशियों की एक राशि अपवर्त्य हो तो, प्रत्येक राशि अप-वर्त्य का गुणकरूप अवयव होगी।

अरेर यदि तीन या, आधिक पदों का लघुतमापवर्त्य जानना हो तो, पहले दो पदों का ज्ञात करके, शेष पदों में से किसी एक के साथ लघुतमापवर्त्य जानना, इस प्रकार शेष पदों के साथ किया करने से, अन्त में जो फल सिद्ध होगा वही अभीष्ट लघुतमा-पवर्त्य है।

(१) जैसा, ४ का १४ अपवर्त्य है, क्यों कि १४ में ४ का तीन बार भाग लग जाता है और ३ का भी १४ अपवर्त्य है, क्यों कि उसमें ३ का ४ बार ठांक भाग लग जाना है। इसालिए ४ और ३ का १४ अपवर्त्य है। ऐसे ही ४ और ३ के ३० और ४४ भी अपवर्त्य है। परन्तु उन सबों से छोटा १४ है, इसिलए ४ और ३ का १४ लघुनमापवर्त्य हुआ।

[•] प्रयपाद श्री ६ दिवेदीजी ने यहीं तक 'बीजपरिचय' किसी समय जिला था। यहाँ उसका स्वरूप दिखलाया है। विशेष श्रीवाप्देव शास्त्रीजी के 'हिन्दी-बीजगणित' में देखना चाहिए।

इसी प्रकार, यहाँ २ अक, अ का अपवर्त्य हैं, क्यों कि २ अक में अ, × २ क बार जा सकता है, ऐसे ही २ अक क का भी अपवर्त्य है। अर्थात् अ और क का २ अक अपवर्त्य है और अक लघुतमापवर्त्य है। जैसे ३,१० और ६ का लघुतमापवर्त्य ३,१,२,५ ये भिन्न गुगाक रूप अवयव होते हैं, इसका गुगान = ३० होता है। इसी प्रकार, २ अ, ६ अक और द अक इन का लघुतमापवर्त्य—२ अ = २ × अ, ६ अ क = २×३ × अक द अ क = २ × ३ × अ क। इन में २,३ अ और क भिन्न गुगाकरूप अवयव है और एक राशि में २ संख्या तीन बार आई है, इस कारगा २ × २ × २ × ३ अक = २४ अक, यह लघुतमापवर्त्य हुआ।

(२) दो वा अधिक संयुक्त पदों का लघुतमापवर्त्य जानने के लिए कल्पना किया—क और ख दो पदों के द्योतक हैं और घ उनका महत्तमापवर्तन है।

क = त घ, ख = थ घ तो महत्तमापवर्तन की रीति से त त्रीर थ में कोई साधारण गुणय-गुणक रूप अवयव नहीं हैं, इस- । लिए त थ उनका जघुतमापवर्त्य हैं और सबसे जघुपद त थ घ है। यहाँ त थ और थ घ का नि:शेष भाग लग सकता है और तथघ=

थ क = त ख = क ख । इससे सिद्ध होता है कि—पदों के गुगान-

फल में उनके महत्तमापवर्तन का भाग देना चाहिए अथवा, एक पद में उनके महत्तमापवर्तन का भाग देना और भजनफल को दूसरे पद से गुगा करना।

जैसा, अर - ४ अ + ३ और ४ अ - १ अर - १ ४ अ + १८ इसका लघुतमापवर्त्य निकालना है, तो इनका महत्तमापवर्तन आ - ३ है, अर - ४ अ + ३ में अ - ३ का भाग देने से भजनफल अ - १ मिला, इसलिए (अ - १) (४ अर - १ अर - १४ अ + १८) लघुतमापवर्त्य है और गुणान से अ

४ अ 3 — १३ ऋ 3 — ६ ऋ 3 + ३३ ऋ — १८ फल मिला। यह स्पष्ट है कि ऋ — १ का नि:शेष भाग ४ ऋ 3 — ६ ऋ 3 — १ १ ऋ + १८ में लगता है, इसंलिए किया करने से (ऋ — ३) (ऋ — १) (४ ऋ 3 + ३ ऋ — ६) लघुतमापवर्त्य हुआ। परन्तु यह मगरण रखना चाहिए कि लघुतमापवर्त्य को गुरय गुणक खरहों में लिखने से सुभीता पड़ता है।

महत्तमः पवर्तन श्रौर लघुनमापवर्त्य के श्रापस में सम्बन्ध श्रौर विभिन्न गियातों की व्याप्ति के उदाहरण पूर्वोक्त हिन्दी बीजगियात में देखना श्रावश्यक है।

भिन्न।

१४ भिन्न शब्द का अर्थ व्यक्तगियात में आरे यहाँ पर
एक ही है। जैसे क से ज्ञान होता है कि एक या, पूरी राशि क
तुल्य भागों में विभाजित हुई है। और उन भागों में से आ भाग
ित्रये गये हैं। अप भिन्न है, आ अंश, क छेद कहा जाता है। छेद
या, हर से ज्ञात होता है कि एक की संख्या कितने तुल्य भागों में
विभाजित हुई है। और अंश सूचित करता है कि उन में से कितने
भाग ित्रये गये हैं। यहाँ अंश और छेद की राशियों के स्थान में
इष्ट संख्या की कल्पना भी कर सकते हैं।

(१) भिन्त के ऋंश ऋौर हर को किसी राशि से गुर्याने पर उनके मान में अन्तर नहीं पड़ता।

$$\mathbf{\hat{3}}\mathbf{HI}, \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{a}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{z}};$$

इसिलिए, च = ३ म = नम ; यहाँ न के स्थान में

इष्ट संख्या मान सकते हैं।

i,

न का में १ के न क तुल्य खराड हुए हैं। और का में १ के क तुल्य खराड हुए हैं। इसिलिए न का का प्रत्येक खराड का क क प्रत्येक खराड का कि भाग है। क्योंकि किसी संख्या में बड़ी संख्या का भाग दिया जाय और इसी में छोटी का भी भाग दिया जाय तो पहली लिब्ध दूसरी से छोटी होगी। इसिलिए १ के न क भाग को न बार के तो, न का क तुल्य है। क्योंकि न का क क इससे सिद्ध होता है कि किसी भिन्न के अंश और हर में एक ही राशि का भाग देने से भिन्न का मान वही जना

$$\left(\begin{array}{c} 2 \end{array}\right) \frac{\overline{y}}{\overline{a}} = \frac{\overline{y} \times \overline{\eta}}{\overline{a} \times \overline{\eta}} = \frac{\overline{y} \overline{\eta}}{\overline{a} \overline{\eta}}$$

रहता है।

$$(3)^{\frac{\pi}{2}-a} = \frac{2\pi-2a}{2a}$$

$$(8) \frac{\overline{x} - \overline{u}}{\overline{u}} = \frac{\overline{x}^3 - \overline{x} \, \overline{u}}{\overline{x} \, \overline{u}} \, |$$

$$(x)\frac{?-a}{?+a}=\frac{z-az}{z+az}$$

इन उदाहरणों से ज्ञात होता है कि इस रीति से भिन्नों का अधुतम रूप हो जाता है, ऋौर मानों में कोई अन्तर नहीं पहता।

संकलन और व्यवकलन।

१६. व्यक्तमिति की 'श्रंशाहितिरह्येद्वधेन भक्ता —, इस शीति से भिन्नपदों का समच्छेद करके योग किंवा अन्तर किया जाता है।

(१) यदि समान क्रेंद्र हो जैसे अप न अप न योग

हुच्या । यदि च + पेसा पद हो तो—

 ग्रम्
 अय कग अय+कग

 क य कय कय क्य
 कप

(२) = ग्रा च , इनका योग = ग्रा ग्राय ज ग क थ ज क व व ज घ

= ग×कन कगन ; क्योंकि, ग×कः कग ऋौर घ×कन कघन

घ×कः = क्यं इसी प्रकार च कय × च कय च ज क्या ज क्या ज क्या ज क्या ज क्या ज

इस कारण अप + + = अग च क ग ज + क घ च क घ ज क घ ज क घ ज

अध्य ज + क ग ज + क घच । इस प्रकार चार या अधिक क घ ज

भिन्नपदीं का योग होता है।

यह जानना चाहिए कि हरों के लघुनमापवर्स में प्रत्येक भिन्न के हर का निःशेष भाग लग जाता है। इसिलए लिब्धियों से अपने अपने अंश और हर को गुगाने से भिन्नों के समच्छेद लघुनमरूप में हो जाते है। जैसा, अस सम्बद्धित स्वात्म क्ष्य समच्छेद ३० है।

$$\frac{\omega \, \overline{u}}{\xi} = \frac{3 \, \chi \, \overline{u}}{3 \, \circ} \,, \quad \frac{3 \, \overline{u}}{\chi} = \frac{9 \, \pi \, \overline{u}}{3 \, \circ} \,,$$

$$\therefore \text{ योग } = \frac{3 \times 3 + 9 \times 3 + 4}{30} = \frac{3 \times 3}{30} = \frac{53}{30} = \frac{53}{30}$$

इसी प्रकार, $\frac{3}{28}\frac{a}{8} - \frac{3}{8}\frac{a}{7}$, यहाँ भी, $\frac{3}{8}\frac{a}{7} = \frac{6}{4} \times 3$

$$=\frac{28\pi}{28\pi}$$

$$287$$

$$\therefore \text{ surfat} = \frac{8 \times 3}{287} = \frac{8 \times 3}{287} = \frac{8 \times 3}{287} = \frac{1}{287}$$

गुणन श्रीर भागहार।

१७ व्यक्तगणित के 'मंशाहतिरहोदवधेन' त्रौर 'होदं जवं च

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

परिवर्त्य—' इन नियमों के अनुसार भिन्नों का पूर्णाक कि वा भिन्नाक से गुगान-भन्नन होता है। भिन्न के अंश को गुगाकर घात के नीचे उसका हर रख देना। जैसे ग × अ अ अ मा अ अ और क व दोनों भिन्नों में, १ के क तुल्य खराड हुए हैं और अ कि भिन्न में वैसे तुल्य खराड या किये हैं और अ कि तुल्य खराड गा भिन्न में अ के तुल्य खराड गा वार किये हैं। इस कारगा अ मिन्न अ भिन्न अ भिन अ भिन्न अ भिन्न

की अप्रेचा गबार बड़ा है।
(१) यदि अप्रकार को २ से गुगाना है—

वात = २ ऋ क्यों कि दो गुगा ऋ ऋ ऋ क क क क

(२) च्य च को २ ऋ से गुगातो, घातः २ ऋ × ऋ – य क

 $(3) \frac{\pi - u}{\tau} = \frac{x}{\pi} + \frac{x}{u} + \frac{x}{\tau} = \frac{\pi - u}{\tau}$

= <u>६ ऋ - ६ य</u> । इत्यादि ।

इसी प्रकार भाग का भी विषय जानना चाहिए। यदि भिन्न के अंश में पूर्णाङ्क का पूरा भाग जग जाय तो लिडिंघ के नीचे भिन्न के हर

को रख देना। या, भिन्न के हर को पूर्णाङ्क से गुणा के घात को हर मानकर, इसके ऊपर भिन्न का श्रंश क्रिखना।

श्रथवा, ७ श्र - ७ य इसमें मका भाग दिया, क्योंकि, आंश रु ७ = श्र - य।

(४) यदि भिन्न भाजक हो तो उपर जो 'छेदं लवं च....'

रिकोक लिखा है, उसके अनुसार — २ अ क . अ क . य र यहाँ पर, २ अ क . म = २ अ क × य = २ अ क य विकास के च र अ क य र विकास वि

$$\overline{\text{mGs}} = \frac{2 + \overline{u}^2 + \overline{v} - \overline{v} - \overline{v}}{3} \times \frac{2 \overline{u}}{2} = \frac{2 + \overline{u}}{3}$$

$$\times \frac{2 \overline{u}}{2} \times \frac{2 \overline{u}}{2} = \frac{2 + \overline{u}}{3} \times \frac{2 \overline{u}}{2} = \frac{2 + \overline{u}}{3}$$

इसी प्रकार अभ्यासार्थ त्र्यनेक उदाहरण करने चाहिए । भिन्नों की घातिकया, मूलाकिया त्रादि हिन्दी वीजगागित में देखना चाहिए। करणी।

- १ म जिसराशिका वर्गमूलादि अपेक्तित है, परन्तु । ते: शेष मूल नहीं मिलता है, तो उस मूल को करणी कहते हैं। करणी को स्वित करते के लिए उसके आदि में उस भूल का द्योतक चिह्न लिखते हैं।
- (१) जैसा, २ का वर्शमूल अभीष्ट है पर वह मूल कोई नि:शेष संख्या नहीं है, न भिन्त है, न आभिन्त है। इसिलिए इसको √ २ या २ ई इसि चिह्न से लिखते हैं। अ कोई पूरा वर्ग नहीं है, इसिलिए √ अ या, अर्दे यह करणी है। इसी प्रकार, √ अ+क, या, (अ + क) रें अरे+ २ अक, या, (अरे + २ अक) रें इत्यादि सब करणी है।
- (२) भूल में 'द्विकाष्टिमित्योक्तिमसंख्ययोश्च-' इत्यादि करणी के योग झौर वियोग का उदाहरण हैं। इन चिह्नां के अनुसार उस का गणित-

$$\sqrt{x} + \sqrt{x} = \sqrt{x \times 8} + \sqrt{x} = x \sqrt{x} + \sqrt{x} = x \sqrt{x} + \sqrt{x} = (x + x) \sqrt{x} = x \sqrt{x} + \sqrt{x} = x \sqrt{$$

$$\sqrt{3} = (3 + 2)\sqrt{3} = 8\sqrt{3} = \sqrt{2} \times 3 + \sqrt{3} = \sqrt{2} \times 3 + \sqrt{2} = \sqrt{2} \times 3 + \sqrt{2}$$

$$\sqrt{3} = \sqrt{3} = \sqrt{8} \times 3 - \sqrt{3} = (3 + 6)$$

$$\sqrt{3} = \sqrt{3} = \sqrt{8} \times 3 = \sqrt{3} = (3 + 6)$$

(३) यहाँ करियायों के मेदें। को जानना चाहिए। जिन राशियों में करिया न हो उनको अकरियागित राशि कहते हैं। जैसा, अरे + अर्थ + यर - ये इत्यादि। अरेर जिन राशियों में करिया हो वह करियागित है। जैसा, $\sqrt[3]{x}$, २ + $\sqrt{3}$ ३ ्य, अर + $\sqrt{3}$ इत्यादि सब करिया है।

इसी प्रकार, जिस करणी में कोई अकरणीगत राशि गुणक हो उसको मिश्रकरणी और जिसमें गुणक नहीं है उसको अमिश्र-करणी कहते हैं। जैसा; २ 🗸 ३ और अ 🗸 क और 🎺 🚓 रैं अ य।

श्रौर जिस करणी में जितना मूलमापक होगा, उतने घात मूल की वह करणी होती है। जैसा $\sqrt{2}$ श्र यह वर्गमूल करणी है श्रौर $\sqrt[3]{2}$ न क यह घनमूल करणी है। $\sqrt[3]{2}$ न ३ य यह चतुर्घात मूल करणी है।

- (४) जिन करियायों के मूलमापक समान है उनको समूल करिया कहते हैं और जिनके मूलमापक विषम है, उनको विमूल करिया कहते हैं। जैसा, $\sqrt{2}$, ३ $\sqrt{6}$, २ $\sqrt{2}$ अप्रथवा, ३/अ, ३/१० सब समूल हैं। और $\sqrt{2}$, $\sqrt[3]{3}$, $\sqrt[3]{6}$ इत्यादि विमूल हैं।
- (४) जिन समूल करियायों में करियागत अवयव समान है उनको सजातीय और जो सजातीय नहीं है उनको विजातीय कहते हैं। जैसा, ३ $\sqrt{2}$, ४ $\sqrt{2}$, अथवा, $\sqrt[3]{2}$, क $\sqrt[3]{2}$ और $\sqrt{2}$, ३, $\sqrt{2}$, ४ विजातीय है और जो करिया

श्र \pm $\sqrt{2}$ क्रथवा, $\sqrt{2}$ \pm $\sqrt{2}$ क इस रूप की होती है, उनको द्वियुक्तरणी कहते हैं।

(६) किसी अकरणीगत पद को करणी का रूप देने का प्रकार यह है कि उस पद का वर्गीदि घात करके उसमें उस करणी

का मूल चिह्न लगा देना चाहिए।

जैसा, + अ इसका वर्गमूल करणी रूप = + $\sqrt{3}$ । और - अ का = - $\sqrt{3}$ । यहाँ $\sqrt{3}$ का वर्गमूल \pm अ यह होता है । करणी के वास्तव मान के धनर्णात्व को स्पष्ट करने के लिए $\sqrt{3}$ इस चिह्न के आदि में धन-अनुण चिह्न करते हैं इसीलिये आचार्य ने करणीषाड्रिथ में 'ज्ञयो भवेच्च ज्ञयरूपवर्गः - ' इत्यादि लिखा है । इस प्रकार, \pm २ इसका धनमूल-करणी रूप = $\sqrt[3]{\pm}$ \pm = $\sqrt[3]{\pm}$ यह होता है ।

(७) अभिन्न करियायों के गुणन-भन्नन में गुएय-गुणक अथवा भाज्य-भाजक रूप करिया यदि विमूल हों तो उनको समूल करके

फिर आगे की किया करनी चाहिए।

जैसा आचार्योक्त 'द्वित्रयष्टसंख्या गुणकः करएयो - इत्यादि

उदाहरण में—
$$(\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{2}) \times (\sqrt{3} + \frac{1}{2})$$

$$\sqrt{2} \times \sqrt{3} + \sqrt{3} \times \sqrt{3} + \sqrt{2} \times 8 \times \sqrt{3}$$

$$+ \frac{1}{2} \times \sqrt{2} + \frac{1}{2} \times \sqrt{3} + \frac{3$$

न्नाथवा— $3 + \sqrt{\epsilon} \times \xi + \sqrt{22} \times 2 + \sqrt{22} \times 3$ $= 3 + \sqrt{2} \times 4 + \sqrt{22} \times 2 + \sqrt{22} \times 3$ $= 3 + \sqrt{2} \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$ $= 3 + \sqrt{2} \times 4 \times 4 \times 4$ $= 3 + \sqrt{2} \times 4 \times 4$ $= 3 + \sqrt{2} \times 4 \times 4$

इस प्रकार स्थम्यासार्थ कई उदाहरण करने चाहिए।
स्था करणीवर्ध के जिए मूलोक प्रथम उदाहरण में—
(\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{2} \) र 'स्थाप्योन्त्यवर्गी द्विगुणान्त्यनिन्नाः इत्यादि सीति से—

अर्थात् क १० क २४ क ४० क ६० सिद्ध हुआ। इसी अकार वर्गभूल आदि की किया को भी समम्प्रना चाहिए।

समीकरण।

(१६) जब दो बीजातमक पद परस्पर तुल्य होते हैं चौर उनके मध्य में ः यह चिह्न होता है, तो उसको समीकरण कहने हैं। चौर सम चिह्न के द्वारा युक्त पदों को पच्न कहते हैं। बाई च्योर के पच्न को प्रथम पच्च व्यव्यक्त चौर दाहनी च्योर के पच्च को दूसरा पच्च व्यक्त वहते हैं। समीकरण दो प्रकार के होते हैं, एक प्राकृत दूसरा कल्पित। प्राकृत समीकरण के दोनों पचों का साम्य स्वाभाविक रहता है। इसिलए उसके पदों के वणों के स्थान में इष्ट संख्या मान सकते हैं और कल्पित समीकरण के पचों का साम्य किसी

नियत नियम के ऋनुसार होता है, वहाँ मनमानी कोई संख्या किसी वर्ण के स्थान में नहीं मान सकते।

में करते हैं। इस्ति में इस्ति वर्ष

इस प्रकार, स्र + य = स्र + य = स्थ+ य = स्थ+ य = स्थ+ य यह प्राकृत समीकर्या है + स्थ+ य

श्रीर य + श्र = क, इसका श्रर्थ है कि य एक ऐसी नियत संख्या है कि जिसमें श्र को जोड़ देने से, योग क के समान होता है। यह कल्पित समीकरण हैं। इस में श्रव्यक्त का मान वह है, जिससे उस समीकरण में उत्थापन करने से वह समीकरण प्राकृत हो जाय श्रर्थात् दोनों पत्त एक रूप हो जाय श्रीत् दोनों पत्त एक रूप हो जाय श्रीत य + श्र = क, इसमें य श्रव्यक्त है श्रीर श्र, क व्यक्त पद है, यहाँ य का मान क-श्र है। क्योंकि उत्थापन से य के स्थान में क-श्र को रखने से, क-श्र + श्र = क या, क = क।

(१) जिस में एक ही आव्यक है उसको एकवर्ण समीकरण आरे जिस में अनेक अव्यक हैं, उसको अनेकवर्ण समीकरण कहते हैं। छेदगम, अपवर्तन आदि क्रिया के बाद समीकरण में, सबसे बड़ा जो घात रहता हैं, उसी घात के नाम का वह समीकरण कहाता है। जैसा य = अ यह एकघात-समीकरण हैं। यदि समीकरण में अव्यक्त का सबसे बड़ा घात वर्ग ही हो तो वह वर्गसमीकरण होता है, इसके केवल वर्गसमीकरण और मध्यमाहरण दो भेद हैं। जैसा, अ य + क = ०, यह केवल वर्गसमीकरण है।

त्रीर त्रय^२+कय=ग, यह मध्यमाहरण है। इसी प्रकार घनसमी-करण त्रादि को भी समस्ता चाहिए।

(२) श्रभ्यासार्थ समीकरणों का स्वरूप प्रदर्शन किया जाता है— (क) ७य+३=२य+२३, इसमें य का मान क्या है ^१
पत्तान्तरानयन से, ७ य - २ य = २३ - ३
योग करने से, ४ य = २०

भाग देने से, $a = \frac{20}{x} = 8$ यह मान

है। इसका उक्त समीकरण में य के स्थान में उत्थापन से-

७ × ४ + ३ = २ × ४ + २३, अथवा, २८ + ३ = ८
 + २३ अर्थात् ३१ = ३१ ।

(ख) १२ य - २१ = ३ य + ३३ इस में य का माना क्या है ?

यहाँ ३ के अपवर्तन से \cdot \cdot ४य - ७ = य + ११ पत्तान्तरानयन से \cdot \cdot ४य - य = ११ + ७ योग करने से \cdot \cdot ३ य = १-

भाग देने से $\cdot \cdot a = \frac{8\pi}{3} = \xi$

(ग) ११ य - (१३ - य) = १४ ; इसरें य का मानः क्या है ?

कोष्ठ की उड़ा देने से— कि कि कि कि कि कि

 $\begin{array}{c} 884 - 83 + 4 = 84 \\ 884 - 884 + 88 = 80 \end{array}$

भाग देने से, $a=\frac{80\pi}{2}=\epsilon$ ।

यहाँ कोष्ठ के त्रादि के पद से भीतर के पदों को गुण देने से— (४ य - १४) - ४१ = ४६ - (३४ - ४ य) को छ को। इटाने से— x = -2x - x2 = x2 - 3x + x = x = x2 - 3x + x = x2 + x2

 $\therefore \dot{a} = 82x - 38 = \xi 81$

(च) कय — अच्या — घय; यका क्या मान है ? पद्मान्तरानयन से, कय + घय = अप्रा

> .. (क + घ) य = अ + ग और य = अ + ग। क + घ।

(छ) $\frac{u}{z} - \frac{xu}{3} - \frac{8}{3} = \frac{8u}{3} - 3; u$ का मान जानता है— $z \times 3$ या ६ से पद्यों को गुगा।, ३य-१० य— $z = z \cdot 1 - 2z$

पत्ताः न्तरानयन से · ३य-१०य-दय=द-१द योगः करने से · · -१४य = --- १०

 $(\pi) \frac{8^{\frac{21}{3}} - \frac{2^{\frac{21}{3}}}{2^{\circ}} + \frac{2}{6} = 3 \in \mathbb{Z}$ का मान क्या है ?

यहां ३, १०, ६ का लघुनमापवर्त्य ३० है। प्रत्येक पद को ३० से गुगा-

 $\therefore 3 \circ \times \frac{8 \text{ u}}{3} = 9 \circ \times 8 \text{ u} = 8 \circ \text{u},$

 $30 \times \frac{-3u}{80} = -6u, 30 \times \frac{u}{6} = 4u \text{ mit } 30$

× 3 € = 9900

ं. ४० य - ६ यः + ४ य = ११७०० व्यापन

योग करने से . • ३६य = ११७० । जीव से कार्य

३६ का भाग देने से या = $\frac{११७०}{3\xi}$ = ३०।

इसी प्रकार त्र्यनेक उदाहरण हो सकते हैं। इसका बढ़ा विस्तार

है जैसी कि ऊपर एकघात एकवर्ण-समीकरण की रीति दिखलाई हैं, ऐसी ही रीति से वर्गसमीकरण, मध्यमाहरण के च्दाहरण भी करना वाहिए।

_(म्त) ३य^२ — २ = २ य^२ + २ इस वर्गसमीकरण में य का क्या मान हैं—

पद्मान्तरानयन से \cdot ३ य^२ - २ य^९ = २ + २ योग करने से \cdot य^२ = ४ वर्गमूल लेने से \cdot . य = $\sqrt{8}$ = ± २ ।

(प) य^र + ६ य = १६ इस में य का मान क्या है ? यहाँ वर्गपूर्ति के लिए ६ का त्र्याधा ३ का वर्ग ६ दोनों पत्त भें जोड़ने से हुत्र्या—

ं य = २ यहाँ य का दो प्रकार का मान हो सकना है। क्यों कि २५ का मूल — ५ ऋौर + ५ होगा, इसी से य + ३ = — ५ भी होना संभव है।

ं य = — = इससे य का मान २ किंवा, — = होगा।

 $(r_1) \frac{u+2}{u-2} - \frac{u-2}{u+2}$; इसमें य का मान क्या है?

ह्येदगमार्थ दोनों पत्तों को (य - १) (य + १) से गुणातो-

 $(u+2)^2 - (u-2)^2 = (u-2)(u+2)$

न्नाम्तरानयन न्नीर योग से, य² – १ = य² – १। पत्तान्तरानयन न्नीर योग से, य² – १ य = १। दोनों पत्तों में $(\frac{9}{5})^{8}$ या ४ जोड़ा तो य² – १ य + ४ = १ पत्तों का मूल ित्या, य – २ = $\pm \sqrt{2}$ न्नान्तरानयन से, य = $\pm \sqrt{2}$

परिशिष्ट (२)

(१) त्रव सम्बन्ध या, निष्पत्ति, त्रानुपात, स्थिर-राशि त्रौर चल-राशि के विषय में त्रावश्यक बातें लिखी जाती हैं।

सजातीय वड़ी और छोटी राशियों में यह सम्बन्ध ज्ञात करते हैं कि बड़ी राशि में छोटी राशि कितनी है अर्थात् छोटी राशि बड़ी राशि का कीन सा भाग है, तो इस भाग को छोटी और बड़ी राशियों का सम्बन्ध कहते हैं। इससे यह मालूम होता है कि जब दो राशियों में सम्बन्ध खोजना हो, तो पहली राशि में दूसरी राशि का भाग देने से जो लिब्ध मिले वही इष्ट सम्बन्ध है। जैसे ह और ३ में सम्बन्ध है तो ह ÷ ३ = ३, यही अङ्क ह और ३ का सम्बन्ध हुआ अर्थात् ह में ३ संख्या ३ बार है। ऐसे ही ३ और ह में सम्बन्ध, ३ ÷ ह = ई यह है अर्थात् ह का ३ तृतीयांश है।

इसी प्रकार, ज्य इससे आ, क का सम्बन्ध ज्ञात होता है ज्यौर इन दोनों वर्णों के स्थान में इष्ट संख्या मान सकते हैं। जब दो राशियों का सम्बन्ध प्रकट करना होता है, तो उसको आ: क या, ज्य के इस प्रकार जिखते हैं। इसिंजिए जा: क = आ दोनों का एक ही अर्थ है।

ऐसे ही, ग : घ = $\frac{\eta}{u}$; यदि ऋ, क राशियों का सम्बन्ध ऋौर ग, घ का सम्बन्ध समान हो, अर्थात्—

स्त्रः कः : गः घः क्यों कि ^{दे} = दे ।

े २:३::४: ६ त्रर्थात् २ और ३ में जो सम्बन्ध है वही ४ त्रीर ६ में है त्रीर २,३, ४ त्रीर ६ इनको त्रानुपातीय त्रावयव कहते हैं। जिन राशियों का सम्बन्ध हो, उनको भिन्न-रूप में कर लेने से वही सम्बन्ध का मापक होगा। जैसे, त्रा:क

जैसा, श्रः कः ः गः घ, इसको $\frac{2}{4} = \frac{1}{4}$, जिखते हैं।

सम्बन्ध के भिन्नक्रप से जो क्रिया हो सकती है, वही सम्बन्ध पर श्रीर श्रतुपात को जो समीक ग्या के रूप में जिखते हैं, इससे समी-कर्या सम्बन्धी क्रिया श्रतुपात पर हो सकती है।

उदाहरण-७: ४ यह एक सम्बन्ध है श्रीर द १ ४ यह दूसरा है, इनमें कीन सा सम्बन्ध बड़ा है ?

७ : ४ का इँ मापक है। ८ : ४ का ५ मापक है।

 $\frac{3}{8} \cdot \frac{5}{9} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{9} \cdot \frac{$

(२) यदि सम्बन्ध के पदों को एक राशि से गुणित किंवा भाजित करें तो भी सम्बन्ध-मान में अन्तर नहीं पड़ता।

यदि, घ्रः कः ः गः घः; ं घ्रः घ = कग। क्योंकि,

न्ना:कः::गःघयाः, न्नाः = ग्वः इन तुल्य राशियों को कघसे गुगाः किया तो--- म्ब्रक्ष = गक्ष । परन्तु म्बर्क ध = कः म्र घ म्ह्रीर क घ = घ कग,

क श्रंघ <u>घ क ग</u> श्रंथवा, श्रंघ = क ग।

भ्रम यादि स्राध = कगहै, तो कघ का भाग देने से— श्रम = कग , स्राथना, स्रा = ग या, स्रा: क::ग:घ। कघ कघ

क्रीर, क्रा: क:: ग: य, तो पूर्व रीति से क्राय = कग, क्रा का भाग देने से, य = $\frac{क \, \eta}{\pi}$, यह त्रैराशिक उपपन्त हुन्ना।

इस प्रकार, त्रैराशिक के तीन पद अनुपातीय मालूम होते हैं, तो चौथा पद भी ज्ञात हो जाता है। च्लेत्रामिति के पाँचवें अध्याय में जो अनुपात की परिभाषा मानी गई है, उसके ख्रौर बीजगायात के अनुसार अनुपातीय राशियों को सिद्ध करने में कोई भेद नहीं है। पूर्व लिखी हुई निष्पत्तियों में क्रम, उत्क्रम ख्रौर एकान्तर आदि राशियों के सम्बन्ध-विस्तार करने से सब बातें स्पष्ट प्रतीत होंगी।

(३) यदि किसी राशि के कई त्रालग त्रालग मान होते हैं, तो ऐसी राशि को चलगाशि कहते हैं। ऋौर यदि एक राशि का एक ही मान हो, तो ऐसी राशि को स्थिरराशि कहते हैं।

जब इन राशियों में ऐसा सम्बन्ध हो कि पहली राशि जितनी
गुनी बढ़ जाय चननी गुनी ही दूसरी भी बढ़ जाय अथवा, दोनों
राशि आपस में उतनी ही गुनी घट जाये, तो ऐसे सम्बन्ध को
'अनुलोम-चलन' कहते हैं। यदि आ, क दो राशियों में अनुलोम-चलन हो और अ राशि क के समान हो जाय और क राशि घ
राशि के समान हो जाय तो—अ:क: क: घ।

श्रीर जहाँ एक शाशि का मान, आविक वा न्यून होने से दूसरी अर्थात् उसकी अर्थान शाशि का मान न्यून वा अधिक होता है; उसको 'विलोमचलन' कहते हैं। दो राशियों के बीच ∞ ऐसा चिह्न उनका चलनसंबन्ध भूचित करता है। जैसा, र ∞ य, यदि य = २ श्रीर र = २० तो जब र का मान २० है तो य का मान २ है, इसलिए दोनों के बीच क्रम चलन (रूपान्तर) है।

्ं र : २० : : य : २,

-- कि है कि काम कि । अथवा -- कि है के कि कि कि

र: य:: १०: १.

(४) यदि दो चलराशियों में चलन का समान्ध हो ऋौर राशियों के मान व्यक्त हों, तो चलन का समीकरणस्वरूप इस प्रकार हो सकता है—

श्र ∞ क, चलन से रूपान्तर— श्र = ग श्रौर क = घ तो श्र : ग : : क : घ ं. श्र घ = ग क, द का सात देने से—

म् । स्थापन । स्थापन

इस प्रकार यदि र « य, तो मान लिया, य = १र = ३ है, चलन से रूपान्तर—

र:३::य:१ ∴र=३य;

यदि आ, क में अनुलोम-चलन हो, तो आ यह सम्बन्ध सदा एक सा बना रहेगा, क्यों कि भिन्न के अंश, हर को एक राशि से गुगाने वा, भाग देने से उसके मान में अन्तर नहीं पड़ता अर्थीत् आ क यह स्थिर राशि होगी, यह आ और क के क्रम-चलन से न बहलेगी, इस कारण के स्थान में म था, न कोई अल्लर रख लेते हैं।

्रम् च = म, या त्र्य = म क।

यदि ग द्र घ के बीच उक्त चलन हो तो ्य , यह स्थिर राशि ही बनी रहेगी। परंतु ग, घ के चलन होने से ्य , यह राशि ह्य राशि हम सान न हो जायगी। इसिलिए ग को न के समान

मान जेना होगा, क्योंकि म = च्य है त्रौर यहाँ ग = न घ; यह स्वरूप होता है।

इसी प्रकार, विलोग-चलन के भी सम्बन्धों का स्वरूप और समिकरण उदाहर में से सविस्तर जानना चाहिए। योगज और अन्तर श्रेटी।

(१) श्रेढी राब्द का अर्थ पंक्ति है। जब एक पंक्ति में राशियाँ इस क्रम से हों कि प्रत्येक पास की दो राशियों के बीच समान अन्तर हो और वह अन्तर समान रूप से बढ़ता हो या, उसी क्रम से घटता हो तो ऐसी श्रेढी को क्रम से योगज और अन्तर श्रेढी कहते हैं।

श्रेढी के प्रथम पद को ज्यादि या, मुख ज्याँ सबसे पीछे के पद को ज्यन्त पद एवं प्रत्येक दो गाशियों के बीच जो समान अन्तर है, उसको चय कहते हैं। ज्यादि और ज्यन्त पद के बीच जितने पद हों, उनको 'मध्यपद ज्याँर पदों की संख्या को गच्छ एवं श्रेढी के सब पदों के योग को श्रेडी फल कहते हैं।

जैसा, १, ३, ४, ७, ६, ११ ... त्रादि, योगज श्रेढी है, क्योंकि प्रत्येक दो पास के पदों में पहले से दूसरा २ के समान बड़ा है। श्रीर २०, १६, १८, १७ इस पंक्ति में पहले से दूसरा १ के समान छोटा है, यह श्रन्तरश्रेढी है।

यदि श्रेडी का आदि पद = अ, चय = च, 📧 💮 💮 अ, अ + च, अ + २ च, अ + ३ च आदि योगश्रेढी। अ, य - च, य - २ च, य - ३ च त्रादि अन्तरश्रेढी।

अब, अ, अ + च, अ + २ च, अ + ३ च.......श्रेढी में अ आदिपद, ऐमे ही आगे के पद हैं। इससे यह बात निकलती है कि जो 'सं को श्रेढी के किसी पर की संख्या मानें तो सौबें स्थान का पद अ + (स - १) च; इसके तुल्य होगा । इसका कारण यह है कि यदि स को १ मानें और पहला पद सिद्ध करें, तो अप + (स - १) च; इसमें सके स्थान में १ मानें तो प्रथम पद अ हुआ । क्योंकि-

य + (१-१)च = घ + ० × च = घ्र + ० = घ्र । इसी प्रकार, दूसरे पद के लिए स के स्थान में २ रकला तो म्म + च, यह हुम्या। क्योंकि, म्म + (२ - १) च = म्ब + १ × च = ऋ + च । ऐसे ही क्रिया होती ह । ऋन्तरश्रेढी में सौवें स्थान का पद श्र - (स - १) च प्रह होगा, इस पर क्रिया बढ़ानी चाहिए। यहाँ यह भी ज्ञात हुआ कि यदि आदि पद और चय मालूम हो तो श्रेढी का अभीष्ट पद निकल सकता है। जैसा, में महिल सहाये हैं कहा की किये कि की कार है कि कि

१, ४, ६, १३, १७ श्रेढी का पचासवाँ पद ज्ञात . करना है। यह योगज श्रेढी हैं इसिलिए ऋ + (स - १) च, में स के स्थान में ५० माना और अर् के स्थान में १ अर्थेर च के स्थान में ४ - १ या, ४ रक्खा तो-

8 + (xo - 8)8 = 8 + 300 - 8 = 880 यही श्रेढी का पचासवाँ पद हुन्ना।

हैं कि के कार्राव ही एक उपपत्ति । ३ तथ तथ तह तह तक के (२) श्र = त्रादि पद, च = चय त्रीर प = त्रन्त्य पद है, तो--त्र, म्र + च, + २ च, त्र + ३ च + त्रादि + प, यह श्रेढी का स्वरूप हुआ और कल्पना किया कि श्रेढी के पढ़ों का योग = यहै, तो य = अ + अ + च + अ + २ च + अ + ३ च + आ | दे - + य | श्रेढी के पास के प्रत्येक पदों के बीच च अन्तर समान है और योगज श्रेढी में प अन्तिम पद है। इसिंज प - च पद इसके पूर्व होगा और इसके पूर्व प - २ च यह पद होगा । ऐसे ही अन्य पद भी होंगे । अब इन पदों को चत्क्रम से लिखा --

श्रीर यदि ग को गच्छ या, पदों की संख्या मार्ने, तो— र य = ग बार अप + प या, ग × (अप + प)।

इस कारण य = र्रंग (ग्रं+प) ऐसे ही जो अन्तरश्रेढी हो तो भी श्रेढीफल अथवा, य = र्रंग (अ + प)।

केवल अन्तरश्रेढी में योगजश्रेढी की अपेक्ता + च के स्थान
में -च होगा और उत्क्रमअन्तरश्रेढी में -च के स्थान में + च
होगा। इसका कारण यह है कि अन्तरश्रेढी में कोई पद, जैसा प,
पूर्व पद से च के समान छोटा होगा। इसिंक अन्तरश्रेढीफल
य = अ, अ - च, अ - २ च, अ - ३ च, + आदि +प।

यदि त्रा, क दो गाशियों के बीच मध्यपद निकालना हो ऋर्थात् यदि उन तीन गाशियों को क्रम से रक्खें तो उनमें प्रत्येक पास की दो गाशियों के बीच समान अन्तर हो।

यदि य, ऐसी राशि है, तो अ, य, क ये अंदिपद होंगे अरेर को यांगजअंदी होगी तो य-अ, चय होगा और क - य भी चय होगा।

य - अ = क - य;

<u> पत्तान्तरानयन से— वर्ष व्यक्त वर्ष</u>

२ य = च्रा + क, २ का माग देंने से, य+ $\frac{च्रा + क}{2}$ ।

इससे सिद्ध होता है कि योगज किंवा अन्तरश्रेढी की दो बाशियों के बीच मध्यपद निकालना हो तो दोनों राशियों का आधा योग—इष्ट मध्यपद होगा। आचार्य ने भी लीलावनी में '….मुख-युग्दिलतं तन्मध्यधनम्।' इत्यादि लिखा है।

इसी प्रकार गुणोत्तरश्रेढी वा, घातश्रेढी का भी प्रपंच है।

x x x

पाश्चात्य बीज में चित्र (च्लेत्र) Graph द्वारा प्रश्नों का विचार है, उससे गाशियों का मान निकालना, अव्यक्त गाशियों को ज्ञात करना आदि और चेत्रीमिति सम्बन्धी प्रश्न, जैसे त्रिभुज, चतुर्भुजों का चेत्रफल, दो स्थानों की दूरी मालूग करना इत्यादि का बहुत बड़ा प्रपञ्च है। वह सब यहाँ नहीं जिला। आचार्य ने एकवर्ण-मध्यमाहरण के अन्त में 'चेत्रे तिथिनखैस्तुल्ये'— इस चदाहरण के प्रसङ्ग से कोष्ठात्मक चेत्रों की कल्पना पर गाशियों का मान निकालने का दिग्दर्शन किया है। इसी मूल ने पाश्चात्य बीज में विशाल रूपधारण किया है, जो वास्त्रव में झेय और माननीय है।

इति शिवम् ।

FIRST PIE ST TRIBLE IS

परिशिष्ट (३)

बीजगणित-सम्बन्धी कतिपय पाश्चात्य पारिभाषिक शब्दों के नाम

बीजरा शित . स्रकलन **च्यवकल** न गुण्न

भजन ਰਨੰ

वर्गमूल धन

घनमुल घातक्रिया

लघुतमापवर्त्यं

ग्रपवर्त न श्रव्यक्त राशि

भिन्न ऋंश हर

प्याङ्क दशमत्तव त्रीगशिक

ब्यस्त त्रेराशिक पञ्चराशिक

म्लधन **मिश्रधन**

Algebra. Addition. Subtraction Multiplication.

Division. Square.

Square-root.

Cube.

Cube-root. Involution.

Index of power.

(Coefficient of power.) Greatest Common Meas-

ure G. C. M.)

Lowest Common Multiple

L. C. M.)

Common Factor. Unknown quantity.

Fraction. Numerator. Denominator. Whole Number. Decimal Fraction.

Rule of Three.

Inverse Rule of Three. Double Rule of Three.

Principal.

Amount (Arithmetic).

Interest.

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

कर्णी प्रशासन	Surds
करणीगत-राशि	Radical quantity.
श्रेढी (योगान्तर)	Arithmetical Progression.
श्रेढी (गुणोत्तर)	Geometrical Progression.
चेत्र अतिश्रीत	Figure.
चेत्रफल स्वामिकित	Area.
वृत्त	Circle.
qtu () indicatiqual (Circumference.
च्यास	Diameter.
त्रिच्या व्यासम्ब	Radius.
धनफल अ००१-१७८११८	Volume.
कृष्टक	Pulverizer.
Cuberroot, Cuberroot.	(Indeterminate Multiple).
समीकरण nobbloyal	Equation.
एकदर्श-समीकरण	Simple Equation.
(मध्यमाहरण)	Adfected Quadratic
,, (मध्यमाहरख)	Equation.
त्रनेकवर्ण-समीकरण	Equation containing more
Bavest Common Multiple	than one unknown
Total to take (able which	quantity.
,, (मध्यमाहरण)	Equation containing quadratic.
Unknown quantity, and E	Positive quantity.
राशि (धन)	Negative quantity.
अध्यापन अधिकार्यकरा	Calmitentia
पक्षान्तरानयन अनेवसार्थ क्रीवसार्थ	ACCUSED TO STATE OF THE STATE O
सम्बन्ध, निष्पत्तिः	Transposition Ratio.
श्रनुपात estd io simi	
ત્રમુપાલ કુકાલા ૧૦ કાઠા ત્રિમુપાલી ૧૦ કાંઠમ કરાક જા	Proportion. Triangle.
	Carlot Charles and
चतुर्भुज ता 10 oli A siduo C	C
Amount (Arithmetic).	Square.
Managaria (az) amonta	TANGE



श्रीगणेशाय नमः ।

बीजगणितम् । विलासिनामकेन व्याख्यानैनालंकृतम् ।

-9C0-9G-

जयित जगद्मन्दानन्दमन्दारकन्दो

वृज्ञिनशमनत्रीजं पार्वतीज्ञानिरेकः ।

तद्तु गणितिवद्यानाटिकासूत्रधारो

जयित धरणिरत्नं भास्कराचार्यवर्यः ॥ १ ॥

तातश्रीसरयूप्रसादचरणस्वर्द्वक्तसेवापरो

मातृश्रीहरदेव्यपारकरुणापीयूपपूर्णान्तरः ।

हत्पद्मश्रमरायमाणागिरिशो दुर्गाप्रसादः सुधी
रध्येतृप्रतिभोद्गमाय कुक्ते बीजोपरि व्याकृतिम्॥ २ ॥

त्रथ तत्रभवान् भास्कराचार्यो ग्रहगणितरूपं सिद्धान्तशिरो-मणि चिकीपुस्तदुपयोगितया तदध्यायभृतां लीलावतीनामिकां व्यक्तगणितपाटीं निर्माय तथाभूतं वीजगणितमारभमाणः प्रत्यूह-व्यूहनिरासाय शिष्यशिक्तार्थं मङ्गलमादौ निवध्नाति—

उत्पाद्कं यत्प्रवदंनित बुद्धे-रिधिष्ठितं सत्पुरुषेण सांख्याः।

व्यक्रस्य क्रत्स्नस्य तदेकवीज-मव्यक्रमीशं गणितं च वन्दे ॥ १ ॥

उत्पादकमिति । पद्यमिद्मर्थत्रयवाचि । तत्र प्रथमं तात्रदृज्यक्तपचे व्याख्यायते—तद् श्रव्यक्तं प्रधानं सांख्यशास्त्रे जगत्कारणतया प्रसिद्धं वन्दे श्रमिवादये । सांख्याः सेश्वराः श्रीभगवत्पतः जिमतानुसारिणो यद् बुद्धेः महत्तत्त्वस्य उत्पादकमाभिव्यञ्जकं प्रवदन्ति कथयन्ति । ननु प्रधानमचेतनं कथं कार्यमुत्पादयेदित्यत उक्तं पुरुषेणाधिष्ठितं सदिति । यथाहि—कुलालादिना चेतनेनाधिष्ठिनं कपालादि घटाद्युत्पादकं तद्वदिन्त्यर्थः । निरीश्वराः कपिलमतानुसारिणस्तु पुरुषिनरपेत्तमेव प्रधान-मुत्पादकं प्रबद्दिन ।

तदुकं श्रीमदीश्वरकृष्णचरगै:-

'वत्सविवृद्धिनिमित्तं चीरस्य यथा प्रवृत्तिरज्ञस्य । पुरुपविमोचानिमित्तं तथा प्रवृत्तिः प्रधानस्य'॥ ५७॥

'यथा तृग्गोदकं गवा भित्ततं त्तीरभावेन परिण्मय वत्सविवृद्धिं करोति पुष्टे च वत्से निवर्नते। एवं पुरुपविमोत्तनिमित्तं प्रधानिन त्यक्तस्य प्रवृत्तिः' इति तज्ञाप्यम् । ननु ताहरो प्रधाने कि प्रमाण्मिन्त्यत्त आह्—कृत्हनस्य व्यक्तस्य कर्याज्ञानिति । समस्तस्य व्यक्तस्य कार्य-ज्ञानस्य एकं वीजं कार्ग्णमिति ॥ अथेशपत्ते—अत्रत्र यत्तदोर्णिङ्गविपिन्गामेन यदिति स्थाने यं तदिति स्थाने तं चेति बुद्धिमता व्याख्येयम् । तमीशं सिचदानन्दरूपं वन्दे । सांख्याः, सम्यक ख्यायते ज्ञायते आत्मा यया सा संख्या आत्माकारान्तः कर्ग्णवृत्तिः, सा विद्यते येषां ते सांख्याः आत्मज्ञानिन इत्यर्थः । सत्पुरुपेण नित्यानित्यवस्तुविवेक्तिस्यान्त्रत्रिम्यां अवग्रविपयीकृतं सन्तं बुद्धेस्तत्त्वज्ञानस्योन्त्याक्तं प्रवदन्ति । ननु तस्याजनकत्वाद्बुद्धिजनकत्वं मानाभाव इत्यत आह—समस्तस्य व्यक्तस्य एकमसाधारणं वीजमुपादानमित्यर्थः । 'यतो वा इमानि भूतानि जायन्ते' इति 'तत्स्पृष्टा तदेवानुपविशत्' 'तस्माद्वा एतस्मादात्मन आकाशः संभूतः' इति च । अथ गिणात-

पद्मे—तद्व्यकं गिण्तं बीजगिणितिमिति यावत् । वन्दे । गिण्तवन्द्रनेन तद्धिष्ठात्री देवता वन्द्यत इति सांख्याः संख्याविदो गण्काः सत्पुरुषेण स्वरूपयोग्येन द्यधिष्ठितमभ्यस्तं यद् बुद्धेः प्रज्ञायाः उत्पादकं प्रवदन्ति । कीदृशम् । समस्तस्य व्यक्तगिणितस्य एकं बीजं मूलिमित्यर्थः । उप-जातिवृत्तमेतत् ॥ १ ॥

भाषाभाष्य ।

सकलभुवनैकहेतुं सेतुं संसारसागरस्यैकम् ।
श्रायापिदारविन्दं जितकुरुविन्दं नमस्कुर्मः ॥ १ ॥
श्रीभास्कराचार्यविनिर्मितस्य
विधाय पाटीगिश्वितस्य टीकाम् ।
श्रिवास्य बीजस्य चिकीर्धुरिसम
मैन्याकृतिन्याकृतिरत्नमार्याः ॥ २ ॥
प्रश्यम्य सादरं मूर्घ्ना पित्रोः पादारविन्द्योः ।
दुर्गाप्रसादः कुरुते भाषाभाष्यं मिताक्तरम् ॥ ३ ॥

श्रीभास्कराचार्य, जीजावती पाटीगियात को बनाकर श्रव बीज-गायित की निर्विष्न समाप्ति के जिए आरंभ में मङ्गजाचरया करते हैं—

सांख्यशास्त्रसंबन्धी पहला श्रर्थ-

सांख्यशास्त्र में जो बुद्धि अर्थात् महत्तत्त्व का अभिन्यं जक प्रक्रित-पुरुष की संनिधि से कहा जाता है, संसार के आदितीय कारण उस अव्यक्त—प्रधान (प्रकृति) की मैं वन्दना करता हूँ।

चत्तरमीमांसा (वेदान्त) शास्त्रसंबन्धी दूसरा द्यर्थ---स्रात्मज्ञानी, जिसको सत्पुरुष स्रर्थात् साधनसंपन्न पुरुष के द्वारा

१ गोरीचरणपङ्कजिमत्यर्थः । २ कान्त्या तिरस्कृतप्रवालिमत्यर्थः । ३ मन्या दोषहानेन सम्या आकृती रचनाविशेषो यस्य तत् ।

४ 'ब्रह्म ही एक नित्य वस्तु है, उससे भिन्न संपूर्ण वस्तु अनित्य है' ऐसे विवेचन को 'नित्यानित्यवस्तुविवेक' कहते हैं। गन्ध, माल्य, चन्दन, वनिता आदि लोकिक विषय भोग और अमृतपान, नन्दनवनकीड़ा आदि पारलोकिक विषयमोग से अत्यन्त भजी माँति आराधित बुद्धि अर्थात् तत्त्वज्ञान का उत्पादक कहते हैं, उस ब्रह्मागडोदरवर्ती घटपटादि कार्यों का असाधारण कारण एवं सिबदानन्दस्वरूप ईश्वर की मैं वन्दना करता हूँ।

ज्योति:शास्त्रसंबन्धी तीसरा द्यर्थ-

संख्या (गिनती) के ज्ञाता ज्योतिषी लोग, जिसको सूचमबुद्धि आरे परिश्रमशाली पुरुषों द्वारा अभ्यस्त किया गया, जो बुद्धि आर्थात् माति का उत्पादक बतलाते हैं, उस संपूर्ण व्यक्तगणित (पाटी-गणित) के मूलभूत वीजगणित की में वन्दना करता हूँ ॥ १ ॥

पूर्वं प्रोक्तं व्यक्तमव्यक्तवीजं
प्रायः प्रश्ना नो विनाऽव्यक्तयुक्त्या।
ज्ञातुं शक्या मन्द्धीभिर्नितान्तं
यस्मात्तस्माद्विम बीजिक्तयां च॥ २॥

इदानीं मेचावत्मवृत्तिहेतु।विषयादिचतुष्ट्यं संगति च मद्शियति— पूर्विमिति । तस्माद्धेतोः बीजस्य यावत्तावदादिवर्णकलपनामिः क्रियमाणस्य गणितस्य क्रियामितिकर्तव्यतां विचम ब्रुवे । यस्माद्

विरक्षि को 'इहामुत्रफ जमोगविराग' कहते हैं। तत्त्रज्ञान के सहायक अवण, मनन आदि विषयों को छोड़ अन्य विषयों से मनोवृत्ति के रोकने की 'शम' कहते हैं। तत्त्रज्ञान के साधन अवण मननादिकों को छोड़कर शब्दादि विषयों में प्रवृत्त कर्णादि वाझोन्द्रियाँ जिस वृत्ति से निवृत्त हों, उसको 'दम' कहते हैं। तत्त्वज्ञान के सहयोगी अवण, मननादि छोड़कर शब्दादि विषयों से बाझोन्द्रियों के उपराम को 'उपरित' कहते हैं। अथवा पर्याप्त मोग के बाद गन्ध, माल्य प्रसृति विषयों के चतुर्थाअम (संन्यास) में परित्याग को 'उपरित', कहते हैं। शीत और उपण की सहनशित्ता को 'वितिष्ता' कहते हैं। शब्दादि विषयों से रोके हुए मन का, तत्त्वज्ञानोपकारक अवण आदि में समाधिस्य होने को 'समाधान' कहते हैं। गुरु और वेदान्तवाक्यों में निश्चल विश्वास को 'अद्धा' कहते हैं। मोज्ञविषयक इच्छा को 'मुमुज्जता' कहते हैं। नित्या-नित्यवस्तुविवेक, इहामुत्रफलमोगविराग, शम आदि छः पदार्थ और मुमुज्जता ये चार साधन वेदान्तरास्त्र में सुप्रसिद्ध हैं।

व्यक्तं वर्णकल्पनानिरपेत्तं गणितं पूर्व प्रोक्तम् । ततः किमित्यत आइ-अव्यक्तवीजिमिति। अव्यक्तं वीजगणितं मूलं यस्य तत्। तथा च पूर्व मोक्रमपि व्यक्तं तावत्सम्यक्रया न इत्यते यावद्वीज-क्रिया नोपपद्यते । तत्कि व्यक्तज्ञानार्थमेवारम्भो न चेत्याह-यस्मात्सुधीभिः पाझैरव्यक्तयुक्त्या विना प्रश्नाः पायो ज्ञातुं नो शक्याः । मन्दधीभिस्तु नितान्तं ज्ञातुं नो शक्याः । अशक्या एवे-त्यर्थः । परनाश्रात्रसिद्धान्ताशिरोमएयुक्ताः । इतरे च पृच्छकेच्छाव-शादिप ज्ञातव्याः। अत्र बीजिक्रयां वच्मीति वदता आचार्येग एकवर्णसमीकरणानेकवर्णसमीकरणमध्यमाहरणमावितरूपमेद-चतुष्ट्याभिनं गणितं विषयत्वेन मद्शितम् । तदुपयुक्कतया धनर्णप-द्विधस्तर्षाद्विधवर्णपद्विधकरणीपद्विधकुटुकवर्गपकृतिचक्रवालान्यपि विषयत्वेन मद्शितानि । विषयस्य शास्त्रस्य च मतिपाद्यमातिपादक-भावः संबन्धोऽपि बीजक्रियां वच्मीत्यनेन दर्शितः । प्रयोजनं तु पश्चोत्तरार्थज्ञानं गोलज्ञानं च । परम्परया जगतः शुभाशुभफला-देशश्च। अध्येत्णां धर्मार्थकाममाप्तिश्च वेदाङ्गत्वादिति । शा-लिनीवृत्तमेतत्।। २।।

प्रथम पाठकों की प्रवृत्ति के लियं विषय, संबन्ध, प्रयोजन, आध-कारी और प्रनथसंगति कहते हैं—

जिसका अन्यक्त अर्थान् बीजगागित मूल सिद्धांत हैं; उस न्यक्त अर्थान् लीलावती नामक पाटीगागित को मैंने पहले बनाया है। परंतु बीजगागित की युक्तियों के विना प्रश्नों के उत्तर लाने की रीति प्रायः स्पष्ट ज्ञात नहीं होती और वह मंद्रबुद्धियों के लिए तो वहुत ही कठिन पड़ती है। इस प्रथ में एकवर्ण समीकर्ण से लेकर भावित तक चार प्रकार के बीजभेद और उनके उपयोगी धनर्णपड्विध आदि एवं कुटुक, वर्णप्रकृति और चक्रवाल यह विषय है। विषय अर्थान् प्रतिपाद का अर्थान् प्रतिपाद का अर्थान् प्रतिपाद का अर्थान् विषय है। प्रभावत का सम्बन्ध है। प्रभोत्तर

ज्ञान प्रयोजन है। सुपात्र पढ़ने श्रीर पढ़ाने के श्रिधकारी है। इस-लिये श्रव मैं बीजगियात की क्रिया (रीति) को भी कहता हूँ।

धनर्शसंकलने करणसूत्रं वृत्तार्द्धम्— योगे युतिः स्यात्क्षययोः स्वयोवी धनर्शयोरन्तरमेव योगः॥

श्रथ धनर्णसंकलनां ताददुपजातिकापूर्वाधेनाह—योगे युतिरिति। त्ययोः ऋणयोः स्वयोधनयोवी योगे कर्तव्ये युतिः स्यात् । श्रस्यायमभिप्रायः—ययो राश्योयोगो विधयोऽस्ति तो रूपात्मकौ वर्णात्मकौ कर्एयात्मकौ वा स्यातां, तिई तयो राश्योः 'कार्यः क्रमादुत्क्रमतोऽथ वाङ्कयोगः—' इति व्यक्नोक्करीत्या योगः कार्यः स एवात्र योगः स्यात् । करएयोस्तु योगोऽन्तरं वा 'योगं करएयोर्म-हतीं प्रकल्य—' इत्यादिवस्यमाण्यकारेण विधयम् । एवं बहूना-मिप । इत्थं सजातीययोगोऽनधेयः। यत्र त्वेकराशिर्धनमपर ऋणं तयोयोगे कर्तव्ये किं करणीयमित्याह—धनर्णयोरन्तरमेव योग इति । उर्वरितस्य धनर्णत्ववशाद्युतेरिप धनर्णत्वमवसेयम् ॥

संकलन (जोड़ने) का प्रकार—

यदि दो शाश धन अथवा अगृण हों तो उनका व्यक्तगणित की रिति से योग ही यहाँ भी योग होता है। एक राशि धन और दूसरा अगृण हो तो भी व्यक्तगणित के प्रकार से उनका अन्तर यहाँ पर योग होता है। यहाँ शेप धन यंचे तो धन और अगृण बचे तो अगृण होता है।

उपपत्ति— विकित्ति कि विकित्ति विकित्ति

(अ) ने (क) से तीन रूपये ऋगा लिया, फिर चार रूपये ऋगा लिया, इस प्रकार (अ) ने सात रूपये ऋगा लिया। फिर (अ) को तीन रूपये और चार रूपये इस प्रकार सात रूपये मिले परन्तु धन कुछ नहीं बचा, इयों कि सात रूपये ऋगा लिया था। अब जो (अ) चार रूपये त्राये अवस्था था। अब जो (अ) चार रूपये नहीं बचा, इयों कि सात रूपये ऋगा लिया था। अब जो (अ) चार रूपये

भृण करे और तीन रुपये अर्जन (पैदा) करे तो उसके एक रुपया भृण रहेगा। यदि चार रुपये अर्जन करे और तीन रुपये भृण करे तो अवश्य ही एक रुपया धन रहेगा। इससे 'योगे युति:—' यह सूत्र उपपन्न हुआ।

उदाहरणम्—

रूपत्रयं रूपचतुष्टयं च क्षयं धनं वा सहितं वदाशु। स्वर्णे क्षयं स्वं च एथक् एथङ् मे धनर्णयोः संकलनामवेषि॥१॥ अत्र रूपाणामन्यक्षानां चाद्याक्षराण्युपल-क्षणार्थे लेख्यानि यानि ऋणगतानि तान्यूर्ध्व-बिन्द्रनि च।

न्यासः। रू ३ रू ४ योगे जातम् रू ७ न्यासः। रू ३ रू ४ योगे जातम् रू ७ न्यासः। रू ३ रू ४ योगे जातम् रू १ न्यासः। रू ३ रू ४ योगे जातम् रू १ एवं भिन्नेष्वापि इति धनर्णसंकलना ॥

^{*} अत्रेदं पयं स्मरणीयम्— अयोरणीयान् महतो महीयानचिन्त्यमूलप्रकृतिप्रभावः । ८० सहेश्वसोत्ताः स्वराष्ट्रसारिक्षित्राह्यसीरोत्ते हिन्द् निम्नान्तिकः ble eGangotri

उदाहरण-

तीन ऋग्या, चार ऋग्या या तीन धन । चार धन, या तीन धन चार ऋग्या, या तीन ऋग्या और चार धन इनका योग अलग अलग क्या होगा ?

यहाँ सुगमता के जिये रूप और अव्यक्तराशि के आदि के अत्तर जिखते हैं। जैसे 'रूप' को रू और 'अव्यक्त राशि यावत्तावत्' इत्यादिकों को या इत्यादि । अनुया राशि के मस्तक पर एक बिन्दु का चिह्न देते हैं। जैसा—रू १ । रूप उस राशि को कहते हैं जिसका मान ज्ञात हो । जैसा कि 'रू दें रू हैं' इस पहले उदाहरया में, रूप तीन तथा रूप चार अनुया हैं, इसिलये इनके शिर पर बिन्दु का चिह्न जगाया गया है। अब इन दोनों का योग उक्त प्रकार से रूप सात अनुया होता है रू ७ ऐसा ही आगे भी जानना चाहिए।

- (१) न्यास । रू ३ रू ४ । इनका योग रू ७ हुआ।।
- (२) "। रू३ रू४ । इनका योग रू ७ हुआ।।
- (३) "। रू ३ रू ४ं। इनका योग रू १ं हुआ।
- (४) ,, । रू ३ रू ४ । इनका योग रू १ हुआ।।

इसी प्रकार, भिन्नाङ्कों का भी योग किया जाता है, परंतु वहाँ समच्छेद विधि का स्मरण रखना चाहिए।

संकलन समाप्त ।

धनर्णव्यवकलने करणसूत्रं वृत्तार्धम्— संशोध्यमानं स्वमृणत्वमेति स्वत्वं क्षयस्तद्यातिरुक्तवच्च ॥ ३ ॥

त्रथ धनर्णव्यवकलनमुपलात्युत्तरार्धेनाह—संशोध्यमानमिति। संशोध्यते त्रपनीयते यत्तत्संशोध्यमानम् रूपं वर्णः करणी चेति त्रिलिङ्गी। सामान्यात्रपुंसकत्वम्। तद्यदि धनमस्ति ति त्रित्रित्वा त्रिति त्रित्रित्वा ति त्रित्रित्व ति त्रित्रित्व ति त्रित्र व्यादि व्यादेश्व त्राह्मिक ति विकास विक

अस्यायमभिनायः -ययोरन्तरं कर्तव्यमास्ते तयोर्मध्ये संशोध्यमा-नस्य धनर्णतावैपरीत्यं विधाय 'योगे युतिः स्यात्-' इत्यादिना तयोर्योगः कार्यस्तदेव व्यवकलनफलमवधेयम् ॥ ३ ॥

व्यवकलन (घटाने) का प्रकार-

जो राशि घटाई जाती है, उस को संशोध्यमान कहते हैं। वह संशोध्य-मान (घटनेवाली) राशि घन हो तो ऋृण झौर ऋृण हो तो घन हो जाती है। फिर उनका योग 'योगे युति: स्यान् —' इस प्रकार से करना।।

उपपत्ति-

(अ) के धन सात रुपयों से धन तीन रुपया घटाना है, तो सात रुपयों का स्वरूप 'रू ४ रू ३' यह हुआ। अव, इसमें से तीन रुपया घटाने से, शेष 'रू ४' रहा। इसी प्रकार ऋग्ण सात रुपयों से, ऋगण तीन रुपया घटाना है, तो सात रुपयों का स्वरूप 'रू ४ रू ३' यह हुआ। इसमें तीन रुपया जोड़ने से शेष 'रू ४' रहा। यह वात संशोध्यमान राशि के धन-ऋगण के वैपरीत्य से सिद्ध होती है। इसी प्रकार धन सात रुपयों से ऋगण तीन रुपया घटाना है, तो धन सात रुपयों का स्वरूप 'रू १० रू ३' हुआ। इसमें तीन रुपये जोड़ देने से अन्तर सिद्ध होता है, तो यहाँ भी संशोध्यमान राशि का वैपरीत्य सिद्ध हुआ। इसी प्रकार ऋगण सात रुपयों का स्वरूप 'रू १० रू ३' यह झुआ। इसमें तीन रुपया घटाने से 'रू १०' यह अन्तर हुआ। यहाँ पर भी संशोध्यमान राशि का वैपरीत्य सिद्ध हुआ। इसमें तीन रुपया घटाने से 'रू १०' यह अन्तर हुआ। यहाँ पर भी संशोध्यमान राशि का वैपरीत्य सिद्ध हुआ। ऐसा ही सर्वत्र जानना। 'इससे संशोध्यमानं स्वसृण्यत्वमेंति' इस प्रकार की उपपत्ति स्पष्ट प्रकाशित होती है।। ३।।

उदाहरणम्— त्रयाद् द्वयं स्वात्स्वमृणाहणं च त्राद् द्वयं स्वात्स्वमृणाहणं च त्रियाद्वयं स्वार्थियं वदाशु शेषम्॥ त्रियाद्वयं स्वार्थियं वदाशु शेषम्॥ न्यासः। रू ३ रू २ अन्तरे जातम् रू १। न्यासः। रू ३ रू २ अन्तरे जातम् रू १। न्यासः। रू ३ रू २ अन्तरे जातम् रू ५। न्यासः। रू ३ रू २ अन्तरे जातम् रू ५। इति धनर्णव्यवकलनम्।

उदाहरगा-

तीन धन में दो धन, वा तीन ऋगा में दो ऋगा, वा तीन धन में दो ऋगा, अथवा तीन ऋगा में दो धन घटाने पर शेष क्या बचेगा ?

- (१) न्यास । रू३ रू२ इन का अपन्तर रू१ हुआ।।
- (२) "। रू ई रू रेइन का अपन्तर रू १ हुआ।
- (३) "। रू ३ रू २ इन का अपन्तर रू ४ हुआ।
- (४) ,, । रू ३ रू २ इन का अन्तर रू ५ हुआ।

व्यवकलन समाप्त ।

गुणने करणसूत्रं द्यतार्धम्-स्वयोरस्वयोः स्वं वधः स्वर्णघाते क्षयः

श्रथ गुणनं भुजंगप्रयातपूर्वाधिलाहेनाह्-स्वयोरिति । स्वयोधिन नयोः श्रस्वयोर्ऋणयोवी वधो गुणनं एकस्यापरतुल्याद्वत्तिर्धनं भवति । स्वर्णवाते तु त्तयः स्यात् । एतदुक्तं भवति-यदि गुएयो गुणकश्चेति द्वावि धनमृणं वा स्यातां तर्हि तदुत्पन्नं फलं धनं स्यात् । श्रत्र गुणनफलस्य धनर्णत्वमात्रं प्रतिपादितम् । श्रङ्कतस्तु व्यक्तोक्ताः सर्वेऽपि गुणनपकारा द्रष्टव्याः ॥

गुणन का प्रकार-

गुणन के दो राशियों में एक को गुएय और दूसरी को गुणक कहते हैं। दोनों राशि धन वा ऋगा हों, तो उन का घात धन होगा और उन में एक धन दूसरा ऋगा हो तो उन का घात ऋगा होगा।

उपपत्ति—

गुग्य की गुग्रक के समान आवृत्ति को गुग्रानफल कहते हैं और गुएय, गुणकों में एक को गुएय दूसरे को गुणक मान सकते है। (यह बात लीलावती के 'गुएयान्त्यमङ्कं-- ' इत्यादि गुण्नसूत्रों के व्या-ख्यान से स्पष्ट हैं) गुराय श्रीर गुराक धन हों तो गुरानफल धन होगा । उन में एक धन दूसरा ऋ्या हो तो गुयानफल ऋ्या होगा, क्योंकि गुणकतुल्य स्थानगत ऋण गुण्यों का योग ऋण होता है। अथवा, पूर्वोक्त रीति से यदि धन और ऋण दो समान राशि हों तो उनका योग शून्य होता है। जैसे 'रू२रूरं' इनका योग रू० हुआ। इन को किसी एक तुल्य श्रङ्क से गुराने से भी योग शून्य ही होगा। इस लिये 'रू २ रू रें' इन को धन तीन से गुराने से पहले स्थान में धन-धन का घात रू ६ धन हुआ। दूसरे स्थान में, धन और अभृया का घात यदि अभृया न मार्ने तो 'रु ६ रु ६' इन का योग शून्यात्मक न होगा । इस कारण, धन और ऋण का घात ऋण ही होगा। इसी प्रकार 'रू २ रू रं' इन दो राशियों को ऋगा तीन से गुगाने से पहले स्थान में घन और ऋगा का घात ऋगा रू दें हुआ। दूसरे स्थान में यदि ऋग्य-ऋग्य का घात घन न माने तो 'रू ६ रू ६ं इन का योग शून्य न होगा। इससे स्पष्ट प्रतीत होता है कि ऋ गात्मक राशियों का घात घन ही होता है। इस प्रकार स्वयोरस्वयो: स्वं वध:-- ' इस गुणनसूत्र की उपपत्ति स्पष्ट होती है।

उदाहरणम्-

धनं धनेनर्णमृणेन निध्नं

CC-0 Aurinuksilu Bhawan Valantsi Collection. Digitized by eGangotri

न्यासः।रू २ रू ३ धनं धनध्नं धनं स्यादिति। जातम् रू ६

न्यासः। रू २ं रू ३ ऋणमृणघ्नं धनं स्या-दिति जातम् रू ६

न्यासः। रू २ रू ३ धनमृणगुणमृणं स्या-दिति जातम् रू ६

न्यासः। रू २ रू ३ ऋगं धनगुगामृगं स्या-दिति जातम् रू ६

इति धनर्गगुरानम्।

उदाहरण-

धन दो को धन तीन से, वा ऋग्या दो को ऋग्या तीन से, वा धन दो को ऋग्या तीन से अप्रथवा ऋग्या दो को धन तीन से गुग्यने से गुग्यनफल अप्रलग अप्रलग क्या होगा ?

(१) न्यास। रू २ रू ३। धन को धन से गुगाने से गुगानफल रू ६ धन हुआ।

(२) न्यास। रूरं रूर्ः। ऋगा को ऋगा से गुगाने से गुगान-फल रूर्ः धन हुआ।

(३) न्यास। रूर्ह ३। धन को ऋग्य से गुगाने से गुगान-फल रू ६ ऋगा हुआ।

(४) न्यास। रूरं रू३। ऋग्या को धन से गुगाने से गुगान-फल रू ६ ऋगा हुआ।

धन-ऋ्या राशि का गुयान समाप्त ।

—भागहारेऽपि चैवं निरुक्तम्॥ उदाहरणम्—

रूपाष्ट्रकं रूपचतुष्टयेन धनं धनेनर्णम्यणेन भक्षम् । ऋणं धनेन स्वमृणेन किं स्याद्-द्वतं वदेदं यदि वोबुधीषि ॥ ३ ॥ न्यासः । रू ८ रू ४। धनं धनहृतं धनं स्या-

दिति जातम् रू २।

न्यासः। रू दं रू ४। ऋणमणहृतं धनं स्या-दिति जातम् रू २।

न्यासः । रू दं रू ४ । ऋणं धनहतमृणं स्यादिति जातम् रू २ ।

न्यासः। रू ८ रू छे। धनमृणहृतमृणं स्या-दिति जातम् रू २।

इति धनर्णभागहारः।

अथ भागहारं भुनंगप्रयातपूर्वार्धशेषशक्तेनाह—भागहार इति। भागहारेऽपि गुणनवदेव निरुक्तमित्यर्थः । अस्यायमभिषायः— भाज्यभाजकयोरुभयोरपि धनत्वे ऋणत्वे वा लव्धिर्धनमेव स्यात्। यदा त्वेकतरस्य धनत्वभितरस्य ऋणत्वं तदा लव्धिर्ऋणमेव भवति ॥

भागहार का प्रकार--

भाज्य और भाजक दोनों धन या ऋगा हो तो लिब्ध धन होती है। यदि एक धन और दूसरा ऋगा हो तो लिब्ध ऋगा होती है।

डपपत्ति-

भागहार में गुयान के समान संपूर्ण किया होती है। जैसा—
गुयान में घन-घन का, या ऋ्या-ऋ्या का घात घन होता है, वैसा ही ।
यहाँ पर घन राशि में घन राशि का, या ऋ्या राशि में ऋ्या का
भाग देने से लब्धि घन होती है, क्योंकि घन या ऋ्या गशियों का
घात घन ही होता है। इसी प्रकार भाज्य और भाजक में कोई एक
घन हो और दूसरा ऋ्या तो भी लब्धि ऋ्या होगी, क्योंकि घन
और ऋ्या का घात ऋ्या होता है। इससे 'भागहारे—' यह उपपन्न हुआ।।

उदाहरण-

धन ब्राठ में धन चार का, या ऋगा ब्राठ में ऋगा चार का, या ऋगा ब्राठ में धन चार का, ब्रथवा धन ब्राठ में ऋगा चार का, भाग देने से क्या लिब्ध होगी ?

- (१) न्यास । रू ८ रू ४ । धन ८ में धन ४ का भाग देने से धन रू २ लिव्धि मिली ।
- (२) न्यास । रू दं रू थे। ऋगा दं में ऋगा ४ का भाग देने से धन रू २ लिटिंघ मिली।
- (३) न्यास। रूदं रू४। ऋग्ण दं में धन ४ का भाग देने से ऋग्ण रूरं लिव्ध मिली।
- (४) न्यास। रूं द्र रू ४। धन द्र में ऋग्ण ४ का भाग देने से ऋग्ण रू रे लब्धि मिली।।

धन ऋ्या राशि का भागहार समाप्त।

बहा स्थेपायर स्थापाय स्थापाय स्थापाय निर्माण विश्वापाय स्थापि ॥

वर्गादो करणसूत्रं द्यतार्धम्— कृतिः स्वर्णयोः स्वं स्वमूले धनर्णे न मूलं क्षयस्यास्ति तस्याकृतित्वात् ॥ ४॥ उदाहरणम्—

धनस्य रूपत्रितयस्य वर्ग क्षयस्य च ब्रूहि सखे ममाशु ॥ न्यासः। रू ३ रू ३ जातो वर्गी रू ६ रू ६। उदाहरणम्—

धनात्मकानामधनात्मकानां मूलं नवानां च एथग्वदाशु ॥ ४ ॥ न्यासः । रू ६ । मूलम् ३ वा ३ । न्यासः । रू ६ । एषामवर्गत्वान्मूलं नास्ति ।

> इति धनर्णवर्गमूले। इति धनर्णषाडुधम्।

श्रथ वर्ग तन्मूलं च भुजंगप्रयातोत्तरार्धेनाइ-कृतिरिति।स्वस्य धनस्य ऋगस्य च वा वर्गः स्वं स्यात्। श्रथ म्लमाइ-स्वमूले धनर्गो इति। स्वस्य धनस्य मूले धनर्गे भवतः। धनस्यैव वर्गस्य मूलमृग्णमिप भवतीति भावः। श्रथात्र विशेषमाइ-न मूलं त्त्रयस्या- स्तीति । अत्र हेतुं प्रदर्शयति—तस्याकृतित्वादिति । वर्गस्य मूलं लभ्यते । ऋणाङ्कस्तु न वर्गः कथमतस्तस्य मूलं स्यात् ॥ ४ ॥ इति द्विवेदोपाख्याचार्यश्रीसरय्प्रसादसुत—दुर्गाप्रसादोन्नीते लीला-वतीहृदयग्राहिणि बीजविलासिनि धनर्णषड्विधविवरणं समाप्तम् ॥

वर्ग-वर्गमूल का प्रकार-

धन अथवा ऋ्या राशि को वर्ग धन होता है और उस धनात्मक राशि का वर्गभूल धन वा ऋ्या होता है। ऋ्याराशि का मूल नहीं होता, क्योंकि वह (ऋ्यात्मक राशि) वर्ग नहीं है।। ४।।

उपपत्ति —

किसी एक राशि के समान दो घात को वर्ग कहते हैं। घनात्मक राशि को घनात्मक राशि से, या ऋगात्मक राशि को ऋगात्मक राशि के ऋगात्मक राशि से गुगा देने से उन का घात घन होता है, यह बात सिद्ध है, इसिन्नये वर्गात्मक राशि सदा घन होती है और उसका भूल घन वा ऋगा होता है। ऋगात्मक राशि वर्ग नहीं है, क्यों के घन, ऋगा राशि का घात ऋगा होता है वह किसी का समद्विघात नहीं हो सकता। इस से 'ऋति: स्वर्णयो:—' उपपन्न हुआ। । ४।।

उदाहरण-

धन तीन और ऋगा तीन इनका वर्ग क्या है ?

- (१) न्यास। रू३। इसका वर्ग रू १ हुआ।
- (२) "। रू ३ । इसका वर्ग रू ६ हुआ।।

चदाहर्या-

धन नौ अथवा अनुगा नौ का वर्गमूल क्या होगा ?

- (१) न्यास। रू १ इसका मूल रू ३ धन, या रूरे ऋगा हुआ।
- (२) ,, रू है यह वर्गात्मक राशि नहीं है, इस कारण इस का मूल नहीं मिलता है।

धन-ऋ्ण राशि का वर्ग-वर्गमूल समाप्त । दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मिताचारे । वासनाभङ्गिसुमगं संपूर्णं स्वर्णाषाड्वेधम् ॥

खसंकलनव्यवकलने करणसूत्रं वृत्तार्धम्— खयोगे वियोगे धनर्णं तथेव च्युतं शुन्यतस्तद्विपर्यासमेति॥

अथ शून्यस्य संकलनव्यवकलने भुजंगमयातपूर्वार्धेनाह—ख-योग इति । रूपस्य यावत्तावदादिवर्णस्य करण्या वा शून्येन सह योगे वियोगे वा कर्तव्ये रूपादिकं धनमृणं तथैव भवेत्। योगवि-योगकृतो न कश्चिद्विशेप इत्यर्थः । अत्र खयोगो द्विविधः । खेन योगो रूपादेः खयोग इत्येकः । खस्य योगो रूपादिना खयोग इति द्वितीयः । एवं वियोगोपि द्विविधः । खेन वियोग इत्येकः । खाद्वियोग इति द्वितीयः । तत्र द्विविधेऽपि खयोगे पूर्वस्मिन्खित्योगे च रूपादिकं धनमृणं वा यथास्थितमेव । खाद्वियोगे विशेष-माह—च्युतिमिति । धनमृणं वा रूपादिकं शून्यतः शोधिनं सद्वि-पर्यासं वैपरीत्यमेति प्रामोति । धनं शून्यतश्च्युतमृण्मृणं चेद्धनं भवतीत्यर्थः ।।

शून्य के जोड़ने-घटाने का प्रकार---

शून्य को किसी राशि में जोड़ने या शून्य में किसी राशि को जोड़ने और शून्य को किसी राशि में घटाने से भी धन या अनृण का विपर्यास अर्थात् हेर फेर नहीं होता। जो शून्य में किसी राशि को घटा दें तो वह धन हो तो अनृण और अन्य हो तो धन हो जाती है।

उपपत्ति-

जो योग करने की संख्या केवज दो हो तो, उनमें से जिस संख्या में दूसरी संख्या जोड़नी होगी, उस पहनी संख्या को योज्य और दूसरी को योजक कहते हैं। योज्य और योजक के बीच में, योजक का जितना हास (कमी) होगा, उतना ही योगज कर अर्थात् जोड़ का भी हास होगा। इस प्रकार योजक के तुख्य योजक का हास होने से, योगज फल में भी योजकतुल्य हास होगा। उस दशा में, योज्य के समान योगज फल सिद्ध होगा। और जब योजय योजक में योज्य के समान हास होगा, तब योजक के तुल्य योगज फल होगा। इसिलये कहा है कि, शून्य को किसी राशि में जोड़ दें अथवा शून्य में किसी राशि को जोड़ दें, तो भी वह राशि ज्यों की त्यों रहती है।

घटाने की दो संख्याओं में, बड़ी संख्या को वियोज्य और छोटी को वियोजक कहते हैं। वियोज्य का वियोजक के तुल्य हास होने से अन्तर सिद्ध होता है और वियोजक का जितना हास होगा, उतना ही अन्तर की वृद्धि होगी। अब जो वियोजक के तुल्य वियोजक का हास हो तो, अन्तर में वियोज्य तुल्य वृद्धि होगी अर्थात् वियोज्य संख्या के तुल्य अन्तर सिद्ध होगा। इस लिये कहा है कि, शून्य को किसी राशि में घटाने से उसका मान नहीं बिगड़ता । वियोज्य का जैसे जैसे हास होता जायगा वैसे ही अन्तर का भी हास होगा, यह प्रसिद्ध है। जैसा, वियोज्य ४ ऋौर वियोजक ३ है तो अन्तर २ हुआ, अब यहाँ ४ वियोज्य रक्ला तो अन्तर १ हुआ, ३ वियोज्य रक्खा तो अन्तर ० हुआ, २ वियोज्य रक्खा तो अन्तर १ हुआ, १ वियोज्य रक्खा तो अन्तर रे हुआ, और ० शुन्य वियोज्य रक्खा तो अन्तर है हुआ। इस लिये कहा है कि, शून्य में किसी राशि को घटाने से, उस के धन-ऋगा चिह्न बदल जाते हैं अर्थात् वह धन होतो ऋण और ऋण हो तो धन हो जाता है। इससे 'खयोगे वियोगे धनर्या तथैव'—यह सूत्र उत्पन्न हुआ ॥

उदाहरणम्—

रूपत्रयं स्वं क्षयगं च खं च किं स्यात्खयुक्तं वद खँच्युतं च॥ न्यासः। रू ३ रू ३ रू०। एतानि खयुतान्य-विकृतान्येव।

नहुत्र 'खाच्च्युतम्' इति पाठो दृश्यते स प्रामादिक एव ।

न्यासः। रू ३ रू ३ रू०। एतानि खाच्च्य-तानि रू ३ रू ३ रू०।

इति खसंकलनव्यवकलने।

रूपत्रयमिति । धनं रूपत्रयम् ऋगां रूपत्रयं खं च एतत्त्रय-मपि पृथक् पृथक् खयुक्तं कि स्यात्। अत्र खेन युक्तं खयुक्तम्। खे युक्तं खयुक्तम् । इत्युदाहरणद्वयमपि द्रष्टव्यम् । एवं खच्युत-मित्यत्रापि तृतीयापश्चमीतत्पुरुपाभ्यामुद्राहरणद्रयं द्रष्टव्यम् ।

उदाहर्या-

धन तीन, ऋषा तीन और शून्य, इन में शून्य को जोड़ने से श्रथवा, शून्य में इन को जोड़ने से ऋौर उन्हीं में शून्य को घटाने से वा शून्य में उन को घटाने से, क्या फल होगा ? epiplepopungung sun spin sin dipeng

- (१) योज्य, रू ३ रू ३ रू० योजक, रू० रू० योग रू ३ रू ३ रू०
 - (२) योज्य, रू० रू० रू० योजक, रू ३ रू १ रू० योग रू ३ रू ३ रू०
 - (३) वियोज्य, रू ३ रू ३ रू० वियोजक, रू० रू० अन्तर रू३ रूउँ रू०
 - (४) वियोज्य, रू० रू० वियोजक, रू३ रू रे रू० अन्तर करें कर क०

यहाँ चार उदाहरण दिये हैं, पर पहले तीन उदाहरणों में, योग

श्रीर श्रन्तर करने से कुछ विकार नहीं हुआ। चौथे उदाहरण में ऋण श्रीर धन का व्यत्यय हुआ है।

शून्य का जोड़ना-घटाना समाप्त ।।

खगुणनादिषु करणसूत्रं दत्तार्धम्-*वधादौ वियत्खस्य खं खेन घाते खहारो भवेत्खेन भक्तश्च राशिः॥ ५॥

श्रथ खगुणनादिकं मुजंगभयातोत्तरार्धेनाह—वधादाविति। यथा
पूर्व खयोगवियोगयोद्वें विध्यमुक्तं तथा खगुणनमं जनयोरिप द्वें विध्यमास्ते। खस्येति खेनेति च। वर्गादिषु तु खस्येत्येक पूर्व मकारः
संभविति। वर्गादिकरणे द्वितीयसंख्यानयेत्तणात्। तत्र खस्येति
मकारेष्वाह—खस्य शून्यस्य वधादौ गुणनमजनवर्गतन्मूलयनतन्मूलेषु कर्तव्येषु गुणनफलादिकं शून्यं स्यात्। खेनेतिगुणनमकारे फलमाह—खं खेन घात इति। खेन शून्येन घाते कस्यचिदङ्कस्य गुणनफलं खं स्थात्। अत्र 'खगुणशिचन्त्यश्च शेषविदेशें इति व्यक्तोको विशेषो दृष्टव्यः। श्रन्यथा

'त्रिमज्यकोन्मगडलशङ्कुपाता-चरज्ययाप्तं खलु याष्ट्रेसंज्ञम् '

इत्यानयने गोलसंथौ यथ्यभावापत्तिः स्यात् । तत्र तु गोलज-रीत्या लम्त्रज्यासमाना यष्टिरायातीति विस्तर उपपत्तीन्दुशेखरे द्रष्टव्यः । खेनेति भजनप्रकारे फलमाह—खहारो भवेदिति खेन

श्रत्र जीवन्मुक्तद्यान्तः - श्रद्याभ्यासवशास्त्रतागुपगतो सिशः पुनः खोद्धतो-

इस्यान्यातवरातस्तानुपराता साशः पुनः साद्धृता इध्यावृत्तिं पुनरेव तन्मयतया न प्राक्कनीं गच्छति । श्रात्माभ्यासवशादनन्तममलं चिद्रूपमानन्ददं प्राप्य ब्रह्मपदं न संसृतिपयं योगी गरीयानिव ॥ भक्को राशिः खहारो भवेत् । खं शून्यं हारश्खेदो यस्य स खहारो-ऽनन्त इत्यर्थः ॥ ५ ॥

शून्य के गुण्त-भजन-वर्ग-वर्गमूल का प्रकार-

जैसा शून्य का योग आर अन्तर दो प्रकार का होता है, वैसा ही गुणन और भजन भी दो प्रकार का होता है। वर्ग, वर्गमूल, घन और घनमूल यह सब एक ही प्रकार के हैं। क्योंकि इन के करने में दूसरी संख्या की अपेक्षा नहीं पड़ती। गुणन में, शून्य को किसी राशि से गुण दें अथवा, किसी राशि को शून्य से गुण दें तो भी गुणनकल शून्य ही होगा। भागहार में इतना विशेष हैं कि—शून्य में किसी राशि का भाग देने से फल शून्य ही मिलता है, पर शून्य का किसी राशि में भाग देने से, वह राशि खहर अर्थान् उस के नीचे शून्य छेद (हर) हो जाता है।

उपपत्ति—

श्रद्ध के अभाव में, उस स्थान की पूर्ति के लिए शून्य० यह चिह्न विशेष लिखते हैं। गुण्क, यह आवर्तक है। क्योंकि गुण्कतुल्य, गुण्य की आवृत्ति करने से, गुण्नकल होता है। इस कारण गुण्य के अभाव से गुण्नकल का भी अभाव सिद्ध हुआ। इसी प्रकार, भाज्य के हासवश से, लिब्ध का भी हास होता है, जब कि भाज्य शून्य है, तो लिब्ध अवश्य ही शून्य होगी। इसी प्रकार जैसे भाजक का हास होगा वैसे ही लिब्ध की वृद्धि होगी। और जब कि भाजक का परम हास होगा, उस दशा में लिब्ध की परमवृद्धि होगी। इसी हेतु लिब्ध की अनन्तता कही है। इससे 'वधादों वियत'— सूत्र की उपपत्ति स्पष्ट प्रनीत होती है। ४।।

उदाहरणम्—

हिन्नं त्रिहृत्खं खहृतं त्रयं च शून्यस्य वर्गं वद मे पदं च ॥ ५ ॥

न्यासः।गुणयः रू०। गुणकः रू२ गुणिते जातम् रू०।

न्यासः। भाज्यः रू०। भाजकः रू ३ भक्ते जातम् रू०।

न्यासः। भाज्यः रू ३। भाजकः रू० भक्ते जातम् रू है

अयमनन्तो राशिः खहर इत्युच्यते।

द्विश्नमिति । द्वाभ्यां हन्यते गुएयते तद् द्विश्नमिति व्युत्पत्त्या शून्ये गुएये द्वौ हन्तीति व्युत्पत्त्या शून्ये गुएएके च पृथगुदाहरणं द्रष्टव्यम् । इन्द्रवज्राद्धन्द इदम् ॥

उदाहरगा-

शून्य को दो सं गुगाने से या दो को शून्य से गुगाने से, शून्य में तीन का भाग देने से, या तीन में शून्य का भाग देने से क्या फल मिलेगा ? ऋौर शून्य का वर्ग- वर्गभूल क्या होगा ?

(१) न्याम । गुराय रू० गुयाक रू२ गुयानफल रू० हुआ।

(२) ,, गुराय रू २ गुराक रू० गुरानफल रू० हुआ।

(३) , भाज्य रू० भाजक रू ३ भजनफल रू० हुआ। (४) , भाज्य रू ३ भाजक रू० भजनफल रू है हुआ।

यह ै अनन्तराशि खहर कहलाती है।

त्र्यस्मिन्विकारः खहरे न राशा-विप प्रविष्टेष्विप निःस्तेषु। बहुष्विप स्याङ्खयसृष्टिकाले ऽनन्तेऽच्युते भूतगर्णेषु यद्वत्॥ ६॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

न्यासः। रू० अस्यवर्गः रू०। मूलम् रू० एवं खघनादि।

इति खषड्विधम्॥

अथात्रखहरर।शेरविकारतादृष्टान्तप्रसङ्गेन भगवन्तमनन्तं स्तौति आस्मिनिति । प्रलयकाले कल्पान्तसमये भगवति अष्टैश्वर्यसंपन्ने अनन्ते अन्तरिहते अच्युते विष्णौ बहुष्विप भूतगणेषु प्रविष्टेषु लीनेषु । अपि वा स्रष्टिकाले निःस्रतेषु देहादिमत्तया भगवतो-ऽच्युतात्पृथग्भूतेष्विप यद्वद्विकारो नास्ति । निह तेषु प्रविष्टेषु महान् भवति निःस्रतेषु वा लग्नुभवति । तथास्मिन् खहरे राशाविप बहु-ष्विप राशिषु प्रविष्टेषु निःस्रतेषु वा विकारो नास्तीति । उपजाति-वृत्तमेतत् ॥ ६ ॥

इति द्विवेदोपारूयाचार्यश्रीसरय्मसादसुत-दुर्गामसादोन्नीते लीलावतीहृद्यग्राहिणि बीजविलासिनि खषड्विधविवरगां समाप्तम् ।

इस खहर राशि में कोई राशि जोड़ी जाय अथवा घटाई जाय तो भी कुछ विकार नहीं होता । जैसे प्रलयकाल में परमेशवर के शरीर में अनेक जीव प्रविष्ट होते हैं और सृष्टिकाल में निकल आते हैं, तो भी उस (परमेशवर) के शरीर में कुछ विकार नहीं होता कि, जीवों के प्रविष्ट होने से मोटा और निकलने से दुवजा हो जाय । यद्यपि इस खहर राशि में भिन्नाङ्क के जोड़ने आदि से स्वरूप में विकार पड़ जाता है, तो भी उस की लब्धि का अनन्तत्व (अनन्तपना) नहीं नष्ट होता । जैसे अवतारों के भेद होने से उस परमेशवर के स्वरूप में तो अन्तर पड़ जाता है, पर अभीष्ट फलदान में कुछ विकार नहीं होता । ऐसी ही खहर राशि को भी जाननी चाहिये।

इस खहर राशि में विशेष यह है--जैसे है इस में ३ जोड़ना

है तो 'कल्प्यो हरो रूपमहारराशे:' इस व्यक्तगायित की रीति के अनुसार १ हर कल्पना किया, क्योंकि जिस राशि में ३ को जोड़ना है, वह राशि मिन्न है अर्थात् उसके नीचे शून्य का छेद लगा हुआ है। फिर 'अन्योन्यहाराभिहतौ हरांशौ——' इस प्रकार से समच्छेद करके, उन दो राशियों का योग वा अन्तर करने से छुद्ध विकार नहीं पड़ा अर्थात् वह योग और अन्तर से उत्पन्न राशि का स्वरूप समान ही रहा। न्यास है में है को जोड़ने के लिये समच्छेद करने से हैं + है ऐसा स्वरूप हुआ और इन का योग है वही अविकृत राशि हुई! इसी प्रकार अन्तर करने से भी वही राशि हुई है।

यहां पर स्वरूप में विकार नहीं पड़ा, परन्तु भिन्नाङ्क के साथ योग या अन्तर करने से, विकार पड़ेगा। जैसे हैं में हैं को जोड़ना है, तो समच्छेद करने से हैं + है ऐसा स्वरूप हुआ, इनका योग है हुआ। यदि कहें कि एक गाशि के छेद से दूसरे राशि के छेदांश को गुणने से, समान छेद हो जाने पर आगे का अम न्यर्थ है। जैसे, प्रकृत में हैं खहर राशि के शून्य हर से, दूसरे राशि हैं के छेद और अंश को गुण देने से हैं है समान छेद वाली हो गई। अब इनका योग अथवा, अन्तर करने से छुछ भी विकार नहीं होता तो भी खहर का खहर राशि से योग अथवा, अन्तर करने में अवश्य विकार होगा। जैसे हैं + है यह दो खहर राशि हैं, इनके तुल्य हर होने से योग इश्या, पर वास्तव में यहाँ पर भी फल में नहीं, किन्तु स्वरूपमात्र में विकार हुआ। अब इस अवस्था में क्योंकर कह सके हैं कि अवश्य विकार हुआ, पर वास्तव में यहाँ पर भी फल में नहीं, किन्तु स्वरूपमात्र में विकार हुआ। ऐसा नहीं होता कि ३ तीन में ० शून्य का भाग देने से मिन्न फल मिले और इ आठ में भाग देने से दूसरा, किन्तु दोनों स्थानों में अनन्तता का व्यभिचार नहीं होता।

जैसे 'उन्नतांशजीवारूप शङ्कु में हरज्याभुज ता इष्ट द्वादशाङ्गुल न्नादि शङ्कु में क्या? इस नैराशिक से सिद्धान्त ग्रंथ में छायासाधन किया गया है। वहाँ उदयकाल में उन्नतांश की जीवा का स्रभाव होता है स्नौर हरज्या त्रिज्या १२० के समान होती है। स्रव दो, तीन, चार स्नादि स्रङ्गुल के शङ्कुक्रों पर से, उक्त नैराशिक से यह खहर द्धाया सिद्ध होती है २४°। १५°। १५° इन में फल का मेद नहीं है। अर्थात् उस काल में न्यूनाधिक प्रमाण वाले भी शङ्कुओं से जो छावा सिद्ध की गई है उन की अनन्तता ही है। उसी काल में २४३६, १२०, १००, ६० इन त्रिज्याओं पर से उक्त त्रैराशिक से द्वादशाङ्गुल शङ्कु की यह छाया आती है ११२५६। १४४९। १४४९। १२००। १००० इन में भी फल भेद नहीं है। इसी विपय पर श्रीमुनीश्वर (उपनाम-विश्वरूप) ने पार्टीसार नामक प्रन्थ में कहा है

ननु यो ये न भक्तोऽसौ नद्धरः स्यादनो न सन्।
स्वभक्त इति प्रच्छाया उत्तरं स्वहरात्मकम्।। १।।
तस्मात्स्वभक्तरारोः कि फलं प्रश्नार्थगोचरम्।
ग्रस्योत्तरं स्वहारोऽयमनन्तफल उच्यते।। २।।
भाज्याद्धरापचयकेन फलस्य वृद्धि—

र्स्मात्परापचितखात्महरेगा भक्तान् ।

लब्धे परोपचय एतद्नन्तसंख्या -मारोहतीति नियते परना न चास्नि ॥ ३ ॥

श्रीभास्करार्येण कृतेऽत्र तीने

खहारराशौ परमेशसाम्यान्। इक्तं यतोऽङ्केन वियोजितोऽयं

संयोजितश्चाविभृतोऽस्ति नित्यम् ॥ ४ ॥

द्यस्मिन्विकार: खहरेस्ति राशौ भिन्नाङ्कयोगे त्वथ भिन्नहींने।

योगोऽन्तरं तुल्यहर्त्वपूर्व

कार्य ततः केचिदिदं बद्दिन 🗱 ॥ प्र ॥

नन्नेव युक्तं गुगानेन जानो विकारको नैव युनेर्वियं।गान्।

यत: समच्छेदतया वियोग— योगाङ्गता तद्गुग्यनस्य सिद्धा रा ६ ॥

^{*} भिद्धान्तसुन्दरकर्तारः श्रीज्ञानराजदेवज्ञाः । CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Co**s**ection. Digitized by eGangotri

विकारेऽपि नानन्तलब्धेर्विकारो यतस्तुल्यलब्धं द्वयोर्नाधिकोनम् । यतश्चोदयेऽनेकराशित्रयज्या— वशाच्छून्यहारप्रभेदेऽपि भैक्यम् ॥ 🗓 ॥ पवं ***** पितृव्याः प्रवद्नित बीज— नवाङ्कुरे ते खहराः समानाः। फलेन सिद्धान्तजवासनामि-र्युका यतस्तत्खलु युक्तियुक्तम् ॥ 😄 ॥ एवं त्वभिन्नंत्रयमौर्विकोत्थां श्रनेकशङ्कुप्रविकल्पितेन । तत्रोदयास्ते खहराः प्रभिन्ना-स्तक्षिविधसाम्यं गयाकैरमान्यम् ॥ ६ ॥ शक्कुप्रमेदोद्भवभाः प्रभिन्नाः सिद्धान्तयुक्त्या कथमन्यथा भाः। नद्भित्रकालेऽपि समा: कुतो न त्वन्ते खहारास्तु फलैर्न तुल्या: ॥ १० ॥ तस्मात्फलोनाधिकशून्यहारे— व्वानन्त्यरूपेया फलप्रसास्यम्। युक्तं समाभाति सुवासनाढ्यं संख्यागतं नैव फलं यतोऽत्र ॥ ११ ॥ (१) न्यास। रू० इसका वर्ग रू० हुआ। (२) , । रू० इसका वर्गमूल रू० हुआ। इसी भौति शून्यराशि के घनादिकों को भी जानना चाहिए। सोपपितक खषड्डिध समाप्त । दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मिनाचारे ।

वासनाभङ्गिसुभगं संपूर्यं शून्यवड्विधम् ॥

नवाङ्कुरटीकाकाराः कृष्णदेवज्ञाः ।

यावत्तावत्कालको नीलकोऽन्यो वर्णः पीतो लोहितश्चेतदाद्याः । अव्यक्तानां कल्पिता मानसंज्ञा-स्तत्संख्यानं कर्तुमाचार्यवर्येः ॥ ७॥

त्रथाव्यक्तपड्विधत्वं निरूपयति—तत्र द्वित्र्यादीनां राशीना-मव्यक्तत्वे संजाते भेदमन्तरेण तत्संकरः स्यादतस्तिश्वरासाय ब्राव्यक्तसंज्ञा ब्राह्—यावदिति । 'यावत्तावत्' इत्येका संज्ञा । शेषं सुगमम् ॥ शालिनीष्टत्तमेतत् ॥ ७ ॥

अव्यक्त राशियों की संज्ञा--

पूर्वाचारों ने अव्यक्त (अज्ञातमान) गशियों की गणाना करने के लिये उन की यावत्तावत्, कालक, नीलक, पीतक और लोहितक आदि संज्ञाएँ की है, जिन से अलग-अलग गशियों के मान आपस में मिल न जाया। ७॥

अव्यक्षसंकलनव्यवकलने करणसूत्रं उत्तार्धम्— योगोऽन्तरं तेषु समानजात्यो— विभिन्नजात्योस्तु एथक् स्थितिश्च॥

श्रव्यक्तसंद्रा-श्रिभिधाय तत्संकलनव्यवकलने उपजातिपूर्वा-र्धेनाह—योगोऽन्तरिमिति। तेषु वर्गेषु मध्ये, रूपेष्विप द्रष्टव्यम्। समानजात्योः, समाना एका यावत्तावत्त्वादिधर्मरूपा जातिर्ययो-स्तौ। तथा तयोः समानजात्योः पूर्वोक्षो योगोऽन्तरं वा स्यात्। श्रत्र 'स्यात' इति पद्मुत्तरद्तस्थमन्वेति देहलीदीपन्यायेन। 'समानजात्योः' इत्युपल्याम् । तेन समानजातीनामित्यिप द्रष्टव्यम्। विभिन्ना जातिर्ययोस्तौ। तथोयोगेऽन्तरे वा क्रियमांगे

umukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

पृथक् स्थितिरेव स्यात् । अस्यायमभिमायः — रूपस्य रूपेण, यावत्तावतो यावत्तावता, कालकस्य कालकेन, यावत्तावद्वर्गस्य यावत्तावद्वर्गेण, यावत्तावद्वनस्य यावत्तावद्घनेन, एवं कालक-वर्गस्य कालकवर्गेण, कालक्ष्वनस्य कालकघनेन, कालकनील-कमावितस्य कालकनीलकभावितेन, एवं समानजात्योयोगेऽन्तरे वा कर्तव्ये योगोऽन्तरं वा मोक्कवद्भवति। रूपस्य यावत्तावता का-लकादिनः वा, एवं मिन्नजात्योयोगेऽन्तरे वा पृथक्सिथतिरेव। अत्रैकपङ्काविति द्रष्टव्यम्। अन्यथायोगान्तरज्ञापकाभावादिति॥

अव्यक्तराशि के जोड़ने-घटाने का प्रकार--

यावत्तावत् आदि जो अव्यक्तराशियों के द्योतक वर्षा कल्पना किये हैं, वे सजातीय अर्थान् एक जाति के हों तो उन का योग और अन्तर उक्त प्रकार से करना और यदि विजातीय हों तो उनको एक प्रकृति में जिख देना । इस प्रकार क्रिया करने से योग और अन्तर होगा । यहाँ पर साजात्य से यह जानना कि रूप का रूप के साथ, यावत्तावन् का यावत्तावन् के साथ, यावत्तावन् वर्ग का यावत्तावद्र्ग के साथ इसी प्रकार घन का घन के साथ, काजक का काजक के साथ, काजकवर्ग का वर्ग के साथ, घन का काजकघन के साथ योग-अन्तर होता है । इसी प्रकार, उन-उन वर्गों के चतुर्घात, पञ्चघात आदि उन्हीं वर्गों के चतुर्घात पञ्चघात आदि के सजातीय होते हैं और यावत्तावन्, यावत्तावद्वर्ग, यावत्तावद्वर्ग, काजक, काजकवर्ग, काजकघन आदि विजातीय कहजाते हैं । यह बात उदाहरगों से और भी स्पष्ट प्रतीन होगी ।

उपपत्ति--

इसकी युक्ति यह है कि ४ पैसे, ४ रुपये और ४ अशर्फियों के चोतक, क्रम से ४ या, ४ का, ४ नी, यदि कल्पना किये जायँ नी एशियों का योग १४ पैसे या १४ रुपये या १४ अशर्फियाँ नहीं हो सकता। किंतु —)। पैसे ४) रुपये ४) अशर्फियाँ यही होगा, क्योंकि वे आपस में एक जाति के नहीं है, इससे सिद्ध हुआ कि

उनको आलग-आलग स्थापित करना चाहिए। यदि एक जाति के होते तो योग निर्विवाद ही था। इसी प्रकार आन्तर में भी, सजातीय और विजातीय वर्णों की व्यवस्था जाननी चाहिए। इस से 'योगो-उन्तरं तेषु समानजात्योः' यह सूत्र उत्पन्न हुआ।।

उदाहरणम्—

स्वमव्यक्तमेकं सखे सैकरूपं धनाव्यक्तयुग्मं विरूपाष्टकं च। युतौ पक्षयोरेतयोः किं धनर्णे विपर्यस्य चैक्ये भवेत् किं वदाशु ॥७॥ न्यासः।या १ रू १।या २ रू ६। अनयो-योंगे जातम् या ३ रू ७।

अवायपक्षस्य धनर्णव्यत्यासे

न्यासः। या १ रू १। या २ रू ६। त्र्यन-योयोगे जातम् या १ रू ६।

द्वितीयस्य व्यत्यासे

न्यासः। या १ रू १। या २ रू ८। योगे जातम् या १ रू ६।

उभयोर्ब्यत्यासे

न्यासः। या १ रू १। या २। या ८। योगे जातम् या ३ रू ७

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

अथोदाहरणान्याह—स्वमन्यक्तमिति। 'एकरूपयुक्तमेकं धन-मन्यक्तम्, इत्येकः पत्तः। 'अष्टभी रूपै रहितं धनमन्यक्तयुग्मम्' इति द्वितीयः पत्तः। एतयोः पत्तयोः संकलने किं फलं स्यात्। अथ पत्तयोधनर्णे विपर्यस्य विपर्यासं विधाय युतौ किं फलं स्यात्। इह पूर्वपत्तमात्रन्यत्ययेन उत्तरपत्तमात्रन्यत्ययेन उभयपत्तन्यत्ययेन च प्रश्नत्रयं न्यत्ययाभावे चैक इत्युदाहरणचतुष्ट्यं द्रष्टन्यम्। 'धनर्णे' इत्यत्र भावमधानो निर्देशः।।

उदाहर्या-

यावत्तावत् एक अंगेर रूप एक, यह पहला पत्त आरेर यावत्तावत् दो, रूप आठ भृण, यह दूसरा पत्त है। इन दोनों पत्तों का योग क्या होगा ? और यदि पहले, दूसरे पत्त के या दोनों पत्तों के भृण धन चिह्न बदल दिये नायें तो योग क्या होगा ?

(१) न्यास। या १ रू १ । या २ रू दं। यहाँ पहले पत्त में यावतावत १ का छोर रूप १ का योग २ नहीं होता, क्योंकि एकजाति के नहीं हैं, इस कारण एक पड़िक्त में लिखने से एकपत्त सिद्ध हुआ, प्रथमपत्त=था १ रू १। इसी प्रकार घन यावतावत् २ में से रूप द्र को घटाना है तो 'संशोध्यमानं स्वमृण्यत्वमेति—' इस सूत्र के अनुसार रूप दं अनुगा हुआ, अब इन दोनों घन, अनुणों को 'धनर्णयोरन्तरमेत्र योगः' इस सूत्र के अनुसार ६ योग नहीं होता। किंतु एकजाति के न होने से अलग-अलग स्थापित किये गये नो दृश्रा पत्त सिद्ध हुआ, दिनीयपत्त=या २ रू दं। योग के लिये होनों पत्तों का न्यास—

> प्रथम-पक्त = या १ रू १ द्वितीय-पक्त = या २ रू दं

श्रव उक्त रीति के श्रानुसार, धन यावत्तावत् १ श्रीर धन यावत्ता-वन् २ का योग धन यावत्तावत् ३ हुश्रा । धन रूप १ श्रीर श्रृण-रूप दं का योग श्रृण्रूप ७ हुश्रा । ऐसा ही श्रागे भी जानना ।

(२) पहले पत्त के चिद्र बदलने से दो पत्त सिद्ध हुए-

प्रथम-पत्त = या १ क्र १। द्वितीय-पत्त = या २ क्र दं।

इनमें सजातीय ऋगा यावत्तावत् १ झौर धन यावत्तावत् २ का योग धन यावत्तावत् १ हुआ । इसी प्रकार सजातीय ऋगा रूप १ स्रोर ऋगा रूप दं इनका योग ऋगारूप ६ हुआ ।

(३) दूसरे पच के बदलने से दो पच और सिद्ध हुए-

प्रथम-पत्त - या १ रू १। द्वितीय-पत्त = या २ रू ८।

इनमें सजातीय धन यावत्तावन् १ झौर ऋग्य यावत्तावत् २ का योग ऋग्या यावत्तावन् १ हुआ । इसी प्रकार सजातीय धन रूप १ और धन रूप = का योग धन रूप १ हुआ।

अब इन दोनों पत्तों में सजातीय झृण् यावत्तावत् १ अनृण यावत्तावत् २ का योग अनृण् यावत्तावत् ई हुआः । इसी प्रकार सजातीय अनृण् रूप १ और धन रूप द इनका योग घन रूप ७ हुआः । इसी प्रकार सर्वत्र अनृण् धन, सजानीय और विजानीय का विवेचन जानना चाहिए।

उदाहरणम्—

धनाव्यक्रवर्गत्रयं सत्रिरूपं

क्षयाव्यक्षयुग्मेन युक्तं च किं स्यात्॥ न्यासः। याव ३ रू ३।या २।योगे जानम् याव ३ या २ रू ३।

धनाव्यक्तयुग्माहणाव्यक्तषट्कं सरूपाष्टकं प्रोभय शेषं वदाशु॥ = ॥

न्यासः। या २। या ६ं रू ८। शोधिते जातम् या ८ रू ८।

इत्यव्यक्तसंकलनव्यवकलने ।

अथ त्रयाणां वैजात्ये सत्युदाहरणं भुजंगप्रयातपूर्वार्धेनाह— त्रिभी रूपैः सहितं धनमन्यक्रवर्गत्रयं त्तयान्यक्षयुग्मेन युक्तं किं स्यात्तवाशु वदेति पूर्वेणान्वयः । अथोत्तरार्धेन न्यवकलनोदाह-रगामाह—धनान्यक्रयुग्मादिति । धनं यद् अन्यक्तयुग्मं तस्मात् रूपाष्टकेन सहितं ऋग्णमन्यक्रपट्कं भोभय अपास्य शेपं न्यवकलन-संभूतं फलं आशु वदेति ।।

√ उदाहरण—

रूप नीन से युक्त धन यावत्तावन् वर्ग तीन ऋौर ऋग्याः यावत्तावन् दो इन का योग क्या होगा ?

(१) न्यास । याव ३ रू ३ । या २ । इस उदाहरगा में यावत्तावद्वर्ग ३ अमेर रूप ३ का यावत्तावन् २ के साथ योग नहीं हो सकता; क्योंकि परस्पर में एक जाति के नहीं हैं, इसी कारगा इनकी पृथक् स्थिति हुई—याव ३ या २ रू ३ ।

चदाहरण---

धन यावत्तावन् दो में से, धन रूप आठ से युक्त अनृगा यावत्ता-वन् दो को घटाने से शेप क्या बचेगा ?

(१) न्यास । या २ । या ६ रू = । यहाँ भी यावत्तावत् २ में सं यावत्तावत् ६ द्यौर रूप = घटाने में 'संशोध्यमानं स्वमृणात्व-मेति—' इस सूत्र के त्र्यनुसार यावत्तावत् ६ धन द्यौर रूप दं अनृणा हुए । द्याव सजातीयों के योग करने से यावत्तावत् = धनरूप दं अनृणा हुद्या, यही उत्तर है ।

श्रव्यक्तराशि का जोड़ना-घटाना समाप्त !

अव्यक्तादिगुणने करणसूत्रं सार्घवत्तद्वयम्—
स्यादूपवर्णाभिहतौ तु वर्णो
दित्र्यादिकानां समजातिकानाम् ॥८॥
वधे तु तद्दर्गघनादयः स्युस्तद्भावितं चासमजातिघाते।
भागादिकं रूपवदेव शेषं

व्यक्ते यदुक्तं गणिते तदत्र ॥ ६॥

श्रथ वर्णगुणनमुपजातिकोत्तरार्धेनोपजातिकया चाइ-स्या-दिति । वर्णगुणनं द्विधैव संभवति, रूपेण सन्नातीयवर्णेन विजा-तीयवर्णेन वा । तत्र रूपेण गुणने 'स्याद्र पवर्णाभिहतौ तु वर्णः' इति रूपवर्णीभिद्रतौ वर्णः स्यात् । अस्यायमिभायः-रूपेण वर्णे गुणनीये वर्णेन वा रूपे गुणनीये अङ्कतस्तु गुणनफलं भवति, नाम तु वर्णस्यैव । अथ सजातीयवर्णेन गुणने समजातिकानां द्वित्र्यादिकानां वर्णानां वधे तु तद्वर्गधनाद्यः स्युः । एतदुक्रं भवति-यावत्तावता यावत्तावति गुणिते समजात्योर्द्वयोघीत इति यावत्तावद्वर्गः स्यात् । स चेत्युनर्यावत्तावता गुणयते तदा समित-घातत्वात् यावत्तावद्घनः स्यात् । श्रयमि चेत्तंन गुएयते तदा समचतुर्घातत्वाद् यावत्तावर्द्वगवर्गः स्यात् । असाविष तेन गुणि-तश्रेत्पश्चयातत्वाद् यावत्तावद्वर्गयनयोगीतः स्यात् । एवं पद्याते यावत्तावद्वरीयनो यावत्तावद्यनवर्गी वा भवेत्, इत्यादि । कोल-कादीनामपि समद्वित्र्यादिवधे कालकादिवर्गवनादयो क्रेयाः। अथ विजातीयवर्णेन गुणने 'असमजातियाते तद्धावितं स्यात्, इति विजातीयवर्णयोघीते तयोवर्णयोभीतितं स्यात्। तथा यावत्ता-वता कालके गुणिते यावचावत्कालकभावितं स्यात्।कालकेन नीलके गुणिते कालकनीलकभावितं स्यात् । इत्यादि बुद्धिमता क्रेयम् । यावत्तावत्कालकभावितं यदि कालकेन गुण्यते तदा यावत्ता-वत्कालकभावितं स्यात् । इदमपि यदि यावत्तावता गुण्यते तदा यावत्तावद्वर्गकालकवर्णभावितं स्यात् । एवमग्रेऽपि सुधिया-वधेयम् । एवं गुणनमाभिधायेदानीं भागादिकमाइ—भागादिक-भिति । शेषं भागादिकं भागवर्गवर्णमूलघनघनम्लादिकं यद् व्यक्तगणित उक्तं तदत्र रूपवदेव क्रेयम् । 'भाज्याद्धरः शुध्यति-' इत्यादिना भजनफलमवधेयम् । 'समद्विघातः क्रतिः' इत्यादिना वर्गो क्रेय इति । भागादीनां गुणनपूर्वकत्वाद्गुणनसंक्षाविशेषस्य चोक्तत्वात्त्र कोऽपि विशेषो वक्तव्यो नास्तीति भावः । इदमुप-लत्तणम् । अत्रासंकरार्थं गुणनफलसंक्षामात्रमुक्तम् । अङ्कतस्तु गुणनादिकं व्यक्तगणिते यदुक्तं तदत्रापि वेदितव्यम् ॥ द्वा स्।

अञ्यक्तराशि के गुगान का प्रकार-

रूप और वर्ष के गुगान से फल वर्षा होता है। अर्थान् रूप से वर्षा को गुगाने से अथवा, वर्षा से रूप को गुगाने से गुगानफल अङ्कात्मक और रूप के स्थान में वर्षा हो जाता है अर्थान 'रू' इस अत्तर के आगे जिले हुए जो अङ्क हों, उन का और यावतावत् आदि वर्षा के आगे जिले हुए अङ्कों का, आपस में व्यक्तगणित में कही रीति से गुगान होगा और 'रू ' अत्तर के स्थान में, यावतावत्, कालक, नीजक आदि संज्ञाओं के पहले के वर्षा था, का, नी आदि अत्तर जिले जाते हैं। सजातीय वर्षों से, सजातीय दो, तीन आदि अत्तर जिले जाते हैं। सजातीय वर्षों से, सजातीय दो, तीन आदि वर्षों को गुगाने से, उनके वर्ग, वन, चतुर्घात आदि होते हैं। आशय यह है कि, यावत्तावन् को यावत्तावन् से गुगाने में, उन दों सजातीयों के समदिघान होने से, यावत्तावद्वर्ग होता है। जो यहां फिर यावत्तावन् से गुगा दिया जाय तो, समान तीन घात होने से यावत्तावत् हो गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् होने से यावत्तावत् होने से यावत्तावत् होने से गुगा जाय तो समान तान होने से यावत्तावत् होने से यावत्तावत् होने से गुगा होने से यावत्तावत् होगा, वह भी जो यावत्तावत् से

गुण दिया जाय तो समान पांचवात होने के कारण, यावत्तावद्वर्ग और उसके घन का घात होगा। इसी भाति पड्घात करने में यावतावत के वर्ग का घन या यावतावत के घन का वर्ग होगा। इसी प्रकार, कालक आदि वर्णी के समान दो, तीन आदि घात करने से, उन के वर्ग, घन आदि होंगे। विजातीय वर्णों के घात में, उन का भावित होता है अर्थात् यावत्तावत् से कालक को गुराने से यावत्तावत्कालकभावित होगा, कालक से नीलक को गुराने से कालकनीलकभावित होगा, जो यावत्तावत्कालकभावित कालक से गुगा दिया जाय तो यावत्तावतकालकवर्गभावित होगा, यह जो बावता-वन से गुणा दिया जाय तो यावत्तावनवर्ग-कालकवर्गभावित होगा. यहाँ पर लाघव के लिये यावत्तावतकालकभावित के स्थान पर केवल 'याकाभा' उन के आद्याचार जिखते हैं। इस प्रकार, गुरान की रीति कहकर, अब भागहार आदि कहते हैं - भागहार, वर्ग, वर्गभूल, घन श्रीर घनमूल ये जिस प्रकार व्यक्तगाियत (जीलावती) में कहे हैं वैसा ही यहाँ पर भी जानना श्रर्थात् 'भाज्याद्धरः श्रध्यति - 'सूत्र के श्रानुसार भागहार और 'समद्विचात: कृति: " सूत्र के श्रानुसार वर्ग और '-वर्गघनप्रसिद्धावाद्याङ्कतोवाविधिरेप कार्यः' सूत्र के अनुसार जैसे व्यक्तगियात में आदि-अङ्क से वर्ग और घन सिद्ध किये जाते हैं, वैसे ही यहाँ पर भी सिद्ध करना।

'रूप' से १, २, ३, आदि झात संख्या जाननी चाहिए। उन को रूप से गुण देने से गुणनफल रूपात्मक ही होता है। रूप से वर्ण को गुणने में गुणनफल रूप होगा अथवा वर्ण, इस संदेह की निवृत्ति के लिये अज्ञातराशि को रूपसभूह मानकर, युक्ति दिखलाते है—कोई अन्न सात आढक के मान पात्र से मापने में एक मान होता है। यदि उसको सात से गुण देवें तो गुणनफल रूपात्मक होगा या समूहात्मक? जो रूपात्मक माने, तो सात आढक अन्न होगा, पर ऐसा मानना उचित नहीं है। क्योंकि गुणन करने के प्रथम ही सात-आढक अन्न विद्यमान था, अव गुणन के बाद उनचास आढक अन

होंगे, इस कारण समूहात्मक कहना उचित है। सात-आढक अन्न का समूह सात है, इससे 'स्याद्रूपवर्गाभिहतौ वर्गाः' यह सूत्रखगड उपपन्न हुआ। 'रूप' यह एक व्यक्त संख्या का बोधक है, इससे गुर्यान करने में अङ्कों से गुणन होता है किंतु अचारों से नहीं ; यदि ऐसा संदेह हो कि रूप भीर अव्यक्त संख्या के भेद के जिये संख्या के बोधक श्रङ्क ही लिखे जायेँ। रूपं के प्रथम श्रज्ञर लिखने का क्या प्रयोजन है ! पर यहाँ श्रङ्क में ऐसा कोई चिह्न भेद दिखलानेवाला नहीं है कि जिससे रूप और वर्णाङ्क के संनिधि में, उन का भेद स्पष्ट प्रतीन हो । इस कार्या, रूप का आदि आचार लिखते हैं। अप्र संज्ञातीय वर्गों के गुगान में वर्गा को रूप समूह मान कर, युक्ति दिखलाने हैं— कैसा सात आढक घान्य का १ एक समूह वर्तमान हैं, इस को इसी से गुगा देने से १ हुआ। आत्र इस सात आहक के समृहात्मक होने से, एक से गुणित सभूह अथवा, समूह से गुणित समूद, इस का भेद दुईं य होता है। पर, एक गुरुय में, गुगाक के भेद होने से गुणानफल में अवश्य भेद होता है। इसिलये गुणानफल कां, समूह वर्गरूपी कहना उचित है, तो यहाँ उनचास आडक हुए। इस कारण संभातीय दो वर्णी का घात वर्ग होता है, यह बात सिद्ध हुई। इसी प्रकार दों, तीन, चार आदि सजातीय वर्णी के घात करने से उन के घन, और वर्णवर्ग आदि होते हैं । इससे 'द्विज्यादि-कानां समजातिकानां वधे तु तद्वर्भवनाद्यः स्युः' सूत्रखराङ उपपन्न हुन्छाः ।

अब विजातीय वर्गों के बात करने में उनका भावित होता है इसकी युक्ति दिखलाते हैं—सात आढक धान्यवाला १ एक समूह है और पाँच आढक धान्यवाला दूसरा १ एक समूह है, इन नोनों समूहों का घान १ हुआ। अभ इसकी सात आढक धान्यवाजा समूह नहीं कह सकते हैं; क्योंकि, एक गुगित और समूहगुगित का अभेद होगा। एवं पन्हवर्ग भी नहीं कह सकते, क्योंकि, यमूह की अपने से गुगाने मे और दूमरे पन्ह के गुगाने से, जो गुगा फल उत्पन्न होंगे, उन का भेद होना उचित है। इस कारण, उन दोनों समूहों का घात एक विज्ञास ही है, ऐसा मानने से ३४ आढक

होते हैं। इसिलये विजातीय वर्णी का घात अन्तर से होना युक्त है। यहाँ आचारों ने घात की 'भावित' यह संज्ञा रक्ली है। यदि 'वध' यह संज्ञा की जाती तो कदाचिन् यावत्तावत्वर्ग के साथ संकर (मेल) होता, 'घात' संज्ञा करने से कभी यावत्तावन घन के साथ भी संकर होना संभव था । इस से 'तद्भाविनं चासमजातिघातं' यह सूत्र-खरड उपपन्न हुआ II = I E II

गुगयः एथग्गुगाकखगडसमो निवेश्य-स्तैः खगडकैः क्रमहतः सहितो यथोक्त्या। अव्यक्तवर्गकरणीगुणनासु चिन्त्यो व्यक्रोक्रखण्डगुणनाविधिरेवमत्र ॥ १०॥

अथ शिष्यजनसौकर्यार्थ 'गुएयस्त्वधोधो गुणखण्डतुल्यः-' इत्यादिच्यक्रोक्कखएडगुणनं वमन्ततिलक्षया विश्वद्यति-गुएय इति । गुणकस्य यावन्ति खएडानि तानत्मु स्थानेषु पृथग्गुएयो निवेश्यः। अत्र खएडानि संहामेदेन अवगन्तव्यानि। अथ पृथङ्-निवोशितो गुण्यस्तेर्गुणकखएडै: मधमस्थाने मथमखएडेन, द्वितीय-स्थाने द्वितीयखण्डेन, तृनीयस्थाने तृतीयस्थ एडेन, एवं क्रमेण 'स्याद्रपवर्णाभिहतौ तु वर्णः-' इत्यादिना गुणितः सन् यथो-क्त्या पूर्वीक्रमकारेण 'योगोऽन्तरं तेषु ममानजात्योः-' इत्यादिना 'योगे युतिः स्यात् त्तययोः स्वयोर्वा-' इत्यादिना च सहितः। अत्र अन्यक्रमणिते अन्यक्रवर्मकरणागुग्रनामु तथा अन्यक्रगुण-नासु वर्गार्थं वर्गगुणनासु करणीगुणनासु च व्यक्कोक्कखणडगुणना-विधिरेवं चिन्त्यः। एवमन्पेऽपि गुगानमकाग द्रष्ट्रव्याः॥ १०॥

श्चर्य 'गुर्यस्त्त्रघोघां गुगावर् इतुल्य:- ' इस खर्ड गुगान की

रीति को विशद करने हैं-

गुणक के जितने खएड किये जायँ उतने स्थानों में अलग-

अलग गुर्य को स्थापन करके प्रथम स्थान में प्रथम खर्ड से, दूसरे में दूसरे खर्ड से, तीसरे में तीसरे खर्ड से गुगा करना। 'स्याद्र्पवर्गामिहतौ तु वर्ष:—' के अनुसार गुगान फल को उक्त 'योगोऽन्तरं तेषु समानजात्यो:—' और 'योगे युति: स्यान् च्रययोः स्वयोवी—' इस सूत्र की रीति से जोड़ने से वह गुगानफल होगा। यहां भी अध्यक्त के गुगान में वर्ग के गुगान और करगा के गुगान में, खर्डगुगान का प्रकार जानना चाहिए।

उपपत्ति-

इस की उपपत्ति लीलात्रती की टीका में देखनी चाहिए।।
उदाहरणम्—

यावत्तावत्पञ्चकं व्येकरूपं यावत्तावद्गिस्त्रिभिः सद्विरूपेः। संगुग्य द्राग् ब्रुहि गुग्यं गुगां वा

व्यस्तं स्वर्णं कल्पयित्वा च विद्वन्॥ ६॥ न्यासः। गुण्यः या ५ रू १। गुणकः या ३ रू २। गुणनाज्ञातं फलम् याव १५ या ७ रू २।

गुग्यस्य धनर्णत्वव्यत्यासे

न्यासः। गुग्यः या ५ रू १ गुग्गकः या ३ रू २ गुग्गनाजातम् याव १५ या ७ रू २।

गुणकस्य धनर्णत्वव्यत्यासे

न्यासः। गुणयः या ५ रू १ गुणकः या ३ रू २ गुणनाजातम् याव १५ या ७ रू २।

ह्योर्धनर्णत्वव्यत्यासे न्यासः। गुण्यः या ५ रू १ गुणकः या ३ रू २ गुणनाज्ञातम् याव १५ या ७ रू २

उदाहर्या-

रूप १ से हीन यावत्तावत् ५ को रूप २ से युक्त यावत्तावत् ३ से गुण कर और गुरय-गुणक को धन-ऋण अथवा, व्यस्तं अर्थात ऋगा-धन मान कर, गुणन करने से जो अलग अलग गुणनंफल हों उन्हें कहो।

(१) न्यास । गुर्य = या ५ रू १ । गुर्याक = या ३ रू २ । ष्ट्राब स्थान गुर्यान की रीति सें—

या ५ रू ^१ <u>या ३ रू २</u> याब १५ या ^३

या १० रू रे

गुयानफल==याब १४ या ७ रू ^२ हुआ।

(२) गुरुय या ४ रू १ में यावत्तावत् पांच को अनृया और अनृया रूप एक को धन मानकर स्थान गुयान की रीति से—

या ५ रू १ या ३ रू २ याब १ ५ या ३

या १० रू २

गुणनफल=याव १५ या ७ रू २ हुआ।

(३) गुगाक या ३ रू २ में यावत्तावत् तीन और रूप दो को ऋगा मान कर स्थान गुगान की रीति से— या ५ रू १ं _ या ३ रू २ं याव १५ं या ३ या १०ं रू २

गुगानफल=याव १५ या ७ रू २ हुआ।।

(४) गुराय या ४ रू १ और गुराक या ३ रू २ में धन आहुरा का ज्यत्यास करके स्थान गुरान की गीति से—

या ५ं रू १ <u>या ३ रू २ं</u> याव १५ या ३

या १० रू रे

गुणनकल=यात १४ या ७ रू रे हुआ।

भागहारे करणसूत्रं ठत्तम्—

भाज्याच्छेदः शुध्यति प्रच्युतः सन्

स्वेषु स्वेषु स्थानकेषु क्रमेण।

यैर्येर्वर्णीः संगुणो यैश्च रूपे
र्भागाहारे लब्धयस्ताः स्युरत्र॥ १९॥

पूर्वगुणनफलस्य स्वगुणच्छेदस्य प्रथमपक्षस्य भागहारार्थं न्यासः।

भाज्यः। याव १५ या ७ रू १।

भाजकः। या ३ रू २।

भजनादाप्तो गुण्यः या ५ रू १

द्वितीयस्य न्यासः।

भाज्यः। याव १५ं या ७ं रू २।

भाजकः। या ३ रू २।

भजनेन लब्धो गुर्यः या ५ रू १।

तृतीयस्य न्यासः।

भाज्यः। याव १५ं या ७ं रू २।

भाजकः। या ३ रू २।

हरगादाप्तो गुग्यः या ५ रू १।

चतुर्थस्य न्यासः।

भाज्यः। याव १५ या ७ रू रं

भाजकः। या ३ रू २

हते लब्धो गुर्यः या ५ रू १।

इत्यव्यक्तगुरानभजने

त्रथ 'माज्याद्धरः शुध्यति—' इत्यादिना भजनफलसिद्धा-विष वर्णसंज्ञावधानार्थ मन्दावबोधनार्थ च पुनः शालिन्या विशदयति—भाज्यादिति । छेदो हरः । स यैर्यैर्वर्णैयें रूपैश्च गुणितः सन् भाज्यात् स्वेषु स्वेषु स्थानेषु यथास्वं समानजातिषु प्रच्युतः सन् शुध्यति नावशिष्यते ता अत्र लब्धयः स्युः । ते वर्णाः तानि च रूपाणि लब्धयः स्युरित्यर्थः ॥ ११ ॥

श्राव्यक्त-राशि के भागहार का प्रकार-

श्रव 'भाज्याद्धर: शुध्यति—' इस सूत्र के श्रनुसार भजनफल के सिद्ध होने पर भी, वर्णसंज्ञा का परिचय स्पष्ट करते हैं——जिन-जिन वर्ण श्रीर रूपों से गुणित भाजक, भाज्य से श्रपने श्रपने स्थानों में घटाने से शुद्ध हो श्रर्थात् शेष न रहे, वे वर्ण श्रीर रूप यहां लिब्ध श्रर्थात् भजनफल होते हैं।

चपपात्त--

इसकी उपपत्ति मेरी जीलावती की टीका में स्पष्ट जिखी है।

(१) भाज्य=याव १५ या ७ रू २ । शाजक=या ३ रू २ यहां भाज्ये में पहले यावत्तावत् वर्ग १५ हैं, इस कारण उनमें याव-त्तावत् वर्ग को ही घटाना युक्त है। भाजक में पहले यावत्तावत् ३ है, उनको रूप से गुण्ने से 'स्याद्रूपवर्णाभिहतौ तु वर्णः' सूत्र के श्रमुसार वर्ण ही होता है, किंतु उन का वर्ग नंहीं होता । यावत्तावत् से गुगा देने में समान जातियों के घान होने से यदापि यावतावत वर्ग होगा, तो भी श्रङ्कों में तीन होंगे। इसिलिये शोधन करने पर भी, भाज्य में यावत्तावत् वर्ग न घट सकेगा । इस कारण, यावत्तावत् पांच से भाजक को गुणने से, यावत्तावत्वर्ग पंद्रह होगा तो घट जायगा ! अव या ४ से भाजक 'या ३ रू रें को गुगाने से 'याव १४ या १०' को भाज्य 'याव १४ या ७ रू रं' में यथास्थान घटाने से शेष ंया दें रू रें बचा। यावत्तावत् पांच से गुियात भाजक शुद्ध हुआ। है, इसलिये यावत्तावत् ४ लिब्ध आई। अब भाज्य शेष में यावत्तावत् तीन हैं, इस कारण भाजक की लप से गुणा देने से जो गुणानफल होगा, वह भाज्यशेष में घट सकेगा । परंतु घन रूप से गुण्न करने में 'संशोध्यमानं स्वमृण्यत्वमेति' सूत्र के अनुसार दोनों के अनृण् होते से योग होगा तो शुद्धि न होगी । इस कारण ऋग्यरूप के गुर्याने से शुद्धि होगी। श्रव 'रू १ं' से भाजक 'या ३ रू २' को गुगाने से 'या इं रूर रें हुआ इस को 'या ई रूरें इस भाज्य शेष में घटाने से

श्रृ ग्रह्म १ लिंब मिली, इस प्रकार 'या ५ रू १' यह संपूर्ण लिंब हुई यही पहला गुरुय था।

- (२) भाज्य = याव १५ या ७ रू२। भाजक = या ३ रू२। यहां पर भी एक रीति के अनुसार 'या ५ रू१' यह लडिघ मिली।
- (३) भाज्य=याव १५ या ७ रू२। भाजक=या दे रू२। यहां पर भी उक्त प्रकार के अनुसार लिब्ध 'या ५ रू १' आई।
- (४) भाज्य=यात्र १५ या ७ रू रे भाजक=या ३ रू रे। उक्त प्रकार से लब्धि मिली या ५ रू १।

अञ्यक्त-राशि का गुगान भागदार समाप्त ।

वर्गोदाहरणम्— रूपैः षड्भिर्वर्जितानां चतुर्णा-मञ्यक्कानां ब्रूहि वर्ग सखे मे ॥ ६ ॥ न्यासः या ४ रू ६ । जातो वर्गः याव १६ या ४ं रू ३६ ।

त्रथ यद्यपि वर्गसूत्रमन्तरा तदुदाहरणं तक्कुमनुचितं तथापि वर्गस्य समद्विपातरूपत्वाद् गुरानमूत्रेणेय तत्सिद्धेः 'त्रव्यक्रवरी-करणीगुरानामु चिन्त्यः' इति विशेषोक्तेश्च तदुचितमेवेति शालि-न्युत्तरार्थेन तदाह-रूपैशितः स्पष्टोऽर्थः।

श्रव वर्ग के समित्रियानकाप होते से गुगानसूत्र ही से उसका साधन कहते हैं—ऋगारूप छह (६) से घटा हुआ यावचावन चार (४) का वर्ग क्या है ?

न्यास । या ४ क ६ इनक वर्ग के लिये स्थान-गुणान की रीति से— या **४ रू ६ं**<u>या ४ रू ६ं</u>
याव १६ या २४ं
या २४ं रू ३६

* गुणनफल=याव १६ या ४६ रू ३६ यही वर्ग हुआ। वर्गमूले करणसूत्रं उत्तम्— कृतिभ्य आदाय पदानि तेषां द्वयोर्द्वयोशचाभिहतिं द्विनिष्ट्रीम्। शेषात्यज्येद्वपपदं गृहीत्वा चेत्सन्ति रूपाणि तथैव शेषम्॥ १२॥

श्रथ वर्गे दृष्टे कस्यायं वर्ग इति मूलाङ्कक्षानार्थमुपायमुपजातिकयाह-कृतिभ्य इति । तेषां वर्गराशिगतान्यक्षानां मध्ये कृतिभ्यो
वर्गेभ्यः पदानि मूलान्यादाय तेषां पदानां परस्परं द्वयोर्द्वयोराभिहति द्विनिष्टी शोषाद्विशोधयेत, यदि शुद्धिभवेत्तदा तानि तस्य
वर्गस्य पदानि भवेयुरित्यर्थादुक्तं भवति । कृत्योरित्यिप द्रष्टन्यम् ।
श्रथ यदि वर्गराशौ रूपाणि सन्ति तर्हि रूपपदं गृहीत्वा शेषं
तथैव द्वयोद्वयोशचाभिहति द्विनिष्टीं शोपात्त्यजेदिति । रूपेषु सत्सु
यदि रूपपदं न लभ्यते तदा स वर्गराशिनेत्यर्थादुक्तं भवति ॥ १२॥

^{*} यहां पर 'ग्रथ्यस्त्वधोशो ग्रुण्ल्एडतुल्य:-' इस खएडग्रुण्न से मी 'स्थानें: पृथ्यन ग्रिण्तः समेतः' इस स्थानग्रुण्न में श्रिष्ठिक सौकर्य होता है। इस कारण प्रायः सर्वत्र स्थानग्रुण्न की ही शिति पर गांग्रत दिख्लाया है। वर्ग मी इस रीति से तुरंत सिद्ध होता है। इस कारण---'वर्गधनप्रसिद्धावाधाङ्कतो वा विधिषे कार्यः' इस सूत्र के श्रुसार, जो श्राधाङ्कतिथि से लावव से वर्ग श्रादि सिद्ध किथे जाते हैं, उसकी मी कुछ विशेष श्रावश्यकता नहीं है।

अञ्यक्तराशि के वर्गमूल का प्रकार--

वर्गराशि में जितने अन्यक अर्थात् वर्ण हों उनका मूल लेकर उन मूलों में से, दो-दो मूलों के दूने घात को, शेष में (जिस वर्गा-तमक राशि से मूल लिया गया था, उसमें) घटा दें तो वे मूल होते हैं। इसी प्रकार, यदि वर्गराशि में रूप हों तो उनका मूल ले कर उक्त किया करनी, जो रूपों के होने पर उनका मूल न मिले, तो वह वर्गराशि ही नहीं है।

उपपत्ति-

राशि का समान दो घात वर्ग होता है, यह पारिभाषिक संज्ञा है। जिसका वर्ग किया जाता है, वह राशि गुएय और गुणक दोनों होती है। वहां एक खएडात्मक वर्ग में, किसका यह समद्विघात है, उस समद्विघात के खोज करने से, मूज का जानना सुगम है। अब दो खएडवाली राशि के वर्ग के जिये न्यास।

गुराय=या ४ रू ६ गुराक=या ४ रू ६ पहली पङ्कि=याव १६ या २४ दूसरी पङ्कि= या २४ रू ३६ गुरानफल=याव १६ या ४ द रू ३६

यहां पहली पड़िक्त में पहले खराड का (या ४ का वर्ग १६) वर्ग और दोनों खराडों का घात (या ४ क ६ का घात या २४) है इसी प्रकार, दूसरी पड़िक्त में, दोनों खराडों का घात (या ४ क ६ का घात या २४) और दूसरे खराड का वर्ग (क ६ का वर्ग क ३६) है। अर्थात् दोनों पड़िक्त में दोनों खराडों का घात है। अत्र उन दोनों खराडों का योग करने से दूना दोनों खराडों का घात होता है। वही द्विराण दोनों खराडों का घात या ४ में गुणानफल की पड़िक्त में लिखा है। इस से स्पष्ट मालूम होता है कि, दो खराडवाली राशि के वर्ग करने में, तीन खराड होते हैं। खराडों के वर्ग और दूना खराडों का घात चाव १६ या ४ में क ३६।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri,

तीन खरडवाली राशि के वर्ग के लिये न्यास-

गुएय = या ३ का ४ नी ४ गुणक = या ३ का ४ नी ४

पहली पङ्कि = याव ६ या का १२ या नी १४ दूसरी पङ्कि =का या १२ काव १६ का नी २० तीसरी पङ्कि =नी या १४ नी का २० नीव २४

गुगानफल=याव ह या का २४ या नी ३० काव १६ कानी ४० नीव २४ यहां पहली पङ्कि में, पहले खरड का वर्ग, पहले खरड का दूसरे का घात और पहले खरड का तीसरे का घात है। दूसरी पङ्कि में, दूसरे खरड का वर्ग, पहले खरड का दूसरे का घात और दूसरे खरड का तीसरे का घात है। तीसरी पङ्कि में, तीसरे खरड का वर्ग, पहले खरड का तीसरे का घात और दूसरे खरड का तीसरे का घात और दूसरे खरड का तीसरे का घात और दूसरे खरड का तीसरे का घात है। अर्थात् वर्ग करने में, हर एक खरडों का वर्ग और दूना दोनों खरडों का घात होता है। इसको देखने से 'कृतिभ्य आदाय—'इस सूत्र की उपपत्ति स्पष्ट ज्ञात होती है।। १२॥

पूर्वसिद्धस्य वर्गस्य मूलार्थं न्यासः। याव १६ या ४६ रू ३६। लब्धं मूलम् या ४ रू ६

इत्यव्यक्षवर्गवर्गमूले । इत्यव्यक्षषड्विधम् ।

'रूपै: षड्भि:—' इस प्रश्न के अनुसार साधित वर्ग का वर्गमूल दिखलाते हैं—

न्यास । याव १६ या ४ दं रू ३६ । इस वर्गराशि में यावत्तावत्त वर्ग सोलह आरे रूप छत्तीस दो वर्ग हैं, इनका मूल या ४ रू ६ मिला, इन दोनों के द्विगुण घात या ४ द को 'संशोध्यमानं स्वमृण्-त्वमेति'—— के अनुसार, शेष या ४ दं में घटाने पर ऋणों का योग हो जाने से न घट सका, इसिलये उन दोनों में से, एक को ऋणा करपना किया तो द्विगुण दोनों का घात या ४ दं 'संशोध्यमानमृणं धनं भवति' इस रीति से धन होने पर 'धनर्णयोरन्तरमेव योगः।' के अनुसार घट गया तो या ४ रू दं अथवा या ४ रू ६ मूल मिला परंतु यहां पर पूर्व मूल दी अयेक्तित है, क्योंकि इसी मृल का वर्ग किया गया था।।

अञ्यक्त राशि का वर्ग-वर्गभूल समाप्त।

श्रथानेकवर्णषिबधम् । तत्र संकलनव्यवकलनयोरुदाहरणम्— यावत्तावत्कालक— नीलकवर्णास्त्रिपञ्चसप्तधनम् ।

द्विञ्येकिमतेः क्षयगैः

सहिता रहिताः कित स्युस्तैः ॥ १०॥ न्यासः। या ३ का ५ नी ७। या २ का ३ नी १। योगे जातम् या १ का २ नी ६। वि-योगे जातम् या ५ का ८ नी ८। इत्यनेकवर्णसंकलनव्यवकलने

अव अनेकवर्णाषड्विध के उदाहरण कहते हैं -- अनेकवर्ण के संकलन और व्यवकलन का उदाहरण--

धन यावत्तावन् तीन, कालक पांच और नीलक सात ये ऋग्य यावत्तावत् दो, कालक तीन और नीलक एक से सहित और रहित क्या होंगे। (१) न्यास।
योज्य = या ३ का ४ नी ७ } इनका योग या १ का २ नी ६
योजक=या २ का ३ नी १ } हुआ।
(२) न्यास।
वियोज्य = या ३ का ४ नी ७ } इनका अन्तर उक प्रकार से
वियोजक=या २ का ३ नी १ } या ४ का द्र नी द्र हुआ।
अपनेकवर्ष का संकलन व्यवकलन समाप्त।

गुणनादेरुदाहरणम्— यावत्तावत्त्रयमृणमृणं कालको नीलकः स्वं रूपेणाट्या द्विगुणितमितेस्ते तु तैरेव निघ्नाः । किस्यात्तेषां गुणनजफलं गुण्यभक्तं चार्कस्याद् गुण्यस्याथप्रकथयकृतिंमूलमस्याःकृतेश्च १९॥

न्यासः।

गुणयः या ३ का २ नी १ रू १
गुणकः या ६ का ४ नी २ रू २
गुणिते जातम् याव १८ काव ८ नीव २
या का भा २४। या नी भा १२ का नी भा ६
या १२ का ६ नी ४ रू २।
अस्मादेव गुणनफलाद्गुण्येनानेन या ३ का २
नी १ रू १ भक्तादाप्तो गुणकः या ६ का ४
नी २ रू २।

इत्यनेकव्याग्यान्भजने । CC-0. Mumukshu Bhawan Varanas Collection. Digitized by eGangotri पूर्वगुण्यस्य वर्गार्थं न्यासः।
या ३ का २ नी १ रू १
जातोवर्गः याव ६ काव ४ नीव १ याकाभा १२
यानीभा ६
कानीभा ४ या ६ का ४ नी २ रू १।
वर्गादस्मान्मूलम् या ३ का २ नी १ रू १
इत्यनेकवर्णवर्गवर्गमूले।
इत्यनेकवर्णवर्णवर्धिश्रम् ॥
इति द्विवेदोपाल्याचार्यश्रीसरयूप्रसादसुतदुर्गाप्रसादोन्नीते लीलावतीहृद्यग्राहिणि
बीजविलासिन्यनेकवर्णषड्विधं समाप्तम् ।

अनेक-वर्ग के गुगान का उदाहरण—— धनरूप एक से जुड़ा हुआ भृगा यावतावत् तीनः भृगा कालक दो और धन नीलक एकः, इनको धनरूप दो से युक्त भृगा यावतावत् क्र. भृगा कालक चार और धन नीलक दो से गुगा करः गुगान-

फल कहो।

(१) न्यास । गुग्य=या ३ का २ नी १ रू १ गुग्राक=या ६ का ४ नी २ रू २

याव १ द या. का १२ या नी ६ या ६ का या १२ काव द का नी ४ का ४ नी. या ६ नी का ४ नीव २ नी २

या **६ं का ४ं नी २ रू २** C<u>C-0 Mumukshu Bhawan Varaniasi Collegi</u>lon. Digitized by eGangotri गुग्गनफल = याव १ द्या-का २४ या नी १२ या १२ काव दका. नी दंका दंनीव २ नी ४ रू २ ।

अनेकवर्ण के भजन का उदाहर्या-

याव १ द्र या-का २४ या- नी १ रें या १ रें काव द्र का नी दंका दं नीव २ नी ४ रू २ इस में या ३ का २ नी १ रू १ इस का भाग देने से क्या लिट्य मिलेगी ?

(१) यहाँ पर 'भाज्याच्छेद: शुध्यति'—इस राति के अनुसार लिंघ लेनी चाहिये। भाज्य में प्रथम यावत्तावद्वर्ग अठारह है और भाजक में यावत्तावत् तीन हैं। भाजक को यावत्तावत् तीन से गुगा देने से आगा यावत्तावद्वर्ग, अठारह होते हैं। इन को यदि घटा देवें तो धन हो जाने के कारण, योग होगा, श्रन्तर न होगा। किंत आगा यावता-वत् छ: से भाजक को गुगा देने से शोधन होगा। इस कारगा या दे से भाजक को गुराने से 'यांव १८ या का १२ या नी ६ या ६' इस को भाज्य में यथास्थान घटाने से 'या. का १२ या नी दं या ६ काव ⊭ का•नी ⊏ का ⊏ंनीव २ नी ४ रू २ ′ शेष रहा। लडिघ या ६ मिली । श्रव माज्य में यावत्तावत्कालक भावित है, तो भागा कालक चार से भाजक को गुर्याने से 'या का १२ काव म का नी छं का छं'। इस को भाज्य में यथास्थान घटा देने से 'या. नी ई या ६ का- नी ४ का ४ नीव २ नी ४ रू २' शेष बचा और लिंध का है मिली। फिर भाज्य में यावत्तावज्ञीलक भावित है, तो नीलक २ से भाजक को गुण देने से 'या नी ई का नी है नीव २ नी २' इसको भाज्य में यथास्थान घटाने से 'या ६ का ४ नी २ रू २' शेष रहा। लिब्ध नी २ मिली। फिर भाज्य में यावत्तावत् ६ है, भाजक को रूप दो से गुगाने से जो गुगानफल होगा वह भाज्य से शुद्ध होगा। इस कारण रूप २ से भाजक 'या दें का रे नी १ रू १' को गुयाने से या ई का ४ नी २ रू २' इसकी भाज्य शोष 'या ६ का ४ नी २ रू २' में घटाने से शेष कुछ, नहीं बचा ड्योर सब लब्धि या ६ का ४ नी २ रू २ मिली।

अनेकवर्ण का गुणन-भजन समाप्त।

अनेकवर्ण के वर्ग का उदाहरण-

रूप एक से सिहत ऋगा यावत्तावत् तीन, ऋगा कालक दो और धन नीलक एक, इन का वर्ग क्या होगा ?

(१) वर्ग के निये न्यास-

या ३ का २ ती १ रू १ या ३ का २ ती १ रू १ याव ६ या का ६ था ती ३ या ३ का या ६ काव ४ का ती २ का २

का या ६ काव ४ का नी रें का रें नी या रें नी का रें नीव १ नी १ या रें का रें नी १ कर १

वर्ग=याव ह्या का १२ या. नी ई या ई काव ४ का नी छे का छेनीव १ नी २ रू १।

अनेकवर्ण के मूख का उदाहरण्—

'याव ह्या का १२ या. नी ६ या ६ काव ४ का नी ४ का ४ नीव १ नी २ रू १' इस वर्गात्मक संख्या का मूज क्या होगा?

(१) यहां 'कृतिम्य आदाय पदानि' सूत्र के आनुसार याव ह् काब मित १ और रू १ इन के मूल 'या ३ का २ नी १ रू १' मिले। इन में दो, दो का दूना घात करने से 'या. का १२ या.नी ६ या ६' हुआ, इस को वर्ग शेष में घटाना है तो 'संशोध्यमानं स्वम्यात्वमाति 'इस तीति के आनुसार यद्यपि यावत्तावत्काककभावित के अनुया होने के कारण 'घनर्यायोरन्तरमेव योगः' इस से शुद्धि होगी, तो भी यावत्तावत्त्रीलकभावित और यावत्तावद्वर्या साजात्य के कारण दूने हो जायेंगे तो शुद्धि न होगी। इसिलये अनुया यावत्तावत् तीन मूल कल्पना किया क्योंकि 'स्वमूले घनर्यों' कहा है। अब दो, दो राशि के दूना घात करने से 'या. का १२ या- नी ६ था ६' हुआ यहां पर यद्यपि 'संशोध्यमानं स्वमृणत्वमोति—' के अनुसार यावत्तान वन्नीलकभावित और यावत्तावत् की शुद्धि होगी। तो भी यावत्तान वन्नीलकभावित और यावत्तावत् की शुद्धि होगी। तो भी यावत्तावत्कालकभावित के दूना हो जाने से शुद्धि न होगी। इसिलये यावत्रावक्षालकभावित के दूना हो जाने से शुद्धि न होगी। इसिलये यावत्रावक्षालकभावित के दूना हो जाने से शुद्धि न होगी। इसिलये यावत्रावक्षालकभावित के दूना हो जाने से शुद्धि न होगी। इसिलये यावत्रावक्षालकभावित के दूना हो जाने से शुद्धि न होगी। इसिलये

नीलक और रूप को अनुमा कल्पना करना चाहिये अथवा यावता-वत्कालकभावित के लिये कालक को अनुमा मानना चाहिये। इस प्रकार दो पत्त हैं, तो मूल 'या रें का रें नी १ रू १' अथवा 'या ३ का २ नी १ रू १' यह हुआ। इन दोनों मूलों का आपस में दो, दो का दूना घात तुल्य ही होता है या का १२ या नी ६ या ६ का नी ४ का ४ नी २' इसके घटाने से सर्वशुद्धि होती है। इस कारमा उन दोनों का मूलत्व सिद्ध हुआ। अनेकवर्माषाङ्कीय समाप्त।

दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मिताच्तरे । वासनाभङ्गिसुभगं संपूर्णे वर्णाषड्विधम् ॥

श्रथ करणीषड्विधम् । तत्र संकलनव्यवकलनयोः करणसूत्रं इत्तद्वयम्-

योगं करण्योर्महतीं प्रकल्प्य घातस्य मूलं हिगुणं लघुं च। योगान्तरे रूपवदेतयोः स्तो वर्गेण वर्ग गुणयेद्धजेच्च॥ १३॥ लघ्व्या हतायास्तु पदं महत्याः सैकं निरेकं स्वहतं लघुन्नम्। योगान्तरे स्तः क्रमशस्तयोवी एथक्स्थितिः स्याद्यदि नास्ति मूलम्१४

अथ करणीपड्विधं व्याख्यायते—तत्र तावदिन्द्रवज्रोपजाति-काभ्यां करणीसंकलनव्यवकलने गुणनभजनयोश्च विशेषं प्रति-पादयति—यस्य राशेर्मुलेऽपोत्तिते निर्गं मुलं न संभवति सु 'करणी'

इत्युच्यते । करएयोर्योगेऽन्तरे वा कर्तव्ये रूपवत् कृतो यः करणी-योगः सा 'महती करणी' इति कल्पयेत् । करण्योघीतस्य मूलं द्विगुणं सा 'लयुः करणी' इति कल्पयेत्। तयोर्लयुमहत्योः कल्पितकरएयो रूपवत्कृते ये योगान्तरे ते प्रथमकरएयोथींगान्तरे स्तः। अथ 'अव्यक्तवर्गकरणीगुणनासु चिन्त्यः' इत्यादिना 'भाज्याद्धरः शुध्यति—' इत्यादिना च करणीगुणनभजनयोः सिद्धौ सत्यामपि तत्र विशेषमाह- 'वर्गेण वर्ग गुणयेद्भनेच' इति । एतदुक्तं भवति-करणीगुणने कर्तव्ये यदि रूपाणां गुएयत्वं गुण-कत्वं वा स्यात् करणीमजने कर्तव्ये यदि रूपाणां भाज्यत्वं भाजक-त्वं वा स्यात्तर्हि रूपाणां वर्गे कृत्वा गुणनभनने कार्ये । करण्या वर्गरूपत्वादिति । वर्गस्यापि समाद्विघाततया गुरानविशेषत्वादुक्त-वित्सिद्धिः । 'स्थाप्योऽन्त्यवर्गो द्विगुणान्त्यनिष्टनाः-' इत्यादिना व्यक्तोक्तप्रकारेण वा करणीवर्गस्य सिद्धिः स्यात् । किंतु 'वर्गेस बर्ग गुणयेत्' इत्युक्त्वात् 'द्विगुणान्त्यनिष्नाः'इत्यत्र चतुर्गुणान्त्य-निघ्ना इति द्रष्ट्यम् । मूलज्ञानार्थे तु सूत्रं वस्यति ॥१३॥ श्रथ प्रकारान्त्ररेण योगान्तरे 'लघ्व्या हृतायाः-' इत्यादिना निरूप-यति—लघ्व्या करण्या हतायाः महत्याः करण्या यत्पदं तदेकत्र सैकमपरत्र निरेकं कार्यम् । उभयमपि वर्गितं लघुकरणीगुणितं च क्रमेण करएयोर्योगान्तरे स्तः। अत्र लघ्व्या महत्या भागे यदि भिन्नता स्यात्तर्हि मूलाभावे मूलार्थे यथासंभवमपवर्ती द्रष्टव्यः । अत्र करएयोर्मध्ये याङ्कतो लघुः सा लघुः। याङ्कतो महती सा मह-तीति श्रेयम् । अत्र लघ्व्या हताया महत्या यदि पूर्लं न लभ्यते तर्हि योगान्तरे कथं कर्तव्ये इत्यत आह- पृथक्स्थितिः स्याद्यदि नास्ति मूलम्' इति ॥ १४ ॥

करणी के जोड़ने-घटाने का प्रकार— जिस राशि का पूरा मूल न मिले उसको 'करणी' कहते हैं। योज्य-योजक अथवा वियोज्य-वियोजक रूप जो करणी हों उन का योग करके उस को महती संज्ञा रख लो। फिर उन्हीं करियायों के घात को दूना करके उसकी लघु संज्ञा रखनी। इस प्रकार महती और लघु संज्ञक करियायों का रूप के समान योग और अन्तर करनां। करणी के गुणन में जो रूप गुणय और गुणक हों, भजन में भाज्य और भाजक हों, तो रूपों का वर्ग करके फिर गुणन और भजन करना चाहिए।

दूसरा प्रकार-

योज्य-थोजक और वियोज्य-वियोजक रूप दो करियायों में जो अङ्क से बड़ी हो उसको 'महती' और जो छोटी हो उसे 'लघु' कहते हैं। महती में लघु का भाग देकर, फल के मूल को दो स्थानों में रखना। प्रथम स्थान में १ जोड़ दूसरे स्थान में घटाकर उन के वर्ग को लघुकरणी से गुण देना। फिर उनका योग और अन्तर रूपराशि के समान करना। यदि महती-करणी में लघुकरणी का भाग देने से मूल न मिले, तो उन को एक पङ्कि में अलग-अलग लिख देना।

पहले प्रकार की उपपत्ति—

(१) योज्य और योजकरूप करियायों के मूलों का योग, जिस का मूल होगा, वह करियायों का योग है और वहीं मूलों के योग का वर्ग है। अन्यथा उसका मूल मूलों का योग कैसे होगा? इसी प्रकार वियोज्य-वियोजक रूप करियायों के मूलों का अन्तर जिस का मूल होगा, वह करियायों का अन्तर है और वहीं मूलों के अन्तर का वर्ग है। अन्यथा उसका मूल मूलों का अन्तर न होगा। यहां जो करिया है वे मूलवर्ग हैं, इस कार्या, प्रथम करियायों का मूल लेकर, पीछे जो योग वर्ग किया जायगा वह उनका योग होगा। इसी प्रकार करियायों के मूलों के अन्तर का वर्ग उन का अन्तर होगा। परंतु करिया का मूल नहीं मिलता, इस्र कार्या उपाय करते हैं—यहां पर सोगवर्ग और अन्तर्वर्ग साधना है, वे वर्गयोग के ज्ञान से जाने जाते हैं। वह इस स्थान में करियायों के वर्गक्ष होने

के कारण इन का योग ही वर्गयोग है। वर्गयोग के ज्ञान से योगवर्ग श्रीर श्रन्तरवर्ग जाने जाते हैं - जैसा ३ श्रीर ४ राशि के वर्गयोग ३४ में, इन्हीं का दूना घात ३० जोड़ने से योगवर्ग ६४ सिद्ध हुआ। ऐसे ही ३ ऋौर = राशि को वर्गयोग ७३ में, इन्हीं का दूना घात ४= घटा देने से, अन्तरवर्ग २४ सिद्ध हुआ। इस से स्पष्ट मालूम पड़ताहै कि, इदिष्ट दो राशियों के वर्गयोग में, उन का द्विगुया घात जोड़ने से युतिवर्ग श्रोर घटाने से अन्तरवर्ग सिद्ध होता है। यह प्रकार श्रोर इसकी वासना एकवर्ण मध्यमाहरण में लिखी है। यहां मूलों का जो वर्गयोग है, वही करियायों का योग होता है। इस कारगा इसमें दो कर-ियायों का दूना भूलघात युतिवर्ग के लिये जोड़ते और अन्तरवर्ग के लिए घटाते हैं। करियायों के मूलों का घात और करियायों के घात का मूल एक ही होता है कारण कि जो वर्गों का मूलघात होता है, वहीं घातमूल भी होता है। वर्गक्रिया में उद्दिष्ट राशि का समान दो वात होने से वर्गवात चतुर्वात होता है, इसी प्रकार, उदिष्ट दो राशि को दो स्थानों में रखकर श्रीर उनका घात करने से वह चतुर्घात-वर्गघात होता है। जैसा-३। ४ दो राशि हैं। इन के वर्गघात अप्रथवा घातवर्गके लिये चार राशि होंगी ३ । ३ । ४ । ४ इनका वर्ग ह । २ ४ इप्रोर घात १ ४ । १ ४ हुइप्रा । इप्रव उन वर्गी का घात २२४ और घानों का घात २२४ पहिले के चार राशियों का घात है। इससे स्पष्ट ज्ञात होता है कि वर्गधात और घातवर्ग का भेद न होने से, जो घातवर्ग का मूल होता है, वही वर्गघात का मूल है। श्रीर घातवर्ग वर्गघात इन का मूल घात ही होता है। इससे 'योगं करएयोर्महर्ती प्रकल्प्य घातस्य मूलं द्विगुर्गं लघुं च । योगान्तरे रूप-वदेतयोः स्तः—' इतना सूत्र उपपन्न हुन्ना ।

(२) करणीषड्विध में करिण्यों के मूलों का पड्विध साधन करते हैं जैसा—क २। क द का यांग १० सिद्ध होने पर भी, मूलों के योग के लिये क १८ सिद्ध की है। वैसा ही करिण्यों का गुण्यन, ऐसा करना चाहिये जिस में उन के मूल गुणो जार्वे, केवल करिण्यों को दो आदि संख्याओं से गुण देने से, उन के मूल दो आदि संख्याओं से नहीं गुणे जाते। इसिलये उन को दो आदि संख्याओं के वर्ग से गुणाना योग्य है। जैसा—४ राशि को दूना करना है, तो इसके वर्ग १६ को दूना किया ३२ हुआ, परंतु इस का मूल दूना नहीं हुआ। इस कारण राशि के वर्ग को दो के वर्ग से गुण देने से मूल दूना हो जायगा। इसी प्रकार, भजन में भी युक्ति जाननी चाहिए इस प्रकार 'वर्गेण वर्ग गुणयेद्रजेब' यह सूत्र शेष भी उपपन्न हुआ।

दूसरे प्रकार की उपपत्ति-

(३) यहाँ पर भी करिएयों का मूलयोगवर्ग ऋौर मूलान्तरवर्ग साधना है। परंतु करियायों का मूल नहीं मिलता, इस कारण दोनों करियायों में ऐसा अपवर्तन देना चाहिये जिससे मूल मिले। परंतु वैसे मूल मिलने पर भी, उन के योगवर्ग और अन्तरवर्ग अपवर्तित आवेंगे। क्योंकि अपवर्तित करणी का मूल अपवर्तनाङ्क के मूज से अपवर्तित है। अरेर उन के मूलों का योग भी अपवर्तनाङ्क के मूल से अपवर्तित आवेगा। योगवर्गे अपवर्तनाङ्क के मूलवर्ग से अपवर्तित है और अपवर्तनाङ्कमूलवर्ग अपवर्तन का श्रङ्क है। इससे यह सिद्ध होता है कि, योगवर्ग और अन्तरवर्ग को अपवर्तन के अङ्क से गुण देना चाहिये। अत्र जो महती करणी को अपवर्तनाङ्क कल्पना करें, तो उसका लघुकरणी में अपवर्तन न लगेगा। इस कारण लघुकरणी का अपवर्तन देने से, उसके स्थान में रूप होगा, उसका मूल रूप ही है। झौर महतीकरसाी में अपवर्तन देने से, लब्धि का मूल लेना चाहिये, इसिलये 'लघ्व्या हतायास्तु पदं महत्याः' यह कहा है। अपवर्तित महती-करगी का मूल रूप से भिन्न है और अपवर्तित लघु-करगी का मूख रूप अर्थात् १ है। इसलिये इनके योग और अन्तर करने में, महती कश्या के मूल में एक जोड़ना और घटाना कहा है। इस कार्या 'सैकं निरेकं यह सूत्रखएड उपपन्न हुआ। इस प्रकार करियायों का मूलयोग और मूलान्तर सिद्ध हुआ। अब इन का वर्ग करने से योगवर्ग और अन्तरवर्ग होता है। परंतु यह अपवर्तित हैं, इस कारण, लघुकरणी रूप अपवर्तनाङ्क से इन को गुगा दिया है। इससे 'स्वहतं लघुष्तम्' यह उपपन्न हुन्ना।

यहाँ पर जो लघुकरियायों का अपवर्तन देना कहा है, वह उप-लक्ष्मण है। इस कारण जिस का अपवर्तन देने से, करियायों का मूल मिले, उसका अपवर्तन देकर, करियायों का मूल लेना और उनके युतिवर्ग, अन्तरवर्ग को अपवर्तन के अक्क से गुण देना तब वह करियायों का योग और अन्तर होगा। इसी अभिप्राय से—

'त्रादौ करएयावपवर्तनीये तन्मूलयोरन्तरयोगवर्गौ । इष्टापवर्ताङ्कइतौ भवेतां क्रमेण विश्लेपयुती करएयोः ॥' इस श्लोक को किसी गणितज्ञ ने बनाया है ॥ १४ ॥

उदाहरणम्-

हिकाष्टमित्योस्त्रिभसंख्ययोश्च योगान्तरे ब्रूहि एथकरण्योः। त्रिसप्तमित्योश्च चिरं विचिन्त्य चेत्षिद्धिं वेत्सि सखे करण्याः॥ १२॥ न्यासः। क २ क ८ योगे जातम् क १८। अन्तरे च क २।

दितीयोदाहररो-

न्यासः। क ३ क २७ योगे जातम् क ४८। त्र्यन्तरे च क १२।

तृतीयोदाहर ऐ-

न्यासः। क ३ क ७ अनयोर्घाते मूलाभावा-

रप्टथक्स्थितिरेव योगे जातम् क ३ क ७। अन्तरे च क ३ क ७। इति करणीसंकलनव्यवकलने

उदाहरया--

करणी दो, करणी आठ और करणी तीन, करणी सत्ताईस एवं करणी तीन, करणी सात, इन दो-दो करणियों के योग और अन्तर अलग-अलग क्या हैं ?

- (१) कर क द का योग क १० हुआ, इस की महती संज्ञा है। फिर कर कद का घात १६ के मूल ४ को दूना किया तो द हुआ इस की लघुसंज्ञा है अब महती क १० और लघु क द का योग क १८ और अन्तर कर हुआ।
- (२) क ३ क २७ का योग क ३० हुआ, फिर इन के घात दश के मूल ६ को दूना किया तो क १८ हुआ अब महती और लघुकरियायों का योग क ४८ अन्तर क १२ हुआ।
- (३) क ३ क ७ का योग क १० और इन का घात क २१ हुआ। अब करसीघात इक्कीस का मूज नहीं मिलता, इस कारस्य क ३ क ७ यह पृथक् स्थिति ही योग हुआ। इसी प्रकार क ३ क ७ अन्तर हुआ।

इस प्रकार, प्रथम विधि के अनुसार करियायों के योग और अन्तर का गियात दिखलाया। अव दूसरी विधि के अनुसार गियान दिखलाते हैं—

- (१) क द में क २ का भाग देने से लिब्ध ४ आई इसका मूल २ हुआ, इस में १ जोड़ा और घटाया तो क ३। क १ हुई इन का वर्ग रू १। रू १ हुआ। वाद इनको लघु करणी से गुंगा दिया तो योग क १ द और अन्तर क २ हुआ।
- (२) कर७ में क३ का भाग देने से ह लब्धि मिली इस का मूल ३ हुआ। इसमें १ जोड़ा और घटाया तो क ४, क २

हुई। इन का वर्ग रू १६, रू ४ हुआ इन को लघु करणी से गुण दिया तो योग क ४८ और अन्तर क १२ हुआ।

(३) क ७ में क ३ का भाग देने से मूल नहीं मिलता, इस कारण डालग-डालग रख देने से क ७ क ३ योग डाँर क ३ क ७ डान्तर हुडा।

करणी का जोड़ना-घटाना समाप्त ।

गुणनोदाहरणम्-

हिज्यष्टसंख्या गुणकः करण्यो-र्गुण्यस्त्रिसंख्या च सपञ्चरूपा। वधं प्रचद्त्वाशु विपञ्चरूपे गुणोऽथ वा ज्यर्कमिते करण्यो ॥१३॥

न्यासः। गुणकः। क २ क ३ क ८

गुग्यः। क ३ रू ५

अत्र गुण्ये गुणके वा, भाज्ये भाजके वा, करणीनां करण्योवी, यथासंभवं लाघवार्थे योगं कृत्वा गुणनभजने कार्ये । तथा कृते जातः ।

गुणकः।क १८ क ३ गुण्यः। क २५ क ३ गुणिते जातम् रू ३ क ४५० क ७५

क ५४।

अथ गुणने उदाहरणद्रयपुपजातिकयाह-द्वित्र्यष्टेति । अत्र

पश्चरूपसहिता त्रिसंख्या करणी गुएयः । गुणकस्तु द्वित्र्यष्टसंख्याः करएयः । पश्चरूपोने त्र्यर्कमिते करएयौ वा । अत्र गुणक-द्वयादुदाहरणद्वयं ज्ञेयम् ॥

उदाहरण-

रूप पाँच से युक्त करणी तीन को, करणी-दो, करणी-तीन, करणी-आठ से, और रूप पाँच से सिहत करणी-तीन को, रूप पाँच से रहित करणी-तीन, करणी-बारह से गुणा करें तो गुणानफल झलग-अलग क्या होगा।

यहाँ पर गुग्य, गुग्यक धोर भाज्य, भाजक में लाघव के लिए जिन-जिन करियों का चक्क रीति के ध्रानुसार योग हो सके, जनका योग करके गुग्यन तथा भजन करते हैं ध्रीर उदाहरण में रूप हो तो उसको करग्यी के स्वरूप में बदल लेते हैं।

(१) कर कर कद इस गुयाक में 'कर कद किया योग कर द होता है। इस लिये कर कर कर गुयाक हुआ। गुराय में रूप पाँच का करयागित रूप करने से कर प्रहुआ। अब स्थान गुयान की रीति से—

गुएय=क २४ क ३ गुराक=क १= क ३ क ४४० क ४४

क ७४ क ६

गुयानफल=रू ३ क ४४० क ७४ क ४४

विशेषसूत्रं रुत्तम्— क्षयो भवेच क्षयरूपवर्ग—

श्चेत्साध्यतेऽसो करणीत्वहेतोः । ऋणात्मिकायाश्च तथा करण्या मूलं क्षयो रूपविधानहेतोः ॥ १५॥ दिती योदाहरणे न्यासः। गुणकः क २५ं क ३ क १२। गुणयः क २५ क ३।

अत्र गुणके करण्योयोंगे कृते गुणकः क २५ क २७ गुणिते जातम् क ६२५ क ६७५ क ७५ क ८१। एतास्वनयोः क ६२५ क ८१ मूले रू २५ रू ६ अनयोयोंगे जातम् रू १६ अनयोः क ६७५ क ७५ अन्तरे योगं इति जातो योगः क ६०० यथाक्रमं न्यासः रू १६ क ३०० इति करणीगुणनम्॥

त्रथोपजातिकया विशेषमाइ—त्तय इति । यदि त्तयरूपाणां वर्गस्ति त्ति भवेत त्रसौ त्तयरूपवर्गश्चेत्करणीत्वानिमित्तं सा-ध्यते । 'न मूलं त्तयस्यास्ति'—इत्यस्यापवादमाइ—ऋणात्मिकाया इति । ऋणात्मिकायाः करण्या मूलं तिई त्तयो भवेचेन्मूलं रूप-विधाननिमित्तं साध्यते इति ॥ १५ ॥

विशेष-

उपपत्ति-

यहाँ पर जो करणीगुणन के लिये रूप का वर्ग किया जाता है, वह यद्यपि धन है, तो भी उस का मूल ऋगा होगा, क्योंकि 'स्वमुले धनर्थें' अर्थात् धन का मूल धन और ऋगा होता है। करगा के योग से मूलों का योग-वर्ग साधा जाता है, वहाँ जो ऋग्यारूप वर्गकरणी को धन कल्पना कर लें तो, उस धन करणी का योग हो जायगा और उसका मूल मूलयोग होगा। परंतु वहाँ पर मूलान्तर होना उचित है, क्योंकि 'धनर्यायोरन्तरमेव योगः' अर्थात् घन और ऋगा राशि का अन्तर ही योग होता है। इस कारण, करणी की ऋग्यसंज्ञा से मूल की ऋग्यता को वतलाया है। जैसा, रू दे रू ७ का योग ४ वर्ग १६ होता है, परंतु यह करगी को धन मानने से नहीं सिद्ध होता । जैसा-पूर्व रूपों की करियायों का योग 'योगं करएथोर्महर्तीं—' इस प्रकार से क १०० होता है, पर यह योगवर्ग नहीं है। इस कारण, करणी ऋण कल्पना करनी चाहिये। यहाँ करणी यह उपलक्त्या है, जहाँ कहीं करणी योग के समान वर्गयोग से योगवर्ग आदि साधे जायँ वहाँ अनुसारूप वर्ग को ऋया ही मानना उचित है।

(१) उदाहरण में कर ५ कर गुराय और रूप्रंक ३ क १२ गुराक है। यहाँ गुराक की कर करिए करिएयों का योग करने से कर७ और रूप प्रकावर्ग कर्प्रे हुआ।

गुराय = क २४ क ३ गुराक = क २५ क २७ क ६२५ क ७५ क ६७४ क ८१

गुयानफल=स १६ क ३००

यहाँ क ६२५ का मूल रू २५ और क ८१ का मूल रू ६ का योग रू १६ हुआ। अब क ६७५ का ७५ का योग 'योगं करण्योमंहतीं—' इस प्रकार से क ७५० यह महती करणी ang हुई CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Diglitzed by ever ang हुई

अर्थेर करियार्थों के घात ४०६२४ का मूज २२४ आया, इसको दूना करने से ४४० हुआ। फिर महतीकरणी ७५० और लघु-करणी ४४० का अन्तर करने से क ३०० यह योग हुआ।

करणी-गुणन समाप्त।

पूर्वगुणनफलस्य स्वगुणच्छेदस्य भागहारार्थं न्यासः । भाज्यः क ६ क ४५० क
७५ क ५४। भाजकः क २ क ३ क ८।
अत्र 'क २ क ८ ' एतयोः करण्योयोंगे
कृते जातम् क १८ क ३। 'भाज्याच्छेदः
शुध्यति प्रच्युतः सन् दित्यादिकरणेन लब्धो
गुण्यः रू ५ क ३।

भागहार-

(१) भाज्य क ६ क ४४० क ७४ क ४४ झीर भाजक क २ क ३ क ८ है। यहाँ भाजक के क २, क ८ इन करिएयों का योग करने से क १८, क ३ भाजक हुआ।

भाजक। भाज्य। लिब्ध। कर्म कर्भ कर्थ कर्थ (क्र क्र क

क ४४० क ७४ क ६ क ४४ क ६ क ४४

यहाँ 'भाज्याच्छेदः ग्रुध्यति —' इस रीति से क २४ क ३ अर्थात् रू ४ क ३ लब्धि मिली ।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

दितीयोदाहरगो-

न्यासः । भाज्यः क २५६ं क ३००। भाजकः क २५ं क ३ क १२ करणयोयोगे कृते जातम् क २५ं क २७। [* अत्रादौ त्रिभिर्गुणयित्वा धनकरणयोः ऋणकरणयोशच ः योगं विधाय पश्चात्पञ्चविंशत्या गुणियत्वा शोधिते लब्धम् रू ५ क ३] अत्रापि पूर्व-: वल्लब्धो गुर्यः रू ५ क ३॥

(२) भाज्य कर्पे ६ क ३०० । भाजक कर्पे क३ क १२ है। भाजक की क ३ क १२ का योग करने से क २७

हुई तो कर्प्रंकर्७ भाजक हुआ।।

लिंड्य । भाज्य । भाजक। क र प्रं क २७) क २४ ई क ३०० (रू ४ क ३

क ७४ क = ? क ६७४ क ६२५ क ६७४ क ६२४

यहाँ पर क २ ४ अपोर क ३ के समान लिब्ध अपपे चित हैं; इसलिये पहले तीन से गुणित भाजक को भाज्य में घटा देने से क ७४ क ८१ शेष रहीं। क्योंकि, यहाँ घन और ऋगुण भाजकों का अपन्तर नहीं होता। फिर क २४ दें क =१ इन करियायों के मूल-योगका वर्गकरने से क ६२५ हुआ। और क ३०० क ७५ का योग उक्त प्रकार से क ६०५ हुआ। इन का क्रम से न्यास 'क ६७५ क ६२४' यह भाज्य शेष रहा, इस में क २५ क २७ का भाग देने से क २५ लाडिथ मिली।।

[🚜] क्रुजचित्पाठोऽयं नोप्तभ्यते । 📞 D. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

अथान्यथोच्यते-धनर्णताव्यत्ययमीप्सिताया-श्वेदे करण्या ऋसकृद्विधाय। ताद्दक्तिदा भाज्यहरौ निहन्या-देकेव यावत्करणी हरे स्यात् ॥ १६ ॥ भाज्यास्तया भाज्यगताः करण्यो लब्धाः करणयो यदि योगजाः स्युः। विश्लेषसूत्रेण एथक्च कार्या-स्तथा यथा प्रष्टुरभीप्सिताः स्युः॥१७॥ तथा च विश्लेषसूत्रं रुत्तम्-वर्गेण योगकरणी विह्ता विशुध्ये-त्खरडानि तत्कृतिपदस्य यथेप्सितानि। कृत्वा तदीयकृतयः खलु पूर्वलब्ध्या क्षुरुणाः भवन्ति प्रथगेविममाः कररयः १ ८

अत्र द्वितीयोदाहरणे (भाज्यः क २५६ क ३००। भाजकः क २५ क २०) कियद्गुणो भाजको भाज्याच्छुध्यतीति दुरव-बोधमतः परमकरुणाशालिन आचार्याः शिष्यबोधार्थपुपायान्तर-पुपजातिकाद्वयेन निरूपयन्ति—धनर्णतेति । छेदे ईप्सिताया एकस्याः करण्या धनर्णताविपर्यासं कृत्वा तादृशेन छेदेन यथा-स्थितौ भाज्यहरौ गुण्येत्। एवं कृते करणीनां यथोक्त्या योगे च कृते भाज्यभाजकौ स्तः। अथास्मित्रपि भाजके यदि द्वयादीनि करणीखण्डानि स्युस्तदात्रापि एकस्याः करण्या धनणीताविपर्यासं कृत्वा तादृशभाजकेन पूर्वगुणनसंपन्नी भाज्यभाजकी गुणयेत । तत्रापि यथासंभवं करणीयोगे कृते तो भाज्यभाजको स्तः एवमसकृत् तावद्विधेयं यावद् भाजके एकैव करणी भवेत् । अथ संपन्नया भाजककरण्या भाज्यकरण्यो रूपवदेव भाज्याः, यल्लभ्यते ता ल्लिंधकरण्यो भवन्ति । अथ यदि लब्धाः करण्यो योगजाः स्युनी पुनः पष्टुरभीटिसतास्तदा वद्यमाणिविश्लेषसूत्रेण तथा पृथकार्या यथाभीटिसताः स्युः ॥१६–१७॥

त्रथ पृथक्तरणसूत्रम् वसन्तित्तत्तक्तया निरूपयिति—वर्गेणेति । योगकरणी येन वर्गेण विह्नता सती विशुध्येत्तत्कृतिपदस्य यथेपिसतानि खरडानि कृत्वा तदीयकृतयः पूर्वलब्ध्या चुरणाः । पृथक्तरपयो भवन्ति । सा चासौ कृतिश्चेति कर्मधारयो द्रष्टव्यः । एतदुक्तं भवति—योगकरणी येन वर्गेण विह्नता सती निःशेपा भवेत्तस्य वर्गस्य मूलं प्राह्मम्, तस्य खरडानि भष्डुर्यावन्त्यभीष्टानि तावन्ति कृत्वा तेषां खरडानां वर्गाः कर्तव्याः । तेवर्गाः पूर्वलब्ध्या चुरणाः वर्गेण हतायां योगकरएयां या लब्धः सा पूर्वलब्धः । तया गुणितास्ते वर्गाः पृथकरएयो भवन्ति ॥ १ ≈ ॥

दूसरे उदाहरण में कितने से गुणित (गुण) भाजक भाज्य में घट सकेगा, यह जानना कठिन है, इसिलये दूसरा प्रकार कहते हैं— छेद (भाजक) में किसी एक करणी के घन और श्रृण चिह्न को बदल कर उस छेद से भाज्य और भाजक को गुण देना। यह किया बार-बार तब तक करना जब तक छेद में एक ही करणी न हो जाय। फिर उस करणी का भाज्यगत करणियों में भाग देने से जो लिंडिंघ मिले, वह इष्ट करणी होगी। यदि योगज करणी लब्ध आवें, तो उन को प्रशनकर्त्ता की इच्छानुसार विश्लेष-सूत्र से आलग कर देना।

विश्केषसूत्र अर्थात् करियायों के अलगाने का प्रकार— जिस वर्गसंख्या के भाग देने से योगकरिया निःशेष हो, उसका मूल लेकर प्रश्नकर्त्ता को जितने खराड अपेक्तिन हों, उतने उस मूल संख्या के खराड करना । फिर उन खराडों के वर्ग को, योगकरणी में वर्गसंख्या का भाग देने से जो लिडिंघ मिली थी, उससे गुणाने पर योगकरणी के खराड अलग-अलग हो जायैंगे।

उपपत्ति-

भाज्य और भाजक में किसी एक इप्ट अङ्क का अपवर्तन हेने से अथवा उन को इप्ट से गुण देने से भजनफल में विकार नहीं होता, यह वात सुप्रसिद्ध है। यहाँ भाजक के तुल्य इप्टाङ्क से भाजक को गुण देने से भाजक के खरडों का वर्ग होता है और पहले भाजक के खरडों में, धन-अन्य का विपर्यास भी किया है। इस कारण वैसे भाजक से गुण्ने से भाजक के खरडों में, धन और अन्य की समता हो जाती है, तो खरडों के उड़ जाने से उन का अन्तर शून्य होता है, और भाजक में एकं ही करणी खरड बचता है। उससे भाग देने में किया का लाधव होता है। यहाँ जो भाजक में अनेक खरड हों, तो उनका एक वार नाश नहीं होता। इस कारण वार-वार किया करने को कहा है। इस से 'धनर्णनाव्यत्ययमी दिसताया:—' यह प्रकार उपपन्न हुआ।

विश्लेष-सूत्र की उपपत्ति—

दो वा अनेक करियां में किसी का अपवर्त्तन देकर, उत के मूलों के योगवर्श को अपवर्त्तन के अङ्क से गुण देने से वह योगकरणी होगी। क्योंकि प्रत्येक योगकरणी मूलयोगवर्ग और अपवर्तनाङ्क का घात होती है, इसिलिये वह वर्गाङ्क के भाग देने से निःशेष होगी। लिब्ध अपवर्तनाङ्क है, एवं जिस के वर्ग का भाग देने से करणी निःशेष होती है, वह मूलयोग वर्ग है और उस का मूल मूलों का योग है। योग के खराड अपवर्तित करियां के मूल है। उनके वर्ग अपवर्तित करणी होते हैं, इसिलिये उन को अपवर्तन के अङ्क से गुण देने से, यथास्थित करणी हो जाती है। इस से वर्गेण योगकरणी विद्वता विश्वध्येत्— यह सूत्र उपपन्न हुआ।

न्यासः। भाज्यः क ६ क ४५० क ७५ क ५४।

भाजकः क १८ क ३।

अत्र भाजकेत्रिमितकरणयाः ऋणत्वं प्रक-ल्प्य क १८ क इं अनेन भाज्ये गुणिते योगे च कृते जातम् क ५६२५ क ६७५। भाजके च क २२५ अनया हते भाज्ये लब्धम् क २५ क ३।

जैसा (१) उदाहरणा में भाज्य कह क ४४० क ७४ क ४४ और भाजक क १८ क ३ है। यहाँ क ३ को ऋगा माना तो क१८ क रै भाजक हुआ। अब इस भाजक से भाज्य को गुणा दिया—

गुराय=क १ क ४४० क ७४ क ४४ गुराक=क १ द क दे

क १६२ क ८१०० क १३४० क ६७२ क २७ क १३४० क २२५ क १६२

गुगानफल=क ४६२४ क ६७४

यहाँ धन श्रौर भृष्य करियायों का योग करने से क ८१०० क २२ ५ कह ७२ क २ ७ ये करियाया शेष रहीं। इन में पहली, दूसरी श्रौर तीसरी, चौथी करिया का योग करने से भाज्य में 'क ४६२४ क ६७४ हुई।' इसी भौति भाजक की करियायों को भी गुण दिया—

गुग्य=क १ = क ३ गुग्गक=क १ = क ३ क ३२४ क ४४ क ५४ क ६

गुयानफल=क २२४

यहाँ भी करियायों का योग करने से क २२४ शेष रही, यह छेद

भाज्य। लिंब।

करर४) क ४६२४ क ६७४ (रू४ कर

नामान प्राप्त क ४६२४ मध्यमित्री ज १ स सम् क ६७४

द्वितीयोदाहरणे न्यासः। भाज्यः क २५६ क ३०० भाजकः क २५ क २७

अत्र भाजके पञ्चविंशतिकरएया धनत्वं प्रकल्प्य क २५ क २७ भाज्ये गुणिते धनर्णकरणीनामन्तरे च कृते जातम् क ३०० क १२। भाजके च क ४। अनया भाज्ये हते लब्धम् क २५ क ३॥

इदानीं पूर्वीदाहरणे गुण्ये भाजके च कृते न्यासः।

भाज्यः क ह क ४५० क ७५ क ५४

भाजकः क २५ क ३

ऋत्रापि त्रिकरणयाः ऋणत्वं प्रकल्प्य भाज्ये गुणिते युते च जातम् क ८७१२ क १४५२। भाजके च क ४८४। अनया हते भाज्ये लब्धो गुणकः क १८ क ३।
पूर्व गुणके खण्डत्रयमासीदिति योगकरणीयम् क १८ विश्लेष्या । तत्र 'वर्गेण योगकरणी विहता विशुध्येत्—' इति नवात्मकवर्गेण ६ विहता सती शुध्यतीति लब्धम् २।
नवानां ६ मूलम् ३। ऋस्य खण्डे १।२।
अनयोः कृती १। ४। पूर्वलब्ध्या गुणिते
२। ८ एवं जातो गुणकः क २ क ३ क ८।

इति करगीभजनम्।

(२) उदाहरण में भाज्य क २ ५६ क ३०० ऋौर भाजक क २५ क २० है। भाजक क २ ५ को धन मान कर भाज्य को गुण दिया—

> गुराय=क २ ५ क ३०० गुराक=क २४ क २७ क ६४०० क ७४०० क ६६१२ क ८१००

गुयानफल=क १०० क १२ यहं हुआ।

यहाँ क ६ ४०० क ८१०० इन के मूल ८०, ६० का अन्तर १० हुआ। इस का वर्ग क १०० हुआ। क ७४०० क ६६१२ का मूल नहीं मिलता, इसिलये तीन का अपवर्तन देने से क २४०० क २३०४ के मूल कम से ४० और ४८ आये, इन का अन्तर २ हुआ, इस के वर्ग ४ को अपवर्तन के अक्क से गुणने से क १२ हुई। इस प्रकार भाज्य में क १०० और क १२ हुई। इसी भाँति भाजक को भी गुणा दिया— गुर्य=क २४ क २७ गुर्याक=क २४ क २७ कई२४क६७५ कई७४ क७२६

गुगानफल=क४

करियायों का योग करने से क ४ छेद हुआ, इस का भाज्य में भाग दिया—

भाजक। भाज्य। लडिघ।

क ४) क १०० क १२ (रू. ५ क ३

क १००

क १२

क १२

(१) उदाहः या में गुएय को भाजक मानने से क ह क ४५० क ७५ क ५४ भाज्य ख्रीर क २५ क ३ भाजक हुआ, यहाँ भी क ३ को अनुया मान कर, भाज्य को भाजक से गुया दिया—

गुर्य=क ६ क ४४० क ७४ क ४४ गुर्गक=क २४ क ३

> क २२ ४ क ११२४० क १८७४ क १३४० क २७ क १३५० क २२५ क १६२

गुगानफल=क ८७१२ क १४४२

यहाँ तुल्य धन ख्रौर झृण करियायों के नाश होने से क ११२४० क १८७४ क २७ क १६२ अवशिष्ट करिया रहीं। इनमें दूसरी, नीसरी ख्रौर पहली, चौथी का योग करने से क १४४२ क ८७१२ भाज्य हुआ। इसी प्रकार भाजक की करियायों को गुण दिया—

गुराय=क २४ क ३ गुराक=क २४ क ३ क ६२४क७४ क ७५ क ६ गुरानफल=क ४≂४ करियों का योग करने से क ४८४ यह भाजक हुआ, इस का भाज्य में भाग दिया—

भाजन। भाज्य। लिब्ध।

क ४८४) क ८७१२ क १४४२ (क १८क ३

क ८७१२

क १४४२

क १४४२

यहाँ जो लिब्ध आई है वह (१) स्वाहरण में गुण्करूप थी और इस के तीन ख़राड थे, इसिलिये १ म्योगकरणी है। इस में नौ का भाग देने सें २ लिब्ध आई। नौ का मूल ३ हुआ। इस के दो खराड किये १। २ इनके वर्ग १। ४ हुए। अब इन को पूर्व-लिब्ध २ से गुण्ने से २। महुए, यही योगजकरणी १ म के ख़राड थे। यथाक्रम न्यास करने से क २ क ३ क म गुण्क हुआ।

करणी का भागहार समाप्त।

करणीवर्गादेरुदाहरणम्— द्विकत्रिपञ्चप्रमिताः करण्य-स्तासां कृतिं त्रिद्विकसंख्ययोश्च। षट्पञ्चकत्रिद्विकसंमितानां एथक् एथङ् मे कथयाशु विद्वन्॥१४॥ ऋष्टादशाष्ट्रद्विकसंमितानां कृतीकृतानां च सखे पदानि॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

न्यासः। प्रथमः क २ क ३ क ५। दितीयः क ३ क २। ततीयः क६ क५ क३ क२। चतुर्थः क १८ क ८ क २। 'स्थाप्योन्त्यवर्गश्चतुर्गुणान्त्यनिघ्नाः--'

इत्यनेन वा जाताः क्रमेण वर्गाः प्रथमः रू १० क २४ क ४० क ६०।

द्वितीयः रू ५ क २४।

तृतीयः रू १६ क १२० क ७२ क ६० क श्रंद क ४० क २४।

अत्रापि करणीनां यथासंभवं योगं कृत्वा वर्गवर्गमूले कार्ये । तद्यथा-क १८ क ८ क २ स्रासां योगः क ७२ । ऋस्या वर्गः क ५१८४ अस्या मूलम् रू ७२।

इति करणीवर्गः।

करणी के वर्ग आदि का उदाहर्ण-करक ३ क ४, क ३ क २, क ६ क ४ क ३ क २ छीर क १ दक दक २ इन का अलग अलग वर्ग और वर्गमूल क्या होगा ? यहाँ 'स्थाण्योऽन्त्यवर्ग:-' इस प्रकार से अथवा, अन्य प्रकारों संवर्गकरना व्यक्तगियात में राशिको दूना करके आगे के अङ्की को गुर्गाते हैं। परंतु यहाँ करग्गी को चौगुना करके आगे के अङ्कों को गुर्गाना चाहिए। यही विशेष हैं।

रू १० क २४ क ४० क ६० यह वर्ग हुआ। यहाँ सर्वत्र जिन करणी राशियों का मूल मिलता है, उन के मूलों का योग करके लिखते हैं। जैसा, इस उदाहरण में क ४ क ६ क २५ के क्रम से २, ३, ५ मूल भिलते हैं। इनका योग १० हुआ इसको 'रू १०' ऐसा लिखते हैं।

(२) क ३ क २ क ६ क २४ क ४ रू ४ क २४ यह वर्गहस्या।

रू १६ क १२० क ७२ क ६० क ४८ क ४० क २४ वर्ग हुआ। यहाँ पर भी उक्त प्रकार से करियायों का योग करके, वर्ग आरे वर्गमूल साधते हैं जैसा—'क १८ क ८ क २' इन करियायों का वर्ग करना है, तो पहले योग क ७२ हुआ । अब इसका वर्ग किया-

(ध) क ७२ क ४१८४ क ७२

क ४१८४ वर्ग झोर रू ७२ उस वर्ग का मूल हुझा। वर्ग समाप्त।

करणीमूले सूत्रद्वयम्— वर्गे करण्या यदि वा करण्यो-स्तुल्यानि रूपाण्यथ वा बहूनाम्। विशोधयेद्वपकृतेः पदेन शेषस्य रूपाणि युतोनितानि ॥ १६॥ पृथक्षदर्धे करणीद्वयं स्या-न्मूलेऽथ बह्वी करणी तयोगी। रूपाणि तान्येवमतोऽपि भूयः शेषाः करण्यो यदि सन्ति वर्गे॥२०॥

अथ वर्गे दृष्टे कस्यायं वर्ग इति मूलज्ञानार्थपुपजातिकाद्वयेनाह— वर्ग इति । वर्गे करएयास्तुल्यानि, करएयोर्ना तुल्यानि, बहुनां करणीनां वा तुल्यानि रूपाणि रूपकृतेर्विशोधयेत्। अत्र रूपप्रहणं योगवियोगयोः 'योगं करएयोमहत्तीं प्रकल्प्य—' इत्यादिपकारस्य व्यादृत्यर्थम् । शेपस्य पदेन रूपाणि पृथग्युतोनितानि कृत्वा तद्धें कार्ये, मूले तत्करणीद्वयं भवति । यदि पुनर्वगे शेषाः करएयः T.

सन्ति तर्हि तयोर्मूलकरएयोर्मध्ये अल्पा मूलकरणी, या महती तानि रूपाणि प्रकल्प्य अतो रूपेभ्यो मूयोऽप्येवम् । करणीतुल्यानि रूपाणि रूपकृतेर्विशोधयेदित्यादिना पुनरिप मूलकरणीद्वयं स्यात् । पुनरिप यदि शेषाः करएयो भवेयुस्तदैवमेव पुनः कुर्यात् । अत्र महती रूपाणीत्युपलच्चणम् , कचिन्महती मूलकरणी अल्पा तु रूपाणीति द्रष्टन्यम् । वस्यति चाचार्यः 'चत्वारिशदशीतिः-' इत्युदाहरणावसरे ॥ १६–२०॥

करणी के मूल का प्रकार-

रूपवर्ग में डिइष्टवर्ग के एक वा, दो वा, अनेक करणीखरडों को यथा संभव घटा और शेष का वर्गमूल लेकर उसको रूप में जोड़ और घटा देना फिर उन का आधा करने से मूल में दो करणी होंगी। जो डिइष्ट वर्ग में करणी अवशिष्ट रहें तो उन दो करणियों में से बड़ी करणी को रूप मान कर उक्त क्रिया करनी। यहाँ रूपवर्ग में करणीखरडों को घटाना कहा है, वह छोटे करणीखरडों से घटाना आरम्भ करना चाहिये। क्योंकि यदि ऐसा न किया जाय, तो बड़ी रूप और छोटी मूलकरणी यह नियम न रहेगा। कहीं छोटी करणी रूप और बड़ी मूलकरणी होती है।

उपपत्ति —

यहाँ करणीवर्ग 'स्थाप्योऽन्त्यवर्गश्चतुर्गुणान्त्यनिन्नाः—' इस प्रकार से करते हैं। इस में प्रथम स्थान में प्रथम करणीवर्ग और प्रथम, द्वितीय अगदि करणियों का चतुर्गुणा-घात होता है। फिर द्वितीय करणीवर्ग और द्वितीय क्यादि करणियों का चतुर्गुणा-घात होता है। ऐसे ही आगे भी जानना। यहाँ जितने करणीखरण्ड होते हैं, उनके अवश्य वर्ग होते हैं, वर्गत्व होने से उन के भूल भिजते हैं और वे मूलकरणी के समाद होते हैं। वर्गगशि में जा रूपों का समूह हाता है, वह भूलकरणियों का योग है। परंतु वह योग रूप की गीति से हैं, करणी की रीनि से नहीं है। यदि करणीगिति से होता तो 'वर्गण योगकरणी विद्वता विशुध्येत्— ' इस प्रकार से

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

अलग करना सुलभ था। परंतु प्रकृत में रूपरीति से करियायों का योग है इसिनये 'चतुर्गुग्यस्य घातस्य युतिवर्गस्य चान्तरम्। राश्यन्त-रकृतेस्तुल्यं−' इस प्रकार से अलग करना चाहिये । यह प्रकार एकवर्णमध्यमाहर्ग्य में लिखा है। यहाँ रूप, कर्ग्यायोग और रूपवर्ग करणी योगवर्ग है, वर्गराशि में जितने करणीखरड है वे पहली, दूसरी श्रादि करियायों के चतुर्गुया घान हैं। उनका योग पहली करणी और शेष, करणी-योग का चतुर्गुण-घात है। पहली करणां और शेप करिएयों का योग योगवर्ग है, इसिलये उन दोनों का अन्तर करने से पहली करणी और शेष करणियों के योग का श्चन्तरवर्ग सिद्ध होता है। इसिलये 'वर्गे करएया यादे वा करएयो-स्तुल्य। नि रूपार्यथ वा बहूनाम् । विशोधयेद्रुपकृतः — यह कहा है। इस प्रकार, अन्तर वर्ग का ज्ञान हुआ। इसका मूल पहजी करणी श्रीर रोप करिएयों के योग का अन्तर होता है । श्रीर रूप उन्हीं का योग है, तो योग श्रीर श्रन्तर ज्ञात होने से ' योगोऽन्तरेग्गोनयु-तोऽर्घित:-' इस संक्रमणसूत्र से उन राशियों का जानना सुलभ है। इसिनये 'पदेन, शेपस्य रूपािया युतोनितानि, पृथकद्धे करयाद्वियं स्यात्—' यह कहा है। इस प्रकार, पहली करगाी ख्रीर शेष करगाी-योग हुआ। मूल में दो करणी आई, उन में से किस को पहली करणी माने खाँर किस को शेष करियार्थों का योग ? करणीयोग में महत्त्व होना झौर एक करणी में अल्पत्व होना उचित है। इस कारण पहली लघुकरणी श्रीर शेष करणियों का योग महती अर्थात् बड़ी करणी कल्पना की जाती है इससे 'मूलेऽथ बह्वी करणी तयोर्या-' इत्यादि सूत्र उपपन्न हुआ।

प्रथमवर्गस्य मूलार्थं न्यासः। रू १० क २४ क ४० क ६०।

रूपकृतेः १०० चतुर्विशतिचत्वारिंशत्कर-ग्योस्तुल्यानि रूपाग्यपास्य शेषम् ३६ अस्य

मूलम् ६ अनेनोनाधिकरूपाणामधे जाते २।८ अत्रापीयं २ मूलकरगी दितीयां रूपाग्येव प्रकल्प्य पुनः शेषकरणींभिः स एव विधिः कार्यः। तत्रेयं रूपकृतिः ६४ ऋस्याः षष्टि-रूपाएयपास्य शेषम् ४ अस्य मृलम् २ अने-नोनाधिकरूपाणामधे ३।५ जाते मूलकरएयो क ३ क ५ मूलकरणीनां यथाक्रमं न्यासः करकइकप्र

> द्वितीयवर्गस्य न्यासः। रू प्रक २४।

रूपकृतेः २५ करणीतुल्यानि रूपाणि २४ अपास्य शेषम् १ अस्य मूलेनोनाधिकरूपा-णामधें जाते मूलकरएयों क २ क ३।

तृतीयवर्गस्य न्यासः।

रू १६ क १२० क ७२ क ६० क ४८ क ४० क २४।

रूपकृतेः २५६ करणीत्रितयस्यास्य 'क ४८ क ४० क २४' तुल्यानि रूपाण्यपा-स्योक्तवजाते खगडे २। १४। महती रूपा-. गीत्यस्याः १४ कृतिः १६६ अस्याः करगी- द्वयस्यास्य 'क ७२ क १२०' तुल्यानि रूपाण्यपास्योक्षवज्ञाते खण्डे ६। द। पुना रूपकृतेः ६४ षष्टिरूपाण्यपास्योक्षवत्खण्डे ३। ५ एवं मूलकरणीनां यथाक्रमं न्यासः क६क५क३क२।

चतुर्थवर्गस्य न्यासः। रू ७२ क०।

इयमेव लब्धा मूलकरणी ७२ । पूर्व खराडत्रयमासीदिति 'वर्गेण योगकरणी विहृता विशुध्येत्—'इति षट्त्रिंशता विहृता शुध्यतीति षट्त्रिंशतो मूलम् ६ । एतस्य खराडानां १ । २ । ३ । कृतयः १ । ४ । पूर्वलब्ध्यानया २ क्षुरणाः २ । ८ । १८ एवं पृथक्करणयो जाताः क २ क ८ क १८ ।

अव पूर्व सिद्ध वर्गी का भूल साधन करते हैं—

(१) 'रू १० क २४ क ४० क ६०'. यहाँ रूप १० का वर्ग १०० हुआ। इस में एक करणी के तुल्य रूप घटाने से मृज नहीं मिलता और तीन करणी के तुल्य रूप घट नहीं सकता, इस कारण दो, दो करणियों के तुल्य रूप कर १० के ४० ' अथवा क २४ क ६० ' अथवा क २४ क ६० ' अथवा कर १० क ६० ' घटता है। अथ यहाँ क २४ और क ४० को घटा कर मूल जाते हैं—रूप १० के वर्ग १०० में 'क २४ क ४० ' के तुल्य रूप घटाने से शेष ३६ वर्ग १०० में 'क २४ क ४० ' के तुल्य रूप घटाने से शेष ३६

का मूल ६ हुआ इस को रूप में जोड़ने और घटाने से १६ और ४ का आधा द। २ हुआ, इस प्रकार मूल में दो करणी हुई। अब वर्ग में एक करणी और बाकी रही, इस कारण बड़ी मूलकरणी द को रूप मानकर उस के वर्ग ६४ में शेष क ६० के तुल्य रूप घटाने से मूल २ मिला, इसको रूप द में जोड़ने-घटाने से १० और ६ का आधा ४ और ३ हुआ, इस भाँति मूलकरणी सिद्ध हुई क २ क ३ क ४ । इसी प्रकार से 'क १४ क ६० ' अथवा 'क ४० क ६०' को पहले घटाने से पहलेवाले करणीखरड मिलते हैं—

- (२) 'रू ४ क २४ ' उदाहरण में रूप ४ वर्ग २४ में क २४ के तुल्य रूप घटाने से ? शेष रहा, इसके मूल १ को रूप में जोड़ने-घटाने से ६ खीर ४ का खाधा ३ खाँर २ हुआ इस प्रकार क २ क ३ मूलकरणी होती हैं।
- (३) ' रू १६ क १२० क ७२ क ६० क ४८ क ४० क २४ ' इस उदाहरणा में रूप १६ के वर्ग २४६ में क १२० क ७२ और क ४८ के समान रूप घटाने से १६ शेष रहा, इस का मूल ४ हुआ इस को रूप में जोड़ने और घटाने से २०। १२ का आधा १०। ६ हुआ। इन में छोटी को मूलकरणी और बड़ी को रूप कल्पना करने से रूप १० का वर्ग १०० हुआ, इस में क ६० और २४ के तुल्य रूप घटाने से शेष १६ का मूल ४ हुआ, इस को रूप १० में जोड़ने और घटाने से १४ और ६ का आधा ७ और ३ हुआ, फिर ३ को मूलकरणी और ७ को रूप कल्पना करने से रूप ७ के वर्ग ४६ में क ४० के समान रूप घटाने से मूल ३ मिला, इस को रूप ७ में जोड़ने-घटाने से १० और ४ का आधा ४। २ हुआ। इस प्रकार मूलकरणी क ६ क ३ क ४ क २ सिद्ध हुई।
- (४) 'रू ७२ क ०' उदाहरण में रूप ७२ के वर्ग ४१ = ४ में करणी शून्य के तुल्य रूप घटा देने से ७२ मूल मिला इस को रूप ७२ में जोड़ने और घटाने से १४४ और ० हुए इन का आघा ७२ और ० हुआ। इस प्रकार, यहाँ मूलकरणी ७२ सिद्ध हुई। यह योगकरणी

है, इसके पहले तीन खराड थे इसिलये 'वर्गेया योगकरणी विह्नता विशु-ध्येत्—' इस विश्लेष सूत्र से उसके खराडों को आलग करना चाहिये तो का ७२ में ३६ का भाग देने से २ लिब्ध मिली और भाजक ३६ का भूल ६ मिला, इसके ३ । २ । १ खराड किये और इनके वर्गों को पूर्व जो २ लिब्ध मिली थी उससे गुरा देने से क १ = क = क २ यह पूर्व करणीखराड हुए।

त्रथ वर्गगतऋगकरग्या मूलानयनार्थं सूत्रं वत्तम्—

ऋणात्मिका चेत्करणी कृती स्या-द्धनात्मिकां तां परिकल्प्य साध्ये। मूले करण्यावनयोरभीष्टा क्षयात्मिकेका सुधियावगम्या॥ २१॥

त्रथ यत्र वर्गराशादृणकर्णी भवति तत्र मूलग्रह्णे विशेषपु-पनातिकयाद्द—ऋणात्मिकति । यदि वर्गे करणी ऋणात्मिका स्यात्तिहि तां धनात्मिकां परिकल्प्य मूले करण्यौ साध्ये । श्रन-योमूलकरण्योमध्येऽभीष्टा एका करणी सुधिया त्त्रयात्मिका क्षेया। अत्र 'सुधिया' इति हेतुगर्भमुक्तम् । तेन वर्गे यद्येकैव त्त्रयकरिणी भवति तदैव एकस्या मूलकरण्याः त्त्रयत्वम्। यदि द्वचाद्यो भवन्ति तदैकस्या द्वयोर्वहूनां वा मूलकरणीनां युक्त्या यथा संभवति तथा त्त्रयत्वं कल्प्यम् । यत्र वर्गे सर्वा श्रि धनकरण्यस्तत्रापि सर्वासामिष मूलकरणीनां पत्ते त्त्रयत्वमवगन्तव्यम् ॥ २१ ॥

वर्गगत भ्रायाकरणी के मूल का प्रकार-

यदि वर्ग में कोई ऋग्यकरणी हो तो उसको घन मान कर 'वर्गे करएया यदि वा करएयो:—' इस सूत्र की रीति से दो मूलकरणी 'सिद्ध करना और उन दो करियार्थों में से पक करणी को ऋग्यमान जेना। जो बहिष्ट वर्ग में कई एक करणी ऋ्यात हों तो, मूल-करियायों में से जिस करणी का ऋ्या होना संभव हो, उसको ऋ्या करंपना करना और जो वर्ग में सब करियायाँ धन हों तो एक पक्त में मूलकरियायों को ऋ्यात्मक भी जानना चाहिए।

उपपात्ति-

ऋण और धन करियां का वर्ग एक ही होता है। परंतु ऋण-करियां के वर्ग में करियां ऋण और धन करियां के वर्ग में करियां धन होती है, इस दशा में वर्ग में करियां ऋणात्मक अथवा धनात्मक हो, पर भूल तो अङ्कों में समान ही उचित है। उक्क विधि से रूप के वर्ग में ऋणाकरियां घटा देने से धन हो जाती है। इस कारिया रूप और उस करियां का योग धन होता है और रूपवर्ग में धनकरियां घटा देने से ऋणा हो जाती है, इसिलिये उसका और रूप का अन्तर होता है। बाद में मूलाङ्क का साधन सुलभ है, इसिलिये 'धनात्मिकां तां परिकल्प्य—' यह कहा है। परंतु इस माँति धनात्मक वर्ग ही का मूल आता है इस कारियां 'ज्ञाति केंका' यह कहा है।।२१।।

उदाहरणम्-

त्रिसप्तमित्योर्वद में करण्योविश्लेषवर्ग कृतितः पदं च ॥ १५॥
द्विकत्रिपञ्चप्रमिताः करण्यः
स्वस्वर्णगा व्यस्तधनर्णगा वा।
तासां कृतिं ब्रूहि कृतेः पदं च
चेत्षिड्वधं वेतिस सखे करण्याः॥१६॥
प्रथमोदाहरणे न्यासः।
क ३ क ७। वा क ३ क ७

श्रनयोर्वर्गः सम एव रू १० क ८४ं श्रत्र वग ऋगकरग्या धनत्वं प्रकल्प्य प्राग्वल्लब्ध-करग्योरेकाभीष्टा ऋगगता स्यादिति जातम् क ३ क ७। वा क ३ क ७

द्वितीयोदाहरणे न्यासः।

क २ क ३ क ५ वा क २ क ३ क ५ त्र्यासां वर्गः सम एव जातः रू १० क २४ क ५० क ६०। अत्र ऋगाकरगयोस्तुल्यानि धनरूपागि १००रूपकृतेः १०० त्र्रपास्यमृलम् ० अनेनोनाधिकरूपाणामधें कप् कप्। अत्रेका ऋगम् क प्रे। अन्यानि रूपाणीतिन्यासः रूप् क २४। पूर्ववजाते करएयो धनमेव क३क२। यथाक्रमं न्यासः क २ क ३ क ५ । अथवा अनयोः क २४ क ६० तुल्यानि धनरूपाणि ८४ रूपकृतेरपास्योक्षवजातेमूलकरण्योक ७ क ३। अनयोर्महती ऋगम् क ७ तान्येव रूपाणि प्रकल्प्य रू ७ क ४० ऋतः प्राग्वत्कर-एयों क ५। क ३। अनयोरिप महती ऋए-मिति यथाक्रमं न्यासः क ३ क २ क ५।

अथ दितीयोदाहरणे प्राग्वतप्रथमपक्षे मूल-करण्यो क ५ क ५ । अनयोरेका ऋणम् क ५ । तान्येव रूपाणीति ऋणोत्पन्ने करणीखण्डे ऋण एवेति यथाक्रमं न्यासः क २ क ३ क ५ । दितीयपक्षेणापि यथोक्षा एव मूलकरण्यः क ३ क २ क ५ एवं बुद्धिमतानुक्षमिप ज्ञायत इति॥

उदाहरण-

करणी तीन, करणी सात के अन्तर का वर्ग और उस वर्ग का मूल क्या है ? करणी दो, करणी तीन, करणी पाँच ऋणा अथवा करणी दो ऋण, करणी तीन ऋण, करणी पाँच धन का वर्ग और इस वर्ग का मूल क्या होगा ?

(१) क दें क ७। अथवा क ३ क ७ का वर्ग तुल्य ही हुआ क १० क दर्भ इस वर्ग से मूल साधन करते हैं—रूप १० के वर्ग १०० में क दं ४ के तुल्य रूप घटाने से १८४ शेष का मूल नहीं मिलता, इस कारण क दर्भ को घन मानकर रूप वर्ग में घटाने से १६ शेष बचा, इसके मूल को रूप में जोड़ने घटाने से १४ और ६ का आधा ७ और ३ हुआ, इस प्रकार क ७ क ३' मूलकरणी सिद्ध हुई, इनमें से किसी एक करणी को अनुण कल्पना करने से क दें क ७। या, क ३ क ७ पूर्वों क मूलकरणी हुई।

(२) क २ क ३ क ५, या क २ क ई क ५ इनका वर्ग रू१० क २४ क ४० क ६० यह समान ही हुआ। अव वर्गमूल साधते हैं—रूप १० का वर्ग १०० में धन क ४०, क ६० के समान रूप घटाने से शेष ० का मूल ० हुआ, इसको रूप में जोड़ने-घटाने से १०। १० का आधा ४ १ ४ हुआ, इन में से एक को अवश्य अगृया मानना चाहिये। अन्यथा उदिष्टवर्ग में अगृयाकरयी न होगी। अब मूलकरयी को अगृया और दूसरी को धन मानकर किया करते

हैं — क प्रं यह मूलकरणी है, शेष क प्र को रूप कल्पना करने से, उसका वर्ग २४ हुआ, इस में क २४ के तुल्य रूप घटाने से शेष १ का मूल १ मिला, इसको रूप प्र में जोड़ने-घटाने से ६ । ४ का आधा ३ और २ हुआ, इस प्रकार 'क ३ क २' सिद्ध हुई । यहाँ दोनों करणी घन होनी चाहियें, क्योंकि यदि एक करणी भृण मानी जाय तो वर्ग में क २४ घन न होगी, यदि दोनों करणियों को भृण मान लें तो शेष क २४ भृण न होगी, परन्तु वर्ग करने में चतुर्गुण — मूलकरणी रे० से 'क इं क २' मूलकरणियों को गुण देने में इन का भृणत्व नष्ट हो जायगा । इस कारण उन दोनों करणियों को घन मान लेना योग्य है । इस रीति से 'क प्रं क ३ क २' यह मूल सिद्ध हुआ ।

अव भूलकर्णी को धन मानकर गियात दिखलाते हैं-यहाँ मूल-करणी क ४ है और दूसरी करणी ५ को रूप मानकर वर्ग २४ हुआ, इस में शेप करणी २४ के तुल्य रूप घटाने से पूर्वप्रकार के अनुसार क ३ क २ सिद्ध हुई, यहाँ दोनों करणी ऋण होनी चाहिये क्योंकि एक को अग्रा मानने से उक्त रीति के अनुसार क २४ धन न होगी, यदि दोनों करियायों को धन मान लें, तो उक्त युक्ति से क ४० और क ६० यह ऋत्यान होंगी, इस प्रकार क ५ क रें क रें यह मूल हुआ। अथवा रूपवर्ग में क २४ क ६० के तुल्य रूप घटाने से राप १६ का मूल ४ हुआ, इस को रूप १० में जोड़ने-घटाने से १४। ६ का आधा ७ । ३ हुआ। इस में से क ७ को रूप कल्पना करने से वर्ग ४६ हुआ।, इस में धन क ४० के तुल्य रूप घटाने से शेष का ३ मूल मिला, इसको रूप ७ में जोड़ने-घटाने से १० और ४ का आधा ४। २ हुआ, इन में से ४ को आप मानने से 'क ३ क २ क ५ं 'यह मूल सिद्ध हुआ। इसी प्रकार रूप वर्ग में क २४ और घन क ४० के समान रूप घटाने से शेष ३६ का मूल ६ हुआ, इस को रूप में जोड़ने-घटाने से १६ और ४ का आधाद। २ हुआ। इन में से कद को रूप मानकर उक्त क्रिया-कारमे कि तिकार के कार्य करें का कार्य के कार्य का कार्य के किए के किए के किए के किए के किए के किए के कि

पूर्वेर्नायमथीं विस्तीयोंको बालावबोधार्थ तु मयोच्यते—

एकादिसंकलितमित-करणीखगडानि वर्गराशौ स्युः। वर्गे करगीत्रितये करणीद्वितयस्य तुल्यरूपाणि ॥ २२ ॥ करणीषट्के तिसृणां दशसु चतस्यां तिथिषु च पञ्चानाम्। रूपकृतेः प्रोभय पदं याह्यं चेदन्यथा न सत्कापि॥ २३॥ उत्पत्स्यमानयेवं मूलकरण्याऽल्पया चतुर्गुण्या। यासामपवर्तः स्या-द्रुपकृतेस्ता विशोध्याः स्युः ॥ २४ ॥ ऋपवर्ते या लब्धा मूलकरएयो भवन्ति ताश्चापि। शेषविधिना न यदि ता भवान्ति मूलं तदा तदसत्॥ २५॥ करणीवर्गराशौ रूपेरवश्यं भवितव्यम्।

एककरण्या वर्गे रूपाण्येव, ह्योः सरूपेका करणी, तिसृणां तिस्नः, चतसृणां षट्, पञ्चानां दश, षण्णां पञ्चदश इत्यादि। अतो ह्या-दीनां करणीनां वर्गेष्वेकादिसंकितिसितानि करणीखण्डानि सरूपाणि यथाक्रमं स्युः। यद्युदाहरणे तावन्ति न भवन्ति तदा संयोज्य योगकरणीं विश्लेष्य वा तावन्ति कृत्वा मूलं याह्यमित्यर्थः। 'वर्गेकरणीत्रितये करणीदित-यस्य तुल्यरूपाणि—'इत्यादि स्पष्टार्थम्।

अथ 'वर्गे करएया यदि वा करएयोः' इत्याचुक्तेरिनयमेन करणीशोधने सित मूलाशुद्धिः स्यादिति करणीवर्गे करणीसंख्यानियमपूर्वकं शोध्यकरणीनियमं गीतिद्वयेनार्याद्वयेन च निरूपयित एकादीति । अत्र द्वितीयगीतौ 'तिथिषु पश्चानाम्' इति वहवः पठिनत तत्र 'तिथिषु च पश्चानाम्' इति पठनीयम् । अन्यथा छन्दोभङ्गः स्यात् । उत्पत्स्यमानयेति । अत्र 'अल्पया' इत्युपल्लचणम् । यत्र महती मूलकरणी अल्पा रूपाणि तत्र महत्या चतुर्गुण्या यासामपवर्तः स्याचा एव विशोध्याः स्युः । आचार्यमते त्वल्पत्वं पारिभाषिकम्, यतोऽस्य मूत्रस्योदाहरणे 'यां मूल्करणीं रूपाणि प्रकल्प्यान्ये करणीखण्डे साध्येते सा महतीत्यर्थः, इति व्याकरिष्यति। पुनर्नियमान्तरमाह—अपवर्त इति। अल्पया कचिन्महत्या वा चतुर्गुण्या अपवर्ते कृते याः करण्यो लब्धास्ता एव मूलकरण्यो भवन्तीति वस्तुस्थितिः। अथ यदि श्विविधिना 'मूलेऽथ बह्वी करणी त्योर्या—' इत्यादिना ता न भवन्ति तदा क्टिन्न आप्राक्षित्र प्राचित्र विधान प्राचित्र विधान स्थित स्थान्ति वस्तुस्थितिः। अथ यदि श्विविधिना 'मूलेऽथ बह्वी करणी त्योर्या—' इत्यादिना ता न भवन्ति तदा

तन्मूलमसदिति । अत्र 'अल्पया' इत्युपलचणिति यद्व्या-ख्यातं तद्बृहत्लगडशोधनपूर्वकं मृलग्रहणे, लघुलगडशोधनपूर्वकं मूलग्रहणे त्वल्पयेत्येव ॥ २२–२५॥

करणीवर्ग में नियमित करणीखएडों के शोधन का प्रकार-

एक से लेकर १, ३, ६, १०, १४, २१, २८, ३६, ४४ इत्यादि जिनने संकलित हैं, उतने ही उद्दिष्ट वर्ग में करणीखराड होते हैं। *

* यह नियम व्यापक नहीं हैं, जैसा—'स्थाप्योऽन्त्यवर्गश्चतुर्गुणान्त्यनिष्ठाः----' इस रीति से जो वर्ग किया जाता हैं, उसमें संकृतितिमत ही करणीखण्ड होते हैं! परंतु कहीं ययासंमव करिश्यों का योग करने से, संकृतितिमत करणीखण्ड नहीं होते। उदाहरण----

स्वस्क प्रवृक्त १०
 स्वस्क प्रवृक्त १०
 स्वस्क प्रवृक्त १०
 स्वस्क प्रवृक्त १००
 स्वस्क प्रवृक्त १००
 स्वस्क १२० क २००
 स्वस्क १४०
 स्वस्क १००

वर्ग=रू २६ क २४ क ४० क ४= क =० क ६० क ७२ क १२० क १२० क २०० क २४०। यहाँ पर संकलितमित करखीखरड हैं।

उक्तवर्ग में क १२० क १२०, क ६० क २४०, धोर क ७२ क २०० इन का योग करने से रू २६ क २४ क ४० क ४० क ८० क ४०० क ४२० क ५१२ यह हुआ। यन यहाँ संकलितिमत करणीं लयड नहीं हैं। इसलिये याचार्य ने कहा है कि— 'अथ यद्युदाहरणे तावन्ति न भवन्ति तदा संयोज्य योगकरणीं विश्लिष्य वा तावन्ति करना मूल आक्षामित्यर्थः।' बिद उदाहरण में संकलितिमित करणीं खण्ड न हों तो, योग करके अथवा योगजकरणीं को यलग कर संकलितिमित करणीं खण्ड करने के बाद मूल लेना उचित है। परंतु जिस वर्ग में धनणंसाम्य से कुछ करणी उड़ जाती हैं, वहाँ उन्हें संकलितिमित करना कठिन है। उदाहरण—

(२) क १० क ६ क ४ क ३ क १० क ६ क ४ क ३ क १०० क २४० क २०० क १२० क ३६ क १२० क ७३ क २४ क ६० क ६

वर्ग=र २४ क २४० क २०० क १५० च १२० क उर्दे क ६३. CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri क यदि उदिष्टवर्ग में तीन करणीखराड हों तो रूप के वर्ग में दो करणीखराड घटाकर जो छ करणीखराड हों तो, तीन करणीखराड घटाकर, जो दस करणीखराड हों तो, चार करणीखराड घटाकर जो पंद्रह करणीखराड हों तो, पाँच करणीखराड घटाकर मूल लेता। यदि इस नियम के विना मूल लिया जायगा तो वह अशुद्ध होगा। इस प्रकार जो छोटी मूलकरणी उत्पन्न होगी, उस को चतुर्गुण करना और उस का जिन करणीखराडों में अपवर्तन लगे, वे रूपवर्ग में घटाने चाहिए। इस सं यह अर्थ निकलता है कि—उक्त नियमानुसार करणीखराडों को रूप वर्ग में घटाने से जो मूलकरणी उत्पन्न होगी, उस से घटाय हुए करणीखराड अवश्य निःशेष होंगे, यदि निःशेष न हों तो मूल अशुद्ध होगा। और उन घटाये हुए करणीखराडों में चतुर्गुण मूलकरणी का अपवर्तन देने से जो मूलकरणी होंगी, वे यदि शेष-विधि से न आवें तो वह मूल अशुद्ध होगा।

उपपत्ति--

एक करणी हो तो उसका वर्ग मृल लेने से रूप ही होगा। दो करणी हों तो 'स्थाप्योऽन्त्यवर्गश्चतुर्गुणान्त्यानिष्नाः—' इस प्रकार से उन का चौगुना घातकरणी होगी और उन दो करिययों का योग रूप

श्रव ययासंभव करिययों का योग करने से रू २४ क ६० क ३२ वह वर्ग हुआ। यहाँ संकलितमित करियासियड करना श्रशक्य है।

प्राय: कई वर्गों में संकलित्मित करणीखरड रहते हैं, परंतु उक्त नियम के अतु-

सार वर्गमूल नहीं मिलता । जैसा-

वर्ग=रू २४ क ६० क ७२ क १२० क १२० क २०० क २४० ययासंभव करिययों का योग करते से 'रू २४ क ४८० क ५१२ क ५४०' यह उदिप्रशिश का वर्ग हुआ। यहाँ पर संकलितमित करपांखयढ तो हैं, परंतु उस नियमा- उदिप्रशिश का वर्ग हुआ। यहाँ पर संकलितमित करपांखयढ तो हैं, परंतु उस नियमा- उसार मूल नहीं मिलता। अब यह नहीं कह सकते कि जिस रूपयुक्त करपां का नुसार मूल नहीं मिलता। अब यह नहीं के हर्यादि। वर्भमूल क्रिक्टी की नहीं है इत्यादि। वर्भमूल क्रिक्टी की नहीं है इत्यादि।

होगा। तीन कश्या हों तो उक्त त्रिधि से पहली से दूसरी और तीसरी को गुण देने से दो खगड और दूसरी से तीसरी को गुणने से एक खरह, इस प्रकार तीनखरह होंगे और करियारों का योग रूप होगा । इस भाँति एकोन पदसंक्रिकन के समान करणीखर होते हैं। जैसा-दो करणीखरड के वर्ग में एक करणीखरड होता है. श्रीर तीन करणीखराड के वर्ग में तीन करणीखराड होते हैं, चार करणीखरड के वर्ग में छ करणीखरड होते हैं, इसी भाँगि आगे भी जानना । इससे स्पष्ट ज्ञात होता है कि जो वर्गस्थान में तीन करणी-खराड और रूप हों तो तीन मूलकरणीखराड होंगे। यहाँ रूपवर्ग करियों के योग का वर्ग है। पहली करिया पहला खराड और दूसरी, तीसरी करणी का योग दूसरा खराड है। इन खराडों के योग का वर्ग रूपवर्ग के समान है। इसिलिये दोनों करियायों के योग के तुल्य रूप घटाने से अन्तरवर्ग शेष रहता है। जैसा—क २ क ३ क ४ भूलकरणी हैं इनका वर्ग रू १० क २४ क ४० क ६० हुआ। यहाँ पहला खराड २ और शेष मूलकरणी के योग के समान दूसरा खराड = कल्पना करने से इन दोनों खराडों का चौगुना वात ६४ यह वर्गस्थानीय क २४ और क ४० का योग है। क्योंकि वर्ग करने में, पहली करंगी से दूसरी और तीसरी करगी को गुगा दं, फिर उसको चौगुनी करके योग करें, श्रथवा दूसरी श्रौर तीसरी करणी के योग को पहली से गुण दें अगैर उसे चौगुनी करें, फल समान ही होगा। अब २। = करणीखरडों का योग रूप १० होता है, इसका वर्ग १०० हुआ, इसमें चतुर्गुण खएडों का घात ६४ घटा देने से शेप ३६ का भूल ६ हुआ, यह उन ख़एडों का अन्तर है। इसिलये 'योगोऽन्तरेग्गोनयुतोऽर्घिनस्तौ राशी-' इस संक्रमग् विधि से द श्रोर २ खरड हुए। यहाँ छोटा खरड २ पहली करगी है श्रोर वड़ा खराड द शेष करसी का योग है। इससे फिर किया की है, इसाजिये 'वर्गे करगीत्रितये करगीद्वितयस्य तुल्यरूपाणि 'यह उपपन्न हुआ।

यहाँ चतुर्गुण प्रथम करगा श्रीर शेषकरगा का घात घटाते

हैं, इसिबये शोधित करणीखरहों में चतुर्गुण प्रथम करणी का अपवर्तन अवश्य लगेगा, यदि अपवर्तन न लगे तो उदाहरण अग्रुद्ध होगा। जैसा—प्रकृत में छोटी करणी २ है चतुर्गुण ८ हुई, इसका वर्गस्थानीय क २४ क ४०' इन करियाों में अपवर्तन देने से ३। ४ खराड मिले। और यही खराड शेषिविधि से भी आते हैं, जैसा—प्रऔर २ प्रथम सिद्ध करणीखराड हैं। इनमें बृहत्खराड ८ को रूप मानकर वर्ग ६४ में शेषकरणी ६० घटाने से ४ शेष रहा, इसको मूल २ को रूप ८ में लोड़ने-घटाने से १०। ६ दो खराड सिद्ध हुए, इनका आधा ४ और ३ ये मूलकरणी के खराड हुए। इस प्रकार क २ क ३ क ४ मूलकरणी हुई। यहाँ शेषिविधि और अपवर्तन देने से क ४ क ३ खराड आते हैं। इस कारण यह उदाहरण शुद्ध नहीं है। इसके विपरीत जो उदाहरण होंगे वे अशुद्ध है २२-२४

उदाहरणम्-

वर्गे यत्र करण्यो दन्तेः सिद्धेर्गजैर्मिता विद्वन् । रूपेर्दशभिरुपेताः किं मूलं ब्रूहि तस्य स्यात् ॥ १७॥

न्यासः। रू १० क ३२ क २४ क ८। अत्रत्र वर्गे करणीत्रितये करणीद्वितयस्यैव तुल्यानि रूपाणि प्रथमं रूपकृतेरपास्य मूलं याह्यम्, पुनरेकस्याः, एवं क्रियमाणेऽत्र पदं नास्तीत्य-तोऽस्य करणीगतमूलाभावः। अथानियमेन सर्वकरणीतुल्यानि रूपाण्यपास्य मूलमानी- यते तदिदं 'क २ क ८' समागच्छति। इदम-सत्। यतोऽस्य वर्गोऽयम् रू १८। अथवा दन्तगजमितयोर्थोगं कृत्वा रू १० क ७२ क २४ आनीयते तदिदमप्यसत् रू २ क ६॥

त्रथ 'वर्गे करणीत्रितये-' इत्यादि नियमं विना मूलप्रहणे पूलासत्त्वमित्यत्रोदाहरणमार्थयाह-वर्गे इति । हे विद्वन् ! यत्र वर्गे करण्यः दन्तैः द्वात्रिंशता, सिद्धैः चतुर्विंशत्या, नजैः अष्टाभिः, मिताः संमिताः सन्ति । किं मूता दशभी रूपैः उपेताः संयुक्ताः। तस्य वर्गस्य पूलं किं स्यादिति बृहि ॥

अव 'वर्गे करसावितये —' इस नियम के विना जो मूल प्रहरा करें तो, मूल नहीं मिलेगा। इस के लिये उदाहरसा—

जिस वर्ग में रूप दस से साहित करशा बत्तीस, करशा चौबीस और करशा आठ हैं उसका मूल क्या होगा ?

यहाँ वर्ग में करणीखरेड तीन हैं, इसिल वे पहले रूपवर्ग में दो करणीखरेड के समान रूप घटाकर मूल लेना चाहिये। बाद एक करणीखरेड के समान रूप घटाकर। परंतु इस नियम से मूल नहीं मिलता। जैसा—रूप १० के वर्ग १०० में क २४ क = के तुल्य रूप घटाने से शेष ६ = का मूल नहीं मिलता। अत्रत्र अनियम से रूप वर्ग १०० में क ३२ क २४ क = के तुल्य रूप ६४ घटाने से ३६ शेष का मूल ६ हुआ, इसको रूप में जोड़ने-घटाने से १६।४ का आधा = और २ हुआ, यह दो मूलकरणी हुई। परंतु क = क २ यह मूल शुद्ध नहीं है, क्योंकि इसका वर्ग रू १ = होता है, अथवा उक्त प्रकार से क ३२ और क = का योग करने से वर्ग रू १० क ७२ क २४ हुआ अत्र रूपवर्ग १०० में क ७२ और क २४ के तुल्य रूप ६६ घटाने से शेष ४ मूल २ आया, इसको रूप में जोड़ने-घटाने से १२ और = का आधा ६ और ४ हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप हुआ। यहाँ कोटी करणी सार्वा का स्वास्त्र की किल्य रूप के स्वास्त्र की स्वास्त्र की किल्य रूप की स्वास्त्र की स्वास्त्र की स्वास्त्र की स्वास्त्र की स्वास की स्वास्त्र की स्वास की स्वास्त्र की स्वास की स्वास्त्र की स्वास की स्वास

हुआ। परंतु यह मूल ठीक नहीं है, क्योंकि इसका वर्ग रू १०

उदाहरणम्— वर्गे यत्र करण्य—

स्तिथिविश्वहुताशनैश्चतुर्गुणितैः। तुल्या दशरूपाट्याः

किं मूलं ब्रूहि तस्य स्यात्॥ १८॥
न्यासः। रू १० क ६० क ५२ क १२। अत्र
किल वर्गे करणीत्रयमस्तीति तत्करणीद्रयद्विपञ्चाशद्द्वादशमितस्य क ५२ क १२ तुल्य
रूपाण्यपास्य ये मूलकरण्यावुत्पद्येते क ८ क
२ तयोरल्पयानया चतुर्गुण्या ८ द्विपञ्चाशद्
द्वादशमितयोरपवर्तो न स्यात् अतस्ते न शोध्ये। यत उक्तम्—'उत्पत्स्यमानयेवम्—'इत्यादि। अत्र 'अल्पया' इत्युपलक्षणम्। तेन कचिन्महत्यापि। तदा (यां) मूलकरणीं रूपाणि प्रकल्प्यान्ये करणीखण्डे साध्ये सा
महती प्रकल्प्येत्यर्थः॥

त्रथ 'वर्गे करणीत्रितये-' इत्यादिनियमेनापि मूलप्रहणेऽप्रि-मनियमं विना मूलं दुष्टमित्यत्रोदाहरणमार्थयाह-वर्गे इति । स्पष्टार्थेयम् ॥ अव 'वर्गे करणीत्रितये—' इस नियम के अनुसार मूल प्रहण करने पर भी अगले नियम विना मूल अशुद्ध होगा, यह दिखलाने के लिये उदाहरण—

जिस वर्ग में रूप दस से सहित करणी साठ, करणी वावन श्रौर करणी बारह हैं, उसका मूल क्या होगा ?

यहाँ करणीखराड तीन है, इसिलये रूप वर्ग में क ४२ और क १२ के समान रूप घटाने से ३६ शेष का मूल ६ हुआ, इसको रूप १० में जोड़ने घटाने से १६ और ४ का आधा = । २ हुआ, इनमें २ मूलकरणी और ८ रूप कल्पना करने से, रूप के वर्ग ६४ में शेष करणी ६० के तुल्य रूप घटाने से ४ शेष का मूल २ हुआ। इसको रूप में जोड़ने-घटाने से १० और ६ का आधा ४ और ३ हुआ, इस प्रकार क २ क ३ क ४ मूलकरगी हुईं। परंतु यह मूल ठीक नहीं है, क्योंकि इसका वर्ग रू १० क २४ क ४० क ६० है। इसीलिये 'अल्पया चतुर्गुण्या, यासामपवर्तः स्याद्रपकृतेस्ता विशोध्या: स्यु:' यह विशेष कहा है। यहाँ छोटी करणी २ है, यह चतुर्गुण करने से = हुई, इसका शोधित क ४२ क १२ में अपवर्तन नहीं सगता, इस कारण मूल अग्रुद्ध है। यहाँ जो छोटी करणी को चौगुनी करके शोधित करणीखरडों में अप-वर्तन देना कहा है वर उपलक्ष्मण है। इसलिये कहीं चौगुनी बड़ी कर्गा का भी शोधित करगीखएडों में अपवर्तन देते हैं। जिस मूल-करणी को रूप मानकर अन्य हो करणीखरड साधे जाते हैं, वह महती ऋर्थात् वड़ी कर्गा है।।

उदाहरणम्— श्रष्टो षट्पञ्चाशत् षष्टिः करणीत्रयं कृतौ यत्र । रूपैर्दशभिरुपेतं किं मूलं ब्रूहि तस्य स्यात् ॥ १६॥ न्यासः। रू १० क द क ५६ क ६०। अत्राद्यखर्डद्वये 'क द क ५६' शोधिते उत्पन्नयाऽल्पया चतुर्गुण्या द तयोः खर्डयो-रपवर्तनलब्धे खर्डे १। ७परं शेषविधिना मूल-कर्णयो नोत्पद्येते अतः खर्डे न शोध्ये। अन्यथा शोधने कृते मूलं नायातीत्यतस्तदसत्॥

अथात्र 'उत्पत्स्यमानयैवं मूलकरणयाल्पया चतुर्गुण्या। या-सामपवर्तः स्याद्र्पकृतेस्ता विशोध्याः स्युः, इति नियमे सत्यपि मूलग्रहणेऽब्रिमनियमाभावे मूलमसदित्यत्रोदाहरणमार्थयाह— अष्टाविति । यत्र कृतौ वर्गे दशभी रूपैरुपेतं सहितम् 'अष्टौ पट्-पश्चाशत्, षष्टिः, इदं करणीत्रयं वर्तते यत्र वर्गे पदं किं यी-दिति ब्रुहि ॥

अव 'उत्पत्स्यमानयैवं—' इस नियम से मूल लाते हैं, वह मूल अगले नियम के विना अग्रुद्ध होता है, यह दिखलाने के लिये उदाहरण्—

जिस वर्ग में रूप दशसे सहित करणी आठ, करणी छप्पन और करणी साठ हैं, वहाँ क्या मूल होगा ?

यहाँ उक्त नियम के अनुसार दो करणीखर उघटाना चाहिये। इसिलिये रूपवर्ग १०० में क ४६ और क द के समान रूप घटाने से शेष १६ का भूल ६ आया, इसको रूप में जोड़ने-घटाने से १६ । ४ का आधा द। २ हुआ, यह करणीखर हुए । इनमें से बड़े करणीखर को रूप मानकर वर्ग करने से ६४ में क ६० के तुल्य रूप घटा देने से ४ शेष रहा, इसका मूल २ हुआ, इसको रूप द में जोड़ने-घटाने से १०। ६ का आधा ४। ३ मूलकरणी हुई। इस भाँति क २ क ३ क ४ मूल हुआ, परंतु यह मूल अशुद्ध

है। क्योंकि चौगुनी छोटी करणी का शोधित क = क ४६ में अपवर्तन देने से १ अगैर ७ यह खराड उत्पन्न हुए और शेषिविधि से क ४ क ३ अगती हैं। इसिलिये रूपवर्ग में क = क ४६ इन खराडों को नहीं घटाना चाहिये।।

उदाहरणम्—

चतुर्ग्णाः सूर्यतिथीषुरुद्र-नागर्तवो यत्र कृती करणयः। सविश्वरूपा वद तत्पदं ते यद्यस्ति बीजे पद्धताभिमानः॥ २०॥ न्यासः। रू १३ क ४८ क ६० क २० क ४४ क ३२ क २४। अत्र करणीषट्के तिस्णां करणीनां तुल्यानि रूपाणि प्रथमं रूपकृतेर-पास्य मूलं ग्राह्यं,पश्चाद्दयोः,तत एकस्याः, एवं कृतेऽत्र मूलाभावः। अन्यथा तु प्रथमाद्य-करण्यास्तुल्यानि रूपाण्यपास्य, पश्चाद्वितीय-तृतीययोः, ततः शेषाणां रूपकृतेर्विशोध्या-नीतं मूलम् क १ क २ क ५ क ५ तिद्द-मप्यसत् यतोऽस्य वर्गोऽयम् रू २३ क ८ क ८० क १६० येरस्य मूलानयनस्य नियमो नकृतस्तेषामिदं दूषणम्। एवं विधवर्गे करणी-

नामासन्नमूलकरणेन मूलान्यानीय रूपेषु प्रक्षिप्य मूलं वाच्यम्।

अथ वर्गे पदमभृतिषु करणीखण्डेष्वप्येवमेवेति व्याप्तिं पदर्श-यितुमुपनातिकयोदाहरणमाह—चतुर्गुणा इति हे गणक, ते तथ यदि वीने पदुताभिमानः पाटवाहंकारोऽस्ति तर्हि यत्र कृतौ सूर्य १२ तिथी १५ षु ५ रुद्र ११ नाग = तेवः ६ चतुर्गुणाः करण्यः सन्ति। किंभूताः। सविश्वरूपाः त्रयोदशसंख्याके रूपैः सहिताः। तत्पदं वर्गमूलं वद कथय।।

उदाहर्य -

जिस वर्ग में रूप तेरह से सहित करणी श्रहतालीस, करणी साठ, करणी वीस, करणी चौवालीस, करणी वत्तीस श्रोर करणी चौबीस है उसका वर्गमूल क्या होगा ?

यहाँ करणीखराड छ है, इसिलये पहले रूपवर्ग में तीन करणी-खराड के समान रूप घटाकर मूल लेना चाहिये, िकर दो करणी के तुल्य, िकर एक करणों के तुल्य, इस प्रकार किया करने से मूल नहीं आता तो आनियम से रूपवर्ग १६६ में पहली करणी ४६ के तुल्य रूप घटाने से १२१ शेष रहा, इसका मूल ११ आया, इसकी रूप १३ में जोड़ने-घटाने से २४।२ का आधा १२ और १ हुआ, इनमें से बड़े खराड को रूप मानकर वर्ग १४४ हुआ, इसमें क ६० क २० के तुल्य रूप घटाने से ६४ का मूल द हुआ, इसमें क इस के ने चटाने से २०।४ का आधा १० और २ हुआ, इनमें से बड़े खराड १० को रूप मानकर, वर्ग १०० में क ४४ क ३२ और क २४ के तुल्य रूप घटाने से १०। १० का आधा १। १ हुआ। इस माति क १ क २ क १ क १ यह मूल आया, परंतु यह ठीक नहीं है। क्योंकि इसका वर्ग रू १३ क द क २० क २० क ४० क १०० यह है। इसमें यथासंभव करणी-

खरडों का योग करने से, रू २६ क म क म क १६० हुआ ! जिन श्राचारों ने करणी मूल के श्रानयन में नियम नहीं किया उनका यह दूपण हैं। ऐसे स्थल में करणीखरडों का श्रासन्न मूल लेकर, उसको रूप में जोड़कर मूल समक्तना चाहिए।

अथ 'महती रूपाणि' इत्युपलक्षणम्, यतः कचिदल्पापि । तत्रोदाहरणम्—

> चत्वारिंशदशीति— द्विशतीतुल्याः करण्यश्चेत् । सप्तदशरूपयुक्ता-स्तत्र कृतौ किं पदं ब्रूहि ॥ २१ ॥

न्यासः। रू १७ क ४० क ८० क २००। शोधिते जाते खर्ण्डे क १० क ७। पुनर्लर्घीं करणीं रूपाणि कृत्वा लब्धे करएयों क ५ क २। एवं मूलकरणीनां न्यासः। क १० क ५ क २।

इति करणीषाडुधम्। *इति (षट्) त्रिंशत्परिकर्माणि॥

^{*} अयं पाठष्टीकापुस्तके नोप ज्ञम्यते, तथाच '--षड्विधचतुष्टयमुक्त्वा-' इति बीजनबाङ्कुरन्यस्तकुट्टके पोद्घातलेखाचासंगतः प्रतीयते । किंच अनेकवर्शेषड्विधगर्या-नया कथंचित्त्रिशत्पारिकमाणि संसवन्ति, परं टीकाविसंवादात्र मुन्दु ॥

क्रिचिद्दपापि रूपाणीत्यत्रोदाहरणमुद्गीत्याह—चत्वारिंशदिति।
'अशीतिः' इति रेफान्तः पाठो न युक्तः । स्पष्टार्थः ॥
इति द्विवेदोपारूयाचार्यश्रीसरय्यमादमुत—दुर्गाप्रसादोन्नीते
लीलावतीहृद्यग्राहिणि बीजविलामिनि करणीपिंड्वर्थं
समाप्तम् ।

उदाहरण--

जिस वर्ग में, रूप सत्तरह से सहित करणी चालीस, करणी अस्सी श्रीर करणी दोसों हैं वहाँ क्या वर्गमूल होगा ?

यहाँ रूपवर्ग २ द में क द क २०० के तुल्य रूप घटाकर खक विधि से १०। ७ करणीखणड उत्पन्न हुए। इन में छोटे करणीखण्ड को रूप मानकर, उक्त प्रकार से ४। २ करणीखण्ड हुए, इस भाँनि क १० क १ क २ मूल हुआ। यह मूल गुद्ध है, क्योंकि इसका वर्ग रू १७ क ४० क द ० क २००, होता है। यहाँ पहली मूलकरणी १० और ७ है, इन में बड़ी करणी चतुर्गुण ४० का घटाये हुए क द ० क २०० इन करणीखण्डों में अपवर्तन देने से २। १ करणीखण्ड लब्ध हुए। और शेष विधि से भी यही खण्ड आते हैं, इसिलये यह मूल गुद्ध है। और जो (२४) वे सूत्र के भाष्य में कहा है कि चौगुनी छोटी करणी का जिन वर्गस्थानीय करणीखण्डों में अपवर्तन लगे वे रूपवर्ग में घटाने के योग्य है यह उपलच्चा है। इसीलिये यहाँ पर चौगुनी बड़ी करणी का शोधिन करणीखण्डों में अपवर्तन दिया है।।

करगावड्विघ समाप्त ।

दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मिताचारे । वासनाभिक्कसुभगं करणीषिद्विषं गतम् ॥

श्रथ कुट्टकः।
भाज्योहारः क्षेपकश्चापवर्त्यः
केनाप्यादौ संभवे कुट्टकार्थम्।
येन च्छिन्नौ भाज्यहारौ न तेन
क्षेपश्चेतहृष्टमुद्दिष्टमेव॥ २६॥

प्वं सामान्यतोऽन्यक्तक्रियोपयुक्तं षड्विधचतुष्ट्यमुक्त्वा सां-अतमनेकवर्णसमीकरणप्रक्रियोपयुक्तं कुट्टकमाह-कुट्टको नाम गुण-कः। हिंसावाचकशब्दैर्गुणनाभ्युपगमात्। योगरूढ्याः 🗱 गुणक-विशेषश्चायम् । कश्चिद्राशिर्येन गुणितं उदिष्टत्तेपयुतीन उदिष्ट-हरेण भक्तः सन्निःशेषो भवेत्स गुणकः कुट्टक इति पूर्वेषां व्यप-देशात्। तत्र कुट्टकज्ञानार्थे प्रथमितिकर्तव्यतामुद्देशिखलत्वं च शालिन्या निरूपयति-भाज्यो हार इति। कश्चिद्राशिर्येन गुणित उदिष्टचेपेण युतोन उदिष्टहरेण भक्तः सिन्नशेषः स्यात् तस्य गुणकविशेषस्य 'कुट्टकः' इति संज्ञा, इति पागेवाभिहितस्। अत्रागता लब्धिर्लब्धिसंबैव । हरो हरसंब्र एव । चेपोऽपि चेप-संज्ञ एव । अन्वर्थ संज्ञारचैताः । यो राशिगुण्यते तस्य 'भाज्यः' इति संज्ञा । भजनयोगात् । अस्य कुटुकस्य ज्ञानार्थमादौ स भाज्यो हारः चेपकश्च केनापि तुल्येनाङ्केनापवर्त्यः । भाज्य-हारत्तेपा एकेनैवाङ्केनापवत्या इत्यर्थः। किस्मिन्सति अपवर्तन-संभवे सति । अपवर्तनं नाम निःशेषभजनम् । तचैकातिरिक्नेना-भिन्नेन होयम् । अन्यथा 'संभवे' इत्यस्यानुपपत्तेः। एकेन भिन्नेन वा केनचिदङ्केन सर्वत्रापवर्तनसंभवात् । 'तौ भाज्यहारौ दढ-संज्ञकौ स्तः' इत्यस्य व्याख्यानावसरे ''दृढाः" इत्यन्वर्थसंज्ञा ।

[•] यत्र त्ववयवशांकिविषये समुदायशांकिरप्यस्ति तद्योगरूढम् ।

पुनर्नापवर्तन्ते न त्तीयन्त इत्यर्थः" इति बुद्धिविलासिन्यां श्रीगर्णेशदैवद्गैरप्युक्त प्वायमर्थः । भाज्यहारत्तेपाणमपवर्तनसंभवे
सत्यवश्यमपवर्त्या एव । अन्यथा कुट्टको न संभवतीति सिद्धम् ।
उद्देशस्य खिलत्वद्गापनार्थमाह—येनेति । येनाङ्केन भाज्यहारौ
छिन्नावपवर्तितौ तेनेवाङ्केन त्तेपश्चेन्न छिन्नः अपवर्तितो न स्यात्ति हि प्तदुद्दिष्टं पृच्छकोन पृष्टं दुष्टमेव । अयं भाज्यो येन केनापि
गुणितस्तेन त्तेपेण युतोनस्तेन हरेण भक्तः सन् कदाचिदपि
निःशेपो न भवेदित्यर्थः ॥ २५ ॥

कुट्टक ।

अब अनेकवर्ण समीकरण को उपयोगि कुट्टक का निरूपण करते हैं— जिस अङ्क से उदिष्टराशि गुणित, इष्ट्रचेपसिंहत किंवा रहित और इष्ट्रमाजक से माजित निःशेष हो, उस गुण्यक की 'कुट्टक' यह संज्ञा की है। यहाँ पर जो राशि गुण्यां जाती है उसको भाज्य, जो जोड़ी अथवा घटाई जाती है उसको च्लेप, जिसका भाग दिया जाता है उसको हार और जो जिट्ट आती है उसको जिट्ट कहते हैं।

कुट्टक के ज्ञान के जिये पहले भाज्य, हार और त्रेप में किसी एक ही समान श्रङ्क का श्रपवर्तन देना (श्रपवर्तन वह कहलाता है कि जिसका पूरा-पूरा भाग जग जावे) और वह अपवर्तन की संख्या एक अथवा भिन्न न हो, क्योंकि एक वा भिन्न-श्रङ्क का सर्वत्र अपवर्तन जग सकता है। इस भाँति अपवर्तन देने से भाज्य श्रीर हार अपवर्तित हों, परंतु यदि त्रेप में अपवर्तन न जगे तो, वह उदाहर्या अशुद्ध होगा।

उपपत्ति—

(१) जैसे-लिब्ध अपवर्तित भाज्य भाज्यकों पर से आती है, वैसे ही किसी एक अङ्क से गुणित अथवा, अपवर्तित भाज्य-भाजकों पर से आती है, यह बात प्रासिद्ध है। प्रकृत में किसी गुण से गुणा, धन वा अपृण चेप से जुड़ा कल्पित-भाज्य, भाज्य होता है और भाजक

यथास्थित रहता है। इस प्रकार भाज्य के दो खराड होते हैं-गुरा से गुरियत पहला खराड, चोप दूसरा खराड, इन दोनों खराडों का योग भाज्य है। भाज्य ख्रौर भाजक में ख्रापवर्तन देने से लाबिध में विकार नहीं होता, इसिलये जिस श्रङ्क से भाजक अपवर्तित हुआ है, उसी से खराडद्वययोगरूप भाज्य भी अपवर्त्य (अपवर्तनयोग्य) हैं। वहाँ खरडों का यांग अपवर्तित अथवा, अपवर्तित खरडों का योग तुल्य होते हैं। जैसा- है एँ इन भाज्य भाजकों में तीन का अपवर्तन देने से ६ ये अपवर्तित भाज्य-भाजक हुए, अथवा ६।१ ८ ये भाज्य के खराड: तीन के अपवर्तन देने से ३।६ हुए, इन खराडों का योग वहीं अपवर्तित भाज्य ६ हुआ। इसी भाँति भाज्य के दो से अधिक खंगड करके उन में अपवर्तन दे और उन अपवर्तित खरडों का योंग करे तो भी वही अपवर्तित भाज्य होगा । इसलिये, भाजक के अपवर्तित होने से गुग् से गुग्गित कल्पित भाज्य और द्वेप भी अपवर्त्य होता है। यद्यपि गुण के न जानने से गुण-गुणित भाज्य भी अज्ञात है तो उसमें कैसे अपवर्तन हो सकेगा, तथापि कल्पित भाज्य में अपवर्तन देकर पिछे उसको गुरा से गुरा दें तो किएत भाज्यरूपी भाज्यखराड ही अपवर्तित होगा। क्योंकि गुगित में अपवर्तन देने से अथवा, अपवर्तित को गुणने से कुछ विशेष नहीं होता। किएत-भाज्य जिस गुण से गुणित भाज्यखरड होता है, उसी से गुणित, अपवर्तित भान्य भी अपवर्तित भाज्यखण्ड होगा और अप-वर्तित च्रेप दूसरा खराड। इस माँति भाज्य हार श्रीर च्रेप श्रपवर्तित हों अथवा, अनपवर्तित हों, तो भी गुगा-लिब्ध में विशेष नहीं होता। इस कार्या, लाघवार्थ भाज्य, हार श्रौर च्रेप श्रपवर्तित किये जाने हैं। इससे 'भाज्यो हार:-' यह श्लोकार्ध उपपन्न हुआ।

(२) गुणगुणित भाज्य के समान एक खराड, चीप के समान दूसरा खराड, उन खराडों का योग हर से भाजित और हर से भागा हुआ खराडयोग, तुल्य होते हैं। जैसा-गुणगुणित भाज्य=४×२२१=११०४। चोप=६४। हर १९४ से भाजित १६९५, १६५ इन का योग ११६० हर

१६ ५ से भाजित ११ है पूँ के समान है। इसी प्रकार केवल भाज्य और भाजक पर से जैसे—लिब्ध आती है वैसे ही उनमें अपवर्तन देने से आती है। इसिलये ११ है पूँ, १६ पूँ इन खराडों में १३ का अपवर्तन देने से हैं पूँ, १ पूँ इन का योग है पूँ हुआ। अथवा, इन खराडों के योग १ है है पूँ + ११ पूँ = १ १ है पूँ में १३ का अपवर्तन देने से योग हुआ है पूँ। गुगा से गुगित इष्टाङ्क से अपवर्तित अथवा इष्टाङ्क से अपवर्तित और गुगा से गुगित इष्टाङ्क से अपवर्तित अथवा इष्टाङ्क से अपवर्तित और गुगा से गुगित माज्य में, अन्तर नहीं पड़ता तो यदि पहले लिखे खराडों के योग में ११ पूँ = १ पूँ अपवर्तन देने हैं तो १ १ है पूँ, १ ह पूँ इन खराडों में भी अपवर्तन देना उत्तित है। नहीं तो फल की समता कैसे होगी। इसिलये भाज्य और हार के समान चेपक में भी अपवर्तन देना अत्यावश्क है। इससे 'येन च्छानों भाज्यहारों न तेन चेप:—' यह श्लोक का उत्तरार्ध उपपन्न हुआ।।

परस्परं भाजितयोर्थयोर्थः
शेषस्तयोः स्याद्पवर्तनं सः ।
तेनापवर्तेन विभाजितो यो
तो भाज्यहारो दृढसंज्ञको स्तः ॥ २७॥
मिथो भजेत्तो दृढभाज्यहारो
यावद्विभाज्ये भवतीह रूपम् ।
फलान्यधोधस्तद्धो निवेश्यः
क्षेपस्तथान्त्ये खमुपान्तिमेन ॥ २८॥
स्वोध्वे हतेऽन्त्येन युते तदन्त्यं
त्यजेनमुहुः स्यादिति राशियुग्मम् ।

जध्वी विभाज्येन दृढेन तष्टः फलं गुणः स्याद्धरो हरेण॥ २६॥

अथापवर्तनाङ्कं कुट्टकस्येतिकर्तव्यतां चोपजातित्रयेणाह-परस्-परमित्यादि । ययो राश्योः परस्परमन्योन्यं भाजितयोः सतोर्थः शेपाङ्कः स तयोरपवर्तनं स्यात् । तेन तौ निःशेषं भाज्येते एव । एतदुक्तं भवति-हरेण भाज्ये भक्ते यच्छेपं तेनापि स हरो भाज-नीयः, तच्छेषेणापि भाज्यशेषं, तेनापि हरशेपमिति। पुनः पुनः परस्परभजने क्रियमाणे यद्यन्ते रूपं शेपं स्यात्तदा तौ नापवर्तेते एव, रूपस्यैव शेषत्वात्तेनापवर्ते भाज्यहारत्तेपाग्णामविकार एव। यदा तु शून्यं शेपं स्यात्तदा हरीभूतं यत्पाक् शेषमधः स्थापितं तदेव भाज्यहारयोरपवर्तनं स्यात् शेपो ह्यपवर्तनाङ्कः तस्मादन्ति-मशेपोङ्क एवापवर्तनाङ्कः । एवं ज्ञातेनापवर्तनाङ्केन यौ भाज्यहारौ विभाजितों तौ दढसंज्ञकों स्तः । तेनैव चेपोऽप्यपवर्त्यः । भाज्यो हारः त्तेपकरचापवर्त्यः' इत्युक्तत्वात् । सोऽपि दृढसंज्ञः स्यात् । अथ तौ दृढभाज्यहारौ उक्तवन्मिथः परस्परं तावद्भजेचावद्विभाज्ये भाज्यस्थाने रूपं भवेत् । इहेतेषु परस्परभजनेष्वागतानि फलान्य-धोऽधोनिवेश्यानि।फलं च फले च फलानि च फलानि। द्वन्द्वैक-शेपः। तेपां फलानां वर्ल्लावद्घोधः स्थापितानामधोभागे त्तेपो निवेश्यस्तथा तेपामप्यघोऽन्ते खं निवेश्यम्, एवं वल्ली जायते। नत उपान्तिमेनाङ्केन स्वोध्वें स्वोध्वेस्थितेऽङ्के हते अन्त्येनाङ्केन युते च सति तदन्त्यं त्यजेत् इति पुहुः। उपान्तिमेन स्वोध्वें इतेऽन्त्येन युते तदन्त्यं त्यजेत्, इति पुनः पुनः कृते राशियुग्मं स्यात्। तत्रोध्वराशिर्दढेन विभाज्येन तष्टः सन् फलं भवेत् । फलं नाम लब्धिः। अधरोऽधस्तनो राशिद्देवेन हरेगातष्टः सन् गुगाः स्यात्। तत्त् त्वत्त् तन्त्रकरगो, इति धातोः कर्माण कः। तष्ट्रस्तन्कृतोऽव-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

शोषित इति यावत्। अत्र 'तष्टः' इत्यनेन भक्तावशोषितो राशिप्राह्मो नतु लिब्धिरित्यर्थः । तेन गुर्णेन दृढभाज्ये गुण्ति दृढन्तेपयुतोने दृढहरेण भक्ते शेषं न स्यादिति । उद्दिष्टेष्विप भाज्यहारन्तेषेषु ते एव गुर्णलब्धी स्त इत्यर्थसिद्धमिवशोषात् ।।

अपवर्तनाङ्क और दृढ भाज्य-हार-चाप का प्रकार-

आपस में उद्दिष्ट दो राशियों के भाग देने से जो शेष बचे वह उन का ऋपवर्तनाङ्क होगा ऋर्थात् उस से दोनों राशि नि:शेष भाजित हो जाया, तात्पर्य यह है कि भाज्य में हर का भाग देने से जो शेष वचे. उसका हर में भाग देना श्रीर उस हर शेष का भाज्य शेष में भाग देना, इस भाँति बार-बार किया करने से, अन्त में जो रूप शेप रहे उससे वे माज्य, हार, श्रोर चोप श्रविकृत ही रहेंगे श्रर्थान् छोटे न होंगे। यदि शून्य शेष बचे तो, भाजकरूप भाज्य के नीचे स्थापित पहला शेष ही उन का अपवर्तनाङ्क होगा। इस प्रकार ज्ञात होता है कि अपवर्तनाङ्क से अपवर्तित भाज्य, हार और दोप हद संज्ञक होते हैं । श्रीर उन दृढसंज्ञक भाज्यहारों का परस्पर तब तक भाग देत जाना जब तक कि भाज्य के स्थान में रूप न हो जाय। इस प्रकार जो लिटिंघ मिलें, उन्हें एक के नीचे एक इस क्रम से लिखना ऋौर उन लिब्धयों के नीचे चेप को लिखकर शून्य लिखना इस प्रकार एक ऊर्घ्वाघर ब्राङ्कों की पङ्कि उत्पन्न होगी, उस की 'वली' संज्ञा है। उपान्तिम अर्थात् अन्त के सर्मापवाले अङ्क से उस के अपर-वाले अङ्क को गुण देना और उसमें अन्तवाले अङ्क को जोड़ देना बाद, उसको विगाड़ देना, ऐसे ही वार वार क्रिया करना जब तक कि दो राशि न हो जाय । फिर उनमें से ऊपरवाली राशि दृढ भाज्य से तष्टिन फल (प्रार्थात लिंघ) होगा और नीचे की राशि दढहार से तष्टित गुरा होगा ॥

उपपत्ति-

एक ऐसा बड़ा श्रापवर्तनाङ्क खोजना चाहिये कि जिस से श्रापवर्तित भाज्य-हार फिर श्रापवर्तित न हों। ऐसे श्रापवर्तनाङ्क से श्रापवर्तित

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collegion. Digitized by eGangotri

भाज्य हार दृढ संज्ञक होते हैं। जैसा- १२१ इन भाज्य-हारों में १६४ यह छोटा है, इस से बड़ा अपवर्तनाङ्क नहीं हो सकता। १६४ हार का भाज्य २२१ में भाग देने से नि:शेष नहीं होता। इस कारम भाज्य के दो खर्ड किए। एक हर लिंघ के घात के समान १×१६ ४, दूसरा शेष के समान २६। ये दोनों खरड जिस से नि:शेष भाजित होंगे, उसी से भाज्य भी नि:शेष होगा । अब १६ ४। २ ६ इन खराडों में लघुखराड का अपवर्तन संभव है, पर नि:शेष नहीं होता। यहाँ भी हर २६ लिडिय ७ के घात के समान एक खरड २६ x ७ = १८२, शेष के समान दूसरा खरड १३ । इन में लघुखराड का अपवर्तन संभव है और १३ का भाग देने से १ = २ । १३ दोनों खएड नि:शेष होंगे । क्याकि पहला खएड १ = २, पहली लिंबेध ७ और हर २६ के घात के समान ह और हर २६ दूसरे खराड १३ के भाग देने से नि:शेष होता ह, तो पहला खरड १८२ दूसरे खरड १३ से अवश्य नि:शेष होगा और उनका योग भी १६५ उसी हर के भाग देने से नि:शेष होगा। अब यदि दूसरे शेष १३ से पहला शेष २६ नि:शेष होगा तो १६५। २६ इन खरडों का योग भी २२१ उसी १३ से नि:शेष होगा ! इससे 'परस्परं भाजितयोर्ययोर्यः-' यह रुलोक उपपन्न हुआ ।

अथवा । भाज्य= = १ हार= १ ४ । यहाँ पहली लिब्ध ४ और पहला रोष ६, इस का हार १ ४ में भाग देने से दूसरी लिब्ध २ दूसरा रोष ३, इस का पहले रोप ६ में भाग देने से, तीसरी लिब्ध २ तीसरा रोष ० रहा । हर-लिब्ध का घात भाज्यराशि के समान होता है, इस कारण दूसरा रोष ३ और तीसरी लिब्ध २ से पहला रोष ६ ज्ञात हुआ इसी भाँति पहला रोष ६ और दूसरी लिब्ध २ के घात १२ से घटाया गया हार दूसरा रोष होता है इसलिये दूसरे रोष से जुड़ा पहला रोष और दूसरी लिब्ध का घात हार के समान है, जैसा—

पशे × द्विज × दिशे = हार | ६×२+३=१४ | यहाँ पहले शेष से गुणित दूसरी लिब्ध है और पहला शेष, दूसरे शेष एवं तीसरी लिब्ध के घात के समान है, इसलिये ऐसा रूप वना CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

द्विल×द्विशे× तैल+द्विशे=हार ।

हार को पहली लिडिय से गुणकर उस में पहले शेप के समान तीसरी लिडिय और दूसरे शेष के घात को जोड़ देने से—

पक्ष x द्विक्त x तक x द्विशे + पक x द्विशे + तक x द्विशे = भाज्य । इस भाज्य में तीन खएड हैं और हार में दो खएड हैं, दोनों दूसरे शेष (द्विशे) से भाजित नि:शेष होते हैं, इस कारण भाज्य ८१ हार १४ दूसरे शेष ३ से भाजित हढ भाज्य=२७ । हार=४ ।

भाज्य, हार श्रोर चोप यह कुट्टक विधि के सहयोगी है अर्थात् किस गुणाक से गुणित, चोप सं सहित वा रहित और हार से भाजित भाज्य नि:शेष होगा । इस प्रश्न में जो लिट्घ होगी वहीं लिविध और गुणक गुण होगा। भ्रव उन के ज्ञान के लिये यह करते हैं---भाज्य में हार का भाग देने से जो लब्धि मिले उस से गुणित हार एक खरड, शेष के समान दूसरा खरड । जैसा-भाज्य १७३ में हार ७१ का भाग देने से २ लाडिय मिली आरे ३१ शोष रहा, उक्त रीति से १४२ । ३१ ये दो खगड हुए । इन का योग भाज्य के तुल्य है। पहला खराड १४२, हार ७१ लिब्ध २ के घात १४२ के समान है, इस कारण हार का भाग देने से नि:-शेष होगा और चेप दूसरे खरड ३१ से भाजित यदि नि:शेष हो तो, जो लिब्ध है, वही गुर्य होगा। जैसा-शृयाचोप ६२ दूसरे खराड ३१ का भाग देने से नि:शेष होता है और २ लिटिंघ आती है, तो यही गुए होगा। चोप दूसरे खरड का भाग देने से निःशेष नहीं होता, इस कारण गुण को जानने के जिये दूसरा उपाय करते हैं भाज्य के दो खएडों में, यदि दूसरा खएड रूप के समान हो ता, वह चोप के समान गुण से गुणित चोप के समान होगा। वहां यदि ऋगाचोप हो तो, उस के घटाने से दूसरे खगड का नाश होगा, जैसा-भाज्य=१ हार = ४ । यहां भाज्य के दो खएड = । १ दूसरा खराड १ चोप ६२ से गुर्याने से ६२ हुआ, इस में तोप ६२ घटा देने से शून्य ० हुआ, और पहला खराड द चोप ६० से

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

गुिग्ति ४६ ६ हुआ इस में हार ४ का भाग देने से १२४ लिब्ध आई। अथवा, पहले खरड द में हार ४ का भाग देने से २ लिब्ध आई, इस को चोपतुल्य गुग्रा हर से गुग्राने से पहली लिब्ध हुई। यहां भाज्य में हार का भाग देने से, यदि रूप शेष न रहे तो, गुग्रा का ज्ञान न होगा। इसिलिये भाज्य हारों के आपस में भाग देने से जहां रूप शेष हो, उसी स्थान में, चोप के तुल्य गुग्रा होगा। प्रंतु अध्याचोप में, जैसा—भाज्य=१७३ हार=७१ चोप=३, यहां हढ भाज्य हारों के परस्पर भाग देने से, लिब्ध और भिन्न भिन्न भाज्य-हार होते हैं—

(१) भाज्य १७३ (२) भाज्य ७१ (३) भाज्य ३१ (४) भाज्य ६ ३ हार ७१ हार ३१ हार ६ हार ४ ३

यहां अन्त भाज्य के दो खरड = । १ और उक्त रीति से ऋग्रा-चोप में चोप ३ के समान गुण हुआ । अन्त्य लब्धि २ चोप ३ से गुगाने से ६ हुई, इस में द्वितीय खगडोत्पन्न शून्य के समान लिंध जोड़ने से ६ लिब्ध हुई । क्योंकि भाज्य का दूसरा खराड १ च्रोप ३ से गुणित ३ हुआ इस में ऋणक्तेप ३ घटा देने से शून्य ० शेष रहा। इस में हार ४ का भाग देने से शून्य ० लिटिय आती है। इस से 'मिथो भजेत्तौ हडभाज्यहारौ, याबद्विभाज्ये भवतीह रूपम् । फलान्यघोधस्तद्घो निवेशयः च्रापस्तथान्त्ये खं--' यह वल्ली उत्पन्न होती है। चोप के समान उपान्तिम राशि ३ से उस के उपरवाले २ को गुणने से ६ हुआ, इस में अन्त्य ० जोड़ने से ६ लिडिघ हुई। और गुण, चोप ३ के समान है आलाप— भाज्य ह गुगा ३ से गुगित २७ हुआ, इस में चेप ३ घटाने से शेष २४ में हार ४ का भाग देने से, वहीं नि:शेष लिब्ध है हुई। इसी चोप ३ पर से तीसरे भाज्य में गुण का विचार --- यहां पर भी लिविध के समान एक खग्ड और शेष के समान दूसरा खग्ड. जैसा--२७। ४ इन में पहला खराड किसी से गुगित और हार ह से भाजित नि:शेप होगा । दूसरे खएड ४ में गुगा का निर्माय-भाज्य ४ हार ६ चौथे भाज्य हार के उत्तरे हैं। अब चौथे भाज्य

६ को उस के गुर्या ३ से गुर्याने से २ं७ हुआ, इस में चेप ३ घटाकर हार ४ का भाग देने से ६ लिंब्घ मिली और त्रिलोमविधि के अनु-सार, लिब्ध ६ से हार ४ को गुर्याने से २४ हुआ, इस में च्लेप ३ जोड़ने से २७ में भाज्य ६ का भाग देने से वहीं गुण ३ मिला। इस प्रकार, तीसरे भाज्य का दूसरा खरह ४ लाविध ६ से गुागित चोप ३ से युक्त हार ६ से भाजित नि:शेष होता है और लाब्धि ३ श्राती है। तीसरे भाज्य का पहला खराड २७ हार ६ से भाजित निःशेष होता है और लब्धि ३ श्राती है। इस को पहली लब्धि ६ से गुियात कर १८ में, दूसरे खगड से उत्पन्न ३ लिब्ध के जोड़ने से, संपूर्ण जिंध २१ हुई श्रौर गुण ६ हुआ, ये धनचेप में सिद्ध हुए। इस से 'उपान्तिमेन, स्वोर्ध्वे हतेऽन्त्येन युते तद्दन्त्यं त्यजेत्-' उपपन्न हुआ। अर्थात् उपान्तिम ६ के ऊपर ३ को गुगाने से १८ हुआ इस में अन्त्य ३ जोड़ने से २१ हुआ और अन्त्य को मिटा देने से यह किया सिद्ध हुई। श्रालाप—तीसरे भाज्य ३१ को गुगा ६ से गुराने से १८६ हुआ इस में चेप ३ जोड़ने से १८६ में हार ६ का भाग देने से वहीं २१ लब्धि हुई। दूसरे भाज्य ७१ के भी दो खराड ६२। ६ यहां दूसरे खराड में गुरा का त्रिचार-पहले सिद्ध २१ लिबिध को हार ६ से गुणित १८६ में चेप ३ घटा कर गुरा ६ का भाग देने से तीसरा भाज्य ३१ मिला, और विलोम विधि से, भाज्य को हार, हार को भाज्य और चेप की धनर्याता का व्यत्यय मान कर, लब्धि का गुग्रात्व और गुग्रा का लाब्धित्व सिद्ध होता है। इस कारण, दूसरे भाज्य का दूसरा खराड १ पूर्व लाब्ध २१ से गुियात १८६ हुआ, यह चोप ३ घटाकर हार ३१ का भाग देने से नि:शेष हुआ और लब्धि ६ मिली। पहले खरड ६२ में हार ३१ का भाग देने से २ लाब्धि को पूर्व लाब्धि २१ से गुराने से ४२ हुआ इस में पहले सिद्ध दूसरे खराड की लाडिय ६ जोड़ने से समस्त लिब्ध ४८ हुई झौर पूर्व लिब्ध २१ गुण हुआ। इस से दूसरे भाज्य ७१ को गुणने से १४६१ हुआ। इस में चोप ३ घटाकर हार ३१ का भाग देने से वही ४८ लाब्धि मिली। पहले भाज्य के

दो खराड १४२। ३१ इन में पहला खराड किसी एक श्रङ्क से गुणा श्रीर हार से भाजित नि:शेप होगा। दूसरे खराड में गुणा का विचार--विलोमिविधि से गुणा ४८ लिब्ध २१ श्राती है। श्रव भाज्य का दूसरा खराड ३१ गुणा ४८ से गुणित १४८८ हुश्रा, इस में चेप तीन जोड़ कर हार ७१ का भाग देने से वही द्वितीय खराडोत्पन्न लिब्ध २१ हुई। पहले खराड १४२ में हार ७१ का भाग देने से जो २ लिब्ध श्राती है, उस को गुणा ४८ से गुणा कर दूसरे खराड से उत्पन्न २१ लिब्ध जोड़ देने से समस्त लिब्ध हुई ११७ श्रीर गुणा ४८ पहले ही सिद्ध हो चुका था।

क्रिया का सारांश।

() १४२ + ३१ ३	व-	(२) ६२+६13	ਕ.
9	२	38	2
स ११७=६६ + २१	२	ल ४८=४२+६	3
गु ४८	3	गु २१	२
A MIN BY NEW TO BE IN S	२	A DECEMBER 12 / PERSON	3
13-19-19-7 - Tells, 1-27-1	ą	the property of	0
THE SEPTEMBER OF THE	0	its has the 3 r s t	
(३) २७ + ४ ३	व-	(8)=+813	a
3	३	8	2
ल २१=१८ + ३	२	• ज ६	3
गु ६	३	गु ३	0
THE WELL SP. A SPAIN	0	THE SECTION OF	15

इस भांति वार वार किया करने से, पहले भाज्य हार संबन्धी लिब्ध इस प्रकार गुण होते हैं—प्रथम ऋणाचेप में, चौथे भाज्य हार से उत्पन्न लिब्ध-गुण, फिर धनचेप में तीसरे भाज्यहार से उत्पन्न लिब्ध-गुण, फिर ऋणाचेप में दूसरे भाज्य हार से उत्पन्न लिब्ध-गुण, फिर धनचेप में पहले भाज्यहार से उत्पन्न लिब्ध-गुण, फिर धनचेप में पहले भाज्यहार से उत्पन्न लिब्ध-गुण होते हैं। इस से स्पष्ट हैं कि भाज्य हारों के परस्पर भाग देने से जो लिब्ध विषम हों नो, लिब्ध गुण ऋणाचेप में ऋगेर सम हों तो

धनचोप में होते हैं। भाज्य को हार तुल्य गुण से गुणकर हार का भाग देने से भाज्य तुल्य काविध आती है, तो हार तुल्य गुरा की वृद्धि होने से भाज्य तुल्य लिब्ध बहैंगी श्रौर दो श्रादि संख्या से गुागात हार तुल्य गुण की वृद्धि होने से, दो आदि संख्या से गुणित भाज्य-तुल्य लिंडिंघ बढ़ेंगी । इससे 'इष्टाइतस्वस्वहरेण युक्ते ते वा भवेतां बहुधा गुणाप्ती' यह वच्यमाण सूत्र उपपन्न होता है। ऋौर इसी रीति से हारके समान गुण्क का हास होने से भाज्य के समान लिव्ध में हास होता है इससे 'गुणालब्ध्यो: समं प्राह्मं घीमता तत्त्रणो फलम्' यह और 'ऊर्ध्वो विभाज्येन दृढेन तष्टः फलं गुणः स्याद्धरो हरेण् यह कहा ह। भाज्य को गुयोनहार से गुया दें और उसमें चेप घटा दें तो तीन खराड होते हैं-भा.हा १ भा गु १ चो १ पहले खराड में, हार का भाग देने से भाज्य जब्ध होता है और दूसरे, तीसरे खरडों के योग में हार का भाग देने से ऋग्यालिक आती है। इस कारया चीप की घनर्साता के विपर्यास से गुण से घोटे हार के समात गुण में, लिब्ध से घटे भाज्य के समान लाडिध योग्य है। इसिनये भनन्तेप के लाडिध-गुण अपने हार से तष्टित अपृणक्षेप के होते हैं और अपूर्णक्षेप के लाडिध-गुगा अपने हार से तष्टित धनक्तेप के होते हैं। इस से 'एवं तदैवात्र यदा समास्ताः स्युर्जब्धयश्चेद्विषमास्तदानीम् । यथागतौ जिब्ध गुगा विशोध्यो स्वतत्त्रगाच्छेषमितौ तु तौ स्तः॥ यह स्रौर 'योगजे तत्त्रयाच्ह्रुद्धे गुणाप्ती स्तो वियोगजे' यह भी उपपन्न हुन्ना।

एवं तदेवात्र यदा समास्ताः स्युर्लव्धयश्चेद्विषमास्तदानीम् । यथागतो लब्धिगुणो विशोध्यो स्वतक्षणाच्छेषमितो तु तो स्तः॥३०॥

अथागतफलेषु विषमेषु सत्सु विशेषभुपजातिकयाह-एवमिति। एवं तदैव स्यात् यदा अत्र परस्परभजने ता आगता लब्धयः समाः स्युः, द्वे चतस्रः षट् अष्टावित्यादयः। यदि तु ता लब्धयो विषमाः स्युः, एका तिस्रः पश्च सप्तेत्यादयः तदानीं कथितप्रका-रेण यथा त्रागतौ लिंडधगुणौ तौ स्वतत्त्रणाच्छोध्यौ शेषतुल्यौ तौ लिंडधगुणौस्तः। तत्त्यते तन्त्रक्रियतेऽनेनित तत्त्रणः। 'तत्त्णोति' इति तत्त्रण इति वा। स्वश्चासौ तत्त्रणश्च स्वतत्त्रणः तस्मात्। गुणो दृढहाराच्छोध्यो लिंडधर्देढभाज्याच्छोध्येति तात्पर्यम्।

यहाँ उक्त प्रकार से सिद्ध हुई लिब्धियाँ यदि सम संख्या में अर्थान् दो, चार, छ, आठ आदि हों तब कोई दूसरी किया नहीं करनी पड़ती और यदि विषम अर्थान् एक, तीन, पाँच, सात आदि हों तो लिब्ध-गुगा को अपने-अपने तत्त्वगा अर्थान् हढ भाज्य-हार से घटाने

पर वास्तव लिंबिय-गुरा होते हैं।।

भवति कुदृविधेर्युतिभाज्ययोः समपवर्तितयोरिप वा गुगाः। भवति यो युतिभाजकयोः पुनः स च भवेदपवर्तनसंगुगाः॥ ३१॥

त्रथ प्रकारान्तरेण गुणकमाइ—भवतीति। युतिः चेपः। युति-भाज्ययोः समपवर्तितयोः सतोरिप 'मिथो भजेतौ दृढभाज्यद्वारौ-' इति यथोक्कात्कुट्टकविधेवी गुणः स्यात्। ऋषिः समुच्चये। वा प्रका-रान्तरे। चेपभाज्ययोरपवर्तनसंभवेऽप्यपवर्तनमकृत्वापि गुणः सि-ध्यति। यद्वा तयोरपवर्तितयोः सतोरिप यथोक्ककुट्टकविधिना स एव गुणः स्यादित्यर्थः। तेन गुणेन भाज्यं संगुण्य चेपण संयो-ज्य द्वारेण विभज्य लिध्धरत्रावगन्तव्या। भवति य इति। पुनर्विशेषे वाक्यालंकारे वा। युतिभाजकयोस्त्वपवर्तनसंभवे सत्य-पवर्तितयोः सतोर्यथोक्ककुट्टकविधिना यो गुणो भवेत् स च भवेत्, परमपवर्तनसंगुणः सन्। चकारादनपवर्तितयोरिप गुणसिद्धिभ-वति। यद्वा ऋपिवाशब्दसामर्थ्याद्व्याद्वारेण योजना। सायथा— युतिभाज्ययोः समपवर्तितयोर्या लिब्धभवति, त्राप वा युतिभाज्ययोस्त्वपवर्तितयोर्यो गुणो भवति, सा लिब्धः स च गुणोऽप्-वर्तनसंगुणः सन् भवेत् । लिङ्गविपरिणामेन लिब्धरपवर्तनसंगुणा सती भवेदिति योज्यम् । युतिभाज्ययोः समपवर्तितयोर्लिब्धरपवर्तनाङ्केन गुण्या, गुणस्तु यथागत एव । युतिभाजकयोस्त्वप्-वर्तितयोर्गुणोऽपवर्तनाङ्केन गुण्यः लिब्धर्यथागता वेत्यर्थः । स्रत्र 'यद्वा' इत्यादिना व्याख्यातोर्थो युक्ततरोस्ति परं न तथायं शब्द-लभ्यः । स्राचार्याणामपि नायमर्थोऽभिषेतः किंतु प्रथम एव । यतस्ते 'शतं इतं येन युतं नवत्या 'इत्याद्युदाहरणे यद्मयन्ति 'स्रत्र लिब्धने प्राह्या गुण्याभाज्ये चेपयुते हर्मके लिब्धश्च' इति । द्रुतिवलम्बतदृत्तमेतत् ।

प्रकारान्तर से गुगा जाने की विधि-

अपवर्तित माज्यः चेपां पर से 'मिथो मजेची दृढमाज्यहारी-'
इस कुट्टक विधि के अनुसार भी गुण सिद्ध होता है और काठेध अपवर्तनाङ्क से गुणी हुई वास्तव होती है। अथवा अपवर्तन के संभव
होने पर भी, अपवर्तन न देकर भाज्य चेपों पर से गुण आता है।
अथवा, भाज्य चेपों में अपवर्तन देकर, उक्त विधि से गुण आता है।
परंतु लिक्धि, गुणा से गुणित और चेप युत भाज्य में, हार का भाग
देने से मिलेगी। अपवर्तन के संभव होने पर, हार और चेप में
अपवर्तन देकर, उक्त विधि से गुणा सिद्ध करना। वह अपवर्ताङ्क से
गुणित वास्तव होगा। और लिक्ध जैसी आती है वही वास्तव होगी॥
उपपत्ति—

गुण से गुणित भाज्य चेप युत और हार लिंध का घात, ये दो पच तुल्य होते हैं—गु×भा + चे=हा×ल इनको किसी इष्ट से गुणें तो भी तुल्य हैं इ·×गु·×भा+इ×चे=इ×हा×ल। यहां यदि इष्ट गुणित भाज्य को भाज्य, इष्ट गुणित चेप को चेप, और केवल हार को हार मानें तो, लिंध को इष्ट-गुणित होना उचित है। क्यों कि दूसरे पच में, हार का भाग देने से, इष्ट-गुणित लिंध, फल होता

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanas Collection. Digitized by eGangotri

है। अथवा, इष्ट गुणित गुण को गुण, केवल भाज्य को भाज्य, इष्ट गुणित स्रेप को स्रेप, और इष्ट गुणित हार को हार कल्पना करें तो लिब्ध आवेगी। क्योंकि दूसरे पत्त 'इ. × हा. × ल' में इष्ट गुणित हार 'इ. × हा' का भाग देने से लिब्ध ही फल मिलता है। यहां इष्ट गुणित गुण को गुण कल्पना करने से '—स च भवेदपवर्तनसंगुण:' यह उपपन्न हुआ।

अपवर्तनाङ्क इष्ट कल्पना करके उदाहरण दिखलाते हैं भाज्य २२१। हार १६४। चोप ६४। उक्त प्रकार से लिब्ध ६ गुया । त्र्रथवा, भाज्य-चोप में तेरह का त्र्रपवर्तन देने से भाज्य १७ हार १६४ चोप ४ हुआ। ७ लाब्धि और ८० गुरा आया। अव भाज्य १७ गुगा ८० से गुगाित १३६० चेप ४ युत १३६४ में हार १६५ का भाग देने से ७ लिब्ध स्राई। यह स्रापनर्तनाङ्क १३ से गुगित प्रकृत भाज्य २२१ में ६१ लिब्ध हुई। अब भाज्य २२१ गुगा ८० से गुगित १७६८० हुआ, इसमें चेप ६४ जोड़ने से १७७४४ हुआ। हार १६५ का भाग देने से ६१ लिब्ध आई। लिडिय-गुर्या ६१ । ८० श्रापने श्रापने हृद भाज्य हार १७ । १४ से तष्टित पहले के तुल्य लिबिन्गुण सिद्ध हुए ६ । ४ । यहां कुट्टकीय भाज्य १७ श्रपवर्ताङ्क १३ से गुगा भाज्य है, २२१ भाज्य है। इसिजये लिब्ध को भी अपवर्ताङ्क से गुगा देते हैं। अथवा, हार-च्लेप ही में तेरह का अपवर्तन देने से भाज्य २२१ हार १४ च्लेप ४ हुआ । यहां भी लिब्प ७४ गुर्ग ४ स्त्राया । स्त्रव भाज्य २२१ गुगा ४ से गुगित ११०५ और चेप ४ जोड़ने से ११२० हुआ, इस में हर १५ का भाग देने से ७४ लिब्ध आई। और गुण ४ अप-वर्तनाङ्क १३ से गुणित वास्तव हुआ ६४। इस भाँति लिब्ध-गुण ७४। ६ ४ हुए, इन को अपने अपने तत्त्रण १७।१४ से शोधित करने से, वही लिबिय-गुर्या हुए ६। ४ यहां कुट्टकीय हार १४ ध्रापवर्ताङ्क १३ से गुणित वास्तव हार १९५ हुआ। अथवा, भाज्य-चेप में तेरह का अपवर्तन देने से, भाज्य १७ हार १६ ४ चोप ४ हुआ, हार चोप में पांच अपवर्तन देने से भाज्य १७ हार ३६ चोप १। उक्त विधि सं ७। १६ लिब्ध-गुर्या। भाज्य १७ गुर्या १६ से गुर्यित २७२ हुआ इस में लेप १ जोड़ने से २७३ हार ३६ का भाग देने से ७ लिब्ध मिली लिब्ध ७ गुर्या १६ कम से १३। ४ अपवर्ताङ्क से गुर्यित ६१। ८० हुए इनको अपने अपने तत्त्राया १७। १४ से तिष्टित करने से, प्रकृत भाज्य, हार संबन्धी लिब्ध गुर्या मिले ६। ४ अब भा १७ हा १४ ले ४ दृढ भाज्य, हार और लेप हैं, यहां हार-लेप में पाँच का अपवर्तन देने से भाज्य १७ हार ३ और लेप १ हुआ। उक्त रीति से ६। १ लिब्ध गुर्या मिले। भाज्य १७ गुर्या १ से गुर्यात १७ में लेप १ जोड़ने से १८ हार ३ का भाग देने से ६ लिब्ध हुई। यहां गुर्या १ अपवर्ताङ्क ४ से गुर्यात ४ हुआ। इस भाँति ६। ४ ये दृढ भाज्यहारोपपन्न लिब्ध-गुर्या सिद्ध हुए।।

योगजे तक्षणाच्छु दे गुणाप्ती स्तो वियोगजे। 'धनभाज्योद्भवे तद्वद्भवेतामृणभाज्यजे॥'

अथ ऋणत्तेषे ऋणभाज्ये वा सति विशेषमनुष्टुभाह—योग-जे इति । योगजे धनत्तेषजे ये गुणाप्ती ने स्वतत्त्तणाच्छुद्धे वियो-गजे भवतः।गुणो दृढहराच्छुद्धः सन् लिब्धिद्देष्टभाज्याच्छुद्धा सती ऋणत्तेषे भवतीत्यर्थः । एवं धनभाज्योद्भवे गुणाप्ती तद्वतस्वतत्त-णाच्छुद्धे ऋग्णभाज्यजे भवतः । अत्रोत्तरार्धे—

'ऋगभाज्योद्भवे तद्रद्भवेतामृगभाज्यके'

इत्यपि पाठः कचिल्लभ्यते । तस्यायमर्थः —योगजे गुणाप्ती स्वतत्त्रणाच्छुद्धे वियोगजे भवतः । तद्वहणभाज्योद्धवे भवतः । तद्वहणभाजकेऽपि गुणाप्ती भवतः त्तेपभाज्यहाराणामन्यतमे ऋणे सति प्वीसद्धे गुणाप्ती स्वतत्त्रणाच्छोध्ये इत्यर्थः । एवं द्वौ चेहण-गतौ तदा पुनरिष स्वतत्त्रणाच्छोध्ये इत्यर्थः । एवं त्रयाणामप्यु-णत्वे त्रिवारं स्वतत्त्रणाच्छोध्ये इत्यर्थः । त्रयमप पाठः, निह भाज-कस्य धनत्वे ऋणत्वे वास्ति कश्चिदङ्कतो विशेषो येनोपायान्तर-

मारभ्येत किंतु धनर्णता व्यत्यासमात्रं लब्धेः। भाज्यस्य तु धनत्वे ऋगत्वे च त्रेपयोगे च क्रियमाणेऽस्त्यङ्कतोपि विशेष इति तस्यर्णत्वे उपायान्तरमारम्भणीयमेव । आचार्यस्याटयनभिमत एवायं पाटः, यतः 'अष्टादशगुणाः केन दशाढ्या वा दशोनिताः । शुद्धं भागं प्रयच्छन्ति सयगैकादशोख्ताः' इत्युदाहृत्य भाज्यः १ ८। हारः ११ न्तेपः १० अत्र भाजकस्य धनत्वे कृते गुणलब्धी द । १४। ऋगोऽपि भाजके एते एव, किंतु लब्धिः ऋगागता कल्प्या भाज-कस्य ऋगुरूपत्वात् = । १४ इति वस्यति । अस्मिन्पाठेऽर्था-शुद्धिरप्युदाहरणविवरणावसरे प्रतिपादियष्यते। वस्तुतस्तूत्तरार्द्ध-मनपेत्तितमेव। पूर्वार्थेनैव गतार्थत्वात्। तथाहि-योगजे गुणाप्ती वियोगजे भवत इति तदर्थः। तत्र भाज्यचेपयोर्धनत्वे ऋग्यत्वे वा ये गुणाप्ती ते योगजे। यत उभयोर्धनऋणत्वे वा 'योगे युतिः स्यात्त्रययोः स्वयोवी--' इति नास्ति कश्चिदङ्कतो वि-शेषः । यदा पुनर्भाज्यत्तेपयोरन्यतरस्य ऋरणत्वं तदा 'धनर्ण-योरन्तरमेव योगः' इत्युक्कत्वादन्तरे क्रियमाणे भवत्यक्कतोपि विशेष इति तद्रथमुपायान्तरमारम्भणीयम् । तद्रथमुक्तम् 'स्वत-च्चणाच्छुद्धे वियोगजे भवत इति'। अस्मात्पूर्वाधीर्थादतिरिकः को वार्थे उत्तरार्धेन प्रतिपाद्यते येन तद्ये चितं स्यात्। अयमर्थः 'य-द्गुणात्त्रयगपष्टिरन्विता—' इत्युदाहरणे ''धनभाज्योद्भवे तद्वद्भवे-तामृणभाज्यजे, इति मन्दावबोधार्थं मयोक्कम् । अन्यथा 'योगजे तच्चणाच्छुद्धे—'इत्यादिनैव तिसद्धेः'' इति वदताचार्येणैव प्रति-पाद्यिष्यते । तस्मात्सिद्धान्तान्तर्गत्वीजमूलसूत्रे प्वीर्धमात्रं द्वितीयमधे तु तद्विवरणरूपेऽस्मिन्बीजगिणते वालावबोधार्थमुक्त-मतस्तत्पृथग्गणनां नाहिति । अतः कुट्टकसूत्रेष्वनुष्टुमां चतुष्टय-मेव न सार्ध तत्, अनुष्टुप्त्रयमेका च गाथेति कल्पनस्यान्याच्य-त्वादित्यलं विस्तरेण ॥

भृगक्तेप, भृगभाज्य में विशेष—

धनचेप संबन्धी लिव्ध-गुण अपने अपने तत्त्वण में घटाने से अगुणचेप के होते हैं अर्थात् दृढहार में शोधित गुण गुण, दृढभाष्ट्रय में शोधित लिव्ध, लिव्ध होती हैं। इसी भाँति धनचेप सम्बन्धी लिव्ध-गुण अपने अपने तत्त्वणों में शोधित, अगुणभाष्ट्रय के होते हैं।।

गुणलब्ध्योःसमं याह्यं धीमता तक्षणेफलम् ३२

अथ चेपे हारमात्राद्धाज्यमात्राद्वा हारभाज्याभ्यां वा न्यूने कचिद्विशेषपुत्तरार्धेनाह—गुणलब्ध्योरिति। 'कथ्वी विभाज्येन हदेन तष्टः फलं गुणः स्याद्धरो हरेण ' इत्यत्र गुणलब्ध्यंबिशाज्येन हदेन तष्टः फलं गुणः स्याद्धरो हरेण ' इत्यत्र गुणलब्ध्यंबिशाच्यिन तप्तणे क्रियमाणे सत्युभयत्र तप्तणस्य फलं तुल्यमेव प्राह्मम्। केन थीमता बुद्धिमता। हेतुगर्भमिद्म्। तथाहि—उभयत्र तप्तणे क्रियमाणे यत्राल्पं तप्तणफलं लभ्यते तप्तल्यमेवान्यत्रापि प्राह्मं न त्वधिकं प्राप्तमिष् । अत्र पुस्तकेषु 'गुणलब्ध्योः समं प्राह्मं—' इत्यादि-श्लोकार्थस्य 'योगने तप्तणाच्छुद्धे—' इत्यतः प्राक् पाठो हश्यते स तु लेखकद्येपन इति प्रतिभाति पुस्तकपाठकमस्वीकारे तु 'गुण-लब्ध्योः समं प्राह्मं' इत्यत्र प्रकारान्तरार्थं प्रवृत्तस्य 'हरतष्टे धन-चेपे—' इत्येतस्य सूत्रस्य व्यवधानं स्यात् । उदाहरणक्रमाविरोधश्य स्यात्। लीलावतीपुस्तकेषु पुनरस्मल्लिखितक्रम एवास्ति, युक्तश्राय-मिति प्रतिभाति ॥

दूसरा विशेष—

'ऊर्ध्वो विभाज्येन दृढेन तष्टः फर्ज गुणः स्याद्घरो हरेण्—' इस प्रकार के अनुसार अपने अपने तक्ताण से जो जिन्ध गुण तष्टित किये जाते हैं, वहां पर समान फल जेना चाहिये अर्थात् दोनों स्थानों में जहां अल्प तक्ताण् फल मिले उसी के तुल्य दूसरे स्थान में भी जेना किंतु न्यूनाधिक जिन्ध-फल को नहीं जेना चाहिए।

उपपत्ति-

भाज्य गुगा से गुगित एक खरड, चेप दूसरा खरड, इन दोनों में

से एक के ऋग्ण होने से धन, ऋगा का श्रान्तर होता है, श्रीर ऋगा भाज्य चोप में योग होता है, यह सब बातें सुगम है।

हरतष्टे धनक्षेपे गुणलब्धी तु पूर्ववत् ॥ क्षेपतक्षणलाभाट्या लब्धिःशुद्दीतुवर्जिता३३

त्रथात्र गुणलब्ध्योस्तत्त्रणे फलयोरतुल्यता यथा न भवति
तथा प्रकारान्तरमनुष्टुभाइ-इरतष्ट इति । यत्र चेपो हारादिधिकस्तत्र हारेण चेपस्तत्त्यः तष्टचेपमेव प्रकल्प्य पूर्ववद्गुणलब्धी
साध्ये । तत्र यत्र गुणो यथागत एव, लब्धिस्तु चेपतत्त्रणलाभाढ्या कार्या । चेपस्य तत्त्रणमवशेषणं तत्र यो लाभः फलं तेन
त्राढ्या युक्ता एवं धनचेपे, शुद्धौ ऋणचेपे तु हरतष्टे कृते सित
पूर्ववत् 'योगजे तत्त्रणाच्छुद्धे गुणाप्ती स्तो वियोगजे' इत्युक्तप्रकारेण ये गुणाप्ती स्तस्तत्र लब्धिः चेपतत्त्रणलाभेन वर्जिता कार्या
यदा तु भाज्यादन्यूने हारान्न्यूने चेपे गुणलब्ध्योस्तत्त्रणे किचत्फलवैलचण्यं स्याचत्रतस्य सूत्रस्यापमदृत्तेः 'गुणलब्ध्योः समं
प्राद्धं-' इत्यादिनैव तत्त्रणफलं प्राह्ममिति । यथा भाज्यः ३।हारः
४।चेपः ३। अत्रोक्तवज्ञातं राशिद्वयम् ल ३ अत्र गुणतत्त्रणे किचिन्न

लभ्यते लिब्धतत्त्रणे त्वेकः प्राप्यते स न ग्राह्मः। एवं त्तेपस्य हरेण तत्त्रणेऽपि भाज्यादन्यूनतया यदि कि चित्फलवेषम्यं स्यात्तत्र।-पि 'गुणलब्ध्योः समं ग्राह्मं—' इत्यादिनैव तत्त्रणफलं ग्राह्ममिति। यथा भाज्यः ३। हारः ४। त्तेपः ७। एवं विधस्थले फलयोर्यथा वैषम्यं न भवति तथा प्रकारान्तरं न दृश्यते।।

दूसरा विशेष-

जिस स्थान में चेप हार से अधिक हो, वहां हार से तष्टित किये गये चेप को चेप कल्पना कर के उक्त रीति से गुया-लिब्ध सिद्ध करना। वहां गुया जो आया है वहीं होगा और लिब्ध, चेप के ताष्टित करने में जो फल आया है उस से जुड़ी हुई वास्तव होगी, यह धनचोप में जानना चाहिए। श्रृणचोप में, चोप को हर से तिष्टित करने के बाद 'योगजे तच्चणाच्छुद्धे गुणाप्ती स्तो वियोगजे' इस रीति के अनुसार गुण-लिब्ध सिद्ध करना वहां गुण तो यही वास्तव होगा पर लिब्ध, चोप के तिष्टित करने से जो फल आया है, उस को घटाने से वास्तव होगी। जहां कहीं चोप, भाज्य से न्यून न हो और हार से न्यून हो, वहां गुण-लिब्ध के तिष्टत करने में, कहीं फल का वैषम्य (कमीवेशी) होगा, तो इस विधि की प्रवृत्ति न होने से 'गुणलब्ध्यो: समं प्राह्मं धीमता तच्चणे फलम्' इस सूत्र के अनुसार फल लेना चाहिये।। अथवा भागहारेण तष्ट्योः क्षेपभाज्ययोः।

गुणः प्राग्वत्ततो लिब्धभाज्याद्वतयुतोदृतात्॥

श्रथ भाज्येऽपि हराद्धिकेऽनुष्टुभा विशेषमाह—श्रथवेति। यत्र भाज्यनेपौ हराद्धिकौ तत्र पूर्ववद्वा नेपमात्रतन्तर्णेन वा गुणाप्ती साध्ये। श्रथवा भाज्यनेपौ द्वाविप हरेण तन्त्रयौ तष्ट्योः नेपमा-ज्ययोः पाग्वदेव गुणाप्ती साध्ये तत्र गुण एव ग्राह्यो न लिक्षः। कथं तर्हि लिक्षरवगन्तव्येति तदाह—भाज्याद्धतयुतोद्धृतादिति। हतश्चासौ युतश्च हतयुतः, हतयुतश्चासावुद्धृतश्चेति हतयुतोद्धृ-तस्तस्मात्। गुणेन गुणितात्नेपेण युताद्धाजकेन भक्तादुदिष्टाद्धा-ज्याद्या लिक्धभवति सा क्षेयेत्यर्थः। श्रस्त्यत्र लिक्धिकाने मकारा-न्तरमि। तथाहि—भाज्यतन्त्रणलामो गुणेन गुणानीयः पश्चात्नेप-तन्त्रणलामेन संस्कार्यः, संस्कृतेन तेन गणितागता लिक्धः सं-स्कार्यो सा लिक्धभवतीति गौरवादाचार्येरिदं नोक्कम्।।

दूसरा विशेष—

जहां पर भाज्य-च्रेप, हार से अधिक हों वहां पूर्व प्रकार से अथवा, च्रोपमात्र को तष्टित कर, गुगा-लिब्ध सिद्ध करना । अथवा भाज्य-च्रोपों को हार से तष्टित कर के उन तष्टित भाज्य-च्रोप पर से उक्त रीति से गुगा-लिब्ध सिद्ध करने से गुगा वास्तव होगा । परंतु लिब्ध वास्तव न होगी, वह गुण से गुणित चोप युक्त भाज्य में, हार का भाग देने से वास्तव होगी।।

क्षेपाभावोऽथ वा यत्र क्षेपः शुध्येद्धरोदृतः॥ ज्ञेयः शून्यं गुणस्तत्र क्षेपो हारहृतः फलम्३५

त्रथ त्तेपाभाव एकादिगुणहरसमे वा त्तेपेऽनुष्टुभा विशेषमाह— त्तेपाभाव इति । यत्रोदाहरणे त्तेपस्य त्रभावो राहित्यं स्यात् त्रथवा त्तेपो हरेण उद्धृतो भक्तः शुध्येत् निःशेषतां गच्छेत् तत्र शून्यं गुणः हारहृतः त्तेपः फलं लिब्धरित्यर्थः ॥

दूसरा विशेष-

जिस उदाहरण में च्लेप न हो अथवा हार के भाग देने से वह नि:शेष होता हो, वहां गुण शून्य होगा और च्लेप में हार का भाग देने से जो फल मिलेगा वहीं लब्धि होगी।

अइष्टाहतस्वस्वहरेण युक्ते ते वा भवेतां बहुधा गुणाप्ती।

अथ गुणलब्ध्योरनेकत्वपुपजातिकाप्वधिनाह-इष्टेति। स्वस्य स्वस्य हरः स्वस्वहरः, इष्टेन आहतः, इष्टाहतः, इष्टाहतश्चासौ स्वस्वहरश्च इष्टाहतस्वस्वहरः, तेन इष्टाहतस्वस्वहरेण युक्ते गुणाप्ती गुणलब्धी बहुधा भवेताम्। इष्टेन गुणितं हरं गुणे प्रक्षिपेत्, तेनैवेष्टेन गुणितं भाज्यं लब्धी च प्रक्षिते । एवमेते गुणाप्ती इष्टकल्पनवशादनेकथा भवत इत्यर्थः।।

एक गुर्या लिब्ध से दूसरे गुर्या लिब्ध लाने का प्रकार-

चक्त प्रकार से सिद्ध जो लिब्ध गुया हैं। उनको इष्ट से गुयित अपने अपने हरों से युक्त करने से दूसरे लिब्ध-गुया होंगे अर्थात् इष्ट

^{*} श्रस्येव पद्यस्योत्तरमर्थम् 'त्रेपं विशुद्धि परिकल्परूपं पृथक् पृथक् ये गुणकारलव्धी' इतिः।

गुणित हर को गुण में, अौर उसी इष्ट से गुणित भाज्य को लाब्धि में जोड़ने से एक ही गुण लाब्धि पर से इष्ट वश अनेक गुण लाब्धि सिद्ध होंगे।

उपपत्ति—

भाज्य गुर्य से गुर्यित एवं चोपयुक्त श्रीर हार लाब्ध का घात श्रापस में समान होते हैं—

गु× भा + चो = हा × ज-

इन में इप्र गुणित हार इ \times हा जोड़ देने से भी समान ही रहे— गु \times भा + चे + इ \times हा = हा \times ल + इ \times हा

दूसरे पत्त में हार का भाग देने से इष्टाङ्क और लिंध की योगरूप लिंध आती हैं। इससे 'त्तेपतत्त्रग्राजाभाढ्या लिंधः—' यह उपपन्न हुआ। क्योंकि त्तेप तिष्टित करने से जो फल (लिंध) आता है उसी को इष्ट अङ्क कल्पना किया है।

इसी माँति पहले पत्त में, दूसरे खगड को हर से तष्टित धन चिप के तुल्य कल्पना किया और तीसरा खगड इष्ट और हार का घात है, वह चोप को तष्टित करने से जो फल मिला है, उस से गुणित हार है। इसलिये, उन दोनों के योग को चे + इ × हा मुख्य चोप कल्पना किया। अब यहाँ पहला खगड गुगा गुणित भाज्य का स्वरूप है गु. × भा इसमें मुख्य चोप जोड़ कर, हार का भाग देने से मुख्य लिब्ध मिलनी चाहिये। क्योंकि, दूसरे पत्त में हार का भाग देने से इष्ट और लिब्ध की योगरूप इ + ल + मुख्य लिब्ध आती है। इस से धनचोप में जो कहा है, वह उपपन्न हुआ।

इस प्रकार ऋगाचोप में पहले पत्त को इष्ट और हार के घात से हीन करने से भी समान ही हैं—

अथवा, चोप के दो खएड किये-एक आदि से गुणित हार के समान एक खएड और शेष के समान दूसरा खएड। यहाँ शेष समान चोप से जो गुगा सिद्ध किया है उससे गुगित और शेष मित चोप से युक्त भाज्य में, हार का भाग देने से शेष नहीं रहेगा। किंतु चोप का पहला खराड, एक आदि गुगित हार के समान होने से, इस चोप खराड में हार का भाग देने से चोप के तच्चाय फल के समान लिट्य आती है। उसको पहली लिट्य में जोड़ देने से भी वहीं बात सिद्ध हुई।

इसी प्रकार भाज्य-चोप भी, हार से तष्टित किये जाते हैं और वहाँ भी चक्त रीति से उपपित्त जाननी चाहिये। जैसे चोप के दो खराड़ किये हैं वैसे ही भाज्य के भी दो खराड़ करना। भाज्य को तष्टिन करने से जो लब्धि आवे उसको गुर्ण से गुणित और चोपनचाण फल से संस्कृत (युक्त-हीन) करके फिर उसका गणितागत लब्धि में संस्कार (अन्य-धन) करने से वह मुख्य लब्धि होगी। परंतु यह बात आचार्य ने गौरव भय से नहीं कही किंतु लाधव से 'भाज्याद्धतयुतोद्धृतात्' यही कहा है।

जिस स्थान में चोप नहीं होता वहाँ गुण शून्य होता है। उस
शून्य गुण से भाज्य को गुण्ने से गुण्न फल शून्य झौर उसमें
हार का भाग देने से लिब्ध भी शून्य ही झाती है, यह बात झित
सुगम है। इस माँति हार का भाग देने से, यिद चोप में निःशेषता
हो तो भी गुण शून्य ही होगा झौर उस से भाज्य को गुण्ने से
गुण्न फल शून्य होता है झौर वहाँ चोप के जोड़ने से हार का भाग देने
से 'चोपो हारहतः फलम्' यही संपन्न होता है। इस सूत्र से झौर 'मिथो
भजेती हढभाज्यहारौं—' इस सूत्र से गुण्य लिब्ध के ज्ञान में बीज के
'नवाङ्कर'टीकाकार कृष्णदैवज्ञ ने लाघव दिखलाया है—जैसा—भाज्य=
१००। हार=६३। चोप=३७। उक्त प्रकार से बड़ी हुई। १

* 9 2

8

The same and the same of the same of the

इस से लिब्ब-गुगा हुए ६६ ६२। अथवा, भाज्य १०० में हार ६३ का भाग देने से १ लिब्ब और ३७ शेष रहा, इस का फिर भाज्यरूप हार ६३ में भाग देना है पर यहाँ हार ३७ से त्तेप ३७ नि:शेष हुआ और लिब्ब १ मिली। पहले की लिब्ब ही लिब्ब है और दूसरी लिब्ब त्तेप १ है। उस के नीचे शून्य इस प्रकार वहीं हुई। १

8

0

लिंघ-गुर्या १ । १ वल्ली विषम है, इस लिये श्रयने-श्रयने तत्त्त्र्या में घटाने से हुए ६६ । ६२ ।

भाज्य=१००। हार=६३। चोप=२६ उक्र विधि से बली हुई। १

9

8

4

2 2

२६

0

इस से लिबिय-गुगा हुए २।१ ग्रथवा, भाज्य १०० में हार ६३ का भाग देने से पहली लिबिय १ आई, शेष ३७ रहा, इस का हार ६३ में भाग देने से दूसरी लिबिय १ आई, शेष २६ रहा, इस का चोप २६ में भाग देने से नि:शेष फल १ आया, इससे वहीं हुई। १

8

0

उक्त प्रकार से लिब्ध गुगा हुए २ । १ । आज्य=१००।हार=६२। चोप=३३। उक्त विधि से वल्ली हुई। १

लिंध-गुगा हुए ६१। ४७। आथवा भाज्य १०० में हार ६२ का भाग देने से पहली लिंध १ मिली, शेष ३८ का हार ६२ में भाग देने से दूसरी लिंध १ आई, फिर शेष २६ का पहले शेष ३८ में भाग देने से तीसरी लिंध १ आई, शेष ११ रहा। इसका चेप ३३ में भाग देने से लिंध ३ आई इससे वहीं हुई १

2 2 2

लिंध-गुण हुए हा ६ वल्ली के विषम होते से अपने अपने तत्त्रण में शुद्ध करने से ६१। ४७ यही पहले लिंवि-गुण आये थे।।

उदाहरणम्— एकविंशतियुतं शतद्वयं यद्गुणं गणकपञ्चषष्टियुक्। पञ्चवर्जितशतद्वयोद्धृतं शुद्धिमेति गुणकं वदाशु तम्॥ २२॥ श्राधिमेति गुणकं वदाशु तम्॥ २२॥ श्राधिमेति गुणकं वदाशु तम्॥ २२॥ तेषु यत्र त्रयाणामप्यपवर्तनं संभवित लब्धयश्च समास्तादृशमुदा-हरणं रथोद्धतयाह—एकेति । स्पष्टम् ।

उदाहरयाम्-

ऐसा कौन गुण्यक है जिस से दोसौ-इक्कीस को गुण दें और पैसठ जोड़ कर एक सौ-पंचानने का भाग दें तो वह नि:शेष होता है।

न्यासः। भाज्यः २२१। हारः १६५ क्षेपः६५ अत्र परस्परं भाजितयोर्भाज्यभाजकयोः शेषम् १३। अनेन भाज्यहारक्षेपा अपवर्तिता जाता हढाः

> भा. १७। क्षे. ५। हा. १५।

श्रनयोर्द्रहभाज्यहारयोः परस्परं भक्तयोर्त-ब्धमधोधस्तद्धः क्षेपस्तद्धः श्रून्यं निवेश्य-मिति न्यस्ते जाता वल्ली

9

y

0

'-उपान्तिमेन स्वोध्वें हते-' इत्यादिकर-णेन जातं राशिद्धयम् ३० एतौ दृढभाज्यहारा-भ्या १० माभ्यां तष्टो शेषमितौ लिब्धगुणौ ३।

श्रनयोः स्वतक्षणिष्टगुणं क्षेप इत्यथवा ल-व्धिगुणो ^{२३} वा ४० इत्यादि ॥

न्यास । भाज्य = २२१ । हार = १६ ४ । च्लेप = ६४ यहाँ अपवर्तनाङ्क जानने के लिये भाज्य २२१ में हार १६४ का भाग देने से २६ शेष रहा, इसका हार १६४ में भाग देने से १३ शेष रहा, इसका पहले शेष १३ में भाग देने से शेष कुछ नहीं बचता, इस लिये परस्पर भाग देने से १३ अन्त्य शेष रहा और यही उन का अपवर्तनाङ्क है। इस से अपवर्तित भाज्य, हार, च्लेप, हढ़ हुए—

भा=१७ । स्ते=४। हा=१४ ।

श्चित्र इन हढ भाज्य हारों के श्चापस में भाग देने से जो लिब्धि मिलीं उनको एक के नीचे एक, इसक्रम से स्थापन करने से श्चौर उनके नीचे चेप, चेप के नीचे शून्य रखने से वल्ली निष्पन्न हुई---१

v

×

0

यहाँ उपान्तिम १ से उस के ऊपर ७ को गुणा ३४ हुआ इसमें अन्त्य ० को जोड़ कर मिटाने से ३५ ऐसा स्वरूप हुआ। फिर उपान्तिम १ से ऊपर १ को गुण्ने से ३४। इस में अन्त्य १ को जोड़ने से दो राशि हुई ३५ । इन को टढ भाज्य-हार १५ से तिष्टित किया तो शेष रहा ५ ये कम से जिंध्य गुणा हुए। यहां 'इष्टाहतस्वस्वहरेण युक्ते—' इस सूत्र के अनुसार १ इप्ट से अपने अपने हर १७। १४ को गुणा १७। १४ हुए, इनको जिंध-गुणा में जोड़ने से २३ दूसरे जिंध-गुणा हुए। इसी भाँति २ इप्ट मानने से ३० । ३ इप्ट ५०। इस प्रकार इप्ट कल्पना से अनेक जिंध-गुणा आवेंगे।

आलाप-गुर्या ४ से भाज्य २२१ को गुर्या ११०४ हुआ, च्लेप ६४ जोड़ा ११७० हुआ । हार १९४ का भाग देने से निःशेष होता है, यही प्रश्न था। इस प्रकार प्रत्येक गुर्या से आजाप मिलाकर प्रवीति करनी चाहिये॥

उदाहरणम्-

शतं हतं येन युतं नवत्या विवर्जितं वा विहतं त्रिषष्टचा। निरयकं स्याद्वदं में गुणं तं स्पष्टं पटीयान् यदि कुट्टकेऽसि॥ २३॥

श्रथ त्रयाणामपवर्ते 'भवति कुट्टविधेः—' इति सूत्रस्य स्वतन्त्र-मुदाहरणं 'योगजे तत्त्रणाच्छुद्धे—' इत्यस्य च क्रमेणोदाहरणद्वय-मुपजातिकयाह—शतिमिति । येन गुणेन हतं नवत्या युतं त्रिपष्टचा विह्तं शतं निरम्रकं स्यात्तं गुणं वद । श्रथ वियोग उदाहरणम्— विवर्जितं वेति । शतं येन हतं नवत्या विवर्जितं त्रिपष्टचा विह्तं निरम्रकं स्यात्तं गुणं च वद । यदि त्वं कुट्टके पटीयान् पद्धतरोऽसि ॥

उदाहरया--

वह कौन गुया है, जिस से गुया नब्बे से जुड़ा और तिरसठ से भाजित सौ नि:रोष होता है।

श्रयवा, ऐसा कौन सा गुगा है कि जिस से गुगितः नब्बे से हीनः . श्रीर तिरसठ से भाजित सौ निःशेष होता है। न्यासः। भाज्यः १००। हारः ६३। क्षेपः ६० त्रात्र वर्ह्वा १

9

9

2

S

9

8 6

0

'-उपान्तिमेन-' इत्यादिना जातं राशिहयम् १४३९ पूर्ववल्लिब्धगुणो १९। ऋथवा भाज्यक्षेपो दशिभरपवर्तितो मा. १०। क्षे. ६। हा. ६३। एभ्योऽपि पूर्ववह्रिक्षा ०

E

3

3

0

'-उपान्तिमेन-'इत्यादिना राशिद्वयम् १३%

पूर्ववजाती लिधगुणी 👸 अत्र लब्धयो विषमा इति स्वतक्षणाभ्या—

अत्र लिंधर्न प्राह्मा गुणघ्रमाज्ये क्षेपयुते हारभक्ते लिंधश्च ३०। अथवा, भाज्यक्षेपा-पवर्तनेन १० पूर्वानीता लिंधः ३ गुणिता जाता सेव लिंधः ३०। अथवा, हारक्षेपो नवभिरपवर्तितो

> भा. १.००। क्षे. १०। हा. ७। पूर्ववद्वी ^{१५}। जातं राशिद्वयम् ^{५५}३

तक्षणे जातम् ३ हारक्षेपापवर्तनेन ६ गुणं संगुण्य जातो लब्धिगुणो तावेव १ व्यासः। अथवा भाज्यक्षेपोहारक्षेपो चापवर्त्य न्यासः।

भा. १०। क्षे. १।

हा. ७। अत्रत्र जाता वस्नी १

?

9

0

पूर्ववजातं राशिद्धयम् ३ तक्षणाजातं तदेव ३ भाज्यक्षेपहारक्षेपापवर्तनेन क्रमेण लिब्धगुणी गुणिती जाती तावेव ३६ गुणलब्ध्योः स्वहारी क्षेपावित्यथवा लिब्धगुणी १३१ वा १३९ इत्यादि। योगजे गुणाप्ती ६५ स्वतक्षणाभ्यामाभ्यां १६३ योगजे गुणाप्ती ६५ स्वतक्षणाभ्यामाभ्यां १६३ वा ११७५ वा ११७५ वा ११७५ वा ११७५ वा ११७५ वा ११७५ इत्यादि ।

न्यास । भाज्य=१०० । हार=६३ । चोपं=१० । यहाँ हार-भाज्यों के परस्पर भाग देने से १ शेष रहा, इसिलये यही अपवर्तनाङ्क हुआ, उससे अपवर्तन न देकर, उक्त प्रकार से वझी निष्पन्न हुई १

8

9

2

2

9

03

0

'— उपान्तिमेन, स्वोर्द्धे हतेऽन्त्थेन युते तदन्त्यं त्यजेनमुहुः स्यादिति राशियुग्मम्' इस के अनुसार दो राशि हुई २४३०

१४३०.

अपने-अपने हार से ताद्येत लिब्ध-गुगा हुए रे अथवा, भाज्य

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

8

चोप में १० से अपवर्तित भाज्य=१०। हार=६३। चोप=६। उक्त रीति से बल्ली हुई ०

10° 77 X

पूर्व प्रकार से दो राशि हुई रहेर तिष्टित हुए यहाँ लिडिंघ विषम थी, इसलिये अपने-अपने तत्त्राय हैं में तिष्टित लिडिंघ-गुया हुए रेंद्र यहाँ लिडिंग, भाज्य गुया से गुयित, त्त्रेपयुत और हार से भाजित वास्तव लिडिंघ ३० हुई । अथवा, पहली लिडिंघ ३ को अपवर्ताङ्क १० से गुया देने से, वास्तव लिडिंघ ३० हुई । इस भाँति वही लिडिंध-गुया हुए हैं ।

अथवा, हार चोप में नो से अपवर्तित भाज्य=१०० । हार=७ । चोप=१० । उक्त रीति से वही १४ उक्त क्रिया के अनुसार ^{४३} दो राशि

ति करने से हुए हैं यहाँ गुगा २ अपवर्तनाङ्क ६ से गुगित से वास्तव गुगा १८ हुआ। पूर्व के लिब्ध-गुगा हुए हैं

अथवा, भाज्य च्लेप में दस का अपवर्तन देकर, फिर हार च्लेप में नौ का अपवर्तन देने से भाज्य=१०। हार=७। च्लेप=१। वही हुई १

श्रीर उक्त रीति से दो राशि हुए हैं। श्रव यहाँ गुण २ को हार चोप के श्रपवर्तनाङ्क ६ से गुणित वास्तव गुण १८ हुशा और लिब्ध ३ को भाज्य चेप के श्रपवर्तनाङ्क १० से गुणिन से वास्तव लिब्ध हुई ३ ०। इस भाँति वहीं लिब्ध-गुण श्राये हैं और १ इष्ट कल्पना करने से १३ लिब्ध-गुण हुए। २ इष्ट १३ लिब्ध-

र्ग हुए । CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri अब धनचेपसम्बन्धी हैं चे लिडिध-गुगा अपने-अपने तक्तगा हैं में शुद्ध किये गये तो ऋगाचेपसंबन्धी हुए हैं इसी माँति और भी हुए हैं इसथवा हैं हैं।

उदाहरणम्-

* यद्गुणा क्षयगषष्टिरिन्वता वर्जिता च यदि वा त्रिभिस्ततः। स्यात्त्रयोदशहता निरयका तं गुणं गणक मे एथग्वद्॥२

त्रथ धनभाज्योद्भवे तद्वत्-' इत्यस्योदाहरणद्वयं र थोद्धत याह-त्रोपस्य धनत्वेन एकम्, ऋग्यत्वेन द्वितीयम्, एवमुदाहरग्य-द्वयं द्रष्टव्यं शेषं स्पष्टम् ॥

उदाहरण-

वह कौनसा गुण है जिससे ऋगा साठ को गुगात है और उसमें तीन जोड़ या घटा देते हैं, वाद तेरह का भाग देने हैं तो नि:शेष होता है।

न्यासः। भाज्यः ६ । क्षेपः ३ । हारः १३ ।

प्राग्वज्जाते धनभाज्ये धनक्षेपे गुणाप्ती ११ एते स्वस्वतक्षणाभ्यामाभ्यां ६३ शुद्धे जाते

अत्र ज्ञानराजदेवज्ञः—

ध्वश्वानां त्रिशाजी च येन ग्राणिता दिखार्गशुक्ता भने-द्वाच्या रुद्रभितेई रैर्वद ग्रुणं प्रत्येकमस्त्रागमम् । एकाशीतिशतत्रयं कतिग्रणं भाज्यं द्विशत्या भजे— त्पनाशत्सदितं सुधीन्द्र भवता दृष्टोडासि चेत्कृष्टकः ॥ ऋणभाज्ये धनक्षेपे ॄ अत्र भाज्यभाजकयो-विंजातीययोः 'भागहारेऽपि चैवं निरुक्तम्' इत्युक्तत्वाह्मब्धेः ऋणत्वं ज्ञेयम् । ॄ पुनरेते स्वस्वतक्षणाभ्यामाभ्यां ॄै शुद्धे जाते ऋण-भाज्ये ऋणक्षेपे गुणाप्ती दू

* 'ऋणभाज्यऋणक्षेपे धनभाज्यविधिर्भवेत् ॥ तद्दत्क्षेपे धनगते व्यस्तं स्यादृणभाज्यके ॥ धनभाज्योद्भवे तद्दद्भवेतामृणभाज्यजे ॥

इति मन्दावबोधार्थ मयोक्तम्। अन्यथा 'योगजे तक्षणाच्छुद्धे' इत्यादिनेव तिसद्धेः। ऋणधनयोयोगोवियोगएव। अतएवभाज्य-भाजकक्षेपाणां धनत्वमेव प्रकल्प्य गुणाप्ती साध्ये। ते योगजे भवतः। ते स्वतक्षणाभ्यां शुद्धे वियोगजे कार्ये। भाज्ये भाजके वा ऋणगते परस्परं भजनाक्षब्धयः ऋण-गताः स्थाप्या इति किं प्रयासेन। तथा कृते

^{* &#}x27;ऋणमाज्ये' इत्यारम्य 'माज्यके' इत्यन्तः पाठः कस्मिश्चिन्मूलपुस्तके टीका-पुस्तके च नीपलम्यते 'धनमाज्योद्भवे—' इत्यर्धे तु मूलपुस्तकद्भये टीकापुस्तकद्भये चाप्यवलोक्यते । तथा च "इति मन्दावकोधार्यं मयोक्तम् । चन्यया 'योगजे तत्त्रणा-च्छुद्धे—' इत्यादिनेव तित्तद्धेः" इति भूलप्रन्यलेलाच्चास्य गाथारूपस्य श्लोकपादषद्द-कस्य मूलस्त्रेऽपाङ्क्तेयता प्रतीयत इति विमावयन्तु तत्त्वविदः ।

सित भाज्यभाजकयोरेकस्मिन्नृणगते गुणाप्ती 'द्वी राशी क्षिपेत्तत्र—' इत्यादिना परोक्तसूत्रेण लब्धी व्यभिचारः स्यात्॥

न्यास । भाज्य = ६०। हार = १३। चोप = ३। उक्त प्रकार से वल्ली ४ हुई

~ ~ ~ ~ ~ ~ ~

बाद दो राशि हुए ६६ अपने अपने तत्त्त्रणों ६० से तष्टित करने से १४ १३

ई यहाँ लिब्ध विषम हैं, इस कारण अपने अपने तल्लाों हैं। में शुद्ध लिब्ध-गुण हुए हैं। ये धनभाज्य धनलेप संबन्धी हैं, अब इन्हें फिर अपने अपने तल्लाों हैं। में शुद्ध करने से. अनुण-भाज्य, धनलेप संबन्धी लिब्ध-गुण हुए हैं यहाँ भाज्य भाजकों के विज्ञातीय होने से भागहारेऽपि चैंबं निरुक्तमं इस सूत्र के अनुसार लिब्ध है को अनुणा जानना। फिर उन को हैं। इन तल्लाों में शुद्ध करने से अनुणाभाज्य अनुणालेप में लिब्ध-गुण हुए हैं। यहाँ पर भी, हार-भाज्य के भिन्न जातीय होने से, लिब्ध प्रशे को अनुणा जानना चाहिए।

अत्र यहाँ इस बात पर ध्यान देना है कि— प्रथम भाज्य, भाजक और चोप को धन कल्पना करके लिब्ध गुगा सिद्ध करना, यदि बहिष्ट भाज्य, चोप धन अथवा अगुगा हों तो, सिद्ध किये हुये लिब्ध गुगों पर से ही बहिष्ट की सिद्धि होगी। यदि भाज्य, चोपों में कोई

१—सूत्रमिदं टीकापुस्तके नीपलभ्यते, किंच कुत्रचिन्मूलपुस्तके पूर्वोक्तसूत्रस्य स्थाने ''इष्टइतंऽघोराशी—' इत्यादिना पूर्वसूत्रेण'' इत्याकारः पाठो दश्यते । तत्रैतयोः कतरः पाठो ज्यायानिति वक्तु न शक्यते, सकलस्त्रादर्शनादद्दतरप्रमाणात्रपलम्माच ।

एक धन और दूसरा ऋण हो तो, यथागत लाब्ध गुणों को अपनेअपने तत्त्रण में शुद्ध करने से उदिए की सिद्धि होगी, और हार के
धन होने से कुट्ठक में कुछ विशेष न होगा। उक्त रीति से गुण लिब्ध्य धन ही होंगी और भाज्य भाजकों में, याद कोई ऋण हो तो लिब्ध्य मात्र को ऋणा जानना चाहिये, क्योंकि 'भागहारेऽपि चैंवं निरुक्तम्' ऐसा कहा है। इस भाँति एक बार शोधन करने से उदिष्ट की सिद्धि होगी। और भाज्य ऋण हो तो अपने-अपने नत्त्रण से एक बार शोधन और भाज्य ऋण हो तो झपने-अपने नत्त्रण से एक बार शोधन और चेप ऋणात्र हो तो दो बार, इस बात को आचार्य ने कहा है ''धनभाज्योद्भवे तद्धद्भवेतामृणभाज्यके' इति मन्दाववोधार्थ मयोक्तम्। अन्यथा 'योगजे तत्त्रणाच्छुद्धे—' इत्यादिनैव तिसद्धेः। यतो धनर्णयोगो वियोग एव। अत एव भाज्यभाजकत्त्रेपाणां धनत्वमेव प्रकल्प्य गुणाप्ती साध्ये। ते योगजे भवतः। ते स्वतत्त्रणाभ्यां शुद्धे वियोगजे कार्ये '' इत्यादि।

अर्थात्—यहाँ घन भाज्य संबन्धी लिब्ध गुण, अनुण भाज्य में होते हैं, यह मैंने मन्द्रजनों के बोध के लिये कहा है। अन्यथा 'योगजे तत्त्रणाच्छु दें 'इसी सूत्र से सिद्धि होती है। क्योंकि, धन और अनुण राशि का योग ही अन्तर होता है, इसीलिये भाज्यभाजक चोपों को धन कल्पना करके उक्त राति से गुण-लिब्ध सिद्ध करना वे धनचोप में होंगी और उन्हें अपने अपने दृढ भाज्यहारों में शुद्ध करने से अनुण्वेप में होंगी।

इस प्रकार शृण्भाज्य में निष्प्रयास कुट्टक की सिद्धि होने पर भी पूर्व आचारों ने वृथा परिश्रम किया है, यह कहते हैं—'भाज्ये भाजके वा शृण्गते परस्परभजनाइड्डथर: शृण्गताः स्थाप्याः कि प्रयासेन' अर्थात् भाज्य अथवा भाजक के शृण्गत होने से उनके आपस में भाग देने से जो लडिंघ आती हैं उन्हें, शृण्गत स्थापन करना अर्थात् उन सब लडिंघयों के शिर पर विन्दु देकर एक आड़ी लकीर की भाँति लिखना, ऐसा परिश्रम करने का क्या प्रयोजन है ? स्योंकि उक बात की सिद्धि बड़ी सुगमता से होती है। और प्रयास- . मात्र ही नहीं है, किंतु लिंब्स में व्यभिचार भी आता है। जैसा-प्रकृत उदाहर्या में भाज्य=६० । स्रेप=३ ।

हार=१३।

चक विधि से बही हुई 👸

होगति । स्रोत साम्य कार्या और से अपने अपने स्थाप से पढ़ पार होत्य । आने संस्थ काल तो के स्थान के स्थान के स्थान के स्थान हैं शोधन स्थार पार स्थान हो तो दो सार, इस बाब को स्थानहों ने इस हैं !'पनस्थात्योदनों इस्लीबांस्यायान्यां स्थि मन्स्यकोत्रार्थ rement i mean "allo enquest - describit allo de la partera

बाद दो राशि ६६ तष्टित करने से हुए ६ 24

लिंध के विषम होने से अपने-अपने तत्त्त्यों में शुद्ध करने से, अपृ्य भाज्य धनचोप में लिडिध-गुगा हुए

यहाँ लिब्ध व्यभिचरित होती है, क्योंकि ११ से भाज्य ६० गुणित ६६० हुआ इसमें चोप ३ जोड़ने से ६५७ हुआ हार १३ का भाग देने से ४० लिडिंघ आई और शेष ७ रहा । यदि कहें यहाँ शेष रहने से गुण भी व्यभिचरित होगा, लिब्ध में ही व्यभिचार क्यों कहा ? सत्य है, लिंहभ्र यहाँ उपलचाण है, इसिवये गुगा का भी व्यभिचार सिद्ध हुआ। लिब्ध में व्यभिचार का निश्चय होने से ई ये जो लिव्ध गुगा श्राये थे, उन को ज्यों का त्यों रक्खा, श्रव इस में आलाप मिलता है जैसा-भाज्य ६० को गुण २ से गुणित १२० हुआ चोप ३ जोड़ने से ११७ हुआ इस में हार १३ का भाग देने से भाग लिव है आई। यहाँ आलाप तो कथांचित् मिल गया परंतु 'एवं तद्वैवात्र यदा समास्ताः स्युर्लव्धयश्चेद्विषमास्तदानीम्। यथा गतौ लिब्धगुर्यो विशोध्यौ स्वनच्त्रणाच्छेपिमतौ तु तौ स्तः' .इस सिद्धान्त से विरोध आता है, क्योंकि लब्धि विषम आई है। श्रीर ऐसा मानने से भाज्य, भाजक, त्रंप, इनके धन होने में श्रीर

अबिया के विषम होने में व्यक्तिचार ज्यों का त्यों बना रहना है। इसी उड़ाइरगा भें उक्त रीति से लब्धि-गुगा सिद्ध हुए 💲 अत्र यहाँ त्रालाप भाज्य ६० धन गुरा २ से गुरियत १२० हुआ, इस में च्चेप ३ नोड़ा १२३ हुआ हार १३ का भाग देने से नि:शेप नहीं होता । यदि यह कहें कि धनात्मक विषम लिटिय में अपने-अपने तत्ताणों में शोधन अवश्यक है. ऋणात्मक में नहीं, तो यह ठीक नहीं है, क्योंकि उक्त होय का परिहार नहीं होता, जैसा-इसी उदाहरण में हार मात्र को ऋगा कल्पना करने से लब्धि गुगा हुए इ अप भाज्य ६० गुगा २ गुगित १२० हुआ। इस में चोप इ जोड़ा १२३ हुआ इस में हार १३ का भागदेने से नि:शेप नहीं होता। श्रीर सम लाविध में भी व्यभिचार होता है जैसा-वच्यमाण उदाहरण

के आज्य=१ म हार=१ रे श्रीर चोप=१० हैं। उक्त रीति से वली हुई रै

his teleposition for the latest with the first te

दो राशि ३ तष्टित करने से १ ई हुए।

· far a viru arto serio i /senalesevan impie PART IS SIX I SA RE.

यहाँ भाज्य १ = गुण दं से गुणित १४४ हुआ चोप १० जोड़ा १३४ं हुआ इसमें हार ११ का भाग देने से १२ लाव्धि आई और २ शेष ग्हा, यह सब अनुक्त भी बुद्धिमान् जानते हैं। यहाँ हार के अनृशा होने से सभ लिडिय में अप्रौर भाज्य के अनृशा होने से विषम लिटिश्र में, प्राचीन रीति में लिटिश-गुग् व्यभिचरित होते हैं।

उदाहरगाम्--

अष्टादश हताः केन दशाच्या वा दशोनिताः। शुद्धं भागं प्रयच्छन्ति क्षयगैकादशोद्धताः २५ न्यासः। भाज्यः १८। क्षेपः १०।

हारः ११।

अत्र भाजकस्य धनत्वं प्रकल्प्य साधिती लिब्धगुणी १९ एतावेव ऋणभाजके । किंतु लब्धेः पूर्ववहणत्वं ज्ञेयम् । तथाकृते जाती लिब्धगुणी १९ । ऋणक्षेपे तु 'योगजे तक्षणा-च्छु दे—' इत्यादिना लिब्धगुणी १ भाजकस्य धनत्वे ऋणत्वे वा लिब्धगुणावेतावेव, परंतु भाजके भाज्ये वा ऋणगते लब्धेः ऋणत्वं सर्वत्र ज्ञेयम् ॥

उदाहरण-

वह कौन-सा गुण है जिस से अठारह को गुणकर, इस जोड़ वा घटा देते हैं और अगुण ग्यारह का भाग देते हैं तो नि:शेष होता है। न्यास। भाज्य=१८। हार=११। चोप=१०। उक्त प्रकार से बली उत्पन्न हुई १ बाद दो राशि दें ति तिष्ठत दें भाज्य हार और १ चोप इन तीनों के घन होने से दें ये जिंधि गुण हुए, और १ हारमात्र के अगुण होने से भी वहीं जिंधि गुण हुए, किंतु जिंधि मात्र १ का अगुणत्व होगा क्योंकि 'भागहारोऽपि चैवं निरुक्तम्' यह कहा है। १० इस मांति अगुण हार में जिंधि गुण हुए १ मा प्रव अगुण के वहा है। १० इस मांति अगुण हार में जिंधि गुण हुए १ मा प्रव अगुण के वहा हो। १० इस मांति अगुण हार में जिंधि गुण हुए १ मा प्रव अगुण होने से जिंधि अगुण होगी। यहाँ सर्वत्र अगुणत्व के निमित्त अपने-अपने तक्ताों में शोधन कहा है सो तभी जानना जब भाज्य चोपों में कोई एक अगुण हो और जिंधि भी अगुण होती है जब भाज्य-भाजकों में कोई अगुण हो।

कई लोग 'श्रृणभाज्योद्भवे नद्वद्भवेतामृण्यभाजके' ऐसा पाठ कल्पना करके भाजक के आण होने पर भी शोधन करते हैं। यह ठीक नहीं प्रतीत होता, जैसा इस नदाहरण में तीनों के घन होने से, लिघ-गुण हुए १ और हार मात्र के ऋण होने से अपने-अपने तक्त्यों में शोधन किया तो लिघ हुए इ आलाप—साउयं १ म गुण ३ से गुणित ४४ हुआ। इस में केप १० जोड़ा ६४ हुआ। अब ऋणहार रयारह का भाग देने से ४ लिडिय आई और शेप १ रहा इसलिये यह असन् हुआ।

उदाहरणम्-

येन संगुणिताः पञ्च त्रयोविंशतिसंयुताः। वर्जिता वा त्रिभिर्मक्षा निरयाः स्युः स को गुणः २६ न्यासः। भा. ५ । क्षे २३। अत्र वल्ली १

हा. ३।

9

२३

0

पूर्ववज्ञातं राशिद्वयम् र्धं अत्र तक्षणेऽघो-राशो सप्त लभ्यन्ते ऊर्ध्वराशोतु नव लभ्यन्ते ते नव न याह्याः । 'गुणलब्ध्योः समं याह्यं धीमता तक्षणे फलम्' इत्यतः सप्तेव याह्या इति जातो लब्धिगुणो ११ वियोगजे एतो स्व-स्वतक्षणाभ्यां शोधितो जातो ऋणक्षेपे इष्टा-हतस्वस्वहरेण युक्ताविति द्विगुणितो स्वस्व-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

हारो क्षेप्यो यथा धनलब्धिः स्यादिति कृते जातो लब्धिगुणो है एवं सर्वत्र ज्ञेयम्। 'हरतष्टे धनक्षेपे' इति न्यासः।भा. ५। क्षे.२ हा. ३।

पूर्ववजाती लिब्धगुणी योगजी ई एती स्व-तक्षणाभ्यां शुद्धी ई जाती वियोगजी। क्षेपतक्षण-लाभाट्या लिब्धः' इति क्षेपतक्षणलाभेन, यो-गजलिब्धर्युता १ जाता योगजा 'लिब्धः शुद्धी तु वर्जिता' इति तक्षणलाभेन, लिब्ध-रियं १ वर्जिता ६ धनलब्ध्यर्थ हिगुणे हरे क्षिप्ते जाती तावेव लिब्धगुणी ई 'ऋथवा भागहारेण तष्ट्योः—' इति न्यासःभा. २। क्षे. २। हा. ३।

अत्रापि जातं राशिहयम् ३ तक्षणाजातं ३ अत्रापि जातः पूर्व एव गुणः २ लिब्धस्तु 'भाज्याद्दतयुतोद्धतात्' इति गुण २ गुणितो भाज्यः १० क्षेप २३ युतो ३३ हर ३ भक्को लिब्धः सेव ११॥

अब 'गुणालब्ध्योः समं प्राह्मम्—' 'हरतष्टे धनच्चेपे—' 'अथवा भागहारेण तष्ट्योः—'इन सूत्रों की ब्याप्ति दिखलाने के लिये उदाहरण्— वह कौन-सा गुगा है, जिससे पाँच को गुगा देते हैं और उस गुगानफल में तेईस जोड़ वा घटा देते हैं फिर तीन का माग देते हैं तो निःशेष होता है।।

न्यास । भाज्य= ४ । हार=३ । चोप=२३ । उक्त रीति से वही १ १ २३

दो राशि १६ यहाँ तत्त्रण करने में नीचले राशि से सात ७ मिलते हैं श्रीर ऊपर के राशि से नी १, परंतु नी १ नहीं लेना चाहिये किन्तु 'गुणलब्ध्योः समं प्राद्यं घीमना तत्त्रणे फलम्' इस सूत्र के श्रनुसार सात ७ ही लेना उचित है। इस माँति १ लिब्ध गुण हुए, ये योगज है। इस कारण श्रपने-श्रपने तत्त्रणों में शुद्ध करने से वियोगज हुए १ यहाँ यदि लब्धि धन की इच्छा हुई तो 'इष्टाहृतस्वस्व-हरेण-' इस सूत्र के श्रनुसार दो इष्ट मानने से लब्धि गुण हुए उ इस प्रकार यदि इष्ट हो तो धन लब्धि सिद्ध कर लेनी चाहिए।

द्राथवा 'हरतष्टे धनच्चेपे—' इस सूत्र के द्यातुसार न्यास— भाज्य=४ । च्चेप=२ । उक्त विधि से वर्छा १ हार=३ ।

0

दो राशि है योगज लिंध-गुगा हैं। अपने-अपने तक्ताों में शोधन करने से वियोगज हुए हैं यहाँ 'क्तपतक्तागुलामाट्या लिंधः—'इस सूत्र के अनुसार केप तक्तागु फल ७ को योगज लिंध ४ में जोड़ने से ११ हुए और 'शुद्धों तु वर्जिता' के अनुसार वियोगज लिंध १ में स्रेप तक्तागु फल ७ को घटा देने से ६ हुए, इस प्रकार वहीं लिंधिगुजा. हुसुन्ता के अनुसार वियोगज लिंध-

'श्रथवा भागहारेण तष्टयो:—' इस सूत्र के श्रजुसार न्यास— भाज्य=२ । चोप=२ । उक्त प्रकार से वझी ० हार=३ १ २

दो राशि है, यहां गुया तो पहला ही हुआ, परंतु लब्धि भाज्या-द्धतथुतोद्धतात्-' इस सूत्र के अनुसार गुया २ से भाज्य ४ को गुयाने से १० चोप २३ जोड़ने से ३३ हुआ इस में हार ३ का भाग देने से वहीं जब्धि आई ११ ॥

उदाहरणम्— येन पञ्च गुणिताः खसंयुताः पञ्चषष्टिसहिताश्च तेऽथ वा। स्युस्त्रयोदशहृता निरयका-स्तं गुणं गणक कीर्त्तयाशु मे॥ २६॥ न्यासः। भाज्यः ५। हारः १३। क्षेपः ०। क्षेपाभावे गुणाक्षी १ एवं पञ्चषष्टिक्षेपे १ वा १३ इत्यादि।

'त्तेपांभावोऽथ वा यत्र त्तेपः शुक्ष्येद्धरोद्धतः' इन दोनों बातों के दिखलाने के लिये उदाहरणा—

ऐसा कौन गुगा है जिससे पाँच को गुगाकर, उस में शून्य आथवा पैसठ जोड़ देते हैं आर तेरह का भाग देते हैं तो नि:शेष होता है।। दोनों उदाहरगों के न्यास भाज्य=४। चोप=०। वा, भाज्य=४। चोप=६४ हार=१३। हार=१३।

यहाँ पहले उदाहरण में चेप का अभाव है और दूसरे में चेप ६ ४ हार १३ का भाग देने से शुद्ध होता है। इसिलिये दोनों स्थोंना में शून्य ही गुण हुआ और दोप में हार का भाग देने से ०,५ फल हुआ। इस प्रकार लिंध-गुण सिद्ध हुए ै। अपेर 'इष्टाहतस्त्र-स्त्रहरेया—' इस सूत्र के अनुसार १ इप्ट मानने से लिंध-गुण हुए भी। १९। इस प्रकार कल्पना वश अनन्त लिंध-गुण होंगे॥

अथ स्थिरकुहके सूत्रं दृत्तम्-क्षेपं विशुद्धं परिकल्प्य रूपं पृथक्षयोर्थे गुणकारलब्धा ॥ ३६॥ अभीप्सितक्षेपविशुद्धिनिन्ने स्वहारतष्टे भवतस्तयोस्ते।

श्रथ ग्रहगणिते विशेषोपयुक्तं स्थिरकुट्टकपुपनातिकोत्तरपूर्वाधीभ्यामाह—त्तेपमिति। त्तेषं धनत्तेषं विशुद्धिमृणत्तेषं रूपं परिकल्प्य
तयोर्धनर्णत्तेषयोः पृथक् ये गुणकारलन्धी स्यातां ते श्रमीित्सतत्तेपविशुद्धिगुणिते स्वहारतष्टे च तयोः त्तेपविशुद्ध्योर्गुणाप्ती
भवतः। एतदुक्तं भवति—'भिथो भनेत्तौ दृढभाज्यहारों—' इत्यादिना फलान्यधोधो निवेश्य तद्धः त्तेपस्थाने रूपं निवेश्य अन्ते
स्वं च निवेश्य '—उपान्तिमेन, स्वोध्वे हते—' इत्यादिना धनत्तेपे
श्रमणत्तेषे गुणलन्धी पृथक्-पृथक् साध्ये। श्रधामीित्सत्तेषो
यदि धनपस्ति ति धनत्तेषजे गुणाप्ती श्रमीिततत्त्तेषण गुणनीये, यदि त्वभीिततत्त्तेषः त्त्रयोऽस्ति ति श्रमणत्तेषजे गुणाप्ती
श्रमीिततेन श्रमणत्तेषण गुणनीये। पश्चात्स्वस्वहारेण पर्ववत्तत्त्वेते उदिष्टगुणाप्ती स्तः॥

स्थिर-कुट्टक का प्रकार --

धनचोप या अनृगाचोप को एक ही मानकर उससे जो गुण-लिब सिद्ध होती हैं, उनको अभिमत घन अथवा अनृगाचोप से गुणने छोरि । अप्रापने अप्रापने असि । असे साम प्राप्त करने से वे घन-अनुगारेप में गुण-जिंध होंगी, ताल्पर्य यह हैं कि 'सिथो भनेती हर भाज्यहारी —' इस सूत्र के अनुसार जो फन सिद्ध हों, उनको एक के नीचे एक, इस रीति से स्थापन करना और क्षेप के स्थान में १ लिख कर उसके नीचे शून्य रखना फिर ''उपान्तिमेन, स्वोध्वें हतेऽन्त्येन युते तदन्त्यं त्यजनमुहु: स्थाहिति राशियुग्नम्' इस किया के अनुसार दो राशि सिद्ध करना और उन से गुण-जिंध लाना वे धनक्षेप अथवा भृणक्षेप में होंगी। बाद उनको अपने धन किंवा ऋणा इष्टक्षेप से गुणकर अपने-अपने हर से तष्टित करने से उदिष्ट गुण-जिंध होंगी।।

यि हिप त्रोप में उदिष्ट गुण-जिब्ध त्राती है, तो इष्ट त्रोप में क्या, इस प्रकार अनुपात से 'त्रोपं विशुद्धि—' यह सूत्र उपपन्न होता है।।

प्रथमोदाहरणे दृढभाज्यहारयो रूपक्षेपस्य च न्यासः। भा. १७। क्षे. १।

हा. १५।

अत्रोक्तवद्गुणाप्ता १ एते अभीष्टक्षेपपञ्च-गुणे स्वहारतष्टे जाते ६ ते एव। अथ रूप-शुद्धो गुणाती १ एते पञ्चकगुणे स्वहारतष्टे जाते ६ ते एव एवं सर्वत्र।

अप्रव विश्वास के लिये प्रथम उदादरणा के हह भाज्य हार और रूपदोप से गरिशत दिखलाते हैं—

भाज्य=१७ । ज्ञेप=१।

हार=१४।

उक्त विधि सं गुगा-लिब्ध हुई दें इनको अभिमत चोप ४ से गुगा देने से ३४ । ४० गुगा-लिब्ध हुई, अपने अपने हार से तष्टित करने से वही पहलेवाली गुगा-लिब्ध हुई दें और रूप शुद्धि में गुगा-

जिंध हुई है इनको पांच से गुगा कर, अपने अपने हार से तष्टित करने से, पश्च शुद्धि में गुगा-जंबिध हुई रैं इस भांति सर्वत्र जानना चाहिए।

अस्य गणितस्य ग्रहगणिते महानुपयोगः। तदर्थं किंचिदुच्यते—

कल्प्याथ शुद्धिर्विकलावशेषं

षष्टिश्च भाज्यः कुदिनानि हारः॥ ३७॥ चं फलं स्यर्तिकला सगास्त

तजं फलं स्युर्विकला गुणस्तु

लिप्तायमस्माच कला लवायम् । एवं तदुर्ध्वं च तथाधिमासा-

वमायकाभ्यां दिवसा रवीन्द्रोः॥३८॥

ग्रहस्य विकलावशेषाद् ग्रहाहर्गणयोगनय-नम् । तद्यथा—तत्र षष्टिर्माज्यः। कुदिनानि हारः।विकलावशेषं शुद्धिरिति प्रकल्प्य साध्ये गुणाप्ती । तत्र लब्धिर्विकलाः स्युः। गुणस्तु कलावशेषम्।

एवं कलावशेषाल्लाब्धिः कला गुणो भाग-शेषम्।

तद्रागशेषं शुद्धिः। कुदिनानि हारः। त्रिंश-द्राज्यः। तत्र लब्धिर्भागाः। गुणो राशिशेषम्।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varana Collection. Digitized by eGangotri

द्वादश भाज्यः । कुदिनानि हारः । राशिशष शुद्धिः।तत्र फलं राशयः। गुणो भगणशेषम्। भगणा भाज्यः । कुदिनानि हारः । भगण-शेषं शुद्धिः । फलं गतभगणाः। गुणोऽहर्गणः स्यादिति ॥

श्रस्योदाहरणानि प्रश्नाध्याये। एवं कल्पाधिमासाभाज्यः।रविदिनानि हारः। श्रिधमासशेषं शुद्धिः। लब्धिर्गताधिमासाः। गुणो गतरविदिवसाः।

एवं कल्पावमानि भाज्यः । चान्द्रदिवसा हारः। अवमशेषं शुद्धिः। फलं गतावमानि। गुणो गतचान्द्रदिवसा इति॥

त्रवा भविष्यादिश्राद्धः—' इत्यादि सार्थोपनातिकाचार्येव्याख्या-तत्वान्न पुनव्याख्यायते किंत्वत्र युक्तिमात्रं प्रदंश्यते तच्च श्रीवापु-देवपादैः कल्पितम्, केवलाद्विकलाशेषाद्य्यदेऽवगन्तव्ये यस्य प्रदस्य तद्विकलावशेषं स्यात् तस्य राश्यंशादयः केचन नियता एव भवेयुन् यथेष्टकल्प्या इति तावत् सुमिसद्धम् । तत्र 'कल्प्यावशु-द्विर्विकलावशेषम्—' इत्यादिना कुट्टककरणे यदि भाज्यहार-त्तेपाणामपर्वतनं न संभवेत् तदा तत्र यथागतौ लब्धिगुणावेक-विधावेव भवितुं शकनुतः । 'इष्टाहतस्वस्वहरेण—' इत्यादिनान्य-योलिब्धगुणयोग्रहणे लेब्धिर्विकलाः पष्टितोऽधिकाः स्युर्गुणः कलाशेषं च कुदिनेभ्योऽधिकं स्यादिति तत्र यौ लब्धिगुणौ पूर्वस्वस्वहराल्पावागच्छतस्तावेव वास्तवावित्यत्र न कश्चित् संदे-हावसरः। यदा पुनर्भाज्यहारत्तेपाणामपवर्तनं संमवेत् तदा तु लब्धिगुणयोः क्रमेण पष्टितः कुदिनतश्चाल्पयोरप्यनेकविधत्वं स्यात्। एवमनेकासु लब्धिपु या खब्धिर्द्धातव्यग्रहस्य नियतानां विकलानां मानं स्यात् सैव लब्धिर्विकलात्वेन ग्रहीतुं युज्यते तद्गुण एव च कलाशेषत्वे न। तदित्ररयोर्लाब्धिगुणयोर्ग्रह्णे तु तन्मानयोरवास्तवादग्रे क्रिया न निर्वहेत् खिलत्वं चापचेत।

यथा—यदा किल मौमस्य विकलाशेषम् २१००५ ३४१२००० एतावत् स्यात् तदास्मात् 'कल्प्याथ शुद्धिः—' इत्यादिना मध्यमे मौमेऽवगन्तव्ये पष्टिर्माच्यः ६० विकलाशेषमृणत्तेषः २१००५ ३४१२०००कल्पकुदिनानि हारः १५७७६ १६४५०००० अत्र माज्यहारत्तेपाणां पष्टिरपवर्तनमस्ति तेनापवर्ते कृते जाता हढमाज्यहारत्तेपाः । ह. मा. १ । ह. त्ते. ३५००६६०२०० ह. ह. २६२६ ६०७५००

अत्र कुट्टकविधिना लिब्धगुर्गौ०। ३५०० द्द ०२०० वा १। २६७६६४६७७०० इत्यादिको पिष्टिविधो स्याताम्। तत्राद्या लिब्धश्चेद्विकलामानं तद्गुर्णश्च कलाशेषं कल्प्यते तदा पुनः पिष्टमीज्यः ६०कलाशेषमृर्णत्तेषः ३५०० द६०२००कुदिनानि हारः। अत्रापि भाज्यहारत्तेषेषु षष्ट्यापवर्तितेषु सिद्धा दृढ-भाज्यहारत्तेषाः ह.भा. १ ह. त्ते. ५ ८ ३४ ८ १७० अत्र कुट्टक-

विधिना सन्धिगुगाँ ०।५ = ३४ = १७० वा१।२६३५६१५५६०० इत्यादिरंशशेषम् ।

पुनिस्त्रिंशद्भाज्यः ३०। श्रंशशेषमृणत्तेषः ५८३४८१७० कुदि-नानि हारः। अत्रापि भाज्यहारत्तेषेषु त्रिंशतापवर्तितेषु सिद्धा

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

दृढभाज्यद्वारचेपाः। दृ. भा. १ दृ. चे. १६४४६३६ } इ. ह. ५२५६७२१५००० } अतः

कुट्टकाविधिना लिब्धगुर्णौ । १२४४१३१वा १।५२५२१५२२३१ इत्यादि । अत्र लिब्धः ०। १ इत्यादिरंशाः । गुराश्र १६४४६३६। ५२५६६१५६६३६ इत्यादी राशिशेषम् ।

पुनरत्र द्वादश भाज्यः १२ राशिशेषमृणंत्तेपः १६४४६३६ कुदिनानि हारः १५७७६१६४५०००० अत्र भाज्यहारौद्वाद-शिमरपवर्त्यो न तथा त्तेपः । एवमत्र खिलस्वापत्तिः ।

एवमेव लिब्धगुणयोर्थत्रानेकविधत्वं संभवेत् तत्र पुहुर्पुहुः खिलत्वापत्तौ यया यया लब्ध्या विकलाद्यहर्गणान्तं सर्वे नि-र्बाधं सिध्येत् तत्तल्लब्ध्यन्वेषणे तु गणितेऽतीव गौरवं स्यादिति तत्र 'कल्प्याथ शुद्धिः—' इत्यादिमकारेण विकलाशेषाद् ग्रहाहर्गण-योरवगमो दुर्गम एव । अतस्तत्रान्यथा यतितव्यमु ।

तदित्थम्—कल्पकुदिनानि भाज्यं विकलाशेषं त्तेषं चक्रविक-लाश्च हरं प्रकल्प्य कुट्टकविधिना सत्तेषौ लिब्धगुणौ साध्यौ तत्र लिब्धभेगणशेषं गुणश्च विकलात्मको ग्रहो भवेत् । ततो ग्रहमगणान् भाज्यं, सत्तेषं भगणशेषं च शुद्धिं कल्पकुदिनानि हरं च प्रकल्प्य साधितो गुणोऽहर्भणः स्यादित्येवं ग्रहाहर्गणयोख-गमः सुगम एव सुधियाम् ।

यथात्र कलपकुर्दिनानि १५७७६१६४५०००० भाज्यः। विकलाशेषम् २१००५३४१२००० त्तेपः। चक्रविकलाः १२६६००० हरः। एते हरस्याष्ट्रमांशेन १६२००० अपवर्तिता जाता दृढाः $\begin{cases} E. & \text{HI. ६७४०२२५ E. त्ते. १२६६६२६} \\ E. & E. & E. \end{cases}$

अतः सिद्धौ लब्धिगुर्णौ ७४ ६ ७२ ४ ७। ६। ततो यावत्तावदिष्टं

प्रकल्ट्य 'इष्टाइतस्वस्वहरेण—' इत्यादिना सिद्धौ सत्तेपौ लिब्धगुणौ

श्रा ६७४०२२५ रू ७४६७२४७

या = रू ६

भगणशेषं गुणश्च विकलात्मको ग्रहः । एवं भौमभगणाः
२२६६=२=५२२ भाज्यः। भगणशेषं सत्तेपं या ६७४०२२५

रू७४६७२४७शुद्धिः। कल्पकुदिनानि १५७७६१६४५००००

हारः। यत्र लिब्धगीतमगणाः। गुणोऽहर्गणः स्थात् परमत्र कुट्टकविधिना लिब्धगुण। नयने भाज्यहरौ द्वयेन। पवतंते ततः शुद्धचापि
तेनापवर्त्यया भाज्यमिति ६७४०२२५ इमं यावत्तावदङ्कं भाज्यं

७४६७२४७ इमानि रूपाणि त्तेपं, द्वयं च हरं प्रकल्प्य कुट्टकवि-धिना साधितौ लिब्धगुणौ = ६०३७३६ ततः 'इष्टाहतस्वस्वहरे-ण—' इत्यादिनेष्टं कालकं प्रकल्प्य साधितो गुणः सत्तेपः का २ रू १ इदं यावत्तावन्मानम् । अनेनोत्थापिता शुद्धिर्जातं द्वयेना-पवर्त्य भगणशेषम् का १६४=०४५० रू १७२०७४७२ एवं पूर्वसाधिते या = रू ६ आस्मन्गुणे चोत्थापिते सिद्धो विकला-त्मको ग्रहः।का १६ रू १४।तथा च भौममगणाः २२१६=२=५२२ भाज्यः । कुदिनानि १५७७६१६४५०००० हारः । का १६४=०४५० रू १७२०७४७२ इदं भगणशेपं शुद्धिः पते द्वाभ्यामपवर्तिता जाता हृद्धाः।

ह. भा. ११४८४१४२६१ ह. शु. का ६७४०२२५ हे ह द ६०३७३६ ह. ह ७८८६४८२२५००० डि. स्वाप्त विकास के स्वाप्त क

'त्तेपे तु रूपे यदि वा विशुद्धौ—' इत्यादिना, का ६७४०२२५ रू ८६०३७३६ अस्यां शुद्धौ सिद्धौ लब्धिगुणौ CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri का ४४७७७४ = २ र १०६४१६ = ४४२ का ३ = ३१६०१६१७२५ रू ७५२३६६१३५६७६ अत्र कालकमानिमष्टं प्रकल्प्य तेनोत्थापितावेतौ लिब्धगुणौ स्वस्वदृढभाज्यहाराभ्यां तष्टौ क्रमेण गतभगणाहर्गणमाने भ-वतः। पुनरेते इष्टाहतस्वीयदृढभाज्यहाराभ्यां युक्ते चानेकधा स्याताम्। तथा तेनैव कल्पितेन कालकमानेनोत्थापितिमिदं का १६ रू १४ विकलात्मको ग्रहो भवेत्।

यथा कालके शून्येनोत्थापिते जातोऽहर्गगाः०५२३८११३५८७६
ग्रह्म ०।०।०।१४। कालके रूपेगोत्थापिते जातोऽहर्गगाः
-११३५५८६३२७७०१ ग्रहस्च ०।०।०।३० एवं कालके
४२८७६ अनेनोत्थापिते जातम् १६४३१५६४६३०११२२५१
आस्मिन् ७८८६५८२२५००० अनेन दढहरेगा तष्टे जातोऽहर्गगाः ७२०६३६२६२२५१ अयमिष्टाहतेन दढहरेगा युक्तोऽनेकथा स्यात्।

एवं ४२८७६ अनेनैव कालकमानेनोत्थापितिमदं का १६ रू १४ जातो विकलात्मको ग्रहः ६८६०७८ अतो राश्यादिः ६।१०।३४।३८। एविमष्टवशादनेकथा ।।

मह के विकला शेष से मह और श्राहर्गण का साधन—यहां साठ भाज्य, कुदिन हार, श्रीर विकला शेष ऋगा चेष है, तो विकला लिब्ध श्रीर कला शेष गुण होगा।

फिर साठ भाज्य, कुदिन हार, श्रीर कला शेष श्रृण चेप है, तो कला लिब्ध श्रीर भाग शेष गुण होगा।

फिर तीस माज्य, कुदिन हार, श्रौर माग शेष श्रृप सेप है, तो भाग लिंडिय श्रौर राशि शेष गुगा होगा ।

फिर बारह भाज्य, कुदिन हार, और राशि शेष झृया चेप है, तो राशि लडिय और भगया शेष गुया होगा। फिर कल्प के प्रह भगया भाज्य, कुदिन हार, श्रौर भगया शेष श्रृयाच्रेप है, तो गत भगया लिब्ध श्रौर श्रहर्गया गुया होगा।

इस भाँति कल्प के ऋधिमांस भाष्य, रिविद्न हार और ऋधि-मास शेष ऋगाचिप है, तो गताधिमास लिब्ध और गत रिविद्न गुण होगा।

फिर कल्प के अवमादिन भाज्य, चान्द्रदिन हार, और अवमशेष भृयाचोप है, तो गतावम लिब्ध और गतचान्द्र दिन गुण होगा।

अब छात्रों के बोध के लिये कल्प कुदिन १६ कल्प प्रह भगणा ६. श्रीर श्रहर्गण १३ कल्पना करके, उक्त विषय को स्पष्ट करते हैं-कल्प के कुदिन में कल्प के ब्रह भगणा मिलते हैं, तो इष्ट कुदिन (अहर्गणा) में क्या, इस अनुपात से 'द्यूचरचक्रहतो दिनसंचयः कहहूनो भगगादिकलं प्रहः'-इस प्रकार के अनुसार प्रह सिद्ध किये जाते हैं। प्रकृत में ऋहर्गण १३ को भगण ६ से गुणने से ११७ में कुद्नि १६ का भाग देने से प्रह भगणा ६ लब्ध मिले, भगणा शेष ३ रहा, इसको १२ से गुयाने से ३६ में कुदिन १६ का भाग देने से राशि १ जब्ध मिली, राशि शेष १७ रहा, इसको ३० से गुयाने से ४१० में कुदिन १६ का भाग देने से ऋंश २६ जंब्ध मिले, अप्रंश शेष १६ रहा, इसको ६० से गुयाने से ६६० में छुदिन १६ का भाग देने से कला ५० लब्घ मिली, कला शेष १० रहा, इसको ६० से गुर्याने से ६०० में कुदिन १६ का भाग देने से विकला ३१ लिब्ध मिली, विकला शेष ११ रहा, अगले अवयवों के लाने का आवश्यक नहीं है। इस कारण विकला शेष ११ को छोड़ दिया । इस भाँति भगगादिक प्रह सिद्ध हुआ ६।१।२६।५० । ३१ श्रव इस पर से विलोमकर्म के श्रतुसार प्रह श्रीर श्रहर्गण का श्रानयन करते हैं -तहां 'कल्प्याथ शुद्धि:-' इस प्रकार से भाज्य, हार झौर चेप हुए-

मा=६०। से=११।

उक्त विघि से बल्ली हुई ३ ६ ११

ं बाद दो राश्चि २६६ को तष्टित करने से लाब्धि-गुण हुए २६ 'योगजे तक्ताणाच्छुद्धे---' इस सूत्र से श्रृण क्तेप में लाब्ध-गुण हुए १९ यहां लाब्ध ३१ विकला हैं ध्योर गुण १० कला-शेष है। ध्वाब इस कला शेष १० को श्रृणक्तेप मान कर, कला के लाने के लिये कुट्टक करते हैं---भा=६०। क्ले=१०।

हा=१६ ।

डक रीति से बल्ली हुई ३ बाद दो राशि हुए १६० तष्टित करने से ६ १०

योगज किंचि-गुर्या हुए १९ इनको अपने अपने तत्त्वा में शुद्ध करने से अनृयाक्तेप में किंबिय-गुर्या हुए १९ । यहां किंघि ४० किला हैं ख्रीर गुर्या १६ अंश शेष हैं। अब अंश शेष १६ को अनृयाक्तेप कल्पना कर के अंश के जानने के किये छुटुक करते हैं——भा=३ । क्ले=१६ ।

हा=१६।

उक्त प्रकार से वल्ली हुई १ अपीर दो राशि हुए १७६

THE REPORT OF THE PARTY OF THE

Author will armide at factor of the seller statement at the contract of the co

rette de steut ne 'ggir putter inn f fire papite

0

तष्टित करने से १६ अब वहीं के विषम होने से और ऋगा होप के होने से, दो बार शोधन करने से लाडिध गुण ज्यों के त्यों रहे १६ लिबिय २६ झंश है झौर गुरा १७ राशि शेष है। झब राशि शेष १७ को भृयाचीप मान कर राशि जानने के किये कुटुक करते हैं—मा=१२ चो=१७।

the state and the state of the

्रूष तष्टित करने से लिब्ध-गुगा हुए रें। वहीं के विषम श्रीर श्रृगाचोप होने से दो बार शोधन करने से, लिब्ध-गुगा ज्यों के त्यों रहे रें। यहां लिब्ध १ राशि है श्रीर गुगा ३ भगगा शेष हैं। श्राव भगगा शेष ३ को श्रृगाचोप कल्पना करके छुटुक करते हैं——

भा=६। से=३।

हा=१६ । उत्तं विधि से वली है और लब्धि-गुगा हुए है शुद्ध करने से १३

हुए। यहां लाब्धि है गत भगण हैं श्रीर गुण १३ श्रहर्गण है। यही इष्ट भी था।

उपपत्ति--

साठ को कला शेष से गुण कर, कुदिन का भाग देने से लब्ध विकला आती हैं और शेष विकलाशेष रहता है। इसलिये किस गुण से गुणित विकलाशेष से हीन और कुदिन से भाजित साठ निः शेष होगी, इस कारण गुण जानने के लिये छुट्टक किया है। इस से गुण कला शेष और लब्धि विकला सिद्ध हुई है। इसी प्रकार साठ को अंश शेष से गुण कर, कुदिन का भाग देने से लब्ध कला आती हैं और शेष कला शेष रहता है। इस लिये अंश शेषित गुण से हुन आर कि कुदिन से भाजित साठ निःशेष होगा। सुरियत कला शेष से हीन और कुदिन से भाजित साठ निःशेष होगा। सुरियत कला शेष से हीन और कुदिन से भाजित साठ निःशेष होगा।

वहां लाब्ध कला और गुण भाग शेष छुट्टक के द्वारा सिद्ध होते हैं। इसी प्रकार राशि शेष से गुणित भांग शेष से हीन और छुदिन से भाजित भाज्य-तीस निःशेष होगा, वहां लिब्ध भाग और गुण राशि-शेष होता है। ऐसे ही भगणशेष से गुणित राशिशेष से हीन और छुदिन से भाजित भाज्य-वारह निःशेष होगा, वहां लिब्ध राशि और गुण भगणशेष होता है। और अहर्गण से गुणित भगणशेष से हीन और छुदिन से भाजित प्रह-भगण निःशेष होगा, वहां लिब्ध गत भगण और गुण अहर्गण होता है। इस प्रकार उक्त स्थलों में सर्वत्र छुट्टक का विषय होता है।

अब कल्प के सौर दिन में कल्प के श्रिधमास मिलते हैं, तो इष्ट सौर दिन में क्या ? इस अनुपात से कल्प के अधिमास, इष्ट सौर से गुग्रे जाते हैं और कल्प के सौर दिन से भाजित होते हैं। वहां लब्ध इष्ट-अधिमास आते हैं और शेप अधिमास शेष बचता है। इसिलिये किस गुर्ण से गुणित अधिमास शेष से रहित और कल्प के सौर दिन से भाजित कल्पाधिमास नि:शेष होंगे ? यह कुट्टक का विषय उपस्थित हुआ। यहां जो गुण आवेगा वही इष्ट सौर दिन होंगे और नो लिब्ध होगी वहीं गताधिमास । इसी भांति कल्पचान्द्र दिन में कल्प के अवम मिलते हैं, तो इष्टचान्द्र दिन में क्या ? इस त्रातुपात से कल्प के अवम दिन इष्टचान्द्र दिन से गुर्गो जाते हैं अगैर कल्प के चान्द्र दिन से भाजित होते हैं। वहां लब्ध गत अवम आते हैं और शेष अवमशेष रहता है इसिलये किस गुण से गुणित अवमशेष से रहित और कल्प के चान्द्र दिन से भाजित कल्पावम ानी:शेष होंगे । इस प्रकार कुटुक की रीति से लिब्धिगत अवम और गुगा इष्ट चान्द्र दिन सिद्ध होते हैं। ऋौर 'कल्प्याथ शुद्धि:—' यह विधि उपपन्न होती है।।

अथ संश्लिष्टकुडके करणसत्रं दत्तम्। एको हरश्चेद्गुणको विभिन्नों

तदा गुणैक्यं परिकल्प्य भाज्यम् । अग्रैक्यम्यं कृत उक्तवद्यः

संलिष्टसंज्ञः स्फुटकुइकोऽसो * ॥३६॥

एवमेकस्मिन् गुणके सति राशिज्ञानमभिधाय द्वचादिषु गुग्रा-केषु सत्सु राशिज्ञानमुपजात्याह-एक इति । चेदेको हरः स्यात्, गुणकौ तु विभिन्नौ स्याताम् 'गुणकौ ' इत्युपलचणम्, तेन च्यादयो वा गुणकाः स्युः। एकस्यैव राशेः पृथक् पृथक् द्वौ गुणकौ त्रयरचतुरादयो वा गुणकाः स्युः। सर्वत्र हरस्त्वेक एव स्यात्। तदा तेषां द्वचादीनां गुणकानामैक्यं भाज्यं परिकल्प्य उद्दिष्टं यद-ग्रैक्यं तदग्रमृणत्तेपं पकल्प्य श्रयोद्धरमेव इरं पकल्प्य उक्तवद्यः कृतः स्फुटः कुट्टकः असौ संश्लिष्टसंज्ञः स्यात् । 'संश्लिष्टस्फुटकुट्टकः' इत्यन्वर्थसंज्ञा । तथाहि-कुटुको गुगाकविशेषः संशिलष्टानामेकी-भूतानां परस्परं संवित्तनानामिति यावत् अग्राणां शेषाणां संवन्धी स्फुटोऽव्यभिचरितः कुटुकः संशिलष्टकुटुकः । स एव राशिः स्या-दित्यथीत्सिद्धम् । अत्र लिधर्न प्राह्या । अत्र हि यथोदिष्टैर्गुणकैः पृथग्गुणिते राशौ इरतष्टे सति या त्रागता लब्धयस्तद्र्याणां चैक्ये हरतष्टे सति या लिब्धः सा न प्राह्मा, अत्र हि यथोदिष्टैः कुटुकैः पृथग्गुणिते राशौ इरतष्टे या आगता लब्धयस्तासामैक्यं तदत्र कुट्टके लब्धिरूपमुत्पद्यते प्रयोजनाभावात्तन ग्राह्मम् ॥

^{*} अत्र श्रीवापुदेवपादाः-

⁻अन्योन्यात्राहतयोर्गुखयोः संतिष्टकुट्के यत्र ।

वियुतिईरेण मक्ता न निरम्रास्यात्विलं तदुद्दिष्टम् ॥

^{&#}x27;कः पत्रानिप्तः—' इस उदाहरण में ५ गुण से दस के अप्र (शेष) १४ को गुणने से ७० हुए और १० गुण से पांच के अप्र ७ की गुणने से ७० हुए, इनका अन्तर ० हुआ। यह हर ६३ का माग देने से गुद्ध होता है, इसलिये यह उदाहरण

[₩]www.com/ww.com/w

संश्लिष्ट-कुरुक का प्रकार---

यदि हर एक हो और गुण अनेक हों, तो उन गुणकों के योग को भाउय धौर शेवों के योग को ऋगु शक्त प कल्पना करके उक्त विधि से जो कुट्टक किया जाता है वह संश्लिष्ट-कुट्टक कहलाता है।।

उपपत्ति-

'गुया से गुयात श्रीर युक्त कोई राशि, गुयायोग से गुयात उसी राशि के तुल्य होता है। ऋौर वहां श्रलग-श्रलग हर से भाजित लिब्धियों का योग श्रथवा हर से भाजित योग, ये भी समान होते हैं। जैसा-राशि १० को २, ३ और ४ गुणकों से अलग-अलग गुण देने से २०। ३०। ४०। इन में हर १६ का भाग देने से १। १। २ लब्धि मिली और १। ११। २ शेव रहे।

अथवा, पूर्व राशि १० को २ । ३ । ४ गुगाकों के योग ६ से गुगा देने से ६० हुए। इसमें हर १६ का भाग देने से ४ लब्धि मिली और शेष १४ रहा।

यहां १।१।२ इन लिब्धियों के योग ४ के समान ४ लब्ध अधि हैं और १।११।२ इन शेषों के योग १४ के समान शेष १४ रहा है। इसिलिये उद्दिष्ट गाशि १० गुणक योग ह से

यो राशिरीश्वरैः (११) सप्तचन्द्रै (१७) निन्नोऽग्निटग् (२३) हृतः । पश्चरोषश्चिरोषः स्यात्कमादाशि वदाशु तम् ॥

इस उदाहरण में ११ ग्रुण से सत्तरह के अप्र ३ को ग्रुणने से ३३ हुए और १७ गुण से ग्यारह के अप्र ५ को गुणने से ८५ हुए इन का अन्तर ५२ हुआ यह हर २३ का माग देने से शुद्ध नहीं होता है. इसिल्ये यह उदाहरण अशुद्ध है । जैसा-

माज्य=२८ तेप=६

हार=२३

Q 43 (PR) PR S PR S TO S S STREET UP -

वर्खी से गुण २० लिथ २४। इत्यादि ।

गुणित ६० झौर शेष योग १४ से घटा ७६ हर १६ से भाजित नि:शेष होता है। इस प्रकार कुट्टकविधि से गुण ही राशि सिद्ध होती है। इस से 'एको हरश्चेद् गुणकौ विभिन्नी-' यह सूत्र उपपन्न हुआ।

उदाहरणम्-

* कःपञ्चनिद्रो विहृतस्त्रिषष्ट्या सप्तावशेषोऽथ स एव राशिः।

दशाहतः स्यादिहतस्त्रिषष्ट्या चतुर्दशायो वद् राशिमेनम् ॥ २७॥ अत्र गुणैक्यं भाज्यः। अयेक्यं शुद्धिः। न्यासः। भाज्यः १५। हारः ६३। क्षेपः २१। — पूर्ववजातो गुणः १४ अयमेव राशिः। इति कुट्टकः।

इति द्विवेदोपाख्याचार्यश्रीसरय्भसादसुत-दुर्गाप्रसादोत्रीते लीलावतीहृदयग्राहिणि वीजविलासिनि कुट्टकः समाप्तः ॥

उदाहरया--

वह कौन राशि है, जिस को पांच से गुण कर, तिरसठ का भाग देते हैं तो सात शेष रहता है और उसी राशि को दस से गुण कर तिरसठ का भाग देते हैं, तो चौदह शेष रहता है। यहां ४। १० इन गुणकों के योग १४ को भाज्य और ७।१४

सप्ताहतः सूर्यहतः शराप्रः पश्चाहतः सूर्यहतो हयाप्रः । तमेव राशि वद कुटकेऽर्स् भे संश्लिष्टसंत्रे वितता मतिस्ते ॥ CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

^{*} अत्र ज्ञानराजदैवज्ञाः---

इन शेषों के योग को २१ ऋगांचीप मान कर, कुट्टक के लिये न्यास करते हैं। भाज्य=१४ । चोप=२१। हार=६३। इन में तीन का अपवर्तन देने से, दृढ़ भाज्य, हार और चोप हुए।

ह. मा. ४। ह. चो. ७। वल्ली हुई ० ह. हा. २१।

9

उक्त रीति से लिब्ध-गुगा हुए रूँ। अपने-अपने हारों से तष्टित करने से दे हुए। अब अगुगाचेप होने के कारण अपने-अपने हारों में घटाने से अगुगाचेप में लिब्ध-गुगा हुए रूँ। आकाप—गुगा राशि १४ को ४ से गुगाने से ७० हुए। इसमें हर ६३ का भाग देने से १ लिब्ध मिली और ७ शेष रहा। फिर राशि १४ को १० से गुगाने से १४० इस में हर ६३ का भाग देने से २ लिब्ध आई और शेष १४ बचा। यहां १।२ इन दोनों लिब्धियों के योग ३ के तुल्य कुटुक के द्वारा भी लिब्ध सिद्ध हुई ३।

संश्लिष्टकुट्टक के और उदाहरण सिद्धान्तशिरोमणि के प्रशाध्याय में कहे हैं। जैसा-'ये याताधिकमासहीनिदिवसा-' इत्यादि। और 'चक्रामाणि गृहामकाणि च लवामाणि-' इत्यादि।

्यह कीर लोग है। जिस का बाब में श्रुप करें, जिस्से के सुन देते हैं की बात कीर हहता है और वही साके की पुत्र में सेवा

कुट्टक समाप्त । दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मिताच्चरे । वासनाभाक्तिसुभगः कुट्टकः कुट्टितोऽभवत् ॥ ४॥

का शिवका को का में के हैं। हो मीट को उनकी एक

श्रथ वर्गप्रकृतिः। तत्र रूपक्षेपपदार्थं तावत्करणसूत्राणि— इष्टं हस्वं तस्य वर्गः प्रकृत्या क्षुण्णो युक्को वर्जितो वा स येन।

मूलं द्यात्क्षेपकं तं धनर्णं मूलं तच्च ज्येष्ठमूलं वदन्ति ॥४०॥

प्वमनेकवर्णमिक्रयोपयुक्तं कुट्टकमिभिधाय सांमतमनेकवर्णमध्यमाहरणोपयुक्तां वर्गमकृति निरूपयित—तत्र प्रथमं तत्स्वरूपं
शालिन्याह—इष्टमिति । अनेकवर्णमध्यमाहरणे पत्तयोः समीकरणानन्तरम् एकपत्तस्य मूले गृहीते सित द्वितीयपत्ते यदि सरूपोऽन्यक्तवर्गः स्यात् यथा—काव १२ रू १ । तत्र पूर्वपत्ततुल्यतया द्वितीयपत्तेणापि मूलदेन भान्यम् । अस्ति चात्र कालकवर्गो रिविगुणो
रूपसिहतश्च । अतो यस्य वर्गो रिवगुणो रूपसिहतः सन् वर्गो
भवेचदेव कालकमानित्यर्थात्सिध्यति। यचात्र पदं तत्पूर्वपत्तपद्दसमम् उभयपत्तयोः समत्वात् । वर्गः मकृतिर्यत्रेति वर्गमकृतिः ।
प्रथमिष्टं हस्वपदं मकल्प्य तस्य वर्गः मकृत्या गुणितो येनाङ्केन
सहितो रिहतो वा मूलं द्यात्तमङ्कं धनमृणं ना त्तेपकं वदन्त्याचार्याः । तन्मूलं ज्येष्ठमूलमिति वदन्त्याचार्याः । अन्वर्थाश्चेताः
संद्वाः । यत्र तु त्तेपवियोगात्कुत्रचिज्ज्येष्ठपदं हस्वपदादल्पं भवित
तत्रापि भावनया हस्वपदादिधिकमेव भवित ।।

वर्गप्रकृति-

अब वर्गप्रकृति के आरम्भ में उस के स्वरूप का निरूपण करते हैं— पहले किसी राशि को इष्ट मान कर उस का वर्ग करना, वह (वर्ग). प्रकृति से गुणित और जिस अब से युक्त अथवा ऊन (घटा) मुजप्रद हो, उस श्रङ्क को क्रम से धन श्रीर अगृया चोप कहते हैं, श्रीर उस मूल को ज्येष्ठमूल कहते हैं, पहले जिस राशि को इष्ट कल्पना किया है उस को इस्व, लघु श्रीर किनष्ट भी कहते हैं।

ह्रस्वज्येष्ठक्षेपकान्न्यस्य तेषां तानन्यान्वाऽधो निवेश्य क्रमेण । साध्यान्येभ्यो भावनाभिर्बहनि मूलान्येषां भावना प्रोच्यतेऽतः॥४१॥ वजाभ्यासी ज्येष्ठलघ्वोस्तदेक्यं ह्रस्वं लघ्वोराहतिश्च प्रकृत्या। क्षु ग्णा ज्येष्ठाभ्यासयुग् ज्येष्ठमूलं तत्राभ्यासः क्षेपयोः क्षेपकः स्यात् ॥४२॥ हस्वं वजाभ्यासयोरन्तरं वा लघ्वोर्घातो यः प्रकृत्या विनिन्नः। घातो यश्च ज्येष्ठयोस्तद्वियोगो ज्येष्ठं क्षेपोऽत्रापि च क्षेपघातः ॥४३॥

एवमेकेषु हस्वज्येष्ठत्तेपेषु ज्ञातेष्वनेकत्वार्थमुपायं शालिनीत्रयेंणाह—हस्व इत्यादिना। पूर्वनिष्पन्नान् हस्वज्येष्ठत्तेपकान् एकस्यां
पङ्क्तौ विन्यस्य तेषां (हस्वज्येष्ठत्तेपकाणां) अधः अधोभागे तान्
(पूर्वनिष्पन्नान्) अन्यान् वा हस्वज्येष्ठत्तेपकान् क्रमेण विलिख्य
एतेभ्यःपङ्किद्वयस्थापितेभ्यो हस्वज्येष्ठत्तेपकेभ्यो यतो भावनाभिः
बहुन्यनन्तानि मूलानि साध्यानि अतस्तेषां भावना मोच्यते
विविच्य कथ्यते—तस्यामेव प्रकृताविति श्रेयम् । तत्र भावना

द्विविधा । समासमावना, अन्तरभावना चेति । तत्र पदयोभेहत्ते अपेतिते समासभावनामाह—वज्ञाभ्यासावित्यादिना । ज्येष्ठल-घ्वोर्यौ वज्ञाभ्यासौ तयोरैक्यं हस्वं स्यात् । वज्ञाभ्यासो नाम तिर्यग्गुणनम् । यथा किल वज्ञस्य तिर्यक् महारो भवति तथैवात्र गुणनकरणादस्य गुणनविशेषस्य वज्ञाभ्यास इति संज्ञा, वज्ञ-वदभ्यासो वज्ञाभ्यास इति समासः । तस्माद्ध्वेकनिष्ठेनाधःस्थं ज्येष्ठं गुणनीयमधःस्थकनिष्ठेनोध्वेस्थं ज्येष्ठं गुणनीयं तयोरैक्यं हस्वं स्यात् । लघ्वोराहतिः मकृत्या गुणिता ज्येष्ठयोविधेन युक्ता ज्येष्ठ-पूलं स्यात् । चेपयोरभ्यासः चेपकः स्यादिति। अथ पदयोर्लेष्ठत्वे-ऽभीिदसतेऽन्तरभावनामाह—हस्वं वज्ञाभ्यासयोरन्तरं वेति । वज्ञाभ्यासयोरन्तरं वा हस्वं स्यात् । ऐक्यापेत्तया विकल्पः। अत्र यः मकृत्या गुणितो लघ्वोर्घातः, यश्च केवलयोज्येष्ठयोर्घातस्तद्वियोगो ज्येष्ठं स्यात् । अत्रापि चेपघातः चेपः प्रववदेव स्यात् ॥

विविध इस्व, ज्येष्ठ लाने का प्रकार-

पहले सिद्ध किये हस्व, ज्येष्ठ और चेपों को एक पंक्ति में जिखकर उनके नीचे क्रम से उन्हीं पूर्वोत्पन्न हस्व, ज्येष्ठ और चेपों को,
अथवा दूसरे हस्व, ज्येष्ठ, चेपों को जिखना । इस प्रकार, दो पंक्ति
में स्थापित हस्व, ज्येष्ठ और चेप से भावना के द्वारा अनेक हस्व, ज्येष्ठ
और चेप सिद्ध होते हैं । इसिं मावना का निरूपण करते हैं—
भावना दो प्रकार की होती है, एक समासभावना—दूसरी अन्तरभावना।
अब पहले पदों का महत्त्व जानने के जिये समासभावना कहते हैं— ज्येष्ठ
और ज्यु का जो वज्राभ्यास अर्थात् तिर्यग्गुणन हो उसका योग 'हस्व'
होता है। तात्पर्य यह है कि ऊपर की पङ्किवाले कनिष्ठ से नीचजी पङ्कि
के ज्येष्ठ को गुणकर, और नीचजी पङ्कि के कनिष्ठ से अपर की पङ्कि
के ज्येष्ठ को गुण कर उन दोनों गुणकर और उसमें ज्येष्ठों के वात
होगा। कनिष्ठों के वात को प्रकृति से गुणकर और उसमें ज्येष्ठों के वात
को जोड़ देने से वह ज्येष्ठमूल होगा। और चेपकों का वात चेप होगा।

अव पदों का लघुत्व जानने के लिये अन्तरभावना कहते हैं — ज्येष्ठ और कनिष्ठ के वजाभ्यास का अन्तर कानिष्ठ होता है। किनिष्ठों के घात को प्रकृति से गुणकर, एक स्थान में रखना और केवल ज्येष्ठों का घात करना। बाद, उन दोनों घातों का अन्तर करने से वह ज्येष्ठमूल होगा। और समासभावना के तुल्य चोपों का घात यहाँ भी चोप ही होगा॥

इष्टवर्गहृतः क्षेपः क्षेपः स्यादिष्टभाजिते । मूले ते स्तोऽथवाक्षेपः क्षुसः क्षुसे तदा पदे ४४॥

पवं भावनाभ्यामिष्टत्तेपजपदिसद्धौ तेभ्य एव त्तेपान्तरजपदान-यनमथ च यंत्र कुत्रापि त्तेपे पदिसद्धौ स चेदिष्टवर्गेण गुणितो भक्तो वा उदिष्टत्तेपो भवेत्तदा तेभ्य एवोदिष्टत्तेपजपदानयनमनुष्टु-भाइ—इष्टवर्गहृत इति। यत्र त्तेपे किनिष्ठज्येष्ठपदे सिद्धे सत्तेप इष्टस्य वर्गेण भक्तः सन् यदि त्तेपो भवेत् तदा ते पदे इष्टभक्ते सती पदे स्तः। यदि त्विष्टवर्गेण गुणितः सन् त्तेपो भवेत् तदा ते पदे इष्टगुणिते पदे स्तः। यस्य इष्टस्य वर्गेण त्तेपो गुणितस्तेन पदे गुणनीये इत्यर्थः॥

विशेष-

जिस चोप में किन्छ और ज्येष्ठ पद सिद्ध हुए हैं, वह चोप यदि इष्ट वर्ग के भाग देने से अभिमत चोप हो, तो किन्छ-ज्येष्ठ पद इष्ट के भाग देने से अभिमत किन्छ-ज्येष्ठ पद होंगे, और यदि चोप, इष्ट वर्ग से गुियात चोप हो, तो किन्छ-ज्येष्ठ पद, इष्ट से गुया देने से किन्छ-ज्येष्ठ पद होंगे।

इष्टवर्गप्रकृत्योर्यद्विवरं तेन वा भजेत्। दिम्नंमिष्टं कानिष्ठं तत्पदं स्यादेकसंयुतौ ४५॥

१ अत्र श्रीवापुदेवपादोक्तानि सूत्राणि — द्रिप्तसंकलितेन स्यात्समाना प्रकृतिर्यदा।

ततो ज्येष्ठमिहानन्त्यं भावनातस्तथेष्टतः।

त्रथ यत्र कुत्राप्युद्दिष्टत्तेपे रूपत्तेपजपदाभ्यां भावनया पदाने-कत्वं भवतीति रूपत्तेपजपदसाधनं प्रकारान्तरेण साधीनुष्टुभाइ-इष्टवर्गमकुत्योरिति । इष्टवर्गमकुत्योयद्विवरं तेन द्विघ्नमिष्टं भजेत् तदा एकसंयुतौ रूपचेपे कनिष्ठं स्यात् ततः कनिष्ठाज्ज्येष्ठं स्यात्।

तदा हस्वपदं रूपद्वयं स्यादेकसंयुतौ ॥ १ ॥ सैकया व्येकया वापि ऋत्या तुल्यो यदा ग्रुणः । तस्याः कृतेः पदं द्विनं हस्वं स्याद् भूयुतौ तदा ॥ २ ॥ द्वचनया द्वचाट्यया वापि कृत्या स्यारप्रकृतिर्यदा । समा तदैकयोगे स्याद ह्रस्वं तस्याः कृतेः पदम् ॥ ३ ॥ देपस्य वर्गरूपस्य मुलेनाड्याथवोनिता । प्रकृतिर्चेत्कृतिस्तस्याः पदं द्विन्नं मवेल्लयु ॥ ४ ॥ इष्टाहता हस्वकृतिः पृथिच्या

युतोनिता च्येष्टपदं द्विधा स्यात् ।

विभूनिता ज्येष्ठकृतिः कनिष्ठ-

वर्गेण सक्ता प्रकृतिर्भवेच ॥ ५ ॥

यदा कनिष्ठस्य कृतिः समा भवे-

त्तदा कृते: ख्रडममीष्टसंग्रणम् ।

भूवोनयुग् ज्येष्ठपदं भवेद्दिधा

ततो ग्रुषो वेष्टंबराष्ट्रनंकवा ॥ ६ ॥

- (१) प्र=२०। ते=१। क २ ज्ये ६
- (२) प्र=२४ वा, प्र=५०। ते=१। क १० ज्ये ४६। क १४ ज्ये ६६
- (३) प्र=३६८ वा, प्र=६८ | त्रे=१ क २० ज्ये ३६६ । क १० ज्ये ६६
- (४) प्र=२० वा, प्र=२१ | ते=२५ क १० ड्ये ४५ । क ८ ड्ये ३७
- (५-६) प्र=२० वा, प्र=१२ । चे=१ इष्ट=२ क २ ज्ये ६ वा, ज्ये ७

'इष्टं ह्रस्वं तस्य वर्गः मक्रत्या चुएणः-'इत्यादिना इह कनिष्ठ-ज्येष्ठयोर्भावनावशात्त्रथेष्टवशादानन्त्यमस्ति ।।

(१) विशेष-

इष्टवर्ग और प्रकृति का अन्तर करके उस अन्तर का दूने इष्ट में भाग देने से रूपचेप में किनष्ठ होता है। बाद उस किनष्ट से 'इष्टं इस्वं तस्य वर्गः प्रकृत्या चुएगाः—' इस सूत्र के अनुसार ज्येष्ठ सिद्ध करना। इस भाँति किनष्ट और ज्येष्ठ की भावना से तथा इष्ट वश से अनेक किनष्ट-ज्येष्ठ होंगे।

'इष्टं हस्वं—' इस सूत्र की उपपत्ति अत्यन्त सुलभ है। अब भावनोपपत्ति कहते हैं—

स्पष्ट प्रतीत होने के लिये आद्य और द्वितीय पदों के पहले अत्तर लिखकर किन्छ, ज्येष्ठ और त्रेपों की दो पङ्कि लिखते हैं—

आक १। आज्ये १। आची १ वहां अन्योन्य ज्येष्ठ को इष्ट

कल्पना करके '- च्रेप: चुएए: चुएएो तदा पदें इस सूत्र के अनुसार क्रिया करने से कनिष्ठ, ज्येष्ठ और च्रेप हुए-

द्विज्ये आक १ दिज्ये आज्ये १ दिज्येव आचे १ वहां आज्ये दिक १ दिज्ये आज्ये १ आज्येव दिचे १ यहां पहली पङ्कि में दितीय ज्येष्टवर्ग से गुियात आद्येच है, उसका प्रकारान्तर से साधन करते हैं दितीय कानिष्टवर्ग को प्रकृति से गुियाकर, दितीय चेप जोड़ देने से दितीय ज्येष्ट का वर्ग हुआ—

द्विकव. प्र १। द्वित्ते १

इससे आद्यत्तेप को गुगा देने से उक्त त्तेप खराडद्वयात्मक हुआ — दिकव. प्र- आत्ते १। दिन्ते- आत्ते १

यहां पहले खराड में जो आद्य चेप है, उसका प्रकारान्तर से साधन करते हैं, द्वितीय ज्येष्ठवर्ग के दो खराड हैं प्रकृति से गुणित द्वितीय किनष्ठवर्ग एक-खराड, द्वितीय चेप दूसरा । ज्येष्ठवर्ग में प्रकृतिगुणित किनष्ठवर्ग को घटा देने से चेप शेष रहता है। इसिलये

प्रकृति से गुिणत आद्यकिनष्टवर्ग को आद्यक्येष्ठ वर्ग में घटा देने से आद्यक्षेप हुआ

म्राकव प्र १। म्राज्येव १

इस को प्रकृतिगुणित द्वितीय किनष्ठवर्ग से गुण देने से उक्त चेप का पहला खरड हुआ।

द्विकव. प्र. आकव. प्र १ । द्विकव. प्र. आज्येव १ प्रकृति दो बार गुण्यक है, इसालिये प्रकृतिवर्ग गुण्यक हुआ—

द्विकव आकव. प्रव १

खरडों को लिखने से उक्त चेप खरडत्रयात्मक सिद्ध हुआ, दिकव. आकव. प्रव १ । दिकव. प्र. आज्येव १ । दिचे. आचे १ । इस प्रकार उक्त दोनों पङ्क्ति में कनिष्ठ, ज्येष्ठ और चेप हुए—

द्विज्ये. आक १ । द्विज्ये. आज्ये १ । द्विकवः आकवः प्रव १

द्विकव प्रः आज्येव १ द्वित्ते. आत्ते १

आज्ये द्विक १ । द्विज्ये. आज्ये १ । द्विकव, आकव. प्रव १

आकव प्र द्विज्येव १ द्वित्ते आते १

यहां ज्येष्ठ-किन का एक अभ्यास (गुण्न) पहली पङ्कि में किन है, और दूसरा अभ्यास दूसरी पङ्कि में किन है, ज्येष्ठा-भ्यासक्प ज्येष्ठ दोनों पङ्कि में एक ही है। अब, हर एक वजा-भ्यास को किन कल्पना करने से क्षेप बड़ा होगा, इस कारण उपायान्तर करते हैं—जैसा—वज्राभ्यासों के योग को किन ष्ठ मान लिया—

कितिष्ठ=द्विज्ये आक १ आज्ये. द्विक १ इसका वर्ग हुआ--द्विज्येव आकव १ द्विज्ये आक. आज्ये द्विक २ आज्येव द्विकव १
प्रकृति से गुण देने से हुआ---

द्विज्येव आकव प्र १ द्विज्ये आक आज्ये द्विक प्र २

श्चाज्येव दिकव. प्र १

श्रव यह प्रकृतिगुणित कित्रष्टवर्ग, जिस चेप से जुड़ा मूलप्रद होगा उसका विचार करते हैं —कितिष्ट वर्ग प्रकृति से गुणा और चेप से जुड़ी अयेष्ठवर्ग होता है को बेहनों प्रकृति जिले हैं की बिद्ध हुए द्विज्येव. आकव-प्र १ द्विकव- आकव-प्रव १ द्विकव-प्र-आज्येव १ द्वित्ते. आत्ते १

आज्येव. द्विकव. प्र द्विकव- त्राकवः प्रव १ आकव. प्र-द्विज्येव १ द्वित्ते. आत्ते १

यहाँ दोनों पङ्कि में ज्येष्ठाभ्यासरूप ज्येष्ठ के समान होने से ज्येष्ठ वर्ग भी समान ही हैं। और यह भी ज्येष्ठवर्ग 'द्विज्येव. आज्येव १' समान है। अब प्रकृति से गुणे हुए वज्राभ्यासयोगरूप कल्पित कनिष्ठ के वर्ग में से दोनों ज्येष्ठ वर्गों को आलग आलग घटाते हैं तो तुल्य शेष रहता है। जैसा—

'द्विज्येव- आकव- प्र १ द्विज्ये- आक. आज्ये. द्विक. प्र २ आज्येव. द्विकव. प्र १ इस प्रकृति-गुणित कनिष्ठवर्ग में —

'द्विज्येत. आकत. प्र १ द्विकत. आकत. प्रव १ द्विकत. प्र. आज्येत १ द्विले. आले १ इस प्रथम पङ्किस्थ ज्येष्ठ वर्ग को घटा देने से शेष रहा।

. पहला शेष=द्विज्ये आक आज्ये द्विक. प्र २ आकव द्विकव. प्रव १ आजे द्विजे १ ।

इसी प्रकार 'द्विज्येव. आकव प्र १ द्विज्ये. आक. आज्ये. द्विक. प्र २ आज्येव. द्विकव. प्र १' इस प्रकृति से गुियात कानेष्ठ के वर्ग में, 'आज्येव द्विकव प्र १ द्विकव आकव. प्रव १ आकव प्र. द्विज्येव १ द्विको. आक् १' इस द्वितीय पङ्क्षिस्थ ज्येष्ठवर्ग को घटा देने से शेष रहा—

दूसरा शेव = द्विज्ये. आक. आज्ये द्विक, प्र २ आकव. द्विकव. प्रव १ आज्ञे. द्विच्ते १ । पहले और दूसरे शेव समान है ।

श्चव इस रोप को, यदि ज्येष्ठवर्ग में जोड़ देते हैं तो प्रकृतिगुियात किएत किनिष्ठवर्ग होता है। श्चौर यह भी ज्येष्ठवर्ग 'द्विज्येव- श्चाज्येव १' शोधित ज्येष्ठ वर्ग के समान है, इसिलये इसमें जोड़ देने से प्रकृति-गुियात किएत किनिष्ठ वर्ग हुश्चा—

द्विज्येव. आज्येव १ द्विज्ये आक आज्ये द्विक. प्र २ आकव. द्विकव प्रव १ आज्ञे द्विज्ञे १

इस में 'आचो दिचो १' इस चोपवात को जोड़ने से ज्येष्ठ-वर्ग हुआ-

द्विज्येव. स्राज्येव १ द्विज्ये. स्राक. स्राज्ये. द्विक. प्र श्राक्तव. द्विकव. प्रव १ इसका मूल ज्येष्ठ हुन्न्रा—

द्विज्ये- आज्ये १ आक. द्विक. प्र १

इस से 'लघ्बोराहितश्च प्रकृत्या चुराया ज्येष्ठाभ्यासयुग्ज्येष्ठमूलम्-' इत्यादि सूत्र उपपन्न हुआ। इसी भाँति वज्राभ्यास के आन्तर को कनिष्ठ कल्पना करके आन्तरभावना की उपपत्ति जानना। यह नवाङ कुरकारोक्त उपपत्ति का दिग्दर्शन है।

(२) विश्वरूपोक्त उपपत्ति।

आक १ आज्ये १ आचो १ रिपरस्पर ज्येष्ठ को इष्ट कल्पना द्विक १ द्विज्ये १ द्विचे १ करके उक्त रीति के अनुसार कनिष्ठ-ज्येष्ठ और चोप सिद्ध हुए—

आक. द्विज्ये १ आज्ये. द्विज्ये १ आज्ये. द्विज्येव १ आज्ये. द्विज्ये १ द्विज्ये. द्विज्ये १ द्विज्ये. द्विज्ये १ द्विज्ये. आज्येव १ किनिष्ठों का योग किनिष्ठ कल्पना करने से हुआ

आक. द्विज्ये १ आज्ये. द्विक १

इससे 'वज्ञाभ्यासौ ज्येप्रलघ्वोस्तदैक्यं हस्वं-' इतना सूत्र उपपन्न हुआ। उक्त कनिष्ठ वर्ग प्रकृति से गुग्धित हुआ--

त्र्याकव. द्विज्येव. प्र १ आकः द्विकः आज्ये. द्विज्ये प्र २ आ-ज्येव. द्विकवः प्र १

पहले खराड में द्वितीयज्येष्ठवर्ग, प्रकृति से गुगा श्रौर द्वितीयचेप से जुड़ा द्वितीयकिनष्ठ वर्ग के तुल्य है—

द्विकव-प्रश्विके १

ज्येष्ठवर्ग का प्रकृतिगुणित आद्यकिनष्ठवर्ग गुगाक है, इसिनये गुगाने से हुआ— UCC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri आकव दिकव प्रव १ आकव दिचे प्र १ तीसरे खरड में दितीयकनिष्ठ वर्ग, दितीय चेप से ऊन और कित से भाजित दितीयज्येष्ठवर्ग के तुल्य हैं—

द्विज्येव. द्विचे १ व्योर यही प्रकृतिगुणित आद्याज्येष्ठवर्ग से प्रश् र्रे गुणित है। इसिनये प्रकृति के समान गुणक भौर हर के उड़ा देने से, तीसरे खगड का स्वरूप हुआ—

आज्येव. द्विज्येव १ आज्येव. द्विसे १

दूसरे खरड में आद्यज्येष्ठवर्ग, प्रकृति से गुणित और आद्यत्तेप से युक्त आद्यकनिष्ठवर्ग के समान है—

श्राकव प्रश्राची १

यह ऋगागत द्वितीयचेप द्विचे १ से गुगा देने से हुआ — आकव प्र. द्विचे १ आचे दिचे १

इस भाँति वजाम्यासयोगरूप कनिष्ठ का वर्ग प्रकृति से गुणित अ खराडवाला सिद्ध हुआ—

श्चाकव. द्विकव. प्रव १ आकव द्वित्ते प्र १ आक. द्विक. आज्ये. द्विज्ये. प्र २ आकव. प्र द्वित्ते १ आज्येव द्विज्येव १ आत्ते। द्वेत्ते १

यहां दूसरे, चौथे खरड को धन और ऋग्य होने के कारण उड़ा देने से तथा आद्यांप और द्वितीयचेप के घातरूपी चोप को जोड़ देने से ज्येष्ठवर्ग हुआ—

आकव. द्विकव. प्रव १ आक. द्विक. आज्ये. द्विज्ये. प्र २ आज्येव द्विज्येव १

इसका मूज ज्येष्ठ है—
आकः द्विकः प्र १ आज्येः द्विज्ये १
इससे उक्त सूत्र की उपपत्ति स्पष्ट है। इसी प्रकार वज्राभ्यासों के
आक. द्विज्ये १ द्विज्ये. आक १

इस अन्तर के तुल्य, किनेष्ठ कल्पना करके, उक्त रीति के अनुसार अन्तर-भावना की उपपत्ति जानना ।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

(३) कमलाकरोक्त उपपत्ति।

ज्येष्ठ के वर्ग में प्रकृति गुगित कनिष्ठ वर्ग को घटा देने से शेष चोप रहता है तो, इस प्रकार लेपों की दो पङ्कि हुई।

प्र. झाकव १ झाज्येव १ १ प्र. द्विकव १ द्विज्येव १

प्रवर आकवर द्विकव १ प्र. आज्येवर द्विकव १ प्र. द्विज्येवर आकव १ आज्येव. द्विज्येव १

अव इस में जिस के जोड़ने से भूज मिले वही प्रकृति गुणित किनिष्ठवर्ग है। इसिलिये प्रकृति से भाजित उस का मूल चिष्ठ्यघात के समान चोप में किनिष्ठ होगा और उस के जोड़ने से जो भूज मिले बही ज्येष्ठ होगा। उक चोप में—

प्र. ध्याज्येव- द्विकव १ । प्र. द्विज्येव- ध्याकव १ इन दोनों खएडों को जोड़ देने से, समान धनर्या खएडों के उड़ जाने से शेष रहा—

प्रव. आकव. द्विकव १ आउयेव. द्विज्येव १

इस में इसी का दूना मूलघात 'आक. द्विक आज्ये. द्विज्ये. प्र.२' जोड़ देने से ज्येष्ठ वर्ग हुआ—

प्रव. त्राकव. द्विकव १ त्राक. द्विकः त्राज्ये. द्विज्ये. प्र श्राज्येव. द्विज्येव १ इस का मूल ज्येष्ठ हुन्ना---

प्र. आक. द्विक १ आज्ये द्विज्ये १

स्रोर प्रकृति गुणित कनिष्ठ वर्ग यह है

प्रशास्त्रीय द्विकव १ प्र द्विज्येव. आकव १ आक द्विक आज्ये द्विज्ये. प्र २

इस में प्रकृति का भाग देने से किनेष्ठवर्ग हुआ— आज्येव. द्विकव १ आकः द्विक. आज्येः द्विज्ये २ विज्येव. आकव १ इस का मूल किनेष्ठ हुआ——

आज्ये द्विक १ द्विज्ये आक १

इस से समासभावना का सूत्र उपपन्न हुआ।

्यहां Muहले इसिद्धा बिकासे Vaguasi प्रसाद सामा कृत । द्विकात १ आ उसे व.

हिज्येव १'इन खरडों में 'झाक हिक. आज्ये. हिज्ये प्र रं' इस मृाण्यात खरड को जोड़ रेने से ज्येष्ठ वर्ग सिद्ध हुआ ——

प्रव. आकव. द्विकव १ आकः द्विक. आज्ये द्विज्ये प्र रे आज्येव. द्विज्येव १

इस का मूल ज्येष्ठ हुआ——
प्र. आक. द्विक १ आज्ये द्विज्ये १
और प्रकृति गुणित कनिष्ठ वर्ग यह है—

प्र. आज्येव. द्विकव १ प्र. द्विज्येव. आकव १ आक. द्विक. आज्ये द्विज्ये प्ररं

इस में प्रकृति का भाग देने से कानिष्ठ वर्ग हुड़्या—— आज्येव. द्विकव १ आक. द्विक. आज्ये द्विज्ये रं द्विज्येव आकव १ इसका मूल कनिष्ठ हुड़्या——

आज्ये द्विक १ द्विज्ये आव १

इस प्रकार अन्तरभावना का सूत्र उपपन्न हुआ।

प्रकृति से गुणित और चोप से युक्त किन वर्ग, ज्येष्ठ वर्ग होता है। इस नियम के अनुसार दो पचा हुए——

कव. प्रं १ ची १=ज्येव १

कोई वर्गराशि वर्गराशि से गुणित अथवा भाजित अपने वर्गत्व को नहीं त्याग करता, इस नियम के अनुसार दोनों पन्न इष्टवर्ग का भाग देने से हुए——

कव. प्रश्चेत्र = ज्येव १

यहां दूसरे पत्त का मूल इष्ट से भाजित अन्य ज्येष्ठ को कल्पना किया ज्ये १ और पहले पत्त में हर से भाजित दूसरे खराड को

अन्यक्षेप कल्पना किया ची १ इससे 'इष्टवर्गहृत: क्षेप: क्षेप: स्यात्' वह उपपन्न हुआ। फिर इष्ट से भाजित कनिष्ठ को अन्य कनिष्ठ

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

कल्पना किया - क १ तो उसका वर्गप्रकृति से गुणित पहला खरड

होता है कव- प्र १, इस से '—इष्टभाजिते' 'मूले ते स्तः' यह उपपन्न इका।

इसी भाँति, वे दोनों पन्न इष्टवर्ग से गुणित भी समान हैं——
कव. प्र. इव १ ची. इव १ = ज्येव. इव १

अब यहां पर भी दूसरे पक्त का मूल इष्ट्यायित ज्येष्ठ करूपना किया 'इ. ज्ये १' और पहले पक्त के प्रथम खरह में इष्ट्यायित किनिष्ठ को अन्य किनिष्ठ करूपना किया 'इ. क १' इसका वर्गप्रकृति से गुश्चित प्रथम खरह है 'इव. कव. प्र १' और इसी पक्त के दितीय खरह में इष्टवर्ग से गुय्चित क्षेप है 'क्षे. इव १' यही अन्य क्षेप हुआ। इससे 'अथवा क्षेप: जुरुग्य: जुरुग्ये तदा पदे' यह

चपपन हुआ।

(४) द्विगुण इष्ट को किनष्ठ कल्पना किया 'इ २' और इसके वर्ग को प्रकृति से गुण दिया 'इव प्र ४' अव इस में क्या जोड़ देने से मूल मिलेगा? इस का विचार— 'चतुर्गुणस्य घातस्य युतिवर्गस्य चान्तरम् । राश्यन्तरकृतेस्तुल्यम्—' इस वच्यमाण सूत्र के अनुसार चिष्ट दो राशि के अन्तरवर्ग से जुड़ा हुआ उनका चौगुना घात युतिवर्ग है, और उसका मूल अवश्य मिलेगा । यहां किनष्ठवर्ग और प्रकृति का चौगुना घात है और इष्ट किनष्ठ है, इसिलेये इष्टवर्ग और प्रकृति का चौगुना घात हुआ । अव इसमें इष्टवर्ग और प्रकृति का अन्तर वर्ग 'इव १ प्र १' जोड़ देने से अवश्य मूल मिलेगा, तो दूने इब्ट को किनष्ठ कल्पना किया है, इसिलेये इष्टवर्ग और प्रकृति के अन्तरवर्ग के समान चोप में, ज्येष्ठपद सिद्ध होगा । पर हमको स्वपन्नेप में चाहिये इसिलेथे 'इष्टवर्गहृत: चोप: चोप: स्यादिष्ट-माजित, मूले ते स्तः—' इस वक्त सूत्र के अनुसार इष्टवर्ग और प्रकृति के अन्तर के समान इष्ट कल्पना किया, तो उसके वर्ग का चात्रात के समान इष्ट कल्पना किया, तो उसके वर्ग का चोप में का समान इष्ट कल्पना किया, तो उसके वर्ग का चात्रात आता सामान इष्ट कल्पना किया, तो उसके वर्ग का चोप में हो सामान इष्ट कल्पना किया, तो उसके वर्ग का चोप में का समान इष्ट कल्पना किया, तो उसके वर्ग का चोप में सो स्टवर्ग और

प्रकृति के अन्तर का भाग देना चाहिये और किन हिगुगा-इब्ट है, इस से 'इब्टवर्गप्रकृत्योर्यद्विवरं तेन वा भनेत्, द्विन्नमिष्टं किन हं तत्पदं स्यादेकसंयुतों यह सूत्र उपपन्न हुआ।

श्रथवा-

किया या १, इससे 'इब्टं इस्वं तस्य वर्गः प्रकृत्या— ' इस सूत्र के अनुसार क्रपक्षेप में ज्येष्ठ वर्ग सिद्ध हुआ याव प्र १ क् १। अगेर क्रपयुक्त इष्ट्रगुगित किनष्ठ को ज्येष्ठ कल्पना किया या. इ १ क् १। अब इस ज्येष्ठवर्ग 'याव. इव १ या. इ २ क् १' के साथ पूर्व साधित ज्येष्ठवर्ग 'याव. प्र १ क् १' का समीकरण के जिये न्यास—

याव. प्र १ रू १
याव. इव १ या. इ २ रू १
समशोधन करने से—
याव.प्र १ याव. इव १
या. इ २
यावेत्तावत् का अपवर्त्तन देने से—
या. प्र १ या. इव १

इ २ इन दोनों पत्तों में इष्टवर्गोन प्रकृति 'इव १ प्र १' का भाग देने से पहले पत्त में ल्लब्घ यावत्तावत् आया, या १ और दूसरे पत्त में हर से भाजित दूना इष्ट लब्ध हुआ इ २ इव १ प्र १ यही यावत्तावत् का मान है। इससे भी उक्त सूत्र की वासना स्पष्ट होती हैं॥

उदाहरणम्— को वर्गोऽष्टहतः सेकःकृतिः स्याद्रणकोच्यताम्। एकादशगुणः को वा वर्गः सेकः कृतिः सखे२८

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

प्रथमोदाहरणे न्यासः।

प्र ८। क्षे 🛪 । अत्रैकामिष्टं हस्वं प्रकल्प्य जाते मूले सक्षेपे क १ ज्ये ३ क्षे १ एषां भाव-नार्थे न्यासः।

प्र ८। क १ ज्ये ३ क्षे १ क 9 ज्ये ३ क्षे 9

अत्र सूत्रम् 'वज़ाभ्यासी ज्येष्ठलघ्वोः-' इत्यादिना प्रथमकनिष्ठद्वितीयज्येष्ठमूला-भ्यासः ३ । द्वितीयज्येष्ठप्रथमकनिष्ठमूला-भ्यासः ३। त्र्यनयोरेक्यं ६ कनिष्ठपदं स्यात्। कनिष्ठयोराहतिः १ प्रकृतिगुणा ८ ज्येष्ठयोर-भ्यासेनानेन ६ युता १७ ज्येष्ठपदं स्यात्। क्षेपयोराहांतेः क्षेपकः स्यात् १।

प्राङ्मूलक्षेपाणामेभिः सह भावनार्थं न्यासः।

प्रद। क १ ज्ये ३ क्षे १ क ६ ज्ये १७ क्षे १

भावनया लब्धे मूले क ३५ ज्ये ६६ क्षे १।

एवं पदानामानन्त्यम्।

^{*} अत्र इ.नराजदैवहाः-कोऽय वर्गः स्वर्गदीपैविं निध्नो रूपेणाच्यो जायते वर्ग एव । को वा वर्गी सर्गतिष्ठाः सरूपो वर्गः स्यात्ती वर्गवादिन् वदाग्र ॥

दितीयोदाहरणे रूपमिष्टं किनष्ठं प्रकल्प्य तद्दर्गात् प्रकृतिगुणात् ११ रूपद्रयमपास्य मूलं ज्येष्ठम् ३। अत्र भावनार्थं न्यासः।

प्र ११। क १ ज्ये ३ क्षे २ं क १ ज्ये ३ क्षे २ं

प्राग्वल्लब्धे चतुः क्षेपकमूले क ६ ज्ये २० क्षे ४। 'इष्टवर्गहृतः क्षेपः—' इत्यादिना जाते रूपक्षेपमूले क ३ ज्ये १० क्षे १ अतस्तुल्य-भावनया वा कनिष्ठज्येष्ठमूले जाते क ६० ज्ये १६६ क्षे १। एवमनन्तमूलानि।

अथवा रूपं किनष्ठं प्रकल्प्य जाते पश्च-क्षेपपदे क १ ज्ये ४ क्षे ५ अतरतुल्यभावनया मूले क ८ ज्ये २७ क्षे २५ । 'इष्टवर्गहृतः—' इत्यादिना पश्चकिमष्टं प्रकल्प्य जाते रूप-क्षेपपदे।

क रूँ ज्ये कु क्षे १ त्र्यनयोः पूर्वमूलाभ्यां सह भावनार्थं न्यासः। प्र ११। क रूँ ज्ये कु क्षे १ क ३ ज्ये १० क्षे १ भावनया लब्धे मूले क १६१ ज्ये १५४ क्षे १। अथवा १ इत्वं वजाभ्यासयोर न्तरं — १ इत्या-दिना कृतया भावनया जाते मूले क १६० ये १ छो १

एवमनेकधा। 'इष्टवर्ग प्रकृत्योयिहिवरं तन वा भवेत्—' इत्यादिना पक्षान्तरेण पदे रूपक्षेपे प्रतिपाद्येते। तत्र प्रथमोदाहरणे रूपत्रयमिष्टं प्रकल्पितम् ३। अस्य वर्गः ६। प्रकृतिः द अनयोरन्तरं १ अनेन हिघ्नमिष्टं भक्तं ६ जातं रूपक्षेपे कनिष्ठं पदम् अतः पूर्ववज्ज्येष्ठम् १७। एवं हितीयोदाहरणेऽपि रूपत्रयमिष्टं प्र-

कल्प्य जाते कनिष्ठज्येष्ठे ३।१० एवमिष्टवशात्समासान्तरभावनाभ्यां च पदानामानन्त्यम् ।

इति वर्गप्रकृतिः।

(१) उदाहरया-

. वह कौन सा वर्ग है, जिस को आठ से गुग्राकर, एक जोड़ देवे है तो वर्ग होता है।

न्यास। प्र = चो १

यहां किनष्ठ १ कल्पना किया, इस के वर्ग १ को प्रकृति द्र से गुग्गने से द्र हुत्रा, इस में १ जोड़ देने से १ का मूल ज्येष्ठ ३ ् हुत्रा । त्राव तुल्य भावना के लिये न्यास— प्रदाक १ ज्ये ३ चो १ रे यहां 'वज्रास्यासी ज्येष्ठ-

जिये न्यास। क १ ज्ये १ को १ विं कि कि हि १ क्योर दूसरे ज्येष्ठ ३ का घात ३ हुआ, दूसरे कि हि १ और पहले ज्येष्ठ ३ का घात ३ हुआ, दोनों घातों का योग ६ कि तिष्ठपद हुआ। दोनों कि तिष्ठों १। १ का घात १ हुआ, इस को प्रकृति म से गुणित म में, दोनों ज्येष्ठों ३।३ के घात ६ को जोड़ने से १७ ज्येष्ठपद हुआ। दोनों के पों १।१ का घात १ चेप हुआ। अब पहले सिद्ध कि हि १ क्येष्ठ ३ और कोप १ को किनेष्ठ ६ ज्येष्ठ १७ और कोप १ के साथ भावना के जिये न्यास। क १ ज्ये ३ के १ यहां पहले किनेष्ठ १ और कि है ज्ये १७ के १

दूसरे ज्येष्ठ १७ का घात १७ हुआ, इसी प्रकार दूसरे किनिष्ठ हैं और पहले ज्येष्ठ ३ का घात १८ हुआ। इन दोनों घातों का योग ३४ कनिष्ठपद हुआ। किनिष्ठों १। ६ का घात ६ प्रकृति ८ गुंगितं ४८ हुआ, इस में ज्येष्ठों ३। १७ के घात ४१ को जोड़ने से ६६ ज्येष्ठपद हुआ। और त्तेपों १।१ का घात १ तेप हुआ। इस प्रकार, भावनावश अनेक कानिष्ठ, ज्येष्ठ और त्रेप होंगे।

(२) उदाहरण-

वह कौनसा वर्ग है, जिस को ग्यारह से गुण देते हैं और उस में एक जोड़ देते हैं, तो वर्ग होता है।

न्यास । प्र ११। ची १।

यहां कितिष्ठ १ कल्पना करके उसका वर्ग १ हुआ । यह प्रकृति ११ से गुियात ११ हुआ, इस में २ घटा देने से ६ शेष का मूल ज्येष्ठ ३ हुआ। अब तुल्य भावना के लिये न्यास। प्र११ क १ ज्ये ३ चे २ के १ ज्ये ३ चे २ के

यहां ज्येष्ठ धोर किनिष्ठों के वज्राभ्यास ३ । ३ का योग ६ किनिष्ठ हुआ। धोर किनिष्ठों १ । १ का घात १ प्रकृति ११ से गुणित धोर ज्येष्ठाभ्यास ६ युक्त २० ज्येष्ठपद हुआ। । चोपों २ । २ का घात ४ चोप हुआ। इन किनिष्ठ, ज्येष्ठ धोर चोपों का क्रम से न्यास। -:-

क ६ ज्ये २० हो ४। यहां इष्ट २ मान कर उस का वर्ग किया ४ हुआ, इस का होप ४ में भाग देने से १ होप हुआ। और इष्ट २ का पदों में भाग देने से, किनष्ठ ज्येष्ठ हुए। उन का यथाक्रप न्यास। क ३ ज्ये १० हो १।

अब समास-भावना के लिये न्यास-

क ३ ज्ये १० चे १ रहां बज्राभ्यासों ३०।३० का

योग ६० कनिष्ठ हुआ। और किनष्ठों ३।३ का बात ६ प्रकृति ११ से गुिंगित ६६ में ज्येष्ठाभ्यास १०० को जोड़ने से १६६ ज्येष्ठ हुआ। चोपों १।१ का बात १ चोप हुआ। इनका यथाक्रम न्यास। क ६० ज्ये १६६ चो १। इस प्रकार भावना से अनेक मूल सिद्ध होंगे।

अथवा। इष्ट १ किनिष्ठ कल्पना करके, उसके वर्ग १ को प्रकृति ११ से गुण कर, चोप ४ जोड़ने से १६ का मूल ४ हुआ, यह ज्येष्ठ है। इन का क्रम से न्यास। क १ ज्ये ४ चे ४ समास-भावना के लिये न्यास

क १ ज्ये ४ चो ४ कि १ वज्ञाभ्यासों ४ । ४ का योग द्र कि १ के १ के १ के १ के प्रकृति ११ से गुण कर, ज्येष्ठाभ्यास १६ जोड़ देने से २७ ज्येष्ठ हुआ। चोपों १ । १ का पात २४ चोप हुआ। अब 'इप्टवर्गहृतः चोपः—' इस पूत्र के अनुसार १ इष्ट कल्पना करने से, रूपचेप में किनष्ठः ज्येष्ठ और चोप हुए—

क पूँ ज्ये रूष चो १ इन का पूर्वमूल के साथ भावना के लिये न्यास---प्र ११। क पूँ ज्ये रूष चो १

क ३ उसे १० चो १ CC-0. Mumukshu Bhawan Vararवृङ्ग Collection: Digitized by eGangotri

यहां समास-भावना से नीचे जिखे मूल निष्पन्न हुए— क रेड्र जिसे प्रति हो १

'श्रथवा हस्वं वजाम्यासयोरन्तरं वा—' इस सूत्र के श्रनुसार बजाम्यासों पू । पू का श्रन्तर पू किनिष्ठ हुआ, और किनिष्ठों पू । ३ का घात पू प्रकृति ११ से गुणित पू हुआ एवं वजाम्यास पू हुआ, दोनों का श्रन्तर ज्येष्ठ हुआ पू । कोपों १। १ का घात १ कोप हुआ। इनका यथाक्रम न्यास

क पूज्ये पू को १।

अब 'इएवर्गप्रकृत्योयिद्विवरं तेन वा भजेत्—' इस प्रकार के अनुसार रूपन्तेप में पद सिद्ध करते हैं—(१) उदाहरण में इष्ट ३ कल्पना कियां, इसका वर्ग १ हुआ, अब १ का और प्रकृति द का अन्तर १ हुआ, इस का दूने इष्ट ६ में भाग देने से ६ लिब्धि मिली, यही रूपन्तेप में किनिष्ठ हुआ। इस के वर्ग ३६ को प्रकृति द से गुणा कर, १ जोड़ने से २८१ का मूल १७ ज्येष्ठ हुआ। और न्तेप १ है।

इन का यथाक्रम न्यास, क ६ ज्ये १७ स्ते १।

(२) उदाहरण में इप्ट ३ मानकर, उस का वर्ग किया ६ हुआ। किर इसका और प्रकृति ११ का अन्तर २ हुआ। इस अन्तर का हिराण इप्ट ६ में भाग देने से, किनिष्ठ ३ लब्ध मिला । उसके वर्ग ६ को प्रकृति ११ से गुण कर, उस में १ मिलाने से १०० का मूल १० ज्येष्ठ हुआ। और क्षेप १ है। इन का यथाक्रम न्यास। क ३ ज्ये १० को १।

इस प्रकार, इंष्ट कल्पना करने से, तथा समास-भावना और अन्तर भावना के वश से, अनन्त पद सिद्ध होंगे।

वर्गप्रकृति समाप्त ।

अथ चक्रवाले करणसूत्रं छत्तचतुष्ट्यम्— हस्वज्येष्ठपदक्षेपान्भाज्यप्रक्षेपभाजकान् ४६ कृत्वा करूप्यो गुणस्तत्र तथा प्रकृतितश्च्युते। गुणवर्गे प्रकृत्योनेऽथवाल्पं शेषकं यथा ४७॥ तत्तु क्षेपहृतं क्षेपो व्यस्तः प्रकृतितश्च्युते। गुणलब्धिःपदं हस्यं ततो ज्येष्ठमतोऽसकृत्४८ त्यक्त्वा पूर्वपदक्षेपांश्चक्रवालिमदं जगुः। चतुर्ह्यकयुतावेवमभिन्ने भवतः पदे॥ ४६॥ चतुर्द्धिपमूलाभ्यां रूपक्षेपार्थभावना ॥॥

श्रथ किनष्ठज्येष्ठयोरभिन्नतार्थं चक्रवालाख्यां वर्गपकृतिमनु-प्टुमां चतुष्ट्येनाइ—इस्वेति । प्रथमतः 'इष्टं इस्वं तस्य वर्गः ।' इत्यादिना इस्वज्येष्ठचेपान् कृत्वा कुट्टकेन तथा गुणः साध्यः यथा गुण्स्य वर्गे प्रकृतितश्च्युते प्रकृत्या ऊने वा शेषकमल्पकं स्यात् । तत्तु शेषं प्रवेचेपहृतं सत् चेपः स्यात् । गुण्वर्गे प्रकृतित-श्च्युते सति श्रयं चेपो व्यस्तः स्यात् । धनं चेद्दणमृणं चेद्धनं भवेदित्यर्थः । यस्य गुण्स्य वर्गेण प्रकृत्या सद्दान्तरं कृतं तस्य गुण्स्य या लिब्धस्तत्किनिष्ठपदं स्यात् । ततः कनिष्ठाष्ठ्येष्ठं

निरम्रमूलं प्रकृतिहिं लिब्धस्तावश्च शेषं च हरस्तदमम ।

मूलाब्धशेषं हि निरम्मासं हरेण नृतं फलमेतदस्तः ॥

श्चिच्छेषड़ीनो नवशेषकं स्यातद्वर्गहीना प्रकृतिहैरासा ।

नवी हरः स्यादसक्विद्वधेयमित्यं यदा रूपमितो हरः स्यात् ॥

तदा लिब्धतः नेपके रूपतुल्ये ग्रुणाशी प्रसाध्ये विदा कुटकेन ।

गुणः स्यात्किनिष्ठं तथा न्येष्ठमाप्तिर्भवेत्नेपके रूपतुल्ये तदेव ॥

^{*} धत्र विशेषः--

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

पूर्ववत्स्यात्। अथ प्रथमकिष्ठिष्ठचेष्ठचेष्ठचेषांश्च त्यक्त्वा संप्रति सा-धितेभ्यः किन्ठिष्ठचेष्ठचेपेभ्यः पुनः कुट्टकेन गुणाप्ति आनीय उक्रवत्किनिष्ठचेष्ठचेपाः साध्याः। एवमसकृत्। आचार्या एतद्र-णितं चक्रवालिमिति जगुः। एवं चक्रवालेन चतुद्वर्चेकयुतौ चतुः-चेपे द्विचेपे एकचेपे च अभिने पदे भवतः। इद्युपलच्चणम्। यत्र कुत्रापि चेपे अभिने पदे भवतः। युतौ, इत्युपलच्चणम्। तेन शुद्धावपीति श्चेयम्। अथ रूपचेपपदानयने प्रकारान्तरमस्तीत्याद-चतुरिति। चतुःचेपम्लाभ्यां द्विचेपम्लाभ्यां च रूपचेपार्थ भावना

यदा लन्धयः स्युः समार्चेत्र चैवं तदा रूपशुद्धी ग्रुणो लन्धिरत्र । अनेन प्रकारेण मूले अभिन्ने भवेतामिति प्रोक्तवान्वापुदेवः ॥ अत्रेष्टहारांविधिलन्धितश्चेत्संसाधिते रूपगुती ग्रुणाप्ता । तेस्तस्तदामीष्टहराङ्कतुल्यकेपे लघुच्येष्ठपदे तदेव ॥ यदा समास्ताः खलु लन्ध्यः स्युर्यदा तु ताः स्युर्विषमास्तदानीम् । अमीष्टहाराङ्कसमानशुद्धी क्षेये सुद्धाः प्रविषम पदे ते ॥ अत्रेष्टच्छिद द्वितुल्यश्चेत्तदा तिसद्धमूलतः । रूपवेपपदार्थं वा विधेया तुल्यमावना ॥

ंका ससविष्टिशिषता कृतिरेक्युका—' इस आचार्योक्त उदाहरण में प्रकृति=६७। तेप=१। मूत्रानुसार प्रकृति का निरप्रमूल = लिख, श्रीर लिख = रोष, तचा अप ३ हर, कल्पना किया। मूल = और लिख = के योग १६ में, हर ३ का भाग देने से ५ निरप्र लिख मिली, यह नवीन लिख हुई। इससे हर ३ को गुणने से १४ हुए, इन में रोष = घटा देने से ७ नवीन रोष हुआ। इस के वर्ग ४६ को प्रकृति ६७ में घटा देने से १ = रहे, इन में इर ३ का भाग देने से ६ नवीन हर सिद्ध हुआ। इस प्रकार जनतक रूप तुल्य हर न सिद्ध हो तनतक किया करने से तीन पंक्ति हुई—

लिश्ध==, ४, २, १, १, ७, १, १, २, ४ शेव==, ७, ४, २, ७, ७, २, ४, ७, = हुर=३, ६, ७, ६, २, ६, ७, ६, ३, १ ग्रीर लिश्चियों से रूपदेप में वहीं हुई—, बह्य==, ४, २, १, १, ७, १, १, २, ४, १, १, ० 'कार्या' इति शेषः । चतुः सेषे 'इष्टवर्गहृतः—' इत्यादिना । द्विसेषे तु तुल्यभावनया चतुः सेपपदे प्रसाध्य पश्चात् 'इष्टवर्गहृतः—' इत्यादिना रूपसेपजे पदे वा भवतः ॥

त्राव कितेष्ठ त्रोर ज्येष्ठ के त्राभिन्न मान के किये. चक्रवाल नामक वरीप्रकृति का विशेष कहते हैं—

यहां पहले 'इष्टं हस्वं तस्य वर्गः—' इस सूत्र के अनुसार कानिष्ठ, ज्येष्ठ और चोप सिद्ध करना बाद उन को भाज्य, चोप और भाजक कल्पना कर के कुट्टकविधि से गुण सिद्ध करना, पर वह (गुण) ऐसा हो कि जिसके वर्ग को प्रकृति में घटा देने से अथवा प्रकृति ही को उस में घटा देने से यह के चेप

इस वर्त्ती पर से, कुटक द्वारा गुण ५६६७ लिध ४८८४ हुई, लिध्यों के सम होने के कारण, यही रूपचेप में कनिध-ज्येष्ठ पद हुए। श्रीर यही कनिष्ठ-ज्येष्ठ 'इस्व-ज्येष्ठपदत्तेपान्-' इत्यादि प्रकार से सिद्ध किये गये हैं।

लिध के चार श्रङ्क लेने से, रूपचेप में बली-

The state of the s

इस से कुटक द्वारा ग्रेण १६ लब्धि १३१ । यही इष्ट हराङ्क ६ धननेप में कनिष्ठ ग्रींग च्येष्ट हुए । लब्धि के तीन श्रद्ध लेने से रूपचेप में वसी —

- x 2 2

इस से कुटक द्वारा गुण ११ लब्बि ६० । यही इष्ट दराङ्ग ७ ऋगाजेप में फनिष्ठ चीर ज्येष्ठ हुए । इत्यादि ॥ CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

का भाग देने से चोप होगा। पर इतना विशेष है कि जिस अवस्था में गुगावरी प्रकृति में घटेगा तो यह द्वाप व्यस्त होगा अर्थात् धन हो तो ऋण और ऋण हो तो धन जाना जायगा । और जिस गुण का प्रकृति से अन्तर किया है उस गुगा की लाडिय कनिष्ठ होगा, बाद उक्त रीति सं कतिष्ठ पर से ज्येष्ठ सिद्ध करना । अनन्तर, पहले साधित कनिष्ठ, ज्येष्ठ श्रीर दोप को बिगाड़ कर, इन नये कनिष्ठ, ज्येष्ठ श्रीर ज्ञेप से, कुट्टक के द्वारा गुया-लिंडध लाना श्रीर एन से कानिष्ठ, ज्येष्ठ और चोप सिद्ध करना । इस भांति, असकृत् अर्थान् बार-बार क्रिया करना । यो चार, दो और एक धनच्चेप में, अभिन्न कनिष्ठ-ज्येष्ठ होंगे । यहां चिट्ट ४ आदि संख्या और धनचीप उपलक्ष्या है, इस कारण इप्टं संख्या के धनचीप अथवा आयाचीप में अभिन्न पद होंगे । ऋौर ४ । २ दोपों से रूपद्मेप होने के लिये भावना करनी चाहिये वह इस प्रकार-- जिस स्थान में ४ द्वेप हो, वहां 'इष्टवर्गहृत:--' इस सूत्र के अनुसार रूपचेप सिद्ध करना और जहां पर २ चोप हो, वहां तुल्य भावना से ४ चोप सिद्ध करना बाद 'इष्टवर्गहृत:---' इस सूत्र से रूपन्तेप में होगा।

उपपत्ति-

.१ किन श्रीर प्रकृत्यून इष्टवर्ग चोप कल्पना किया---किन छ= १ , चोप= प्र १ इव १

किनिष्ठ १ के वर्ग १ को प्रकृति १ से गुण कर उस में च्लेप प्र १ इवं जोड़ने से इव १ हुआ, इसका मूल इ १ उयेष्ठ है, अब इसका झात किनिष्ठ, ज्येष्ठ और च्लेपों के साथ भावना के किये न्यास——

प्रश्वाक १ ज्ये १ चेत्र १ यहां वज्राभ्यासीं

क. इ १ । ज्ये १ का योग क. इ १ ज्ये १ किन छ हुआ । किन छों क १ रू १ के घात को प्रकृति से गुण कर, उस में ज्येष्टाभ्यास ज्ये. इ १ को जोड़ देने से ज्येष्ट हुआ प्र. क १ इ. ज्ये १ और कोर्पों का घात लोप हुआ प्र. चे १ लो. इव १ अब लोप के तुल्य इष्ट कल्पना करके 'इष्टवर्गहृत: चोप: —' इस सूत्र के अनुसार कनिष्ठ, ज्येष्ठ और चोप हुए —

यहाँ कितिष्ठ के अभिन्नत्व के लिये कुट्टक के द्वारा गुण का ज्ञान किया है। वह गुण इष्टसंज्ञक कितिष्ठ से गुणित ज्येष्ठ से सिहत और चोप से भाजित लब्ध होता है और वही कितिष्ठ है। इस से 'इष्टवर्ग, प्रकृति से ऊन और चोप से भाजित चोप होता है' यह बात सिद्ध हुई। यि प्रकृति में, इष्टवर्ग शुद्ध हो तो भृणशोष में चोप का भाग देने से भृणगत चोप होगा। इसिजये 'ज्यस्त: प्रकृतितश्च्युते' यह भी उपपन्न हुआ।

ऋथवा---

यदि किनष्ठ इष्ट से गुणा जाय, तो चोप इष्टवर्ग से गुणा जायगा। इस भौति किनष्ठ श्रीर चोप हुए, इ. क १। इव. चो १ श्रव चोपतुल्य इष्ट कल्पना करने से किनष्ठ श्रीर चोप सिद्ध हुए---

इष्ट्रगुशित और त्रेपमक कानिष्ठ, यदि कानिष्ठ कल्पना किया जाय तो त्रेप से भाजित इष्टवर्ग ज़ेप होगा। पर ऐसा इष्ट मानना चाहिये कि जिससे गुशित और त्रेप से भाजित हुआ कानिष्ठ शुद्ध हो। तो कानिष्ठ को भाज्य, त्रेप को हार कल्पना कर के कुट्टकद्वारा त्रेपामाव में गुश् लिब्ध सिद्ध करनी चाहिये, जिब्ध किनिष्ठ और गुशा इष्ट होगा। इसाजिये गुगा का वर्ग पूर्व त्रंप से भाजित त्रेप होता है और ज्येष्ठ मी गुगा हो सुश्चित होप से भक्त ज्येष्ट होता है। पर यों त्रेप बड़ा होतां है इस कारण त्राचार्य ने यहान्तर किया है—किनिष्ठ को भाज्य 'ज्येष्ठ को चोप त्रीर चोप को हार मान कर गुण लिब्ध सिद्ध की है, त्रीर पहले गुण से गुणित किनिष्ठ, चोप से माजित किनिष्ठ होता रहा त्रित्र या से गुणित किनिष्ठ, ज्येष्ठ से जुड़ा किनिष्ठ होता है, इसिलिये चोपभक ज्येष्ठ किनिष्ठ में त्राविक हुत्रा। प्रकृति से गुणित किनिष्ठ के वर्ग में क्या अधिक हुत्रा इसका विचार करते हैं—

पूर्व सिद्ध कनिष्ठ= इ. क १ ।

उसका वर्ग= इव. कव १ स्रोव १

प्रकृति से गुणित= इत्र. कव. प्र १ चेत १।

ज्येष्ठ सिद्ध करने के लिये चेप= इव १ चे १

ज्येष्ठ से युक्त चोप से भाजित कनिष्ठ= इ. कं १ ज्ये १ हो १

प्रकृति से गुग्गित= इव. कव. प्र१इ. क. ज्ये. प्र२ ज्येव प्र१

अनितम ख़राड को प्रकारान्तर से सिद्ध करते हैं— प्रकृति से गुणित, चोप से युक्त किनिष्ठवर्ग, ज्येष्ठवर्ग के समान है कव. प्र १ चे १

यह प्रकृति से गुणित हुन्ना कव. प्रव १ चो प्र १ इस भांति त्राभिमत स्वरूप हुन्ना इव. कव. प्र १ इ. क ज्ये. प्र २ कव. प्रव १ चो. प्र १

चोव १

इससे स्पष्ट है कि-

इ. क. ज्ये. प्र २ कव. प्रव १ जो. प्र १ ज्ञेव १

इतना प्रकृति से गुणित कविष्ठ के वर्ग में अधिक है, और ज्येष्ठ-वर्ग के लिये पूर्व युक्ति के अनुसार चोप से भाजित गुगावर्ग चोप्य है,

पहला खरड= इ. इ. ज्ये. प्र २ कव. प्रव १ स्रोव १

दूसरा खरड= चि. प्र १ चि १ । चित्र १ चित्र १

अपवर्तित दूसरा खराड चिप्त हैं; पर चोप से भाजित गुर्यावर्ग द्मेप्य है, श्रौर चोप से भाजित गुणवर्ग श्रौर प्रकृति का अन्तर भी न्नेप्य है। ऐसी स्थिति में, न्नेप से भाजित गुगा वर्ग ही निप्त होता है, इसिलये कहा है कि 'तथा प्रकृतितश्च्युते' गुण्यवर्गे प्रकृत्योनेऽथवाल्पं . शेषकं यथा, तत्तु च्लेपहृतं च्लेपः, इति।

यदि प्रकृति से गुणवर्ग अधिक हो, तो उस अवस्था में चोप से भाजित गुगावर्ग ऋौर प्रकृति का ऋन्तर योज्य है, क्योंकि चिप्त न्यून है। यदि गुयावर्ग न्यून हो तो, स्रोप से भाजित गुयावर्ग स्रौर. प्रकृति का अन्तर शोध्य है, क्योंकि चिप्त अधिक है। इसाकिये कहा है कि 'व्यस्तः प्रकृतितश्च्युते'।

जो 'गुगावरों प्रकृत्योनेऽथ वाल्पं शेपकं' यह कहा है, वह चोप की लघुता के लिये हैं। अब यों भी ज्येष्ठवर्ग में इतना अधिक हैं-

इस प्रकार अधिक होने पर भी 'कृतिम्य आदाय पदानि—'
इस सूत्र के अनुसार मूल आता है, इसिलये यह भी ज्येष्ठ वर्ग है। यहां
इतना विशेष है कि—यिद इष्ट गुणित, चेप मक किनष्ठ, किनष्ठ कल्पना
किया जाय तो, चेप से भाजित इष्ट्रवर्ग चेप होगा और इष्ट से गुणा
चेप से भाजित ज्येष्ठ, ज्येष्ठ होगा। यदि इष्ट से गुणित, ज्येष्ठ से
युक्त और चेप से भाजित किनष्ठ, किनष्ठ कल्पना किया जाय तो,
चेप से भाजित गुणवर्ग और प्रकृति का अन्तर चेप होगा और
इष्ट से गुणित, प्रकृति से गुणित किनष्ठ से सिद्ध होती है,
इसिलये कुट्टक की अपेचा नहीं है, तो भी अभिन्नता के लिये कुट्टक
किया है। इस से 'इस्वज्येष्ठपदचेपान्—' इत्यादि उपपन्न हुआ।
यहां पूर्वरीति के अनुसार, किनष्ठ पर से ज्येष्ठ का साधन कहा है।
अथवा, गुणक से गुणित, प्रकृति से गुणित किनष्ठ से सिद्धत और
स्थेप से भाजित ज्येष्ठ, ज्येष्ठ होता है। यह बीजनवाङकुरकार का
परामर्श है।

त्रव उक्त वासना के कुछ श्रंश को प्रकारान्तर से निरूपग्य करते हैं—

पूर्विरिद्ध = प्र. इव. कव १ प्र. इ. क. उथे २ कव. प्रव १ प्र. चे १ चे व

यह जिससे जुड़ा मूलप्रद हो, वह चोप है श्रौर मूल ज्येष्ठ है, श्रव मूल मिलने के लिये यदि प्र. इव. कव १ चोव १

भृगाखरड को जोड़ दें तो, पहला खरड उड़ जाता है और प्र. चे १ चेंच चौथे खरड के तुल्य भृगाखरड को जोड़ दें तो, चौथा खरड उड़ जाता है श्रीर तीसरे खरड का भूल श्राता है।

क. प्र १ इस मूल का प्र. इ. क. ज्ये २ इस दूसरे खराड में भाग

देने से लिब्धि मिली चे. प्र. इ. क. ज्ये २ = इ. ज्ये २ | क. प्र. च्लेव १ चे १ | किब के आधे के वर्ग को इव. ज्येव १ | चेव १

जोड़ देने से मूल त्र्याता है इ. ज्ये १

इस मूल और पहले मूल के दूने घात को, दूसरे खराड में घटा देने से, वह खराड भी उड़ जाता है। इस भांति चेप ज्ञात हुआ

प्र. इव. कव १ प्र. चो. १ इव. ज्येव १ चोव १

प्र.इव.कव १प्र.इ.क. ज्ये २प्रव.कव १प्र.चे १ प्र.इव.कव १प्र.चे १ इव.ज्येव १ केव १

= प्रव. कव १ प्र. इ. क. ज्ये २ इव. ज्येव १

इस का मूल ज्येष्ठ है--

प्र. क. १ इ. ज्ये १

इस से 'इष्ट गुणित ज्येष्ठ से युक्त श्रीर चोप से भक्त प्रकृति से गुणित किन्छ, ज्येष्ठ होता है' यह बात सिद्ध होती है।

न्नीर, चोप के प्र. इव. कव १ प्र. चो १ इव. ज्येव १ । जोव १

पहले तथा तीसरे खएड में इष्टवर्ग का भाग देने से— प्र. कव १ ज्येव १

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

यह च्लेप हुन्ना। क्योंकि ज्येष्ठवर्ग में प्रकृति से गुणित कनिष्ठवर्ग को घटा देने से शेष रहता है।

प्रव. कव १ प्र. इ. क. ज्ये २ इव. ज्येव १
चीव १
प्र. इव. कव १ प्र. इ. क. ज्ये २ प्रव. कव १ प्र. चो १
चीव १

प्र. इव. कव १ इव. ज्येव १ प्र. चो १
चीव १

द्येप को इष्टवर्ग से गुगा देना चाहिये, क्योंकि पहले इस से भाजित हुआ था। इस भांति द्येप का स्वरूप निष्पन्न हुआ—

प्र. से १ इव. से १ प्र. १ इव १ सेव से

उदाहरणम्-

का सप्तषष्टिगुणिता कृतिरेकयुक्षा का चैकषष्टिनिहता च सखे सरूपा। स्यान्मूलदा यदि कृतिप्रकृतिर्नितान्तं त्वचेतिस प्रवद तात तता लतावत्॥२६॥

अथात्रोदाहरणं सिंहोद्धतयाह—केति । हे तात ! तातेति सरसोक्तिस्तु कमि नितान्तानुकम्पास्पदं प्रकृतिसुकुमारं कुमारं व्यञ्जयित । त्वचेतिस तव हृदये यदि कृतिमकृतिर्वर्गपकृतिः ज्ञतावत् ज्ञता वल्ली, तद्वदिव । नितान्तमत्यर्थे तता विस्तृतास्ति । एकत्र व्युत्पत्तिरूपेणापरत्र पत्रादिरूपेणेति तात्पर्यम् । यथा कुत्रचिदारामे सेचनादिक्रियाकौशलवशेन ज्ञता नितान्तं वितता भवति तथा तव हृदि यदि हृद्धाभ्यासवशेन वर्गपकृतिर्जागरूका वर्तते इति भावः । अत्र ज्ञतेत्युपमानमहिन्ना वर्गपकृतिर्जागरूका

चवासनापरिस्कारपुरस्सरं प्रकारिभदाष्यवसीयते । अत्रानुपासउपमा च शब्दार्थालंकारौ । तिई का कृतिः सप्तपष्टिगुणिता
एकपुक्ता मूलदा स्यादिति मवद विविच्य कथय । का च कृतिः
एकपष्टिनिहता एकपुक्ता सती मूलदा स्यादिति हे सखे वदेति ।
उदाहरण—

(१) वह कौनसा वर्ग है, जिस को सतसठ से गुगा कर, एक जोड़ देते हैं तो वर्ग होता है।

(२) वह कौन वर्ग है, जिसे एकसठ से गुण कर, एक जोड़

देते हैं तो वर्ग होता है।

प्रथमोदाहरणे रूपं किनष्ठं त्रयमणक्षेपं च प्रकल्प्य न्यासः। प्र. ६७।क्षे. १। क १ ज्ये ८क्षे ३।ह्रस्वं भाज्यं, ज्येष्ठं प्रक्षेपं, क्षेपं भाजकं च प्रकल्प्य कुटकार्थं न्यासः। भा. १।क्षे. ८।

> हा. ३। अत्र 'हरतष्ट—' इति कृते जाता वल्ली ०

200

लिधगुणो १ ऊध्वो विभाज्येन ऋधरो हरेणेति तष्टिकरणे स्वस्वतष्टो लिब्धवेषम्या-त्स्वतक्षणाभ्यां १ शुद्धो १ 'क्षेपतक्षणलाभाट्या लिब्धः—' इति लिब्धगुणो १ हरस्य ऋणत्वा-CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri ख्लब्धेः ऋणत्वे कृते जातो लिब्धगुणो है गुणस्य वर्गे १ प्रकृतेः शोधिते शेषम् ६६
अल्पकंन जातमतो रूपद्रयम्णिमष्टं प्रकल्प्य
'इष्टाहतस्वस्वहरेण—' इत्यादिना जातो लिब्धगुणो है अत्र गुणवर्गे ४६ प्रकृतेर्विशोधिते शेषं १८ क्षेपेण ३ हतं लब्धम् ६ अयं क्षेपो गुणवर्गे प्रकृतेर्विशोधिते व्यस्तः स्यादिति धनं ६ लिब्धः कनिष्ठपदं ५ अस्य ऋणत्वे धनत्वे च उत्तरे कर्मणि न विशेषोऽस्तीति जातं धनम् ५ अस्य वर्गे प्रकृतिगुणे षड्युते जातं मूलं ज्येष्ठं ४१ पुनरेषां कुद्दकार्थं न्यासः।

> भा॰५।क्षे॰४१। वल्ली ॰ हार्ड। १

> > 0

अतो 'लिब्धगुणो ११ गुणवर्गे २५ प्रकृते-श्च्युते शेषं ४२ क्षेपेण ६ हते 'व्यस्तः प्रकृ-तितश्च्युते' इति जातः क्षेपः ७ लिब्धः किन्छम् ११ ऋतो ज्येष्ठं ६० पुनरेषां कुष्ट-कार्थं न्यासः।

मा०११। क्षे०६०।

अत्र 'हरतष्टे धनक्षेपे—' इति कृते जातो गुणः ५ लब्धयो विषमा इति तक्षणशुद्धो जातो गुणः २। अस्य क्षेपः ७ ऋणरूपेण १ गुणितं क्षेपं ७ गुणे प्रक्षिप्य जातो गुणः ६ अस्य वर्गे प्रकृत्योने शेषं १४ क्षेपेण ७ हत्वा जातः क्षेपः २ लब्धिः कनिष्ठम् २७ अतो ज्येष्ठम् २२१ आभ्यां तुल्यभावनार्थं न्यासः।

क २७ ज्ये २२१ क्षे रं

उक्तवन्मूले क ११६३४। ज्ये ६७६८४। क्षे ४। चतुःक्षेपपदे २ अनेन भक्ते जाते रूप-क्षेपमूले क ५६६७। ज्ये ४८८४२। क्षे १।

द्वितीयोदाहरणे न्यासः। भा. १।क्षे. ८। हा. ३। 'हरतष्टे धनक्षेपे—' इति लिव्धगुणी है 'इष्टाहत—' इति द्वाभ्यामुत्थाप्य जाती लिव्ध-गुणी है गुणवर्गे ४६ प्रकृतेः शोधिते १२ व्यस्त इति ऋणं १२ इदं क्षेप ६ हतं जातः क्षेपः ४ त्रातः प्राग्वजाते चतुःक्षेपमूले क ५। ज्ये ३६। क्षे ४। 'इष्ट्वर्गहृतः क्षेपः क्षेपः स्यात्—' इत्युपपन्नरूपशुद्धिमूलयोर्भावनार्थं न्यासः।

> क रू ज्ये रू के १ क रू ज्ये रू के १

अनयोर्जाते रूपक्षेपमू ले क १६४ ज्ये १४२३ क्षे १ अनयोः पुना रूपशुद्धिपदाभ्यां भावनार्थं न्यासः

क रूँ ज्ये रूँ क्षे १ क रूँ ज्ये रूर्व क्षे १

अतो जाते रूपशुद्धो मूले क ३८०५ ज्ये २६७१८ क्षे १ अनयोस्तुल्यभावनया जाते रूपक्षेपमूले क २२६१५३६८० ज्ये १७६६३१६०४६ क्षे १

(१) उदाहरण में १ किनष्ठ श्रीर रे भृणक्षेप कल्पना करके न्यास। प्रह्ण। क १ ज्ये म से ई

अब कतिष्ठ को भाज्य, चौप को भाजक और ज्येष्ठ को चौप मानकरं कुट्टक के लिये न्यास ।

भा. १। ज्ञे. द। हा. डे ।

'हरतप्टे धनदोपे—' इस सूत्र के ऋतुसार न्यास भा १। चो २। वहा ० हा. ३।

चक्त रीति से लिंडिय-गुगा हुए हैं लिंडिय के वैषम्य से ऋपने-ऋपने तत्त्रणों से शुद्ध हुए 🕻 'त्रेपतत्त्रणलाभाट्या लिडिध:—' इस सूत्र के अनुसार लिंब गुरा हुए है हर के अपूरा होने से लिंब अपूरा हुई, क्योंकि भाज्य १ को गुण १ से गुण कर १ चोप द जोड़कर ह ऋगाहार रें का भाग देने से, लिंडिय रें का अगृगात्व सिद्ध होता है। यहां गुणा १ वर्ग १ को प्रकृति ६७ में घटा देने से शेष ६६ अल्प नहीं बचता, इस कारण रूप दो रे अनुगा इष्ट मोनकर 'इष्टा-हतस्वस्वहरेया- 'इस रीति से लिब्ध गुगा हुए हैं गुगा ७ के वर्ग ४६ को प्रकृति ६७ में घटा देने से शेष १८ रहा, इसमें पहले चेप इ का भाग देने से लिब्ध दें ऋगा मिली, यह चोप गुगावर्ग को प्रकृति में घटा देने मे व्यस्त अर्थात् धनच्तेप ६ हुआ। अरेर लिब्ध कानिष्टपद प्र हुई, इसके ऋगा ऋथव। घन होने से 'इष्टं इस्वं तस्य वर्गः--' इत्यादि अगाजी किया में कुछ विशेष नहीं होता। इसाजिये कनिष्ठ ५ पन हुन्त्रा, त्राय उस ४ के वर्ग २४ को प्रकृति ६७ से गुगाकर १६०५ च्रीप ६ जोड़ने से १६८१ ज्येष्ठ मूल ४१ आया।

'पूर्व ज्येष्ठं गुणाभ्यस्तं प्रकृतिष्तकनिष्ठयुक् । चोपोद्धृतं चक्रवाले ज्येष्ठं वा प्रकृतं भवेत् ॥

इस उक्त वासनासिद्ध सूत्र के श्रानुसार पहले ज्येष्ठ म को गुगा ७ से गुया कर ४६ प्रकृति ६७ से गुरियत कनिष्ठ ६७ x १=६७ को

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

जोड़ कर १२३ और चेप रें का भाग देने से ४१ ज्येष्ठपद सिद्ध हुआ। इसको भी कनिष्ठ के भांति धन मानने से वही ज्येष्ठ हुआ ४१। इस प्रकार सर्वत्र जानना। इन का फिर कुटूक के लिये न्यास—

> भा∙ ४ । चो∙ ४१ । हा∙ ६ । 'इरतष्टे धनचोपे—' इस के ऋनुसार न्यास— भा. ४ । चो∙ ४ । वझी ० हा. ६ । १

0

उक्त रीति से लिंडिय-गुगा हुए पूर् तत्त्राण लाभ ६ से युक्त लिंडिय वास्तव लिंडिय होती है तो, लिंडिय गुगित र्ूं गुगा ४ वर्ग २४ को प्रकृति ६७ में घटा देने से शेष ४२ रहा, इस में त्तेप ६ का भाग देने से ७ लिंडिय आई, और 'व्यस्तः प्रकृतितश्च्युते' के अनुसार त्तेप ७ अनुगा हुआ । लिंडिय ११ किनिष्ठ है, इस ११ के वर्ग २२१ को प्रकृति ६७ से गुगा कर ८१०७ और त्तेप ७ से घटा कर ८१०० मूल ज्येष्ठ ६० आया । अथवा 'पूर्वे ज्येष्ठं गुगाम्यस्तं—' सूत्र के अनुसार ज्येष्ठ ४१ को गुगा ४ से गुगा कर २०४ प्रकृति ६७ से गुगित किनिष्ठ ६० ४ १ च को जोड़कर ४४० च समें त्तेप ६ का भाग देने से ज्येष्ठ ६० हुआ। इस भांति किनिष्ठ, ज्येष्ठ और त्तेप हुए—

क ११ ज्ये ६० च्ले ७ इन का कुट्टक के जिये न्यास— भा. ११ । च्ले ६० । हा. ७ ।

'हरतष्टे धनचोपं——' इस सूत्र के ऋनुसार वल्ली १

2 2 8

0

दो राशि रैं त तत्त्रणों से तष्टित करने से हुए पूँ लिब्ध विषम रही, इस कारण ११। ७ इन अपने-अपने तत्त्रणों में गुद्ध करने से लिब्धगुण हुए रैं त्तेपतत्त्रणलाभ १२ से युक्त लिब्ध, वास्तव लिब्ध-गुण हुए रैं हर के अनुण होने से लिब्ध भी अनुण हुई, इस प्रकार सत्तेप लिब्ध-गुण हुए— ते ११ ल १६

चे ७ गुर

गुण २ के वर्ग ४ को प्रकृति ६० में घटा देने से शेष ६३ अल्प नहीं रहता, इस कारण अनुण्रूष्ट्र १ इष्ट मान कर हार ७ को गुण्यने से घन ७ हुआ। ६स ७ को गुण्य २ में जोड़ देने से गुण्य ६ हुआ। इसी भांति इष्ट १ से भाज्य ११ को गुण्य कर लिब्ध १६ में जोड़ देने से लिब्ध २७ हुई, यह कानिष्ठपद है। इसको पूर्व रीति से घन कल्पना कर लिया। अब किन्छ २० का वर्ग ७२६ प्रकृति ६० से गुण्यित ४ = ४३ हुआ, इसमें च्लेप २ घटा देने से ४ = ४१ शेष रहा, इसका मूल २२१ ज्येष्ठ हुआ और गुण्य ६ के वर्ग =१ में प्रकृति ६० को घटा देने से १४ शेष बचा, इसमें अनुण्यनेप ७ का भाग देने से अनुण्यानेप २ लब्ध आया।

इस प्रकार किनष्ठ, ज्येष्ठ; श्रीर चोप हुए— क २७ ज्ये २२१ चो २ं इन का तुल्य भावना के जिये न्यास— क २७ ज्ये २२१ चो २ं क २७ ज्ये २२१ चो २ं

यहां किन छ ज्येष्ठों के वज्राभ्यासों ४६६७ । ४६६७ का योग ११६३४ किन छ हुन्या । किन छों का घात ७२६ प्रकृति ६७ से गुणित ४८८४३ में ज्येष्ठाभ्यास ४८८४१ को जोड़ने से ६७६८४ ज्येष्ठ हुन्या । न्योर क्लेपों रं। रंका घात ४ क्लेप हुन्या । इन का यथाक्रम न्यास—

क ११६३४ ज्ये ६७६८४ चे ४ इष्ट २ कल्पना करके 'इप्टवर्गहृत: च्रेप:—' इस सूत्र के अनुसार The.

रूपचोप में किनेष्ठ, ज्येष्ठ और चोप सिद्ध हुए--क ४६६७ ज्ये ४८८४२ चे १

(२) उदाहरुगा में इष्ट १ कानिष्ठ श्रीर ३ चोप मानकर न्यास। प्रदेश कर ज्येद चे ३ इनका कुटुक के जिये न्यास।

भा. १। चे. द

मुक्ता है है के में है है। है भी महित कि है के में है है अस्प

हरतप्टे धनचोपे-- इसके अनुसार न्यास।

भा. १ ज्ञे. २ । वर्झ हा. ३ ।

उक्त रीति से दो राशि , जिब्ध के वैषम्य से, अपने-अपने तत्तार्यों में शुद्ध 🕻 ऋौर चोपतत्त्राया लब्घ २ से जुड़ी लुब्धि वास्तव हुई ३ इस प्रकार लिंब्ध-गुर्गा सिद्धं हुए हैं 'इष्टाइतस्वस्वहरेगा—' के अनुसार २ इष्ट कल्पना करने से, लिंडिय-गुगा हुए 🖫 यहाँ गुणा ७ के वर्ग ४६ को प्रकृति ६१ में घटा देने से शेष १२ बचा, न्तेप २ का भाग हेने से न्तेप ४ आया, यह 'ज्यस्तः प्रकृतितरच्युते' इसके अनुसार ऋगा हुआ है। और गुगा ७ की लिब्धि ५ किनिष्ठ है, इसका वर्ग २४ प्रकृति ६१ गुगित १४२४ में जेप ४ घटा देने से १४२१ रोष रहा, इसका मूल ३६ ज्येष्ठ हुआ। इनका यथा कम न्यास।

क ४ ज्ये ३६ च्ले ४ अब 'इष्टवर्गहृत:—' के अनुसार इष्ट २ कल्पना करने से, रूप-शुद्धि में कनिष्ठ, ज्येष्ठ श्रौर द्वेप हुए—

क कर र प्रकार कर के के दें उसे दें हैं में हैं कि क्रीन र प्रकार प्रकार इनका भावना के लिये न्यास । क र ज्ये इ चो १ क ई ज्ये रे जे विकास करा कि

क १६५ ज्ये १५२३ चो १ क ५ ज्ये ३६ चो १

वन्नाभ्यासों ७६०४। ७६१४ का योग १४२२० हुन्ना। इस में हरों २। २ के घात ४ का भाग देने से किन छ हुन्ना ३८०४। किनिष्ठों का घात ६७४ प्रकृति ६१ से गुणित ४६४७४ में ज्येष्ठा-भ्यास ४६३६७ को जोड़ने से ११८८७२ हुन्ना, इस में हरों के घात ४ का भाग देने से ज्येष्ठ न्त्राया २६७१८। चोपों १। १ का घात चोप हुन्ना १। इन का यथाकम न्यास।

क ३८०५ ज्ये २६७१८ चो १ं तुल्य भावना के लिये न्यास ।

क ३८०५ ज्ये २६७१८ चे १ क ३८०५ ज्ये २६७१८ चे १

यहां वज्राभ्यासों ११३०७६६६०। ११३०७६६६० का योग २२६१४३६८० कनिष्ठ हुआ। कनिष्ठों का घात १४४७८०२४ प्रकृति ६१ से गुशित ८८३१४६४२४ हुआ, इस में वज्राभ्यास ८८३१४६४२४ को जोड़ देने से ज्येष्ठपद १७६६३११६०४६ हुआ। और चोपों १।१ का घात चोप १ हुआ। इन का यथाक्रम न्यास।

क २२६१४३६ ८ ज्ये १७६६३१६०४६ चे १ इस प्रकार भागनावश से अनेक कनिष्ठ, ज्येष्ठ और चेप सिद्ध होते हैं।

श्रथ रूपशुद्धौ खिलत्वज्ञानप्रकारान्तरित-पदानयनयोः करणसूत्रं वत्तद्वयम् रूपशुद्धौ खिलोदिष्टं वर्गयोगो गुणो न चेत्५०

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

श्राविले कृतिमूलाभ्यां हिधा रूपं विभाजितम्। हिधा ह्रस्वपदं ज्येष्ठं ततो रूपविशोधने ॥५१॥ पूर्ववद्या प्रसाध्येते पदे रूपविशोधने ।

श्रथ रूपशुद्धी शिलत्वेऽिलल् चावधारित तत्र मकारान्त-रेण पदान्यनं श्लोकाभ्यामाह—रूपशुद्धाविति । यदि मकृतिवेगी-योगरूपा न भवेत्ति रूपशुद्धावृद्दिष्टं शिल् क्रेयम् । कस्यापि वर्ग-स्तया मकृत्या गुणितो रूपोनः सन् यूनदो नैव भवेदित्यर्थः । श्रथा- श्लिल्त्वे पदानयनमाह—श्राल् इति । श्राल्ले सित ययोर्वर्गयो- व्यागः मकृतिरित्त तयोर्भूलाभ्यां द्विधा रूपं विभाजितं सद्पशुद्धौ द्विधा हस्वपदं भवित । ततस्ताभ्यां किष्ठाभ्यां —तस्य वर्गः मकृत्या चुण्णः—' इत्यादिना ज्येष्ठपदमि द्विधा भवित । श्रथवा, श्रव्या चुण्णः—' इत्यादिना ज्येष्ठपदमि द्विधा भवित । श्रथवा, श्रव्या चुण्णः—' इत्यादिना क्ष्येष्ठपदमि द्विधा भवित । श्रथवा, श्रव्या चुण्णः—' इत्यादिना श्रिणं चतुरादिन्तेपे पदे प्रसाध्य 'इष्टवर्गह्तः न्तेपः—' इत्यादिना रूपशुद्धौ पदे प्रसाध्य ।।

रूपशुद्धि में सत्-श्रसन् उदाहरण का ज्ञान श्रीर प्रकारान्तर से

पदानयन का प्रकार

ह्रपंशादि अर्थात् १ श्रृणक्षेप में यदि गुण (प्रकृति) वर्गों का योग न हो तो उस बिहुष्ट को खिल अर्थात् दुष्ट जानना, ताल्पर्य यह है कि किसी का वर्ग उस प्रकृति से गुणा और रूपोन मूलप्रद न होगा। इस भांति यदि उदिष्ट दुष्ट न हो तो, जिन वर्गों का योग प्रकृति है, उनके मूर्जों का अजग-अजग रूप में, भाग देने से दो प्रकार के किनिष्ठ रूप-शुद्धि में होंगे। और उन किनिष्ठों पर से '—तस्य वर्गः प्रकृत्या जुण्णाः—' इस सूत्र के अनुसार ज्येष्ट भी दो प्रकार के होंगे। अथवा 'इष्टं इस्वं—' इस रीति के अनुसार, चार आदि कोप में पदानयन करके बाद 'इष्टवर्गहृतः कोपः कोपः स्यात्' इस सूत्र से अपशुद्धि में पदों का आनयन करना चाहिए।

उपपत्ति-

जो अनृयाद्वीप वर्गरूप हो तो उसके मूल को इष्ट कल्पना करके 'इष्टवर्गहृत: च्रेप:—' इस रीति से अनृयाद्वीप १ संभव होता है। परन्तु अनृयाद्वीप वर्गरूप तभी होगा यदि प्रकृति से गुया किनिष्ठवर्ग वर्गयोग-रूपी हो। इसिनिये एक वर्ग का शोधन करने से, दूसरा वर्ग अवशिष्ट रहेगा और वही च्रेप है। जैसा—२। ३ के वर्ग ४। ६ के योग १३ में, इष्ट गाशि के वर्ग ४ को घटा देने से, दूसरे गाशि ३ का वर्ग ६ शेष रहा।

यहां पर यदि प्रकृति वर्गयोग रूप हो तो किन प्रवर्ग प्रकृति से गुणित भी वर्गयोग रूप अनुमान किया जाय क्यों के वर्गरूप खरहों से किन छ को अलग-अलग गुण देन से दोनों खरड भी वर्गरूप रहते हैं और उनका योग वर्गयोग होता है और वही संपूर्ण प्रकृति से गुणित किन छ का वर्ग होता है। जैसा—४। ६ वर्गराशि का योग १३ प्रकृति है। अय किनपत किन छ ५ के वर्ग २५ को उन वर्गात्मक खरडों ४। ६ से अलग-अलग गुण देने से १००।२२५ भी वर्ग हुए, इन का योग ३२५ दश और पंद्रह का वर्गयोग है, और यह संपूर्ण प्रकृति १३ से गुणित किन छवर्ग १३×२५=३२५ के समान है। वह १०।१५ के वर्गयोग ३२६ के तुल्य है, इस ितये ३२५ में १० का वर्ग १०० घटा देने से १५ का वर्ग २२५ शेष रहता है और १५ का वर्ग २२५ घटा देने से १० का वर्ग १०० शेष बचता है। इस ितये अनुगा चेप १०० और उये छ १४। अथवा, अनुगाचेप २२५ और उये छ १० हुआ। अव— क ४ उये १५ चो १००

इत से इष्ट १० मान कर रूपशुद्धि में पद हुए— कथ ज्ये १४ जो १ १० १०

इस से 'रूपशुद्धी खिलोहिष्टं वर्गयोगी गुणो न चेन्' यह उपपन्न हु'म्रा। जिनका वर्गयोग प्रकृति है, उनके मूर्लो २ । ३ का अलग-अलग स्पर-में असार्यक्षिते हो कृतिष्ठ ई अथवा ई। अब कनिष्ठ का वर्ग करने से अंश के स्थान में रूप और हर के स्थान में मूल का वर्ग क है हुआ। इसको प्रकृति १३ से गुण देने से अंश के स्थान में प्रकृति की तुल्यता हुई क रेड़े। अब उस में अगुण देने से अंश के स्थान में प्रकृति की तुल्यता हुई क रेड़े। अब उस में अगुण देने ए घटाना है तो, समच्छेद से हर की समता हुई थे। बाद थे को भाज्य १३ में घटाने से दूसरे मूल ३ का वर्ग १ शेष रहेगा, क्योंकि भाज्य (अंश) दोनों मूलों २। ३ के वर्गयोग १३ के समान है। इसी भांति कनिष्ठ के बा वर्ग है यह प्रकृति १३ ने गुणित है हुआ, अब यहां भी हर ह से अगुणकोप १ को गुणने से हर की समता हुई, उस है को प्रकृति (अंश) १३ में घटा देने से पहले मूल २ का वर्ग ४ शेष रहा। इस से आखिले कृतिमूलाभ्यां द्विधा रूपं विभाजितम्। द्विधा इस्वपदं यह भी उपपन्न हुआ।।

उदाहरणम्—

त्रयोदशगुणो वर्गो निरेकः कः कृतिर्भवेत्। को वाष्टगुणितो वर्गो निरेको सूलदो वद ३०

अत्र प्रकृतिर्द्धिकत्रिकयोर्वर्गयोर्थोगः १३। अतो दिकेन रूपं हृतं रूपशुद्धो कनिष्ठं पदं स्यात् ई। अस्य वर्गात्प्रकृतिगुणादेकोनान्मूलं ज्येष्ठं पदम् ई। अथवा त्रिकेण रूपं हृतं कनिष्ठं स्यात् ई। अतो ज्येष्ठम् ई। अथवा कनिष्ठम् १ अस्य वर्गात्प्रकृतिगुणाचतुरूनान्मूलं ज्येष्ठम् ३

क्रमेण न्यासः। क १ ज्ये ३ क्षे ४

'इष्टवर्गहृतः क्षेपः-' इत्यादिना जाते रूप-शुद्धौ पदे क र् ज्ये रे क्षे १। अथवा प्रकृतेनेव् त्यक्त्वैवमेव जाते क ई ज्ये ई क्षे १। चक्रवाले नाभिन्ने वा।

्ष्वां ह्रस्वज्येष्ठपदक्षेपाणां भिन्नानां 'ह्रस्व-ज्येष्ठपदक्षेपान्—' इत्यादिना भाज्यप्रक्षेपभा-जकान्त्रकरूप्य पूर्वपदयोर्न्यासः ।

> भा. १। क्षे. १। हा. १।

अत्र भाष्यभाजकक्षेपानधेनापवर्त्य जाताः भा. १।क्षे. ३। हा. २।

'हरतष्टे—'इति कुष्टकेन गुणलब्धी ई अत्रेष्टमृणरूपं प्रकल्प्य जातोऽन्यो गुणः ३।'गुणवर्गे—'इत्यादिना क्षेपः ४० लब्धिः ३ अतो
ज्येष्ठम् ११। क्रमेण न्यासः। क ३ ज्ये ११ क्षे ४।

अतौऽपि पुनः 'भाज्यप्रक्षेपभाजकान्–' इत्यादिना चक्रवालेन लघ्धो गुणः ३। 'गुण-वर्गे—' इत्यादिना रूपशुद्धावभिन्ने पदे क ५ ज्ये १८ क्षे १। इह सर्वत्र पदानां रूपक्षेपदाभ्यां भावनया-नन्त्यम् ॥

्षवं द्वितीयोदाहरणे प्रकृतिः ८। प्राग्वजाते ह्रस्वज्येष्ठपदे क ई ज्ये १ क्षे १

बदाहरण-

- (१) वह कौन ऐसा वर्ग है, जिस को तेरह से गुण कर, एक देते हैं तो वह वर्ग होता है ?
- (२) वह कौन सा वर्ग है, जिस को आठ से गुण कर, एक घटा देते हैं तो वर्ग होता है ?

पहले उदाहरण में प्रकृति १३ है, यह २ और ३ के तुर्गी ४।६ का योग है, इस लिये २ का १ में भाग देने से किन छपद ई हुआ। इसका वर्ग ई प्रकृति १३ से गुणित 'हैं में १ घटाने से हैं शेष का मूल ई ज्येष्ठपद हुआ। अथवा, ३ का १ में भाग देने से किन छ पद ई हुआ। इसके वर्ग है को प्रकृति १३ से गुणा है हुआ। इस में १ घटा देने से हैं शेष रहा, इस का मूल ई ज्येष्ठपद हुआ। अथवा, इप्ट १ को किन छ कल्पना किया, इसके वर्ग १ को प्रकृति १३ से गुणा कर, ४ घटा दिया तो ६ शेष रहा, इस का मूल ३ ज्येष्ठ पद हुआ। इन का क्रम से न्यास।

क १ ज्ये ३ हो ४

'इष्टवर्गहृत:—' के अनुसार, इष्ट २ मानने से रूपशुद्धि में पद हुए—

क दै, ज्ये दै, चे १।

म्बर्धित कि निष्ठ १ वर्ग १ को प्रकृति १३ से गुण कर ६ घटा दिया तो ४ शेष रहा, इस का भूल २ ज्येष्टपद हुआ । इन का यथा कम न्यास ।

क १, ज्ये २, चें है।

पूर्वशीत से ३ इष्ट मानने से रूपशुद्धि में पद हुए-

त्रव इन का 'हस्वज्येष्ठपदचोपान्—' इस राित के त्रानुसार कुट्टक के क्रिये न्यास ।

> मा. १। चो. ३। हा. १।

यहां भाज्य, भाजक ऋौर चोप में आधे दे का अपवर्तन देकर न्यास।

भा. १। त्ते. ३। हा. २।

'इरतष्टे धनच्चेपे—' इस रीति से वड़ी हुई ०

8

0

बाद १ दो राशि लिब्ध के वैषम्य से अपने अपने तत्त्रणों में शुद्ध है हुए, फिर त्तेपतत्त्रणलाम १ को लिब्ध में जोड़ देने से लिब्ध-गुण हुए हैं। अब गुण १ के वर्ग १ को प्रकृति १३ में घटा देने से शेप १२ अल्प नहीं रहता, इस कारण अनुणा १ इप्ट मानकर 'इप्टाहतस्वस्वहरेण युक्ते—' के अनुसार तत्त्रणों १। रे को अनुणा १ से गुणा दिया तो १। २ हुए, इनको लिब्ध-गुणों रें। १ में जोड़ देने से १। ३ लिब्ध-गुणा हुए। गुणा ३ के वर्ग ६ को प्रकृति १३ में घटा देने से शेष ४ रहा, इस में अनुणात्तेप १ का भाग देने से १ चटा देने से शेष ४ रहा, इस में अनुणात्तेप १ का भाग देने से १ त्रेप आया और 'व्यस्तः प्रकृतितश्च्युते—' के अनुसार वह त्रेप धन हुआ ४। लिब्ध ३ किनष्ट के वर्ग ६ को प्रकृति १३ से गुणित ११७ में त्रेप ४ जोड़ने से १२१ हुआ, इस का मूल ११ ज्येष्ट है। इनका क्रम से न्यास।

क ३ ज्ये ११ चो ४।

भा. ३। चे. ११

EI. 8

'हरतष्टे घनचेपे—' के त्र्यनुसार न्यास— भा·३। चो. ३। वझी ० हा. ४। १ ३

उक्त त्रिधि से इ दो राशि हुए, क्षेपतक्त्रणालाभ २ को लिब्ध ३ में जोड़ देने से लिब्ध-गुण हुए ई । गुण ३ के वर्ग ६ को प्रकृति १३ में घटाने से ४ शेष रहा, इस में पूर्वक्षेप ४ का भाग देने से १ क्षेप झाया, वह 'व्यस्त: प्रकृतितश्च्युते—' के अनुसार अनुण हुआ १ । अभैर लिब्ध ४ किनिष्ठ के वर्ग २४ को प्रकृति १३ से गुणित ३२४ में क्षेप १ घटा देने से ३२४ शेष का मूल १८ ज्येष्ठ हुआ । इनका यथाक्रम न्यास—

क ४ ज्ये १८ चो १

यहां सर्वत्र पदों का रूप चोप पदों के साथ भावना देने से त्रांगनत्य होगा।
(२) उदाहरणा में प्रकृति कहै। यह २। २ के वगों ४। ४ का योग है। इस जिये १ में २ का भाग देने से कनिष्ठपद ई हुन्ना। इसके वर्ग ई को प्रकृति कसे गुण दिया है हुन्ना इस में १ पटा देने से हुन्ना। इसका मूज १ ज्येष्ठ हुन्ना। इस का क्रम से न्यास क ई ज्ये १ चो १।

उदाहरणम्—

कोवर्गः षड्गुणस्त्र्याच्यो द्वादशाच्योथवा कृतिः युतो वा पञ्चसप्तत्या त्रिशत्या वा कृतिर्भवेत् ॥ श्रत्र रूपं हस्वं कृत्वा न्यासः। प्र ६। क १ ज्ये ३ क्षे ३

त्रत्र 'क्षेपः क्षुण्णः क्षुण्णे तदा पदे' इति दिगुणिते जाते द्वादशक्षेपे २।६। पञ्चगुणे

पञ्चसप्तिमिते क्षेपे ५। १५। दशगुणे जाते त्रिशतीक्षेपे १०। ३०।

उदाहर्या--

वह कौन वर्ग है, जिस को छ से गुगा कर, इस में तीन वा, वारह वा, पचहत्तर वा, तीन सो जोड़ देते हैं तो, वर्ग हो जाता ह रियहां इप्ट १ किन छ करपना किया, उसके वर्ग १ को प्रकृति ६ से गुगा कर ३ जोड़ दिया तो ६ हुआ, इस का मूल ३ ज्येष्ठ हुआ, अब इन का क्रम से न्यास—

प्रद्राक १ ज्ये ३ चो ३।

यहां 'श्रथता चोपः चुरायाः चुरायो तदा पदें' इस सूत्र के श्रमुसार २ इष्ट कल्पना करने से, बारह चोप में पद हुए-

प्र ६। कर ज्ये ६ ची १२

न्नीर १० इष्ट कल्पना करने से, तीन सी दोप में पद हुए---प्र है। क १० ज्यें ३० दो ३००

अथेच्छयानीतपद्यो रूपक्षेपदानयनद्रशेने करणसूत्रं सार्घटत्तम्।

स्वबुद्धचैव पदे ज्ञेये बहुक्षेपविशोधने ॥५२॥ तयोभीवनयानन्त्यं रूपक्षेपपदोत्थया। वर्गच्छिन्ने गुणे हर्स्व तत्पदेन विभाजयेत्॥

त्रथ येन केनाप्युपायेनोहिष्टत्तेपे परे प्रसाध्य पश्चाद्रपत्तेप-भावनया तयोरानन्त्यं भवतीति सार्थेनानुष्टुभाइ—स्वेति। त्तेपाश्च विशोधनानि च त्तेपविशोधनानि, बहूनि च तानि त्तेपविशोध-नानि च बहुत्तेपविशोधनानि, तेषां समाहारो बहुत्तेपविशोधनं

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

तिस्मन् वहुत्तेपविशोधने । यत्र कुत्रापि त्तेपे धने ऋगो वा पूर्व स्वयुद्ध चैव पदे ह्रेये इत्यर्थः । पश्चाद्रूपत्तेपपदोत्थया भावनया तयोरानन्त्यं सुलभम् । यतः 'तत्राभ्यासः त्तेपयोः त्तेपकः स्यात्' इति रूपत्तेपेण गुणितो यः कश्चन धनमृणं वा त्तेपो यथास्थित एव स्यादिति । 'स्वयुद्ध चैव पदे ह्रेये' इत्युक्तं तत्र प्रकारान्तरं दर्श-यति—वर्गेति । गुणे वर्गच्छित्रे सति इस्वं तत्पदेन विभाजयेत् । अयमभिमायः—मकृतिं केनचिद्ध गेंणापवत्यं, अपवर्तितया प्रकृत्या किनिष्ठच्येष्ठपदे साध्ये । तत्र येन वर्गेण प्रकृतेरपवर्तः कृतस्तस्य पदेन किनिष्ठं भाज्यं, ज्येष्ठं तु यथास्थितमेव उद्दिष्टमकृतावेते पदे भवत इत्यर्थः ॥

अव किसी एक विधि से उदिष्ट केप में पद ला कर, रूपकेप भावना के द्वारा, उन पदों का आनन्त्य कहते हैं — जिस स्थान में आधिक (बड़ा) धन अथवा अगुणकेप हो वहां पहले अपनी माते के अनुसार पदों को सिद्ध करना, फिर किनेष्ठ, ज्येष्ठ और रूपकेप से उत्पन्न भावना से उन किनेष्ठ, ज्येष्ठ पदों का आनन्त्य होगा। तात्पर्य यह है कि 'तत्राभ्यास: केपयो: केपक: स्यान्' इस स्त्र के अनुसार रूपकेप से गुणित कोई धन अथवा अगुणकेप ज्यों का त्यों रहेगा।

श्रव पहले जो कह आये हैं कि श्रपनी मित के श्रनुसार पदों को सिद्ध करना, वहां पर प्रकारान्तर दिखलाते हैं — उद्दिष्ट प्रकृति में किसी वर्गराशि का श्रपवर्तन देकर श्रपवर्तनाङ्क के मूल का किनिष्ठ में भाग देने से वह किनिष्ठ होगा और ज्येष्ठ यथास्थित रहेगा।

उपपत्ति-

प्रकृति में किसी वर्ग राशि का अपवर्तन देने से ज्येष्ठ का वर्ग भी उसी वर्गराशि से अपवर्तित होता है। इस लिये ज्येष्ठ वर्गराशि के मूल से अपवर्तित होगा, परन्तु किनष्ठ अपवर्तित न होगा। क्योंकि उस (किनष्ठ) में प्रकृति प्रयुक्त कोई विशेष नहीं है कि जि उसे प्रकृति गुणित अथवा भाजित की जाय, तो किनष्ठ भी गुणित या भाजित

हो इस लिथे उस (वर्गगशि) के मूल का किन हो में भाग देना कहा है और ज्येष्ठ तो प्रथम ही भाजित हो चुका है। इसी भांति यह भी जानना चाहिये कि प्रकृति को किसी वर्गराशि से गुगा देना और उस गुगित प्रकृति से किन छ, ज्येष्ठ सिद्ध कर के उस के मूल से किन छ को गुगा देना चाहिये। इससे 'वर्गक्ति को गुगा हस्वं तत्पदेन विभाजयेत्' यह उपपन्न हुआ।

उदाहरगम्—

द्यात्रिंशद्गुणितो वर्गः कः सैको मूलदो वद।

न्यासः। प्र ३२। श्रतः प्राग्वजाते किनष्ठ-ज्येष्ठे ई। ३ श्रथवा 'वर्गच्छिन्ने गुणे हस्वं तत्प-देन विभाजयेत्' इति प्रकृतिः ३२ चतुरिछन्ना लब्धम् ८ श्रस्यां प्रकृती किनष्ठज्येष्ठे १। ३ येन वर्गेण प्रकृतिरिछन्ना तस्य पदेन२ किनष्ठे भक्ते जाते त एव क ई ज्ये ३ क्षे १।

उदाहरण-

वह कौन सा वर्गराशि है, जिस को बत्तीस से गुण देते हैं श्रीर उस में एक घटा देते हैं तो मूलप्रद होता है।

यहां है इप्ट मानकर 'इष्टं इस्वं—' इस रीति से कनिष्ठ, ज्येष्ठ त्रोर क्षेप हुए—

क ई ज्ये ३ चे १

श्रथवा 'वर्गच्छिने—' इस सूत्र के श्रतुसार, प्रकृति ३२ में ४ का श्रपवर्तन देने से प्र लब्ध श्राया, श्रब प्रकृति प्र में उक्त रीति से कितिष्ठ ज्येष्ठ श्रीर चोप हुए—

क १ ज्ये ३ चोप १

फिर ४ के मूल २ का किन्छ १ में भाग देने से वक्तीस प्रकृति में पद हुए—

क ई ज्ये ३ ची १

इसी भांति प्रकृति ३२ में १६ का अपवर्तन देने से २ मिला अगैर प्रकृति २ में कनिय, ज्येष्ठ और चेप हुए—

क २ ज्ये ३ ची १

फिर १६ के मूल ४ का किन छ २ में माग देने सं, वहीं किनिष्ठ स्रोर ज्येष्ठ स्राये क ई ज्ये ३ के १ ।

अथ वर्गरूपायां प्रकृती भावनाव्यतिरेकेणा-नेकपदानयने करणसूत्रं वृत्तम्—

इष्टमको दिधा क्षेप इष्टोनाच्यो दलीकृतः ।
गुगमुलहृतश्चायो हस्यज्येष्ठे कमात्पदे ५४

श्रथ प्रकृतौ वर्गरूपायां पदानयने उपायान्तरमनुष्टुभाह-इष्ट-भक्त इति । उद्दिष्टचेष इष्टेन भक्तः सन् द्विधा स्थाप्यः, स एकत्र इष्टेनोनः, श्रपरत्र इष्टेन सहितः, उभयत्रापि द्लीकृतोऽर्धितः । गुणामूलहृतः । प्रकृतिमूलहृत इत्यर्थः । क्रमाद्हस्वज्येष्ठपदे स्तः ॥

वर्गरूप-प्रकृति में पद लाने का प्रकार-

चिह्न दोप में इष्ट का भाग देकर, उसको दो स्थानों में रखना। एक स्थान में उसमें इष्ट घटा देना दूसरे स्थान में जोड़ देना किर उनका आधा करना और पहले स्थान में प्रकृति के मूल का भाग देना, इस प्रकार क्रम से कनिष्ठ, ज्येष्ट पद होंगे।

उपपत्ति-

वर्गरूप-प्रकृति से गुगा हुआ कित है का वर्ग वर्ग ही रहता है। उसका और ज्येष्ठवर्ग का अन्तर केप होता है और वह वर्गान्तर के समान है। इसिलिए—

' वर्गान्तरं राशिवियोगभक्तं योगस्ततः प्रोक्तवदेव राशी

इस पाटीस्थ सूत्र के ऋनुसार, ऋन्तर तुल्य इष्ट कल्पना करके, उस का चोप में भाग देने से योग ऋगवेगा फिर संक्रमण सूत्र से राशि आवेगे। एक गाशि, प्रकृति के मूल से गुणित किनष्ठ के तुल्य और दूसरा ज्येष्ठ के तुल्य होगा। प्रकृति मूल से गुणित किनष्ठ, प्रकृति मूल के भाग देने से किनष्ठ होता है। इस से 'इष्टभक्को द्विधा—' यह सूत्र उपपन्न हुआ।।

उदाहरणम्-

का कृतिर्नविभः क्षुण्णा दिपञ्चाशद्युता कृतिः। को वा चतुर्गुणो वर्गस्रयिस्त्रशद्युता कृतिः ३२ स्त्रत्र प्रथमोदाहरणे क्षेपः ५२। द्विकेनेष्ट्रेन हृतो दिष्ठ इष्टोनाट्यो दलीकृतो जातः १२।१४ स्त्रनयोराद्यः प्रकृतिमूलेन भक्तो जाते हस्व-ज्येष्ठे ४। १४। स्रथवा क्षेपं ५२ चतुर्भिर्वि-भज्य एवं जाते हस्वज्येष्ठे हैं १९।

द्वितीयोदाहरणे क्षेपं ३३ एकेनेष्टेन विभ-ज्यैवं जाते ह्रस्वज्येष्ठे ८।१७ त्रिभिर्जाते २।७

उदाहरया— (१) वह कौन वर्ग है, जिस को नौ से गुया कर, बावन जोड़ देते हैं तो, वर्ग हो जाता है?

(२) ऐसा कौन वर्ग है, जिस को चार से गुण कर, तेंतीस

जोड़ देते हैं तो, वर्ग हो जाता है ?

(१) उदाहरण में ज्ञेप ४२ है, श्रव इष्ट २ कल्पना करके इस का ज्ञेप ४२ में भाग देने से २६ लाडिघ मिली, इस को दो स्थानों में रक्खा २६।२६ श्रोर इष्ट २ से ऊन-युत कर के श्राधा किया तो २७ CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri १२ । १४ इन में पहले स्थान १२ में प्रकृति मूल ३ का भाग देने से किनिष्ठ ४ सिद्ध हुआ और ज्येष्ठ १४ ज्ञात ही रहा । यथाक्रम न्यास । क ४ ज्ये १४ स्ते ४२ । अथवा, सेप ४२ में ४ का भाग देकर पूर्व रीति से किनिष्ठ. ज्येष्ठ हुए क है ज्ये रूप।

(२) उदाहरण में त्तेप ३३ है, अब इप्ट १ का त्तेप ३३ में भाग देने से ३३ लिब्ध आई, इस को दो स्थानों में रक्खा ३३।३३ और इष्ट १ से ऊन-युन कर के आधा किया तो १६। १७ इन में से आद्य १६ में प्रकृतिमूल १ का भाग देने से किनिष्ठ द्र आया और ज्येष्ठ १७ पहले ही ज्ञात था। इन का यथाक्रम न्यास। क द्र उथे १७ तो ३३। अथवा, त्तेप ३३ में ३ का भाग देकर पूर्व राति के अनुसार किनिष्ठ, ज्येष्ठ मूल सिद्ध हुए २। ७।

अथवा प्रकृतिसमक्षेप उदाहरणम्— त्रयोदशगुणो वर्गस्त्रयोदशाविवर्जितः । त्रयोदशयुतोवास्याद्वर्गएव निगद्यताम् ३३ प्रथमोदाहरणे प्रकृतिः १३। जाते कनिष्ठ-ज्येष्ठे १०।०

अत्र 'इष्टवर्गत्रकृत्योर्याद्ववरं-'इत्यादिनारूप-क्षेपमूले है दे आभ्यां भावनया त्रयोदशऋण-क्षेपमूले दे है, वा एषामृणक्षेपपदानां रूपशुद्धि-पदाभ्या है है माभ्यां विश्लिष्यमाणभावनया त्रयोदशक्षेपमूले है दे वा १८। ६५।

प्रकृतिसमचोप में उदाहरण— वह कौन सा वर्ग है, जिस को तेरह से गुग्यकर उस में तेरह घटा वा जोड़ देते हैं तो, वर्ग ही रहता है ? यहां प्रकृति १३ है, कानिष्ठ १ वर्ग १ को प्रकृति १३ से गुगा कर, उस में १३ घटा दिया तो ० शून्य शेष बचा इस का मून ० ज्येष्ठ पद हुन्ना। यथाक्रम न्यास क १ ज्ये० चे १३ ।

इस मांति, जिस स्थान में प्रकृति के समान अनुयाक्तेप हो वहां १ इष्ट कल्पना कर के ज्येष्ठपद सिद्ध करना चाहिये, यह युक्ति निकल्ति है। क्यों कि एक किनष्ठ कल्पना करने से, जब उसके वर्ग को प्रकृति से गुया देंगे तब वह (गुयानफलरूप-प्रकृतिगुयात-किनष्ठ का वर्ग) प्रकृति के तुल्य ही रहेगा और वहाँ केप को भी प्रकृति के तुल्य होने से जब उसको प्रकृति में घटावेंगे तो शून्य शेष बचेगा और उस का मूल ज्येष्ठ शून्य आवेगा, जैसा—

'क १ ज्ये० स्रे १३'

यहां ज्येष्ठपद ० आया है, अब इन किनेष्ठ, ज्येष्ठ और चोपों का समासभावना के लिये न्यास---

प्र १३। क १ ज्ये० चे १३ क १ ज्ये० चे १३

वजाभ्यासौ उयेष्ठलच्योः—'इस के अनुसार, वजाभ्यासौं का योग ० यह किनष्ठ है। किनिष्ठों १। १ के घात १ को अकृति १३ से गुणा देने से गुणानफल १३ में उयेष्ठाभ्यास ० जोड़ देने से १३ उयेष्ठमून सिद्ध हुआ। और चेपों १३। १३ का घात १६६ चेप हुआ। इन का क्रम से न्यास—

क० ज्ये १३ चो १६६

'इष्टवर्गहृतः—' इस सूत्र के त्रानुसार १३ इष्ट कल्पना करने से पद सिद्ध हुए—

क० ज्ये १ चो १

इन पदों का पहले साथे हुए 'क १ ज्ये० को १३ं 'इन पदों के साथ भावना के लिये न्यास—

क १ ज्ये १ से १

यहां समास-भावना श्रथवा, अन्तर-भावना से पहले के पद स्थाते हैं।

क १ ज्ये० चे १३

त्र्योर उन का उन्हीं के समास-भावना से उत्पन्न 'क० ज्ये १३ चो १६६' इन पदों के साथ भावना के लिये न्यास—

> क १ ज्ये० चे १३ क० ज्ये १३ चे १६६

यहां समास या श्रान्तर भावना से नीचे लिखे पद उत्पन्न होते हैं— क १३ ज्ये० चे २१६७

'इष्टर्गह्रतः—' इस सूत्र की प्रवृत्ति नहीं होती इस िलये प्रनथ-कार ने 'इष्ट्रवर्गप्रकृत्योः—' इस सूत्र के अनुसार इष्ट ३ कल्पना किया, उस के वर्ग ६ और प्रकृति १३ का अन्तर ४ हुआ। इस का दूने इष्ट ६ में भाग देने से किन्छ हैं में २ का अपवर्तन देने से रै किन्छ हुआ। किनिष्ठ है के वर्ग है प्रकृति १३ से गुगित ११७ में १ जोड़ देने से ११ हुआ इस का मूज उयेष्ठ है ११। इन का कम से न्यास—

क दे ज्ये १ ची १

इन का पहले सिद्ध मूल के साथ भावना के लिये न्यास-

क १ ज्ये० च्ले १३ क ३ ज्ये ११ च्ले १

त्राव भावना से १३ चोप में मूत्र सिद्ध हुए— क रैंड ज्ये के चो १३

इन पर्दों का रूप शुद्धि पर्दों का ई उये हैं चो १ के साथ अन्तर भावना के लिये न्यास—

> क ११ ज्ये ३६ चो १३ क १ ज्ये ३ चो १

'हस्वं वज्राभ्यासयोः—'इस सूत्र के अनुमार वज्राभ्यासों है है है के अन्तर है में २ का अपवर्तन देने से है किनष्ठ हुआ। किनष्ठों के घात है को प्रकृति १३ से गुण देने से हि हुआ। अब इसके और ज्येष्ठाभ्यास है के अन्तर है में २ का अपवर्तन देने से है ज्येष्ठ पद हुआ। और लेपों १३। १ का घात घन १३ लेप हुआ। इन का क्रम से न्यास—

क दें ज्ये १३ से १३

अथवा, वजाभ्यासों के के से निष्ठ में हर ४ का भाग देने के से किनिष्ठ १ में हर ४ का भाग देने के से किनिष्ठ १ में हर अग्राया। प्रकृति १३ से गुणित किनिष्ठों के घात कि में उसे के उसे छाभ्यास कि के जोड़ देने से कि हुआ। इस में हर का भाग देने से ज्येष्ठमूल ६४ आया। इन का यथाक्रम न्यास—

क १ द ज्ये ६ ४ चो १३।

उदाहरणम्-

ऋणगैःपञ्चभिः क्षुण्णः को वर्गः सैकविंशतिः। वर्गः स्याद्वद चेद्वेत्सि क्षयगप्रकृतौं विधिम् ३४ न्यासः। प्र ५। स्त्रत्र जाते मूले ११४ वा, २। १ रूपक्षेपभावनयानन्त्यम्॥

खदाहरया--

ऐसा कौन वर्ग है. जिस को ऋग्य पांच से गुया कर, उस में इकीस जोड़ देते हैं तो, वह वर्ग हो जाता है।

न्यास, प्रकृति ५ । इष्ट १ को किनष्ट माना श्रीर इस के वर्ग को ऋगा ५ से गुण दिया तो ५ में च्लेप २१ जोड़ देने से १६ का मूज ४ ज्येष्ठ हुआ।

इन का यथाक्रम न्यास-

इसी भांति २ इष्टकल्पना करने से किनष्ठ, ज्येष्ठ ऋौर चेंप हुए— क २ ज्ये १ चो २१

यहां पर भी 'तयोभिवनयानन्त्यं रूपचोपपदोत्थया' इस के ऋतु-सार पदों का ऋानन्त्य होगा।

उक्तं बीजोपयोगीदं संक्षिप्तं गणितं किल । अतो बीजं प्रवद्यामि गणकानन्दकारकम् ५५ इति श्रीभास्करीये बीजगणिते चक्रवालं समाप्तम् ॥

इह ग्रन्थमारम्भे 'विच्म बीजिक्तयां च' इति मित्रक्षातं तदुपयो-गितया समपश्चं मपश्चितस्य धनर्णपिड्वधादेश्चकवालान्तस्य गिणतजालस्य बीजत्विनरासार्थमनुष्टुबाह—उक्कमिति। हे गणक, गणयतीति गणकस्तत्संबुद्धौ गणक इति, गण संख्याने एवुल्। एतेनान्वर्थनामतामितपादनपुरस्सरमिग्रमगणितमपश्चेऽनुद्धेगता स्-चिता। बीजस्य उपयोगि सहकारिभूतं नतु साद्याचदेव, सं-चित्रं नतु विस्तृतम्। एतेन बीजोपयोगिगणितस्यानन्तता सूचिता। इदं निक्षपितं गणितमुक्तं कथितं किल्। अत आनन्दकारकमा-ह्यादजनकम्। एतेनाग्रिमभागे भरोचना दिशाता। बीजं मवद्यामि॥

हे गग्राक ! इस प्रकार वीजगियात के उपयोगी श्रोर संनिप्त, धनर्गाषड्विध से लेकर चक्रवाल पर्यन्त गियात को मैंने कहा है। श्रव परम श्रानन्ददायक बीजगियात को श्रागे कहता हूँ।

चक्रवाल नामक वर्गप्रकृति का विषय समाप्त ॥ इति द्विवेदोपाख्याचार्यश्रीसरय्भसादमुत—दुर्गापसादोन्नीते लीला-वतीहृदयग्राहिणि बीजाविलासिनि चक्रवालं समाप्तम् ।

हृदयप्राहित्य वाजावलासान पक्षत्राल समातम् । दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मितात्तरे । वासनासरसः पूर्णो वर्गपकृतिविस्तरः ॥ यावत्तावत्कल्प्यमव्यक्तराशेमानं तस्मिन्कुर्वतोदिष्टमेव।
तुल्यो पक्षो साधनीयो प्रयत्नात्यक्ता क्षिप्त्वा वापि संगुण्य भक्ता॥५६॥
एकाव्यक्तं शोधयेदन्यपक्षाद्रुपाण्यन्यस्येत्ररमाच्च पक्षात्।

शेषाव्यक्षेनोद्धरेद्रूपशेषं व्यक्तं मानं जायतेऽव्यक्तराशेः ॥ ५७ ॥ अव्यक्तानां द्वयादिकानामपीह यावत्तावद्द्यादिनिन्नं हतं वा

युक्कोनं वा कल्पयेदात्मबुद्धचा मानं कापि व्यक्तमेवं विदित्वा॥ ५८॥ प्रथममेक वर्णसमीकरणं बीजम। द्वितीय

प्रथममेक वर्णसमीकरणं वीजम्। द्वितीय-मनेकवर्णसमीकरणं बीजम्। यत्र वर्णस्य द्वयो-बंहूनां वा वर्गादिगतानां समीकरणं तन्मध्य-माहरणम्। यत्र भावितस्य समीकरणं तद्भा-वितम्, इति बीजचतुष्टयं वदन्त्याचार्याः। तत्र प्रथमं तावदुच्यते—प्रकृष्ठकेन एष्टे सत्यु-दाहरणे योऽव्यक्तराशिस्तस्य मानं यावत्ताव-

0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

देकं ह्यादि वा प्रकल्प्य तस्मिन्नव्यक्तराशो उद्देशकालापवत्सर्वे गुणनभजनत्रेराशिकपञ्च-राशिकश्रेगीक्षेत्रादिकं गणकेन कार्यम्। तथा कुर्वताही पक्षी प्रयत्नेन समी कार्यो। यद्यालापे पक्षी समी न स्तरतदेकतरे न्यूने पक्षे किंचि-त्प्रक्षिप्य ततस्त्यकत्वा वा केनचित्संगुरय भक्त्वा वा समी कार्यों । ततस्तयोरेकस्य पक्षस्याव्यक्रमन्यपक्षस्याव्यक्काच्छोध्यम्, अ-व्यक्तवर्गादिकमपि। अन्यपक्षरूपाणीतरपक्ष-रूपेभ्यः शोध्यानि। यदि करएयः सन्ति तदोक्त-प्रकारेण शोध्याः। ततोऽव्यक्तराशिशेषेण रूप-शेषेभक्षेयञ्जभ्यतेतदेकस्याव्यक्रस्यमानं व्यक्तं जायते। तेन कल्पितोऽव्यक्तराशिरुस्थाप्यः ॥

यत्रोदाहरणे ह्याद्योऽव्यक्तराशयो भवन्ति तदा तस्यैकं यावत्तावत्त्रकल्प्य, ऋन्येषां ह्या-दिभिरिष्टेर्गुणितं भक्तं वा, इष्टे रूपेरूनं युक्तं वा यावत्तवदेव प्रकल्प्यम्॥

अथवा, एकस्य यावत्तावद्नयेषां व्यक्तान्येव मानानि कल्पानि । एवं विदित्वेति यथा क्रिया

निर्वहित तथा बुद्धिमता ज्ञात्वा शेषाणामव्य-क्रानि व्यक्तानि वा मानानि कल्प्यानीत्यर्थः॥

विलासी।

विश्वाणा करयोः सलीलपुभयोवीणां तथा पुस्तकं पश्यन्ती प्रणतान्क्वपामस्रणया दृष्ट्या सरोजे स्थिता । राकाकरववन्धुवन्धुरमुखी बन्ध्कवणीधरा सान्द्रानन्दसुधासमुद्रलहरी सा शारदा शास्तु माम् ॥ १ ॥

वूर्व 'त्रातो बीजं पवदयामि' इति कथयद्भिराचार्येशीजिक्रया-निरूपणं भतिज्ञातम्, श्रतस्तिनिरूपणीयम्, तस्य चातुर्विध्यमास्त इत्याचार्याः सिद्धान्तयन्ति । तथाहि-प्रथममेकवर्णसमीकरणम्, द्वितीयमनेकवर्णसमीकरणम्, तृतीयं मध्यमाहरणम्, चतुर्थे मा-वितमिति । तत्र समशोधनादिक्रियाकलापेनाज्ञातराशिमानावग-माय यत्रैकं वर्णमधिकृत्य पत्तयोः समता निष्पाद्यते तत् 'एकवर्ण-समीकरणम्' इति कथ्यते । यत्रानेकान्वर्णानधिकृत्य पत्तयोः स-मता निष्पाद्यते तत् 'अनेकवर्णसमीकरणम्' इति कथ्यते । यत्र वर्णवर्गादिकमधिकृत्य पत्तयोः साम्यं विधाय मूलग्रहणपुरस्तरं - च्यक्तमानमानीयते तत् 'मध्यमाहरणम्' इति कथ्यते, यतोऽत्र व-गीत्मकराशेः पदग्रहणे पायो मध्यमखण्डस्याहरणं दूरीकरणं म-वति । यत्र भावितस्याधिकृत्य पत्तयोः समता निष्पाद्यते तत् 'भावितम्' इति व्यपदिश्यते । यद्यप्यत्रैकवर्णसमीकरणस्य ल-त्तरणं मध्यमाहरणविशेषे अनेकवर्णसमीकरणस्य लत्तरणं मध्यमा-हरणिवशिषे भाविते चातिव्याप्तं तथापि गौतमकणमत्तपत्तकत्ता-वगाहिनामिवास्माकं लच्चणचोदे न ग्रहातिशयः। अस्ति चेदाकएर्यताम् -यत्रैकमेव वर्णमधिकृत्य पत्तयोः समीकरणेन वि-नैव मूलग्रहणाद्व्यक्तं मानं सिध्यति तदेकवर्णसमीकरणम् । एव-CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

मनेकवर्णसमीकरणस्यापि लक्तणमवसेयम् । एवं नातिन्याप्तिः ।
'प्रथममेकवर्णसमीकरणं बीतम् । द्वितीयभनेकवर्णसमीकरणं बीजम्' इति प्रथमद्वितीयशब्दोपादानपुरस्सरं विभागपदर्शनाद् बीजद्वैविध्यमेव श्रीभास्कराचार्याणामभिमतम्, इति केचित्।।'एक-वर्णसमीकरणम्, अनेकवर्णसमीकरणम्' इति मुख्यं विभागद्वयम् । तत्राद्यं द्विविधम्—एकवर्णसमीकरणं, मध्यमाहरणं चेति । द्वितीयं त्रिविधम्—अनेकवर्णसमीकरणम्, तन्मध्यमाहरणं, भावितं चेत्येवं पश्चविधो विभागः संभवति, इत्यन्ये ॥ 'पद्शितपश्चविधाविभागे मध्यमाहरणयोस्तन्त्वेनैकरूपस्वीकाराचतुर्धापि विभागः संभवति। स एव पाचां संमतः' इत्यपरे ॥ अथ तत्रानेकवर्णानामेकवर्णपूर्वक-त्वादेकवर्णसमीकरणं प्रथमतः शालिनीत्रयेणाह—यावत्तावदित्या-दिना। अदः श्लोकत्रयमाचार्येव्याख्यातत्वात्पुनर्न व्याख्यायते ॥

भाषाभाष्य ॥

वीयापुस्तकभासुरे हंसकगामिति वािया । चरणं वािक तदायकं शरणं ते करवािया ॥ १ ॥ शोषितदुः खपरम्परापारावारपयांसि । ददतु शिवं शिववल्लभाचरणसरोजरजांसि ॥ २ ॥ चित्रतिजाक मणपुरस्सरं खिएडतलोक तमांसि ॥ ३ ॥ सन्तु प्रीतिसमृद्धये रिवकरितकरमहांसि ॥ ३ ॥ बीजं छात्रमतिलेकाः सानन्दं कलयन्तु । कि चोद्गतमितिवेभवा वािदकुलािन जयन्तु ॥ ४ ॥ भाषाभाष्यरसायनं सोद्योगं रसयन्तु । किच स्वर्गीणिकािमव व्युत्पत्तिं वशयन्तु ॥ ४ ॥

अब 'त्रतो बीजं प्रवद्यामि—' इस श्लोक में प्रतिज्ञात बीजगियात का निरूपण करते हैं—एकवर्णसमीकरण, अनेकवर्णसमीकरण, मध्यमाहरण और भावित इन नामों से बीजगियात चार प्रकार का है। उसके भेदों का सामान्य सच्चण यह है—जहां अव्यक्तराशि के मान के जिये सम शोधन त्रादि किया से एक-वर्ण द्वारा दोनों पत्नों की समता सिद्ध की जाती है, उसको एकवर्णसमीकरण कहते हैं। जहां त्रानेक वर्णों को लेकर, दोनों पत्नों का साम्य सिद्ध किया जाता है, उसको त्रानेकवर्णसमीकरण कहते हैं। जहां वर्ण वर्ग त्रादि से पत्नों को समान करते हैं, त्रारे वर्गगत राशियों का मूल जा कर व्यक्तमान साधते हैं, उसको मध्यमाहरण कहते हैं (क्योंकि उस में वर्गराशि के मूल जेने के समय में 'द्वयोर्द्धयोश्चातिहर्ति द्विनिन्नों—' इस सूत्र के त्रानुसार मध्यम खरड का त्राहरण त्रावीत द्विनिन्नों होता है, इस जियं उसका मध्यमाहरण नाम रक्खा है) त्रीर जिस स्थान मं भावित को लेकर, पत्नों का साम्य किया जाता है उसको भावित कहते हैं।

एकवर्णसमीकरण की विधि

उदिष्ट उदाहरण में अन्यक राशि का यावत्तावत् १,२,३, आदि भान कल्पना करके प्रश्नकर्ता के आलाप (भाषण्) के अनुसार गुगान, भजन, त्रैर।शिक, पश्चराशिक, श्रेढी त्रौर चेत्र त्रादि की क्रियार्त्रों से समान दो पन्न सिद्ध करना । यदि त्र्रालाप में, पन्न समान न हों तो, एक पन्न में कुत्र जोड़ या, घटा कर अथवा उस को किसी से गुण या भाग कर समान कर लेना। स्रोर उन दोनों पत्तों में से, किसी एक पत्त के अव्यक्त आदि को, दूसरे पत्त के अज्यक आदि में घटाना, और दूसरे पत्त के रूपों को पहले पत्त के रूपों में घटाना । आशय यह है कि जिस पत्त में अव्यक्तों को शुद्ध किया है, उस से भिन्न पत्त में रूपों को शुद्ध करना चाहिए। यदि करणी हों तो, उन को भी, उक्त प्रकार से शुद्ध करना। फिर अञ्चल राशि के शेष का, रूप शेष में भाग देने से जो लिंडिय आवे. वह एक अव्यक्त गारी का व्यक्त मान होता है। उसका कल्पिन अव्यक्त राशि में उत्थापन देना। आशययह है कि-- यदि एक अन्यक राशि का यह व्यक्तमान आता है, तो कल्पित अव्यक्त राशि क्या इस भांति त्रैराशिक से कल्पित प्रान्यक का जो न्यक्तमान उत्पन्न हो, स्थात त्रशाराक से कार्रास को मिटाकर स्थापन करना चाहिये। इसको पूर्व श्रव्यक्त राशि को मिटाकर स्थापन करना चाहिये। CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri इसी भांति यावत्तावत् वर्ग, घन त्रादि में भी लब्ध व्यक्तमान के वर्ग, घन त्रादि से उत्थापन देना चाहिये। जिस उदाहरण में, दो तीन त्रादि त्रव्यक्त राशि हों वहां एक त्रव्यक्त का मान एक यावत्तावत् कल्पना कर के त्रार त्रव्यक्त राशियों का मान दो, तीन त्रादि इष्ट से गुणित वा भाजित, इष्ट रूपों से ऊन वा, युक्त यावत्तावत् कल्पना करना। त्रथवा, एक का यावत्तावत् त्रीरों का व्यक्तमान कल्पना करना। इस भांति, जैसे किया का निर्वाह हो सके वैसा ही व्यक्त त्रथवा त्रव्यक्त मान कल्पना करना चाहिये, यह सब वच्यमाण उदाहरणों से भन्नी भांति स्पष्ट होगा।

डपपत्ति——

श्रज्ञात राशि का मान यावत्तावत् कल्पना कर के, वाद उक्त रीति के अनुसार दो पत्त तुल्य किये जाने हैं। वहां तुल्य दो पत्तों में तुल्य ही जोड़ वा, घटा देने से ऋौर उन को तुल्य ही किसी राशि से गुगा वा, भाग देने से उन का तुल्यत्य नहीं नष्ट होता, यह बात प्रसिद्ध है। अब किसी एक पत्त में, जैसा अव्यक्त राशि है उस (अव्यक्तराशि) का उस पत्त से शोधन करने में, वहां केवल रूप ही रह जाते हैं, परंतु समता के लिये दूसरे पत्त से भी अव्यक्तराशि घटाना है इस लिये 'एकाव्यक्तं शोधयेद्न्यपन्तान्- यह कहा है : ऋौर अन्यपत्त में, जैसा रूप राशि है उसका शोधन करने से, उस पत्त में केवल अञ्चल साशि रहता है, परंतु समता के लिये उस रूप साशि को दूसरे पत्त के रूप राशि में घटाना है इमिक्रिये 'रूपाएयन्यस्ये-तरस्माच पत्तान् कहा है। इस प्रकार एक पत्त में अञ्यक राशि और दूसरे पत्त में रूप राशि हुआ। अब यदि इस अञ्यकराशि में यह रूपराशि स्त्राता है, तो कल्पित स्त्रन्यक गाशि में क्या, इस प्रकार हपगाशि, कल्पित अञ्चकराशि से गुणित और शेष अञ्चकराशि से भः जित होता है। वहां 'शेषान्यकें नो छरेद्रूपशेषम् –' यह कहा है श्रीर किल्पत श्रव्यक्त राशि से गुगाने का उत्थापन में श्रन्तर्भाव किया है। क्योंकि, यदि शेष अन्यक्तराशि में रूपशेषात्मक राशि पाते हैं, तो एक अञ्चल में क्या, यहां गुणक के रूप होने से 'शेषा-

न्यक्तिनोद्धरेद्रूपशेषम्—'यही कहा है। इस मांति एक आञ्यक का न्यक्तमान जान कर, कल्पित आञ्यक राशियों के मान को जान सकते हैं जैता─एक का यह न्यक्तमान पाते हैं, तो इष्ट का क्या पार्वेगे; यही उत्थापन कहजाता है। इससे उक्त विधि की उपपत्ति रूपष्ट प्रकाशित होती है।

उदाहरणम्—
एकस्य रूपत्रिशती षडश्वा
त्रश्वा दशान्यस्य तु तुल्यमूल्याः ।
ऋणं तथा रूपशतं च तस्य
तो तुल्यवित्तो च किमश्वमूल्यम् ॥३५॥
यदाद्यवित्तस्य दलं द्वियुक्तं
तत्तुल्यवित्तो यदि वा द्वितीयः ।
त्राद्यो धनेन त्रिगुणोऽन्यतो वा
एथक् एथङ्मे वद वाजिमूल्यम् ॥३६॥

त्रथोदेशकालापमात्रेण पत्तद्वयसाम्यसिद्धौ प्रथमं ताबदुदा-हरणपथ 'त्यक्त्वा त्तिप्ता वापि संगुण्य भक्का—' इत्यादिना च यथा पत्तयोः समता संभवित तथोदाहरणद्वयं चोपजातिकयाह— एकस्येति । एकस्य वाणिज्यशालिनो मनुष्यस्य रूपत्रिशती, त्रयाणां शतानां समाहारिक्षशती, रूपाणां त्रिशती रूपत्रिशती, रोपयित विमोहयतीति रूपम् । रूप विमोहने । अच् । 'अन्येपाम पि हश्यते ६ । ३ । १ ३ ७ ।' इति दीर्घः । यद्वा । रूप रूपकरणे इति चौरादिकस्यायमप्यर्थः। 'रूपम्' इति ज्ञातमानस्य राशेः संक्रेति रूप-त्रयं—' इत्यादिषु बहुषु स्थलेषु न्यक्ततरमास्ते । परमत्र 'रूपम्' इति रूप्यस्य नाम प्रतीयते । 'त्राहतं रूपमस्यास्तीति रूप्यः कार्पापणः' इति 'रूपादाहतप्रशंसयोर्यप्'इति सूत्रव्याख्याने भट्टोजिर्दाचिताः। किश्च 'कापीपणः कार्षिकः स्यात्-' इत्यस्य व्याख्यानावसरे 'द्वे रजतरूटयस्य' इति भानुजिदीन्तितोक्त्या 'रूट्यः कार्यापछः कार्पिकः' इति सर्वे पर्यायशब्दाः सिध्यन्ति । एवं स्थिने प्रोक्त-पर्यायेभ्यो व्यतिरिक्तो रूपशब्दोऽपि रूप्यवाचको वर्तन इति सिध्यति परं दढतरं प्रमाणं न पश्यामः । कुत्रचित् 'रूप्यकम्' इति दृश्यते तत्र तु पुस्तकशब्दवत्स्वार्थिकः कन्। मकृतमनुसरामः-षट् अश्वास्तुरंगा एतावद्धनम् । अन्यस्य तु दश अश्वाः । तथा रूपेशतमृणं वर्तते उभयोरप्यश्वाः तुल्यमृल्याः। तुल्यं मूल्यं येषां ते तुल्यमूल्या । मूलेन समं मूल्यम् । 'नौवयोधर्मावषमूलमूलसी-तातुलाभ्यस्तार्यतुल्यमाप्यवध्यानाम्यसमसमितसंमितेषु इति सू-त्रेण यत्पत्ययः। एवं तौ समानधनौ । अश्वमूल्यं कि.मिति । अथैकस्य पट् अरवाः रूपशतत्रयं चास्ति, पगस्य दश अरवाः रूपशतमृर्णं चास्ति । परमनयोर्वित्तं समं नास्ति, किंतु प्रथंमस्य वित्तार्धे द्वियुक्तं यावद्भवति तावद्परस्य सर्वधनमस्ति । अश्वमूल्ये-नान्यथा भाव्यम् ॥ अथवा अन्यतः सकाशादाद्यो धनेन त्रिगुणो वर्तते । एवं स्थिते पृथक् पृथक्मे वाजिमूल्यं वद ॥

(१) उदाहरगा-

एक न्यापारी के पास तीनसी रूपये और छ घोड़े हैं और दूसरे के पास ऋगा सी रूपये और दश घोड़े हैं, पर दोनों के घोड़ों का मोल समान है और न्यापारी भी आपस में बराबर धनवाले हैं, तो बतलाओ घोड़े का मोज क्या है ?

(२) उदाहरण-

यदि दो से जुड़ा पहले न्यापारी के आधे धन के तुल्य, दूसरे का सब धन है और उस से पहले का धन तिगुना है, तो घोड़ों का मोल क्या है ?

अत्राश्वमूल्यमज्ञातं तस्य मानं यावत्तावदेकं प्रकल्पितम् या १ तत्र त्रेराशिकम् यद्येकस्य यावत्तावन्मूल्यं तदा षरणां किमितिन्यासः।

प्र. ५० इ० ९। या१। ६।

फलिमिच्छागुणं प्रमाणभक्तं लब्धं ष-ग्णामश्वानां मूल्यम् या ६ । अत्र रूपशतत्रये प्रक्षिप्ते जातमाद्यस्य धनम् या ६ रू ३००। एवं दशानां मूल्यम् या १०। अत्र रूप-शते चर्णगते प्रक्षिप्ते जातं द्वितीयस्य धनम् या १ रू १००।

एतौ समधनाविति पक्षी स्वत एव समी जातौ समशोधनार्थ न्यासः।

या६ रू३००

अथ 'एकाव्यक्तं शोधयेदन्यपक्षात्—'इति श्राद्यपक्षाव्यक्तेऽन्यपक्षाव्यक्ताच्छोधिते शे-षम् या ४ । द्वितीयपक्षरूपेष्वाद्यपक्षरूपेभ्यः शोधितेषु शेषम् रू ४०० । अव्यक्तराशिशे- षेण या ४ रूपशेषेरू ४०० उद्दृते लब्धमे-कस्य यावत्तावतो मानं व्यक्तम् १००। यद्ये-कस्याश्वस्येदं मूल्यं तदा षणणां किमिति त्रेराशिकेन लब्धं षणणां मूल्यम् ६०० रूप-शतत्रययुतं ६०० जातमायस्य धनम्। एवं द्वितीयस्यापि ६००। अथ द्वितीयोदाहरणे प्रथमद्वितीययोस्ते एव धने।

या६ रू ३०० या १० रू १००

अत्राद्यपक्षधनार्धेन हियुक्तेन तुल्यमन्यस्य धनमुदाहृतमत आद्यधनार्धे हियुक्ते, अथवा-न्यधने हिहीने हिगुणे कृते पक्षो समो भवत-स्तथा कृते शोधनार्थ न्यासः।

> या ३ रू १५२ या १० रू १०० अथवा, या ६ रू ३०० या २० रू २०४

उभयोरिप शोधनाद्ये कृते लब्धं यावत्ता-

अनेन पूर्ववदुत्थापने कृते जाते धने ५१६। २६०।

अथ तृतीयोदाहरणे ते एव धने आद्यधन-ज्यंशः परधनमिति परं त्रिगुणीकृत्य न्यासः।

या ६ रू ३००

समिकयया लब्धं यावत्तावन्मानम् २५। अनेनोत्थापिते जाते ४५०। १५०।

(१) उदाहरणा में घोड़े का मोल मालूम नहीं है, इस लिये उसका मान यावत्तावत् एक कल्पना किया या १, श्रव एक घोड़े का यावत्तावत् मोल है, तो छ घोड़ों का क्या होगा ?

प्र. फ. इ. १ या १ **६**

फल को इच्छा से गुण कर उस में प्रमाण का माग देने से, छ घोड़ों का मोल या ६, इस में तीनसी रुपये जोड़ देने से पहले ज्यापारी का घन या ६ रू ३००। ऐसे ही दश घोड़ों का मोल या १०, इस में भृण सी रुपये जोड़ देने से दूसरे ज्यापारी का घन या १०, रू १००। ये दोनों समघन हैं, इसिलये पत्त समान हुए अर्थात् जो मान तीनसी रुपयों से जुड़े यावत्तावत् छ का है, वही मान सी रुपयों से ऊन यावत्तावत् दश का है। इन दोनों पत्तों का सम शोधन के लिये न्यास—

या ६ रू ३०० या १० रू १००

पहले पत्त के ऋग्यक या ६ को, दूसरे पत्त के ऋग्यक या १० CC-0. Mumukshu Bhawan Varanas Collection. Digitized by eGangotri में शोधन करने से ऋौर दूसरे पत्त के रूप १०० को पहले पत्त के रूप ३०० में शोधन करने से, दोनों पत्तों की स्थिति हुई—

या ० रू ४०० या ४ रू०

श्रव, श्रव्यक्त शेष ४ का रूप शेष ४०० में भाग देने से श्रव्यक्त राशि का व्यक्तमान १०० हुआ। बाद, यदि एक घोड़ा का १०० मोल है तो ६ घोड़ों का क्या ? त्रेराशिक से छ घोड़ों का मोल ६०० हुआ इस में ३०० जोड़ देने से पहले व्यापारी का धन हुआ ६००।

इस भांति दश घोड़ों का मोल १००० हुआ, इस में १०० घटा देने से ६०० दूसरे न्यापारी का धन हुआ।

(२) उदाहरण में दोनों के धन है-

या ६ रू ३०० या १० रू १०**ं**

दों से युक्त पहले घन का त्राधा दूसरे का घन है, इसिलिये दोनों पद्म तुल्य हुए----

या ३ क १४२

श्रथवा, दूसरे के घन या १० रू १०० में २ घटा कर, उसको २ से गुगा देने से 'या २० रू २०४' हुआ, यह पहले घन के तुल्य है, इस क्रिये दो पत्त तुल्य हुए—

या ६ रू ३०० या २० रू २०**४**

त्राथवा, दो से ऊन दूसरे का घन पहले के घन के त्राघे के समान है इसिकिय दो पत्त तुल्य हुए—

यहां तीनों पत्तों पर से, उक्त रीति से यावतावन् का मान ३६ आया। यदि एक घोड़े का ३६ मोल है, तो क्र बोड़ों का क्या।

इस प्रकार छ घोड़ों का मोल २१६ हुआ, इस में ३०० जोड़ देने से पहले का सब धन ४१६ हुआ। और इसी प्रकार दश घोड़ों का मोल ३६० हुआ। इस में १०० घटा देने से, दूसरे का सब धन २६० हुआ, यह धन दो से युक्त प्रथम धन के आधे के तुल्य है। जैसा—आद्यधन ४१६ का आधा २४ में २ जोड़ देने से २६० दूसरे का धन हुआ। अथवा, २६० इस में २ घटा देने से २४ म हुआ, इस को दूना करने से पहले का धन हुआ ४१६। अथवा, दूसरे के धन २६० में २ घटा देने से २४ म हुआ, यह पहले धन ४१६ के आधे २४ म के समान है।

दूसरे उदाहरण के अन्तर्गत तीसरे उदाहरण में वही धन है-

या ६ रू ३००

यहां पहले के धन का तीसरा हिस्सा दूसरे का धन कहा है इस-

या २ रू १००

श्रथवा, दूसरे के धन को तिगुना करने से दो पन्न हुए

या ६ रू ३००

दोनों पत्नों के समीकरण से यावत्तावत् का मान २४ आया, एक घोड़े का २४ मोल है, तो छ घोड़ों का क्याः इस नैराशिक से छ घोड़ों का मोल १४० आया, इस में ३०० जोड़ देने से पहले का घन ४४० हुआ। इसी प्रकार, दश घोड़ों का मोज २४० हुआ, इस में १०० घटा देने से दूसरे का घन १४० हुआ, इस से तिगुना पहले का घन ४४० है।

उदाहरणम्—

माणिक्यामलनीलमौक्तिकमितिः पञ्चाष्ट सप्त क्रमादेकस्यान्यतरस्य सप्त नव षद् तद्र तसंख्या सखे । रूपाणां नवतिर्द्धिषष्टिरनयोस्तो तुल्यवित्तो तथा बीजज्ञ प्रतिरत्नजातिसुमते मूल्यानि शीघ्रं वद् ॥ ३७॥
अत्राव्यक्षानां बहुत्वे कल्पितानि माणिक्यादीनां मूल्यानि या ३ या २ या १। यदोकस्य रत्नस्यदं मूल्यं तदोदिष्टानां किमिति
लब्धानां यावत्तावतां योगे स्वस्वरूपयुते
जातो पक्षी

या १५ या १६ या ७ रू ६० या २१ या १८ या ६ रू ६२ एते अनयोधेने इति समशोधने कृते लब्धं यावत्तावन्मानम् ४। अनेनोत्थापितानि माणिक्यादीनां मूल्यानि १२।८।४। एवं सर्वधनम् २४२।

श्रथवा माणिक्यमानं यावत्तावत्, नील-मुक्राफलयोर्मूल्ये व्यक्ते एव कल्पिते ५ । ३ । श्रतः समीकरणेन लब्धं यावत्तावन्मानम् १३। श्रनेनोत्थापिते जातं समधनम् २१६ । एवं कल्पनावशादनेकधा ।

अथ 'अन्यक्तानां द्वचादिकानामपीह--' इत्यस्योदाहरणं

शार्द् लिवकी डितेनाह—माणिक्येति। हे सखे, एकस्य रत्नविणिजो माणिक्यामलनीलमौक्तिकितिः क्रमात् पश्च श्रष्ट सप्त, रूपाणां नवितश्च वर्तते। श्रन्यतरस्य तु तद्रत्नसंख्या सप्त नव पट् रूपाणां द्विषष्टिश्च वर्तते। हे बीजज्ञ, प्रतिरत्नजातिसुमते, प्रतिरत्नानां जातौ उत्तमाधमविवेकपुरस्तरं मूल्यविचारे सुष्ठु समीचीना मितः यस्यासौ तत्संबोधनस्। तौ तुल्यविचौ यथा स्यातां तथा मूल्यानि वद ॥

उदाहरण-

एक व्यापारी के पास, पांच माणिक्य, आठ नीलम, सात मोती और नव्बे रूपये हैं। दूसरे के पास, सात माणिक्य, नौ नीलम, द्य मोती और बासठ रूपये हैं, और दोनों व्यापारियों का धन समान है, तो प्रत्येक रहों का क्या मोल हैं ?

यहां त्रानेक त्राञ्यक हैं, इसिलये माणिक्य त्रादि रहों के या-वत्तावत् ३, २, १, मोल कल्पना किए—

या ३ या २ या १

यदि एक माणिक्य का या ३ मोल है, तो पांच का क्या १ इस
प्रकार पांच माणिक्य का मोल या १४ हुआ, और आठ नीलम,
सात मोती के मोल या १६ या ७ हुए, इन अन्यकों के योग या ३ द
में ६० जोड़ देने से पहले का धन हुआ या ३ द रू ६०। एक
माणिक्य का या ३ मोल है, तो सात का क्या १ इस प्रकार सात
माणिक्य का मोल या २१ हुआ। ऐसे ही नौ नीलम और द्वर
मोती के मोल या १ द या ६ हुए, इन अन्यकों के योग या ४४
में ६२ जोड़ देने से दूसरे का धन हुआ। इस प्रकार दो पचा
समान सिद्ध हुए—

या ३८ रू ६० या ४४ रू ६२

सम-शोधन करने से--

का प्रवासिक कार्य था रू० २८ में क्रांस हुई का कार्य करी

या ७ रू० के इस समा १३ छात्र

उक्त रीति से यावत्तावत् का मान ४ स्त्राया। स्त्रव इससे माणिक्य आदि के मोल में उत्थापन देना चाहिए-एक अव्यक्त का ४ मोल है तो यावत्तावत् ३ का क्या, माग्रिक्य का मोल १२ हुन्ना, ऐसे ही यावत्तावत् दो त्र्यौर यावत्तावत् एक के मोल हुए 🖒 । ४ इन का क्रम से न्यास १२। ८। ४ फिर, यदि एक माणिक्य का १२ मोल, सो पांच का क्या ? इस प्रकार पांच माश्रिक्य का मोल ६० हुआ। आठ नीलम का मोल ६ ई और सात मोतियों का मोल २ द हुआ। इनके योग १४२ में ६० जोड़ देने से पहले व्यापारी का सर्वधन २४२ हुन्ना। इसी भांति दूसरे के रहों के मोल हुए मा. ८४ नी. ७२ मो. २४ इन के योग १८० में ६२ जोड़ देने से, दूसरे न्या-पारी का सर्वधन २४२ हुन्त्रा।

अथवा, माणिक्य का मान यावत्तावत् एक कल्पना किया या १ और नीलम, मोती के मान ४ । ३ फिर, यदि एक माणिक्य का या १ मोल है, तो पांच का क्या ? इस प्रकार पांच मास्मिक्य का मोल या ४ हुआ, नीलम और मोती के मोल हुए ४० । २१ इन का योग ६१ रूप हुआ। यदि एक माश्यिक्य का या १ मोल है, तो सात का क्या ? सात माणिक्य का मोल या ७ हुआ। इसी प्रकार नीलम और मोती के मोल आये ४५। १८ इन का योग ६३ रूप हुन्ना। यों दो पत्त सिद्ध हुए---

या ५ रू ६१ या ७ रू ६३

इन में ६० ऋौर ६२ जोड़ देने से हुए-

या ५ रू १४१ या ७ रू १२४

फिर समीकरण से यावत्तावत् का मान १३ आया। एक का १३ मोल है तो पांच का क्या ? पांच माशिक्य का मोल ६ ४ हुआ, इस में रूप १४१ जोड देने से पहले का सर्वधन २१६ हुआ। फिर, एक का १३ मोल है तो सात का क्या ? सात माग्रिक्य का मोज ६१ हुन्ना, इस में रूप १२५ जोड़ देने से दूसर का सर्व-CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

धन २१६ हुन्रा। इस प्रकार कल्पना वश त्र्रनेक भांति के मोज भ्रावेंगे।

उदाहरणम्— एको ब्रवीति मम देहि शतं धनेन त्वत्तो भवामि हि सखे द्विगुणस्ततोऽन्यः। ब्रुते दशार्पयसि चेन्मम षड्गुणोऽहं त्वत्तस्तयोर्वद्धने मम कि प्रमाणे *॥३८॥ अत्र कल्पिते आद्यधने

> या २ रू १०० या १ रू १००

अनयोः परस्य शते गृहीते आचो द्विगु-

* सत्र ज्ञानराजदैवज्ञः-

कालिन्दीजलकेलिलालसमिलद्गोपालमेलद्रया-

देकः संवदतीति कृष्ण विवत्तानस्मान्यदा यास्यति ।

गोपालित्रशतीयुतः समनला अन्यैर्मवामो वयं

नो चेत्ते मवतश्चतुर्गुणवनास्तन्मेलमानं वद् ॥

श्रीवापुदेवपादोक्तं सूत्रम्—

दिनेक्ये सेकेन स्वस्वग्रुणेनाहते निरेकेण ।

गुणघातेन इते स्वे स्यातामन्योन्यदानसंयुक्ते ॥

त्राचार्योक्तोदाहरणे प्रदा=१००। प्र. गु=२

द्वि. दा= १० । द्विग्र= ६

(१००+ १०) ३ =३० प्रथमस्य धनम्।

(१०० × १०) ७ = ७० द्वितीयस्य धनम् ।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

णितः स्यादित्येकालापो घटते । श्रथाद्याद-शापनीय दशिमः परधनं युतं षड्गुणं स्या-दित्याद्यं षड्गुणीकृत्य न्यासः।

या १२ रू ६००

अतः समीकरणेन लघ्धं यावत्तावन्मानम् ७० अनेनोत्थापिते जाते धने ४०। १७०।

त्रथ '-युक्तोनं वा कल्पयेदात्मबुद्धचा-' इत्यस्योदाहरणं सिंहोद्धतयाह-एक इति । हे सखे, यदि शतं शतसंख्याकं धनं मम देहि तदा त्वत्तो धनेन द्विगुणोहं भवामि । 'हि ' इति पादपूरणे इत्येको त्रवीति । त्रतोऽन्यस्तं प्रति त्रते-यदि त्वं दश त्रपंयसि मम तदा त्वत्तः षड्गुणोहं भवामि, इति तयोः सुहृदोः किं प्रमाणे धने इति मम वदं ।।

उदाहरण-

एक न्यापारी, दूसरे से कहता है कि हे मित्र ! जो तुम सौ रुपये दो तो मैं तुम से धन में दूना हो जाऊं ऋौर दूसरा कहता है कि यदि तुम दश रुपये मेरे को दो तो में तुम से धन में छ गुना हो जाऊं, तो उन दोनों के पास धन का प्रमाण क्या है ?

यहां दोनों का धन, ऐसा कल्पना करना चाहिये जिस से एक आलाप अपने आप घटित हो, जैसा—

या २ रू १००

इन में दूसरे से सौ रुपये लेने से पहला दूना होता है, क्योंकि भृण सौ रुपये में, धन सौ रुपये जोड़ देने से धनर्णसाम्य होने से सौ डड़ जाते हैं श्रीर यावत्तावत् २ शेष रहता है। या २ ८० या १ ८०

इस प्रकार एक आलाप घटित होता है। फिर,

या २ रू १०० या १ रू १००

श्राद्य घन से दश निकाल कर, दूसरे घन में जोड़ देने से हुए—— या २ रू. ११०

या १ रू ११०

त्रव, या २ रू ११० यह पड्गुगित, या १ रू ११० इस शेष के समान है। इसिकिये समान दो पत्त हुए—

या १२ रू ६ ५०

समीकरण से यावत्तावत् का मान ७० त्राया। यदि एक यावत्ता-वत् का व्यक्तमान ७० है, तो यावत्तावत् दो का क्या ? दो का व्यक्तमान १४० त्राया, इस में मृग्ण सो क्यये १०० घटा देने से, एक व्यापारी का सर्वधन ४० हुत्रा। इसी भांति, दूसरे पद्म में उत्थापन देने से दूसरे का सर्वधन १७० हुत्रा। दोनों व्यापारियों के धन हुए १७०। ४०। यहां १७० में से १०० केने से, दूसरे का धन १०० + ४०=१४० यह शेष १७०—१००=७० से दूना होता है। त्रार ४० में से १० केने से पहले का धन १०+ १७०=१८० यह शेष ४०-१०=३० से क्य गुना होता है।

त्रथवा, जिस प्रकार दूसरा त्राजाप घटित होवे । वैसे दोनों के धन कल्पना किये

या १ रू १०

यहां त्राद्य धन में दश घटा देने से त्रीर दूसरे में जोड़ देने से दूसरा स्वतः षड्गुण होता है। दूसरे पत्त में १०० घटा देने से त्राद्य पत्त में १०० जोड़ देने से त्रीर शेष धन या ६ रू ११० को दूना करने से दो पत्त समान हुए—

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

या १ रू ११०

समीकरण से यावत्तावत् का मान ३० आया । इस से पत्तों में उत्थापन देने से पूर्वसाधित धन के तुल्य दोनों के धन हुए ४० । १७०

उदाहरणम्—

माणिक्याष्ट्रकिमन्द्रनीलदशकं मुक्काफलानां शतं यत्ते कर्णविभूषणे समधनं क्रीतं त्वदर्थे मया। तद्रत्नत्रयमूल्यसंयुतिमितिस्त्रयूनं शतार्धे त्रिये मूल्यं ब्रूहि एथग्यदीह गणिते कल्यासि कल्याणिनि ३६।

श्रत्र सम्धनं थावत्तावत् १। यदाष्टानां माणिक्यानामिदं मूल्यं तदेकस्य किमिति। एवं त्रेराशिकेन सर्वत्र मूल्यानि।

या द्वे या १० या १००

एषां योगः सप्तचत्वारिंशता सम इति समशोधनार्थं न्यासः।

> या ३०० रू ० या० रू ४७

एतौ पक्षौ समच्छेदीकृत्य छेदगमे समी-करणेन लब्धं यावत्तावन्मानम् २०० अनेनो-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

त्थापितानि जातानि रत्नमूल्यानि २५।२०।२ समधनम् २०० । एवं कर्णभूषणे रत्नमू-ल्यम् ६००

अत्र समच्छेदीकृत्य शोधनार्थमाद्यपक्षेण परपक्षे हियमाणे छेदांशविपर्यासे कृते परस्य छेदो गुणोंऽशो हरश्चेति तुल्यत्वात्तयोर्नाशो भविष्यतीति छेदगमः क्रियते॥

त्रथ छात्रमितवैशद्यार्थ विचित्रोदाहरणं शार्त्लिविक्रीहितेनाह—माणिक्याष्टकमिति । हे कल्याणिनि कल्याणिविशिष्टे,
त्वं चेदिह अञ्यक्तगणिते कल्या चतुरासि, अत्र केचित् 'कल्या'
इत्यस्य स्थाने 'कल्पा' इति पवर्गादिमवर्णावसानकं पाठं कल्पयन्ति तन्न सुष्टु बहुटीकाकारोक्तिविसंवादात् । ति तेषां रत्नानां
मध्ये एकैकस्य रत्नस्य मूल्यं पृथग्भिनं ब्रूहि आख्याहि । यत्
रत्नत्रयं ते तव कणित्रमूषणे कणियोरलंकारे माणिक्यानामष्टकभिन्द्रनीलानां दशकं मुक्ताफलानां शतं वर्तते । किं लच्चणम् ।
त्वदर्थे समधनं समानमूल्यं मया क्रीतं, मूल्यदानपुरस्सरं गृहीतमित्यर्थः । 'समधनम्' इत्यस्यायमभिन्नायः—यन्माणिक्याष्टकस्य मूल्यं तदेवेन्द्रनीलदशकस्य तदेव मुक्ताफलशतस्येत्यर्थः ।
हे भिये, तेषां रत्नानां यत्त्रयं तस्य यानि मूल्यानि तेषां युतिः
च्युनं शतार्थं वर्तते ।

उदाहरण-

किसी ने समान मोल से त्राठ माशिक्य, दश नीलम त्रीर सी मोती खरीदे त्रीर उन तीनों रहों के मोल का योग सैतालीस होता है जो हराहक स्क्रां का सोल क्यां होगा ? यहां माणिक्य त्रादि के मूल्य कल्पना करने से क्रिया का निर्वाह नहीं होता । इसिक्ये समधन का मान यावत्तावत् १ कल्पना किया, यदि त्राठ माणिक्य का या १ मोल है, तो एक का क्या, इस प्रकार हर एक रहों के मोल हुए—

या है या रें या रहें

इनका समच्छेद से योग या र् हैं हुन्ना, यह सैताकीस के समान है, इसिकिये दो पन्न हुए—

या १०० रू०

या ० रू४७

'कल्प्यो हरो रूपमहारराशे:—' इस रीति के अनुसार, दूसरे पक्त के रूप ४७ के नीचे १ हर हुआ— या ३०० रू०

या रहे हैं **रू** याठ **१७ रू**

समच्छेद करने से हुए-

या १७ **रू** या० **रू** १४००

द्धेदापगम करने से हुए-

या ४७ रू०

या० रू ६४००

समीकरण से यावत्तावंत् का मान २०० आया, यदि आठ माणिक्य का २०० समधन है, तो १ का क्या, २०० ×१ = २४

का क्या ? २०० × १ = २ हुआ ।

~ क्रम से न्यास २४।२०।२। उनका योग ४७ है। एक मागिक्य CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri का २४ मोल है, तो आठ का क्या ? $\frac{2 \times \times \times}{2}$ = २००। एक नीलम का २० मोल है, तो दश का क्या ? $\frac{20 \times 40}{2}$ = २००। एक मोती का २ मोल है, तो सौ का क्या ? $\frac{2 \times 400}{2}$ = २०० इसप्रकार समान धन आते हैं, इनका योग ६०० सब रहीं का मोल हुआ। यहां पर समच्छेद कर के शोधन के लिये आद्यपत्त का परपत्त में भाग देने से, छेद और अंश के विपर्यास होने पर गुगा हर के

तुल्य होने से, वे उड़ जाते हैं। इसिजिये जाघवार्थ छेदापगम होता है। स्रंथीत् छेद मिटा दिया जाता है।

उदाहरणम्-

पञ्चांशोऽलिकुलात्कदम्बमगमत् त्रयंशः शिलीन्धं तयोविंश्लेषित्रगुणो मृगाक्षि कुटजं दोलायमानोऽपरः। कान्ते केतकमालतीपरि-मलप्राप्तिककालिप्रयादूताहृत इतस्ततो भ्र-मति खे भृङ्गोऽलिसंख्यां वद ॥ ४०॥

* अत्र श्रीधराचार्याः-

षद्भागः पाटलासु अमित गणयुजः स्वित्रभागः कदम्ये पादश्चृतहुमे च प्रदिलतकुसुमे चम्पके पश्चमाशः । प्रोत्फुल्लाम्मोजवयदे रिवकरदिलते त्रिशदंशोऽमिरेमे तत्रको मत्तसङ्गो अमित नमिस चेत्का मवेदसङ्गसंख्या ॥

ज्ञानराजदेवज्ञाः---

मानः कोकिलमञ्जलेः परिमलेरानन्दयन्तं फले— भीरद्वाजम्रलं द्विजोत्तम् लं त्वामेत्य शालाधिपम् । जातं पूर्णमनोरयं सुरतरो स्वाधीकृपश्चशिकः पूर्वादिकमतश्चतार्द्वजमतस्तिष्ठाम्यहं तान् वद ॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

श्रत्रालिकुलप्रमाणं यावत्तावत् १। श्रतः कदम्बादिगतालिप्रमाणं यावत्तावत् र्धं एतद् दृष्टेन भ्रमरेण युतमलिप्रमाणमिति न्यासः।

या १६ रू १५

एतौ समच्छेदीकृत्य छेदगमे पूर्ववल्लब्धं यावत्तावन्मानम् १५ एतद्वित्रमाणम् ॥

अथान्यदुदाहरणं पाटीस्थं प्रदरीयति-पञ्चांश इति । व्या-रूयातोऽयं श्लोको लीलावतीव्याख्याने ॥

उदाहरया-

एक अमरों के समूह से उस का पश्चमांश कदम्ब को गया श्रीर तृतीयांश शिजीन्ध्र नामक पुष्प को गया, श्रीर उन भागों के त्रिगुण-श्रन्तर के तुल्य अमर, कुटज नामक पुष्प को गये, केवल एक अमर केतकी श्रीर मालती के सुगन्ध में जोभा हुआ श्राकाश में अमग्र कर रहा है, तो कहो कितने अमर है श

यहां अमरों के समृह का मान यावतावत् १ है, इस का पश्च-मांश या पूँ और तृतीयांश या ई हुआ, इनके अन्तर या हुए को ३ से गुगा या हुए हुआ, इसमें ३ का अपवर्तन देने से पूँ हुआ। फिर उक्त या पूँ या ई या पूँ भागों का समच्छेद से योग या हुए हुआ, इस में दृष्ट अमर १ जोड़ देने से पहला पत्त हुआ या हुए क १५ यह यावतावत् एक के समान है, इस किये दो

या १ **र १** थ

समच्छेद त्रौर छेदगम से पूर्व रीति के त्रानुसार यावत्तावत् का मान १४ त्राया, यही अमरों के समृह की संख्या है।।

अथान्योक्तमप्युदाहरणं क्रियालाघवार्थे प्रदर्श्यते—

पञ्चकश्तद्त्तधनात् फलस्य वर्ग विशोध्य परिशिष्टम् । दत्तं दशकशतेन

तुल्यः कालः फलं च तयोः॥

अत्र काले यावत्तावत्किष्पते किया न निर्वहित इत्यतः किष्पताः पञ्चमासा मूलधनं यावत्तावत् १

अस्मात्पञ्चराशिके न्यासः

90	¥
900	या १
y	0.0

लब्धं फलं यावतावत् है अस्य वर्गः याव है मूलधनात्समच्छेदेन शोधिते जातं द्वितीय-मूलधनम् याव १ या १६ अत्रापि मासपञ्चकेन

पञ्चराशिके कृते न्यासः।

9	y
900	याव १ या १६
90	१६
	0

लब्धं फलं याव १ या १६ एतत्पूर्वफल-

स्यास्य या द्वं सममिति पक्षी यावत्तावतापवर्य समशोधनाय पक्षयोर्न्यासः ।

या ई रू १६ या १ रू हु

प्राग्वल्लब्धं यावत्तावन्मानम् ८ एतन्मूल-धनम् । अथवा प्रथमप्रमाणफलेन हितीय-प्रमाणफले विभक्तेयल्लभ्यते तद्गुणगुणितेन हितीयमूलधनेन तुल्यमेव प्रथममूलधनं स्यात् , कथमन्यथा समे काले समं फलं स्यात् । अतो हितीयस्यायं गुणः २, हितीय-मूलधनमेकोनगुणगुणितं फलवर्गे वर्तते, अत एकोनगुणेनेष्टकल्पितकलान्तरस्य वर्गे भक्ते हितीयमूलधनं स्यात् तत्फलवर्गयुतं प्रथम-मूलधनं स्यात् , अतः कल्पितफलवर्गः ४ श्रतः प्रथमहितीयमूलधने ८।४। फलम् २। यदि शतस्य पञ्च कलान्तरं तदाष्टानां किमिति लब्धमेकमासेऽष्टानां फलम् है। यद्यनेनेको मासस्तदा हिकेन किमिति लब्धा मासाः ५।

त्रथ परोक्तमप्युदाहरणं क्रियालाघवार्थ पदर्शयति-पश्चकेति ।
प्रतिमासं पश्च दृद्धिर्यस्येति पश्चकम् । तदस्मिन् दृद्ध्यायलामशुहकोपपदा दीयते इति स्त्रेण कन् । तादृशं यच्छतं तेन प्रमाणेन
दत्तं यद्धनं तस्य किंचित्कालनं यत्फलं कलान्तरं तस्य वर्गं मूलधनाद्विशोध्य यदविशष्टं धनं तदृशक्षकातेन, प्रतिमासं दृश दृद्धियस्येति दशकम्, दृशकं च तच्छतं च दशक्शतं तेन प्रमाणेन
दत्तम्, तयोः प्रथमद्वितीययोर्मुलद्रन्ययोस्तुल्ये काले तुल्यमेव
फलं भवति । एवं सित ते के धने इति वदेति शेषः ।

उदाहरया---

पांच रूपये सैकड़े के व्यान पर दिये धन का नो व्यान आया इस के वर्ग को, मूल धन में घटा देने से जो शेष धन बचा, इस को दश रूपये सैकड़े के व्यान पर दिया और उन दोनों मूलधनों का काल और व्यान समान है, तो मूलधन क्या है ?

(१) यहां काल का मान यावत्तावन् कल्पना करने से क्रिया का निर्वाह नहीं होता। इसिलये पांच मास और मूलधन का मान यावत्तावत् १ कल्पना किया। यिद एक महीने में सौ का पांच ब्याज मिलता है, तो पांच महीने में यावत्तावन् एक का क्या मिलेगा ?

> १ <u>४</u> १०० या १ ४

'म्रन्योऽन्यपत्तनयनं--- इस सूत्र के ऋनुसार न्यास----३१

1	¥.
१००	या १
0	X

बहुत राशियों के घात में, अल्पराशियों के घात का भाग देने से या २४ हुआ इस में अंश २५ का अपवर्तन देने से या १ हुआ। यह १०० पांच महीने में यावत्तावत् एक का ब्याज है। अब उसके वर्ग याव १ के समच्छेद कर घटा देने से, शेष याव १ या १ ६ १६ रहा, यही दूसरा मूलधन है। यदि एक महीने में सो का दश ब्याज मिलता है, तो पांच महीने में दूसरे मूलधन का क्या मिलेगा १

अव, ४ याव १ या १६, १० इन राशियों के घात याव ४० या द०० में १, १००, १६ इन राशियों के घात का भाग देने से याव ५० या द०० हुआ, इस में पचास का अपवर्तन देने से याव १ या १६०० हुआ, यह पहले सिद्ध किये या १ इस ब्याज के समान है, इसिवये दो पद्म हुए—

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

याव १ या १६ क० ३२. या छै क० यावत्तावत् का ऋपवर्तन देने से— या १ क १६ ३२

'एकाव्यक्तं शोधयेद्न्यपत्तात्—' इस रीष्ठि से यावत्तावत् का मानद्र त्राया, यह पहला मूलधन है। इस से दूसरे मूलधन याव रे या १६ में

चत्थापन देना चाहिये इसिलए 'वर्गेण वर्ग गुणयेत्'—इसरीति से द के वर्ग ६४ से भृण यावत्तावत् १ को गुणाने से ६४ हुए ऋौर द से यावत्तावत् १६ को गुणाने से १२८ हुए इन का क्रमसे न्यास ६४। १२८ इनके योग ६४ में, हर १६ का भाग देने से, दूसरा मूलघन ४ आया। ऋौर पहला, दूसरा ब्याज हुआ २। २। अब इस प्रश्न के उत्तर को व्यक्तरीति से करते हैं—

(२) पहले प्रमाण फल में, दूसरे प्रमाण फल क़ा माग देने से जो लिब्ध आती है उससे गुणित दूसरे मूलधन के तुल्य पहला मूल-धन होता है। अन्यथा, कैसे समान काल में समान फल (ब्याज) होगा ? इस लिये दूसरे धन का २ गुणा है, और दूसरा धन पकोने गुणा गु १ रू १ से गुणा देने से गु० दूध १ दूध १ फलवर्ग का स्वरूप होता है। क्योंकि पहला खराड गु० दूध १ पहला मूलधन है, इस में दूसरे खराड दूध १ को घटा देने से फलवर्ग शेष रहता है। क्योंकि दूसरा मूलधन और फलवर्ग का योग पहले मूलधन के समान है और पहले मूलधन में फलवर्ग को घटा देने से दूसरा मूलधन शेष रहता है, यह भी कहा है। यह एक से ऊन गुणा और दूसरा मूलधन इन का घात फलवर्ग है, तो उसी फलवर्ग में एकोन गुणा का माग देने से, दूसरा मूलधन आता है। यह सिद्ध

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

हुआ। इसिलिये कित्पत ब्याज २ के वर्ग ४ में एकोन गुण १ का भाग देने से, दूसरा धन ४ आया। इस में फल २ के वर्ग ४ को जोड़ देने से, पहला धन द हुआ। इसिलिये कित्पत फलवर्ग ४ है। इस मांति दोनों भूलधन हुए द । ४ और फल २ है। यदि सौ का पांच ब्याज पाते हैं, तो आठ का क्या १ आठ का ब्याज ४ द

ु इसमें २० का ऋपवर्तन देने से हु हुआ, यदि इस ब्याज में एक

महीना तो दो ब्याज में क्या ? यों त्र्यनुपात के द्वारा ४×१×२ = ४ महीने मिले।

उदाहरणम्—

एककशतद्त्तधना-त्फलस्य वर्गं विशोध्य परिशिष्टम्। पञ्चकशतेन द्त्तं

तुल्यः कालः फलं च तयोः ॥ ४१ ॥ अत्र गुणकः ५ । एकोनगुणेन ४ इष्ट्रफलस्यास्य वर्गे १६ भक्ते जातं द्वितीयधनम् ४। इदं फलवर्गयुतं जातं प्रथमधनम् २० । अत्रोऽनुपातद्वयेन कालः २० । एवं स्वबुद्धयै-वेदं सिध्यति किं यावत्तावत्कल्पनया।

अथ स्वभदर्शितिकियालायवस्य व्याप्ति दशियितुं गीत्योदाह-रणान्तरमाह—एककेति । एको दृद्धियस्य तदेककम्, एककं च तच्छतं चैककशतम्, तेन दत्तं प्रयुक्तं यद्धनं तती युद्धव्यं फलं कलान्तरं तस्य वर्गं मूलधन।हिशोध्य परिशिष्टं धनं पश्चकशतेन दत्तं कलान्तरार्थे प्रयुक्तमित्यर्थः। तयोः प्रथमहितीययोर्मूलधनयोः कालस्तुल्यः फलमपि तुल्यं ते के धने इति निरूपय।।

उदाहरण-

एक रुपये सैकड़े के ब्याज पर दिये घन का जो ब्याज मिला, उस के वर्ग को मूलघन में घटा देने से जो शेष घन रहा, उस को पांच रुपये सैकड़े के ब्याज पर दे दिया ऋौर दोनों मूलघनों का काल तथा ब्याज तुल्य है, तो उन दोनों घनों का क्या मान है ?

यहां गुण् क प्रहे. एकोनगुण् क ४ का किल्पत फल ४ के वर्ग १६ में भाग देने से, दूसरा मूलधन ४ आया। इस में फलवर्ग १६ जोड़ देने से पहला मूलधन २० हुआ। अब इस से काल का आनयन करते हैं—यदि सौ का एक ब्याज है, तो बीस का क्या १ एक मास में पहले मूलधन का ब्याज १×२० थे हुआ। यदि इस ब्याज में एक महीना, तो किल्पत चार ब्याज में क्या १ यों काल प्रश्रिष्ठ = २० आया 'इस प्रकार, यह उदाहरण अपनी बुद्धि ही से सिद्ध होता है, यावत्तावन कल्पना की क्या आवश्यकता है' इस लेख से प्रन्थकार का पूर्वाचार्यों पर कटाच सूचित होता है।

अथवा बुद्धिरेव बीजम्। तथा च गोले मयोक्रम्—

'नैव वर्णात्मकं बीजं न बीजानि एथक् एथक्। एकमेव मतिबीजमनल्पा कल्पना यतः॥'

त्र्यव प्रशंसापूर्वक मित में बीजत्व का त्रारोप करते हैं— त्राथवा बुद्धि ही बीजगियात है, इस बाव को मैंने गोलाध्याय में कही है। वर्गात्मक त्र्र्थान यावत्तावत को सक त्रादि वर्ग रूपी C. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri बीजगियात नहीं है। श्रीर एकवर्णसमीकरण, श्रनेकवर्णसमीकरण इत्यादि भेदों से श्रक्षग-श्रक्षण भी वह नहीं है। किंतु एक मति (बुद्धि) ही बीजगियात है, जिस से श्रनेक प्रकार की कल्पनाएँ उत्पन्न होती हैं।।

उदाहरगम्--

माणिक्याष्ट्रकमिन्द्रनीलदशकं मुक्काफला-नां शतं सहजाणि च पञ्चरत्नवणिजां येषां चतुर्णी धनम् । सङ्गरनेहवशेन ते निजधनाद-त्वैकमेकं मिथो जातास्तुल्यधनाः एथग्वद सखे तद्रत्नमूल्यानि मे ४२॥

अत्र यावत्तावदादयो वर्णा अव्यक्तानां मानानि कल्प्यन्त इत्युपलक्षणं तन्नामाङ्कि-तानि कृत्वा समीकरणं कार्यं मितमद्भिः। तद्यथा—अन्योन्यमेकैकं रह्नं दत्त्वा समधना जातास्तेषां मानानि।

> मा. ५ नी. १ सु. १ व. १ नी. ७ मा. १ सु. १ व. १ मु.६७मा. १ नी. १ व. १ व. २ मा. १ नी. १ सु. १

'समानां समक्षेपे समशुद्धौ समतेव स्यात्' इत्येकैकं माणिक्यादिरतं एथक् एथगेभ्यो विशोध्य शेषाणि समान्येवं जातानि मा. ४ नी. ६ मु. ६६ व. १।

यदेकस्य वजस्य मूल्यं तदेव माणिक्य-चतुष्ट्रयस्य तदेव नीलषट्कस्य तदेव मुक्का-फलानां षण्णवतेः। ऋत इष्टं समधनं प्र-कल्प्य प्रथगेभिः शेषैर्विभज्य मूल्यानि लभ्य-न्ते, तथा कल्पितेष्टेन ६६ जातानि मूल्यानि माणिक्यादीनाम् २४।१६।१।६६।

अथ पाटीस्थमुदाइरणान्तरं शार्द् लिवकीडितेनाइ—माणि-क्याष्ट्रकमिति । व्याख्यातोऽयं लीलावतीव्याख्याने ।।

बदाहरण-

त्राठ माशिवय, दश नीलम, सौ मुक्ता त्रौर पांच हीरा ये चार जौहरियों के धन थे त्रौर वे स्तेहवश त्रापस में त्रपने-त्रपने धन से एक-एक रत्न देकर समधन हो गये, तो प्रत्येक रत्नों का मोल क्या है ?

यहां जो यावत्तावत् त्रादि वर्ण अव्यक्त राशियों के मान करूपना किये जाते हैं वे उपलक्षाण्हें। इसिलये हर एक वस्तुओं को अपनेअपने नाम से श्रिङ्कित कर के समीकरण करना चाहिये। परस्पर
एक-एक रहा दे कर, वे चारों समधन हुए।

मा. ५ नी. १ सु. १ व. १ . मा. १ नी. ७ सु. १ व. १ मा. १ नी. १ सु. ६७ व. १ मा. १ नी. १ सु. १ व. २

यं समधन हैं, इसिलियं समान रब्न घटा देने से भी समान ही रहेंगे, इस कारण पहले एक-एक माणिक्य में घटाने से-

मा. ४ नी. १ मु. १ व. १ मा.० नी.७ मु. १ व. १ मा.० नी.१ मु. १७ व. १ मा.० नी.१ मु. १,व. १

फिर एक-एक नीलम घटाने से-

मा. ४ नी. ० मु. १ व. १ मा. ० नी. ६ मु. १ व. १ मा. ० नी. ० मु. १७ व. १ मा. ० नी. ० मु. १ व. १

फिर एक-एक मुंका घटाने से---

मा. ४ नी. ० मु. ० व. १ मा. ० नी. ६ मु. ० व. १ मा. ० नी. ० मु. ६७ व. १ मा. ० नी. ० मु. ० व. १

किर एक एक वज घटाने से---

मा ४ नी. ० मु ० व. ० मा ० नी. ६ मु ० व. ० मा ० नी. ० मु. ६६ व. ० मा ० नी. ० मु. ० व. १

अब भी सब समान ही रहें। यहां शेष मा. ४ नी. ६ मु. ६ ६ अगेर व. १ रहता है, अब जो एक वज का मोल है वही चार माश्चिक्य, का नीलम और कानबे मुकाओं का है। इसिलये इष्ट समधन ६ ६ कल्पना किया। त्रैराशिक से हर एक रहों के मोल जाते हैं—यदि चार माश्चिक्य का ६ ६ मोल है, तो एक का क्या? एक माश्चिक्य का मोल है इस्रा । यदि का नीलम का

ह ξ मोल है, तो एक का क्या ξ एक नीलम का मोल $\xi \xi \times \xi$

१६ । द्वानवे मुका का ६६ मोल है, तो एक का क्या, एक मुका CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri का मोल है र १ जाँर वज्र का मोल ६ ई । इन मोलों का कम से न्यास २४ । १६ । १ । ६६ । अब यदि एक माणिक्य का २४ मोल है, तो पांच का क्या ? पांच माणिक्य का मोल २४ × १ । १ । १ ६ इन नीलम आदि के मोल को जोड़ देने से समधन २३३ हुआ। यदि एक नीलम का १६ मोल है, तो सात का क्या सात नीलम का मोल १६ × ७ = ११२ हुआ, इस में २४ । १ । १६ इन शेष रहाँ के मोल को जोड़ देने से समधन २३३ हुआ।

इस भांति सत्तानबे मुकाओं के मोल ६७ में, २४।१६।६६ इन शेष रहों के मोल को जोड़ देने से समधन २३३ हुआ। श्रीर एक वक्त के मोल ६६ को दूना करने से, दो व्का का मोल १६२ हुआ। इस में २४।१६।१ इन शेष रह्यों के मोल को जोड़ देने से, समधन २३३ हुआ।।

उदाहर्णम्--

पञ्चकशतेन दत्तं

मूलं सकलान्तरं गते वर्षे।

द्विगुणं षोडशहीनं

लब्धं किं मूलमाचद्व ॥ ४३ ॥ अत्र मूलधनं यावतावत् १ अतः पञ्चराशिकेन

> 9 9२ 9००या 9 प्

कलान्तरम् या है एतन्मू लयुतं जातं या है द्विगुणमूलधनस्य षोडशोनस्य या २ रू १६ं सममिति समीकरणेन

या २ रू १६ं

लब्धं मूलं ४० कलान्तरं च २४।

त्रथोदाहरणान्तरमार्थयाह-पश्चकेति । हे गणक, पश्चक-यानेन यहत्तं धनं तद्वर्षे गते व्यतीते सति सकलान्तरं यद्भवति नच्च द्विगुणेन पोडशहीनेन मूलधनेन तुल्यमेवं सति मूलधनं किं स्यादिति कथय ॥

उदाहरण--

पांच रूपये सैकड़े के ब्याज पर दिया धन एक वर्ष के व्यतीत होने पर ब्याज के साथ दो से गुणित और सोलह से हीन मूलधन के तुल्य होता है, तो किनना भूलधन होगा ?

यहां मूलधन का मान यावत्तावत् १ है, इस से पञ्चराशिक से ब्याज लाते हैं—यदि एक महीने में, सौका पांच ब्याज आता है, तो बारह महीने में एक यावत्तावत् का क्या ?

'— ग्रन्योन्यपत्तनयनं—' इस सूत्र के त्रानुसार बहुत राशियों के घात या ६० में त्रालप राशियों के घात १०० का भाग देने से या है है हुन्ना। इसमें बीस का त्रापवर्तन देने से या है हुन्ना, यह मूलधन या १ से जुड़ा, दूना त्रीर सोलह से ऊन मूलधन के समान है, इसिलये पत्त हुए—

या दूरू ०

समच्छेद और छेदगम करके समीकरण से यावत्ताव का मान
मूजधन ४० आया। इससे अनुपात करते हैं—एक महीने में सी
का पांच व्याज पाते हैं, तो बारह महीने में चालीस का क्या ?

चालास का ब्याज

१२ × ४० × ४

२ × १००

जोड़ देने से ६४ हुआ। यह दो से गुणित ८० और सोलह से
हीन ८०—१६=६४ मूलधन के समान है।

उदाहरणम्—

यत्पञ्जकद्विकचतुष्कशतेन द्तं खर्डेस्त्रिभिनवतियुक् त्रिशतीधनं तत्। मासेषु सप्तदशपश्चसु तुल्यमाप्तं खर्डत्रयेऽपिसफलांवद्खर्डसंख्याम् ४४

श्रत्र सफलस्य खण्डस्य समधनस्य प्र-माणं यावत्तावत् १। यद्येकेन मासेन पञ्चफलं शतस्य तदा माससप्तकेन किमिति लब्धं शतस्य फलम् ३५। एतच्छते प्रक्षिप्य जा-तम् १३५। यद्यस्य फलस्य शतं मूलं तदा यावत्तावन्मितस्य सफलस्य किमिति लब्धं प्रथमखण्डप्रमाणम् या ॐ

पुनर्यदि मासेन हो फलं शतस्य तदा दश-

भिर्मासैः किमित्याद्यक्षप्रकारेण द्वितीयख-गडम् या द्वे एवं तृतीयम् या द्वे

एषामैक्यम् या क्ष्यं सर्वधनस्यास्य ३६० समं कृत्वा यावत्तावन्मानेन १६२ उत्थापिता- नि खण्डानि १२०।१३५।१३५। सकलान्तरं सममेतत् १६२॥

अथ वसन्तित्तिक्तयोदाहरणान्तरमाह—यदिति। यन्नवित्युक् त्रिशतीरूपं धनं ३६० त्रिभिः खण्डैः पश्चकद्विकचतुष्कशतेन द्त्तं तत्सप्तदशपश्चसु मासेषु क्रमेण खण्डत्रयेऽपि सफलं तुल्यं पाप्तं चेत् खण्डसंख्यां वद। एतदुक्तं भवति—मूलधनं नवित्युक् शत-त्रयमस्ति ३६०, अस्य त्रीणि खण्डानि कृत्वा एकं खण्डं पश्चकशतममाणेन द्त्तं, द्वितीयं द्विकशतेन द्त्तं, तृतीयं चतु-प्त्रशतेन द्त्तम्, तत्र पथमं खण्डं माससप्तके गते सकलान्तरं यावद्भवति, तावदेव द्वितीयं सकलान्तरं मासदशके गते भवति, तृतीयमपि मासपश्चके गते सकलान्तरं तावदेत्र भवति, यद्येवं तिहै कानि खण्डानि संभवन्ति तद्वद् ॥

उनाहरण--

तीनसी सब्बे अपयों के तीन खराड करके. एक खराड को पांच रूपये सैकड़े के ब्याज पर, दूसरे को दो रूपये सैकड़े के ब्याज पर और तीसरे को चार रूपये सैकड़े के ब्याज पर और पहलाखराड सात महीने व्यतीत होने पर ब्याज सहित जितना होता है, उतना ही दृश महीने व्यतीत होने पर ब्याज सहित दूसरा खराड और पांच महीने व्यतीत होने पर ब्याज सहित दूसरा खराड और पांच महीने व्यतीत होने पर ब्याज सहित तीसरा खराड होता है, तो उन तीनों खराडों का मान क्या है ?

यहां सम धन त्रीर ब्याज सिहत खराड का मान यावत्तावत् १ कल्पना कर के यिद एक महीने में सौ का पांच ब्याज त्राता है, तो सात महीने में सौ का क्या ? इस प्रकार सात महीने में सौ का ब्याज ७×१००×४ ३५ हुन्ना, इसको १०० में जोड़ने से १३५ हुन्ना । १ ४ १०० यदि ब्याज के साथ इस खराड का मूलधन सौ है, तो ब्याज सिहत यावत्ताविन्मत खराड का क्या ? इस प्रकार पहला खराड १०० ४ या १, पांच के त्रपवर्तन से या २० हुन्ना ।

इसी भांति, यदि एक महीने में सौ का दो ब्याज आता है, तो दश महीने में सौ का क्या? दश महीने में सौ का व्याज १०×१००×२
१×१००
२० हुआ। इसको १०० में जोड़ देने से १२० हुआ। यदि इसका
मूजधन सौ है, तो यावत्तावन् का क्या? दूसरा खराड १०० था १
१२०
वीस के अपवर्तन से या है हुआ। इसी प्रकार, नीसरा खराड या है
हुआ।

इन खरडों का क्रम से न्यास-

या दें या दे या दे

इनका समच्छेद करके योग या है है है हुआ और छ का अप-वर्तन देने से या है है हुआ, यह सर्वधन ३६० के समान है, इस-जिये दो पन्न हुए—

> या ई ए र ० या ० रू ३६०

समच्छेद ऋौर छेदगम करने से हुए— या ६५ रू ० या ० रू १०४३०

समीकरण से यावत्तावन् का मान १६२. आया । इस से तीनों

खरडों में उत्थापन देते हैं इस मान १६२ को पहले खरड से गुरा कर और उस के दार २७ का भाग देने से पहला खरड हुआ १६२×२० = ३२४० = १२० । इसी प्रकार यावत्तावनमान १६२ २७ वर्ष प्रसे गुरा कर उस में ६ का भाग देने से, दूसरा खरड १३४ हुआ। । और नीसरा खरड भी १३४ हुआ। ।

स्थालाप यदि १०० का ४ व्याज तो १२० का क्या, यों एकसौ बीस का व्याज = १०० = ६ स्थाया, १ महीने में ६ व्याज १००

तो ७ महीने में क्या ? सात महीने में व्याज है × ७ = ४२ आया, इस में मूलधन १२० जोड़ देने से व्याज सहित मूलधन १६२ हुआ।

इसी भांति, यदि १ महीने में २ ब्याज तो १० महीने में क्या? दश महीने में ब्याज - - = २० आया। यदि १०० का २०

तो १३४ का क्या १ दूसरे खराड का ब्याज २०४१३४ = २७ न्नाया। १०० इस को मूलधन १३४ में जोड़ देने से, दूसरा खराड १६२ सिद्ध हुन्ना।

उदाहरणम्—
पुरप्रवेशे दशदो हिसंगुणं
विधाय शेषं दशभुक् च निर्गमे।
ददौ दशैवं नगरत्रयेऽभवत्तिनिक्षमाद्यं वद तिकयद्दनम्॥४५॥
अत्र धनं या १। अस्यालापवत्सर्वं कृत्वा
पुरत्रयनिहत्ती जातं धनम् या ८ रू २८०
एतदाद्यस्य त्रिगुणितस्य या ३ समं कृत्वाप्तं यावत्तावनमानम् ५६।

त्रधोदाहरणं वंशस्थेनाह—पुरमवंश इति । कश्चिद्वणिक् किंचिद्धनं गृहीत्वा व्यापारार्थं किमिप पुरं प्रति गतवान्, तत्र पुरमवेशिनिमित्तं शुल्कं दश दत्त्वा पुरं प्रविश्य शेपधनं व्यापारेण द्विगुणं विधाय तन्मध्ये दश भुक्त्वा निर्गमिनिमित्तं पुनर्दश दत्तवान् । 'रक्तानिर्वेशो राजभागः शुल्कः' इति तद्धितार्हीय-प्रकरणे दीक्तिताः । त्रथ तच्छेपधनं गृहीत्वा पुरान्तरं गतवान् । तत्रापि दश दत्त्वा द्विगुणीकृत्य दश भुक्त्वा दश दत्त्वा च ततस्तृतीयं नगरं गतवान् । तत्रापि दश दन्त्वा द्विगुणीकृत्य दश भुक्त्वा दश दन्त्वा च स्वगृहं प्रत्यागतवान्, एवं सित यत्य-थमं धनं तित्त्रगुण्मभवत्, तिहं तत्प्रथमं धनं कियदिति वदेति प्रश्नार्थः ॥

उदाहरण— कोई बनियां कुछ धन लेकर व्यापार के लिये किसी नगर को गया, वहां द्वार में प्रवेश करते समय उसने दश रुपये गहदारी के महसूल दिये श्रीर उस नगर में जाकर श्रपने शेष धन को दूना कर उस में से दश रूपये भोजन में व्यय किये ख्रौर जौटते समय दश रुपये फिर राहदारी के दिये। इस प्रकार वह व्यापार के जिये तीन नगरों को जाकर अपने घर जौट ख्राया, तो उसका धन पहले से तिगुना हो गया। कहो कितना धन लेकर गया था ?

यहां किल्पित राशि या १ है, नगर में प्रवेश करते समय दश हिपये दिये इसिलिये 'या १ क १०' हुआ, वहां शेष धन को दूना किया, इसिलिये 'या २ क २०' हुआ, दश हिपये नगर से निकलते वार दिये इसिलिये 'या २ क १०' हुआ, दश हिपये नगर से निकलते वार दिये इसिलिये 'या २ क० ४०' हुआ। इसी भांति दूसरे नगर में प्रवेश करते समय दश हिपये इसिलिये 'या २ क ५०' हुआ, वहां शेष धन को दूना किया इसिलिये 'या ४ क १०' हुआ, दश हिपये भोजन किये इसिलिये 'या ४ क ११०' हुआ। इसी भांति तीसरे नगर में प्रवेश करते समय दश हिपये इसिलिये 'या ४ क १२०' हुआ। इसी भांति तीसरे नगर में प्रवेश करते समय दश हिपये इसिलिये 'या ४ क १२०' हुआ, वहां शेष धन को दूना किया इसिलिये 'या ४ क १२०' हुआ, वहां शेष धन को दूना किया इसिलिये 'या ८ क २६०' हुआ, दश हिपये भोजन किये इसिलिये 'या ८ क २६०' हुआ, दश हिपये भोजन किये इसिलिये 'या ८ क २६०' हुआ, दश हिपये भोजन किये इसिलिये 'या ८ क २६०' हुआ, यह तिगुने पहले धन के समान है, इसिलिये 'या ८ करण्यों के अर्थ न्यास।

या ३ रू ० या = रूप्टं०

समीकरण से यावत्तावत् का मान ४६ आया। आलाप नगर में प्रवेश करते समय दृश रुपये देने से शेष ४६ ग्हा, दूना करने से ६२ हुआ, दश रुपये भोजन करने से शेष ६२ ग्हा, नगर से निकलते बार दश रुपये देने से शेष ७२ ग्हा, फिर दूसरे नगर में प्रवेश करते समय दश रुपये देने से शेष ६२ ग्हा, दूना करने से १२४ हुआ, दश रुपय भोजन करने से शेष ११४ ग्हा, जाते बार दश रुपये देने से शेष १०४ ग्हा, फिर तीसरे नगर में प्रवेश करते समय दश रुपये देने से शेष ६४ ग्हा, दूना करने से १८८ हुन्ना, दश रुपये भोजन करने से शेष १७८ रहा न्नौर दश रुपये राहदारी देकर न्नपने घर को गया तो शेष १६८ रहा, यह धन पहले धन ५६ से तिगुना है।।

उदाहरणम्—

सार्ध तग्डुलमानकत्रयमहो द्रम्मेण माना-ष्टकं मुद्रानां च यदि त्रयोदशमिता एता वाणी-क्काकिणीः। आदायापय तग्डुलांशयुगलं मुद्रै-कमानान्वितं क्षिप्रं क्षिप्रभुजो त्रजेमहि यतः सार्थोऽयतो यास्यति ४६॥

अत्र तगडुलमानं यावत्तावत् २। मुद्रमानम् या १। यदि सार्धमानत्रयेगोको द्रम्मो लभ्यते तदानेन या २ किमिति लब्धं तगडुलमूल्यम् या । यदि मानाष्टकेनेको द्रम्मस्तदानेन या १ किमिति लब्धं मुद्रमूल्यम् या । अन्यायोगः या है त्रयोदशकाकिणीसम इति द्रम्मजात्या है साम्यकरणाञ्चब्धं यावत्तावन्मानम् है अन्नेनोत्थापिते तगडुलमुद्रमूल्ये । है है तगडुल-मुद्रमानभागाश्च है है

त्रथोदाहरणान्तरं शार्द् लिविकीडितेनाह—सार्धमिति । अयं व्याख्यातोऽपि लीलावतीव्याख्याने संदिग्धांशः पुनर्ट्यभिधी-यते—व्रजेम गञ्छेम । 'हि इति पृथक् । विधिनिमन्त्रणामन्त्रणा-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Calection. Digitized by eGangotri

थीष्टसंप्रश्नपार्थनेषु लिङ्, इति लिङि, व्रजधातोः सकाशादु-त्तमपुरुषबहुवचनविवन्नायामिस कृते उक्तवत् 'व्रजेमस्' इति जाते नित्यं ङित इति सकारलोपे 'व्रजेम' इति रूपनिष्पत्तिः । अत एव 'व्रजेम भवदन्तिकं प्रकृतिमेत्य पैशाचकीं—' इत्यादिषु महा-कवित्रयोगेषु तादृशमेव रूपमुपलभ्यते ।

उदाहर्गा---

एक पान्थ (राही) किसी बनिये से कहता ह कि हे विधाक, एक द्रम्म में अढाई मान चावल और आठ मान मूंग आता है,इस भाव से तेरह काकिशा में दौ भाग चावल और एक भाग मूंग दो, मेरे को खिचड़ी बनानी है, तो कहो उसके दाम और भाग कितने-कितने हैं

यहां चावल का मान या २ और मूंग का मान या १ कल्पना करके अनुपात करते हैं—यदि अढाई मान में एक द्रम्म, तो या २ में क्या ? चावल का मोल या है आया । यदि आठ मान में एक द्रम्म, तो या १ में क्या ? मूंग का मोल या है आया। इन मोलों का समच्छेद से योग या पूर्व हुआ। यह तरह काकिशा के समान है, पर पूर्व पच द्रम्मात्मक है इसिलिये इसको भी द्रम्मात्मक कर लेना चाहिये। इसिलिये चौंसंठ का भाग देने से दो पच समान सिद्ध हुए—

या पूह रू० याट रू हुन्न

त्र्याठ सं त्र्यपवर्तित ७। द्र हरों से पत्तों का समच्छेद स्त्रौर छेदगम करने से हुए——

> या ३१२ **रू**० या० **रू** ६१

श्राव्यक शंष ३१२ का रूप शेष ६१ में भाग देने से, यावत्तावत् का मान इहै हुआ । इसमें १३ का अपवर्तन देने से हुँ हुआ। इस से सब में उत्थापन देना चाहिये——चावल का मोल या है आया था, इस से यावत्तावनमान हुँ को गुगाना है तो 'अंशाहतिश्छेदवधेन भक्ता—' इस सूत्र के अनुसार, अंशों और छेदों का घात हुँ हू हुआ। इस में ग्रंश २८ का अपवर्तन देने से चावल का मोल है हुआ। इसी भांति मूंग के मोल या है से यावत्तावन्मान र्षंड को गुगा देने से मूंग का मोल रहँ र हुआ। इसी प्रकार, चावल और मूंग के या २ या १ भागों से यावत्तावन्मान र्षंड को अलग-अलग गुगा देने से चावल और मूंग के हिस्से हुए रैंडें = रूँ । र्षंड ॥

उदाहरणम्—

स्वार्घपञ्चांशनवमेर्युकाः के स्युः समास्रयः। अन्यांशद्वयहीनाश्च षष्टिशेषाश्च तान्वद ॥।

श्रत्र समराशिमानं यावत्तावत् १ श्रतो विलोमविधिना 'श्रथ स्वांशाधिकोनेन—' इत्यादिना राशयः या है या है इहान्य-भागद्वयोनाः सर्वेऽप्येवं शेषाः स्युः या है एत-त्षष्टिसमं कृत्वाप्तयावत्तावन्मानेन १५० उ-त्थापिता जाता राशयः १००।१२५।१३५।

त्रथानुष्दुभोदाहरणमाह-स्वार्धेति। इह ये राशयः स्वार्धपश्चां-शनवमैर्युक्ताः सन्तः समाः स्युः। श्रथ चान्यांशद्वयद्दीनाः सन्तः षष्टिशेषाः स्युस्ते के, तान्वद्। एतदुक्तं भवति-राशित्रयमस्ति तत्र प्रथमः स्वस्य निजस्यार्धेन, द्वितीयः स्वपश्चमांशेन, तृतीयः स्वनव-मांशेन युक्तः सर्वेऽपि समा एव भवन्ति। श्रथच प्रथमराशिद्धिं-

स्रत्र ज्ञानराजदेवज्ञः
 सार्थित्रपश्चकलेवैः सहिताः समानाः
 अन्यौरायुग्मरहिताश्च खरामशेषाः ।
 राशित्रयं वद तदा यदि बुद्धिरेव
 वीजं तवास्ति ग्रुमरूपमनेकवर्णम् ॥

18 (\$117 HE T' \$1

तीयस्य पश्चमांशेन तृतीयस्य नवमांशेन च हीनः सन् षष्टिर्भवति। द्वितीयराशिः मथमस्यार्थेन तृतीयस्य नवमांशेन च हीनः सन् षष्टि-भैवति । तृतीयराशिः मथमस्यार्थेन द्वितीयस्य पश्चमांशेन च हीनः सन् षष्टिर्भवति तर्हि ते के राशयः, तान् वद ॥

उदाहरण-

कोई तीन राशि हैं, उन में पहली राशि अपने आधे से, दूसरी अपने पांचवें भाग से, तीसरी अपने नौवें भाग से युक्त करने पर समान हो जाती हैं। और पहली राशि, दूसरे के पांचवें भाग से, तीसरे के नौवें भाग से घटाने पर साठ होती हैं। दूसरी राशि, पहले के आधे से और तीसरे के नौवें भाग से घटी हुई साठ होती है। तीसरी राशि, पहले के आधे से और दूसरे के पांचवें भाग से घटी हुई साठ होती है। तीसरी राशि, पहले के आधे से और दूसरे के पांचवें भाग से घटी हुई साठ होती है।

यहां समराशि का मान यावत्तावत् १ है, श्रव राशियाँ श्रज्ञात है, इसिनिये विलोम विधि से ज्ञात होंगी । राशि का श्राधा है पांचवां भाग है श्रीर नौवां भाग है श्रिथ स्वांशाधिकोने तु लवाढ्योनो हरो हर:, श्रंशस्त्वविकृत:— 'इस सूत्र के श्रतुसार या है या है या है । इन भागों को समराशि में श्रलग-श्रलग घटाने चाहिये क्योंकि '—स्वमृयां—' यह कहा है। इस प्रकार प्रत्येक राशि सिद्ध हो सकती है।

त्रथवा, राशि या १ है, यह त्रपने त्राधे ई से युक्त करने से है हुत्रा, इसका नीसरा भाग ही ई राशि का त्राधा है। इसी मांति त्रोर राशियों में भी जानना।

त्रव प्रकृत में समराशि या १ है, इसे ऋपने तीसरे भाग या ई से हीन करने से पहली राशि या ई हुई । फिर वहीं समराशि या १ ऋपने छठे भाग या ई से हीन दूसरी राशि या है हुई। फिर वहीं या १ ऋपने दशवें भाग या है से हीन तीसरी राशि या है हुई। हुई। इन राशियों का क्रम से न्यास—

या दे या ६ या ६ ।

अब इन में से किसी एक राशि में, अन्य राशियों के दो अंशा घटाने चाहिये—पहली राशि या दें है, इसमें दूसरी शाशि या दें का पांचवां भाग या दें घटाने के किये न्यास—या दें या दें का पांचवां भाग या दें इत्रके अन्तर या है में पैतालीस का अपवर्तन देने से या दें हुआ, इसमें तीसरी राशि या है का नौवां भाग या है समच्छेद करके घटाने से या है हुआ। इसमें छत्तींस का अपवर्तन देने से या पे राशि हुई—अब दूसरी राशि या है में पहले या दें का आधा या है और तीसरे या है का नौवां भाग या है अर्थात् इनके योग या है को घटा देने से शेष या है है रहा, इस में अठारह का अपवर्तन देने से, पहले के तुल्य ही राशि या है दिन के योग या है का पांचवां भाग या दें का आधा या है है से यह का या दें को घटा देने से शेष या का या या है है से यह से अठारह का अपवर्तन देने से, पहले के तुल्य ही राशि या है हमने योग या है हमने योग या है हमा पांचवां भाग या दें हमा आधा या है हमने योग या है हमा पांचवां भाग या दें हमा या है इनके योग या है हमा पांचवां भाग या है हमा या है इनके योग या है हमा घटा देने से या हमा शिव सहा, इस में चार का अपवर्तन देने से पहले के तुल्य ही राशि या है हमी चार का अपवर्तन देने से पहले के तुल्य ही राशि या हमा वही। अब यह साठ के समान है, इस लिये समीकर या के लिये न्यास—

या पूर्

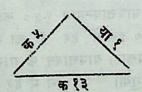
चक रीति के अनुसार यावत्तावत् का मान १५० आया। इस से उत्थापन देते हैं — यावत्तावन्मान १५० को पहली राशि या दे के अंश से गुणा ३०० इस में हर ३ का भाग देने से पहली राशि १०० हुई। इसी प्रकार, यावत्तावत् के मान १५० को दूसरी राशि या है के अंश से गुणा "५० इस में हर् ६ का भाग देने से दूसरी राशि १२५ हुई। और यावत्तावत् के मान १५० को तीसरी राशि या है के अंश से गुणा १३५० इस में हर १० का भाग देने से तीसरी राशि १३५ हुई। इनका क्रम से न्यास। १००। १२५। १३५ ये राशियाँ क्रम से अपने आधे ५०, पांचवें २५, नौवें भाग १५ से जुड़ी समान होती हैं।

१००+४०=१४० | इन्हीं का मान यावत्तावत् १२४+२४=१४० | कल्पना किया था। त्रालाप — पहली राशि १०० अन्य दो राशियों १२४।१३४ के पांचवें और नौवें भाग २४+१४=४० से हीन पिष्ट शेष १०० ४०=६० होती है। इसी भांति, दूसरी राशि १२४ अन्य दो राशियों १००।१३४ के आधे और नौवें भाग ४०+१४=६४ से हीन पिष्ट शेप १२४-६४=६० होती है। तीसरी राशि १३४ अन्य दो गाशियों १००।१२४ के आधे और पांचवं भाग ४०+२४=७४ से हीन पिष्ट शेप १३४-७४=६० होती है।

उदाहरणम्-

त्रयोदश तथा पञ्च करण्यो भुजयोर्मिती।
भूरज्ञाता च चत्वारः फलं भूमिं वदाशु मे ४८
अत्र भूमेर्यावत्तावत्कल्पने क्रिया प्रसरतीति
स्वेच्छया ज्यस्रे क १३ भूमिः कल्प्यते फल-विशेषाभावान् । अतोऽत्र कल्पितं ज्यस्रम्.

अत्र 'लम्बगुणं



भूम्यर्ध स्पष्टं

त्रिभुजे फलं भवति' इति व्यत्ययेन फलाख्नम्बो जातः क हैं एतहर्ग भुजकरणी प्रवर्गात् रू प्रश्रास्य रू है मूलं जाताबाधा क है। इमां भूमेरपास्य 'योगं करण्योर्महतीं प्रकल्प्य' इति जातान्या बाधा क हैं अस्या वर्गात् रू १४४ लम्बवर्ग रू ६४ युतात् रू २०५ मलं जातो भुजैः ४ इयमेव भूमिः।

त्रथान्यदुदाहरणमनुष्टुंभाह—त्रयोदशेति। 'फलं तेत्रफलं,
भूमि वदः' इति प्रश्नादेव भूमेरज्ञाने सिद्धे 'मृरज्ञाता' इति पुन-वेचनमस्मिन्गाणिते भूमेर्यावत्तावत्त्वेनापि ज्ञानं नापेत्तितमिति सूच-नार्थम् । त्रान्यत्स्पष्टार्थमपि व्याख्यायते—हे गाणितिक, यस्मिन् त्रेत्रे त्रयोदश तथा पश्च करण्यो भुजयोर्मिती प्रमाणे स्तः। भूरज्ञाता श्रविदितमानेत्यर्थः। फलं चत्वारस्तत्र भूमिमाशु शीघं वद ॥

उदाहरण-

जिस चित्र में एक भुज करणी पांच और दूसरा करणी तेरह है, भूमि अज्ञात है और चेत्रफल चार है, बहां भूमि का मान क्या होगा ?

(१) भूमि का मान यावतावत् मानने से, मध्यमाहरण के विना किया का निर्वाह नहीं होता। जैसा—भूमि का मान यावता। वन् १ कल्पना करके 'त्रिभुने भुजयोयोग:—' इस सूत्र के अनुसार आवाधा लाते हैं। भुजों क १३। क ४ का योग क १३ क ४ है, इस को उन के अन्तर क १३ क ५ से गुणने के लिये न्यास—

गुर्य=क १३ क ४ गुराक=क १३ क ५

क १६६ क ६४

गुगानफल=रू १३ रू प्

यहां ६४ । ६५ इन धनर्णा करियायों का तुल्यना से नाश हुआ। । क १६६ क २५ इन के भूल रू १३ रू ५ के अन्तर रू में भूमि या १ का भाग देने से हुआ, इस से भूमि या को एक या १ स्थान में ऊन और दूसरे स्थान में युत करने से याव १ रू = इनका आधा आबाधा हुई याव १ रू = । याव १ रू = । अब लघु आबोधा याव १ रू दे के वर्ग यावव १ याव १ रू ६४ या २ याव ४ को लघु मुज क ४ के वर्ग २४ में घटा देने से लम्ब का वर्ग हुआ। यावव १ याव ३६ रू ६ ४ । ऐसे ही बड़ी आवाधा याव १ रू द के वर्ग यावव १ याव १६ रू ६४ को बड़े भुज क १३ के वर्ग याव ४ क १३ में घटा देने से वही लम्ब वर्ग आया श्रव प्रकारान्तर से लम्ब वर्ग का साधन करते हैं— 'लम्बगुर्गा भूम्यर्धे स्पष्टं त्रिभुजे फलं भवति ः इस सूत्र के ऋनुसार विलोम विधि से चेत्रफल ४ भूमि या १ के त्राधे से या ई भाजित लम्ब

होता है क् इसका वर्ग कि है पहले सिद्ध लम्ब वर्ग के समान है, इसिलये समीकरण के लिए न्यास-

यावत १ याव ३६ क् ६४

याव ४

天 48 .

याव १

समच्छेद ऋौर छदगम से हए--यावव १ याव ३ ६ ६ १४ यावव. याव. रू २५६

समशोधन से हुए--

यावव १ याव ३६ रू० यावव० याव क् ३२० यहां 'त्राव्यक्तवर्गादि यदावशेषं—' इस वद्ययमाया मध्यमाहरया के प्रकार से, दोनों पद्म में त्राठारह के वर्ग ३२४ को जोड़ देने से मूल त्राया—

याव १ रू १८ याव ० रू २

त्रव 'त्रव्यक्तपत्तर्गागरूपतोऽल्पं—' इस विधि के त्रानुसार दो प्रकार का यावत्तावत्-वर्ग मान त्राया २०।१६। पहला मान २० त्रानुपपत्र है। दूसरे मान १६ का मूल ४ यावतावत् मान है, जीर यही भूमि है। पहले सिद्ध लम्ब-वर्ग याव व १ याव ३६ रू ६४ याव ४

को भूमि या १ के आधे के वर्ग याव है से गुगा देने से, चेत्रफल याव व १ याव ३६ रू ६ ४ का वर्ग

समान है इसलिये समीकरणार्थ न्यास-

याव व १ याव ३६ रू ६४

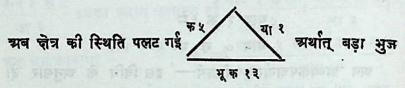
E 25

समच्छेद त्रौर छेदगम से हुए— याव व १ याव ३६ रू ६४ याव व ० याव ० रू २४६

समशोधन और पत्तों में अठारह का वर्ग जोड़ देने से मूल आया-

याव १ रू १ ट

यहां भी समीकरण से, द्विविध यावत्तावन वर्ण का मान आया २०। १६ यहां दूसरे मान १६ का मूज ४ भूमि है। (२) आचार्य इस बड़ी प्रक्रिया को छोड़ कर, जघु रीति से ३४ आनयन करते हैं। जैसा- अपनी इच्छा से 'क १३' भुज को भूमि कल्पना किया, क्योंकि ऐसी कल्पना से फल में कुछ भेद नहीं होता।



भूमि, छोटा भुज एक भुज और यात्रतावत् १ दूसरा भुज हुआ। 'लम्बगुणं भूम्यर्थ—' इस स्त्र के अनुसार, लम्ब से गुणित भूमि का आधा क्षेत्रफल होता है, ता विजोमकर्म सें क्षेत्रफल, भूमि के आधे से भाजित लम्ब होगा। यहां यद्यपि दो के भाग देने से आधा होता है, इस लिये भूमि के आधा करने के लिये दो का भाग देना छिनत है तो भी 'वर्गेण वर्ग गुण्ये क्रेज़्व—' के अनुसार वर्गक पिणी भूमि के आधा करने के लिये, चार ही का भाग देना योग्य है। भूमि का आधा करने के लिये, चार ही का भाग देना योग्य है। भूमि का आधा करने हो लिये, इससे भाजित वर्गीकृत-क्षेत्रफल

क १६ लम्ब हुन्ना। क रूई का वर्ग क $\frac{8026}{842}$ हुन्ना, इसकी ज्ञात

कर्णा क ४ के वर्ग क २५ में घटाने के लिये समच्छेद हुन्ना-

क ४०६६ क ४२२४ क १६६ क १६६

इन का 'योगं कर स्योमीहर्ती प्रकल्प्य -- के अनुसार योग, महती

करया - दिह हुई, त्रीर इन के घात - १७३०४६०० का मूल २८४६१

४१६० दूना प३२० जघुकरणी हुई। इसका ऋौर महती के अन्तर

प्रदेश प्रदेश का मूल कर्ष छोटी आवाधा हुई।
प्रदेश प्रदेश के वर्ग कर्ष को, भुज कर के वर्ग कर में

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

समच्छेद करके घटा देने से रू रैंच मूल क रैंच आया। यही छोटी आवाघा है। जैसा—करणी के वर्ग में करणी के तुल्य रूप होते हैं, वैसा ही रूपों के वर्ग में, रूप तुल्य करणी होनी चाहिये। जैसा—क प्रका वर्ग रू प्रहुआ, श्रीर उसका मूल वही क प्रं हुई। क्योंकि जिस राशि का जो वर्ग होता है, उसका मूल वही राशि है। श्रव उस आवाघा क रैंच को मूमि क १३ में घटाने के लिये न्यास।

क १३ क रु

इन का समच्छेद करके योग क रेड्ड महनी हुई, श्रीर उनके घात क १३ में हर का भाग देने से १ लिब्ध ऋ ई। इसके मूल की दूना करने से लघुकरणा २ हुई। इसका महर्ना करणा रेडू के साथ समच्छेद और अन्तर से दूसरी आवाधा क रेड्ड हुई। क रेड्ड त्रावाचा मुन जम्ब क है इ कोटि क्रीं। ब्रह्मात मुन या १ कर्गा है। यहां मुझ ब्रौर कोटि के ज्ञान से तत्कृत्योयों पदं कर्ण:-' इस सूत्र से कर्या ज्ञान सुलभ है। जैसा-त्रावाधा के वर्ग रू रेड्ड में लम्ब वर्ग रू १५ को जोड़ देने से १०० हुआ, इस में छेद १३ का भाग देने से १६ लिटिंघ का मूल ४ यावत्तावानिमत मुज का मान क ४ हुआ। यही वह भूमि है। (३) अब अन्य मुज क र को भूमि कल्पना किया त्रीर पूर्व गीत के ऋनुसार लम्ब क पूर्व त्राया, इसके वर्ग रू पूर को भुज क १३ के वर्ग रू १३ में समच्छेद करके घटा देने से रू रूँ शेष बचा इसका मूल क रूँ पहली आवाधा हुई । इस को भूमि में घटाने के लिये समच्छेद क भू क रेपू से योग क रेपू महती करणी हुई. ऋौर इनके घात २५ में हर घात २५ का भाग देने से १ लब्धि का मूल, द्विगुगा २ लघु-करणी हुई । अब इन दोनों करणियों का समच्छेद और अन्तर करने से दूसरी आवाधा क पूर्व हुई।

श्रव इस दूसरी अवाधा के वर्ग क - पूर्व में लम्बवर्ग क - पूर्व को जोड़ने से - पूर्व में हर ५ का भाग देने में १६ कि कि का मूल ४ वहीं भूमि क ४ हुई। इसी को यावत्तावानमत भुज माना गया था।

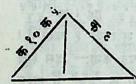
उदाहरणम्-

दशपञ्चकरणयन्तर-

मेको बाहुः परश्च षट्करणी। भूरष्टादशकरणी

रूपोना लम्बमाचद्व ॥ ४६ ॥

अश्वाबाधाज्ञाने लम्बज्ञानमिति लघ्वाबाधा या १। एतद्ना भूरन्याबाधा प्रमाणमिति तथा



न्यासः स्वाबाधावर्गे भुजवर्गा-

क्ष्य जातो लम्बवर्गः याव १ रू १५ क २०० द्वितीयाबाधावर्गं याव १ या क ७२ं या २ रू १६ क ७२ं स्वभुजवर्गा रू ६ दपास्य जातो द्वितीयो लम्बवर्गः याव १ या २ं या क ७२ रू १३ं क७२ एतो समाविति समशोधने कृते जातो पक्षो

> रू २८ क १५२ या २ या क ७२

अत्र भाजकस्याव्यक्षशेषस्य याकारस्य प्र-

योजनाभावादपगमेकृतेभाज्यभाजको जातो। रू २८ंक १५२ रू २ क ७२ं

'धनर्णताव्यत्ययमीप्सितायाः–' इत्यादिना द्विसप्ततिमितकरण्या धनत्वं प्रक-ल्प्य क ४क ७२ ऋनया भाज्ये गुणिते जातम् क ३६८६४ क ३१३६ क ५६४४८ क २०४८। एतास्वेतयोः क३६८६४क ३१३६ मूले १६२। ५६ अनयोर्योगः रू १३६ शेष-करणयोरनयोः क ५६४४८ क २०४८ अन्तरं योग इति जातो योगः क ३६६६२। भाजके च कं ४६२४। ऋनया भाज्ये हृते लब्धं याव-. त्तावन्मानम् रू २ क ८। इयमेव लघ्वाबाधा एतदूना भूरन्याबाधा रू १ क २। यावत्ताव-न्मानेन लम्बवर्गावुत्थाप्य स्वाबाधावरी स्व-भुजवर्गादपास्य वा जातो लम्बवर्गः रू ३ क दं एतस्य मूलं सममेव लम्बमानम् रू १ क२।

उदाहरण-

जिस चंत्र में दश और पांच करियों का अन्तर एकभुज है, करिया ह्र दूसरा भुज है और रूपोन अठारह करिया भूमि है, वहां लम्ब क्या होगा ? CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri (१) आवाधा के ज्ञान से लम्ब का ज्ञान होता है, यहां छोटी आवाधा का मान यावतावत् १ मान कर उसको भूमि क १८ स् १ में घटा देने से वड़ी आवाधा या १ क् १८ क् १ हुई। अव दोनों आवाधा भुज और दोनों भुज कर्या हुए और दोनों स्थानों में लम्ब ही कोटि है। अपने अपने आवाधा वर्ग को अपने अपने भुजवर्ग में घटा देने से लम्बवर्ग होता है, तो लघुभुज क १० क ५ के वर्ग के लिये न्यास—

क १० क प्रं

वर्ग=क १०० क २०० क २४

यहां पहली क १०० और तीसरी क २ ४ करगी का 'योगं करणयां:-'
सूत्र के अनुसार योग क २२४ का मूल क १४ है। और लघु
सुजवर्ग क १४ क २०० में अपनी आवाधा वर्ग याव १ को घटा
देने से लम्बवर्ग याव १ क १४ क २०० सिद्ध हुआ। दूसरे लम्बवर्ग का आनयन करते हैं—

दूसरी आवाधा--

या १ क १ = रू १

वर्ग=याव १ या २ या. क ७२ रू १ क ७२ क ३२४

यह वर्ग 'स्थाप्यो उन्त्यवर्गः-' इस सूत्र से यथासंभव (कर्णी स्नौर यावत्तावत् स्नादि के भेद होने से) दूने स्नौर चौगुने स्नन्त स्नङ्क के गुणान स्नादि किया से हुन्ना है। स्नन्त्यकरणी ३२४ के मूल १० में रूप १ जोड़ देने से रू १० का स्नौर स्नन्य खणडों का, भिन्न-जाति होने से पृथक् स्थिति हुई—

याव १ या २ या. क ७२ रू १६ क ७२ इसको ऋपने भुज क ६ वर्ग रू ६ में घटा देने से, लम्ब वर्ग हुआ, याव १ या २ या. क ७२ रू १३ क ७२ दोनों लम्बवर्ग समान है, इसिलिये समशोधनार्थ न्यास—

> याव १ रू १ ४ क २०० . याव १ या २ या. क ७२ रू १३ क ७२

दूसरे पत्त के तीन अव्यक्त खएडों को पहले पत्त में घटा देने से और पहले पत्त के रूप १५ और करणी २०० को, दूसरे पत्त में घटा देने से रोप रहा—

या २ या. क ७२ं रू २ में क ७२ क २००

दूसरे पत्त की क ७२ क २०० करियों का 'योगं करएयो:----ं सूत्र के ऋनुसार योग क ४१२ से पत्त हुए---

> या २ या. क ७९ रू २ में क ५१२

दोनों पत्त समान ही हैं, क्योंकि पत्तों का तुल्य शोधन किया था, श्रव 'शेषाव्यकेनोद्धरेद्रूपशेषं व्यक्तं मानं जायतेऽव्यक्तराशेः' के श्रतुसार व्यक्तमान हुश्रा—

> रू २ दंक ४१२ या २ या. क ७ २

यदि या २ या. क ७२ं इस अव्यक्त का 'रू २६ं क ४१२, यहं व्यक्तमान आता है, तो यावत्तावत् १ का क्या १ फल की इच्छा से गुणकर, प्रमाण का भाग देने से लब्धि मिली—

लिंबि= $\frac{\text{या} \times \mathbf{R} \, \mathbf{R} = \mathbf{I} \times \mathbf{R} \, \mathbf{R} \times \mathbf{R}}{\mathbf{I} \, \mathbf{R} \cdot \mathbf{R} \times \mathbf{R} \times \mathbf{R}}$

यावत्तावत् १ का ऋपवर्तत देने से-

इसीलिये त्राचार्य ने कहा है कि 'अत्र भाजकस्याव्यक्तरोषस्य याकारस्य प्रयोजनाभावाद्यगमे कृते समभाज्यभाजको जातों अर्थ भाजक के त्राव्यक्त रोष या त्रार्थात् यावत्तावत् का कुछ प्रयोजन नहीं है। इस क्रिये उसका त्रापगम नारा, करने से भाज्य भाजक समान हुए। श्रव 'धनर्णताव्यत्ययमीि सताया: 'सूत्र के त्रानुसार भाजकगत क ७२ को धन मानने से, श्रीर रू २ को करणी रूप में जाने से भाजक क ४ क ७२ हुआ। भाज्यगत रू २ के वर्ग ७८४ यह 'च्यो भवेच च्यरूपवर्गश्चेत्साध्यतेऽसौ करणीत्वहेतोः' इस सूत्र के श्रनुसार श्रृण भाज्य क ७८४ क ४१२ हुआ। श्रव इन भाज्य भाजकों का गुणन के लिये न्यास

गुराय=क ७ दे४ क ४१२ गुराक=क ४ क ७२ क ३१३६ क २०४८ क ४६४४ दे क ३६८६४

गुणनफल=क १ = ४६६ क३ ६६६ रे

यहां क ३१३६ क ३६८६४ इन के मूल ४६ । १६२ हुए, इन का अन्तर १३६ धन हुआ, इसका वर्ग १८४६६ गुणानफल में पहली करणी है। और क २०४८ क ४६४४८ इन में २ का अपवर्तन देने से क १०२४ क २८२२४ इन के मूल ३२ । १६८ का अन्तर १३६ हुआ। इसके वर्ग १८४६ को अपवर्तनाङ्क २ से गुणाने से गुणानफल में दूसरी करणी ३६६६२ हुई।

यहां क २ दे द क २ द द इन का 'धनर्णयोरन्तरमेव सूत्र के अनुसार तुल्यता के कारण नाश हुआ तो क १ ६ क ५१ दे ४ शेष रहीं, इनके मूल ४। ७ रे का अन्तर ६ दे हुआ, इसका वर्ग करणी ४६२ ४ हुई। अब भाजकगत क ४६ रे४ का भाज्यगत क १ ८४६ ६

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

क ३६६६२ करियायों में भाग देने से यावत्तावन्मान क छे क क्र आया, यहां पहली करिया छे का 'अनुसातिमकायाश्च तथा करिया:—' सूत्र के अनुसार, मूल रू रे हुन्या। इस प्रकार क्रोटी आवाधा रू रे क क हुई। इसको भूमि रू १ क १ क्र में 'योगं करिययो:—' सूत्र के अनुसार घटा देने से, दूसरी आवाधा रू १ क २ हुई। अव यावत्तावन्मान से उत्थापन के लिये जम्बवर्ग का न्यास—

याव १ ह १४ क २००

इस लम्बवर्ग में पहला खराड याव १ है, इसिलये क ४ क =. इस यावत्तावनमान का पूर्व रीति से वर्ग हुआ--

क ४ क =

वर्ग=रू १२ क १२ दं

यह वर्ग का मान, यावत्तावन्वर्ग १ के अनुयागत होने से अनुयारूप १ से गुणित अनुया यावत्तावत् वर्ग का मान रू १२ं क १२८। और उत्तर खगड रू १४ क २०० व्यक्त होने से यथास्थित ग्हा। अब धनर्यायोरन्तरमेव योगः सूत्र के अनुसार, रू १२ं रू १४ का योग रू ३ हुआ, और क १२८ क २०० का अन्तर योगं कर-एयो:— सूत्र से अथवा आदौ करण्यावपवर्तनीयों — इस सिद्ध रीति के अनुसार, क दं हुआ। इस भांति लम्बवर्ग रू ३ क दं हुआ।

इसी प्रकार, दूसरे लम्ब वर्ग का उत्थापनार्थ न्यास—— याव १ या २ या. क ७२ रू १३ क ७२

यहां पहले तीन खराड अन्यक्तात्मक हैं। पूर्वगीति से पहले खराड यावत्तावत्वर्ग १ का मान रू १२ं क १२ इच्चा, और दूसरा खराड भृगा यावत्तावत् २ है, इस से यावत्तावत् मान रू २ क म के प्रथम खराड रू २ को गुगाने से रू ४ हुआ और दूसरा खराड क म 'वर्गेगा वर्ग गुगायेत्—' सूत्र से क ३२ं हुई। अब भृगा यावत्तावत् दो का मान रू ४ क ३२ं हुआ। तीसरा खराड यावत्तावत् करगी का घात बहत्तर है, उस से यावत्तावत् मान रू २ क म को गुगा देने से क रंद क ४७६ हुई, इन में दूसरी का मूल रू २४ आया। अब तीसरे खराड का मान रू २४ क रंद हुआ। यहां सर्वेत्र, यि एक यावत्तावत् का मान क ४ क द आता है, तो यावत्तावत् वर्ग १ का क्या १ अथवा, यावत्तावत् रे का क्या १ अथवा, यावत्तावत् से गुणित करणी बहत्तर का क्या १ इस प्रकार अनुपात से प्रमाण और इच्छा में यावत्तावत् के अपवर्तन से निम्निकिखित मान होते हैं और चौथा खराड व्यक्त ही है रू १३ क ७२। इन सब का योग लम्बवर्ग होने के योग्य है।

रू १२ं क १ - द रू ४ क ३२ं रू २४ क २ दं द रू १३ं क ७२

यहां पर रूपों का योग ३ होता है और पहली दूसरी करिययों का १२ = । ३२ का अन्तर 'लिंड्याहतायास्तु—' सूत्र के अनुसार क ३२ हुआ, बाद उसका और तीसरी करिया २ द का अन्तर 'लिंड्याहतायास्तु—ं सूत्र से क १२ द हुआ, फिर उसका और चौथी करिया ७२ का अन्तर 'योगं करिययोः—' सूत्र से क द हुआ, इस प्रकार लस्बवर्ग रू ३ क द हुआ।

(२) अब प्रकारान्तर से लम्बवर्ग का साधन करते हैं कर्ण- क्रिय जाधुभुज क प्रे क १० का वर्ग रू १४ क २०० में भुजरूप जाधु आवाधा क थे क द कं वर्ग रू १२ क १२ द को घटा देने से वहीं लम्बवर्ग रू ३ क द आया। इसी प्रकार, बड़ी आवाधा क १ क २ वर्ग रू ३ क द हुआ, इस को बड़े भुज क ६ के वर्ग रू १ में घटा देने से, वहीं लम्बवर्ग रू ३ क द शेप रहा। अब उसका मूल जाते हैं— मृत्यादिमका चेत्करणी छुनों स्याद्धनादिमकां तां परिकल्प्य साध्ये सूत्र से रूप ३ के वर्ग ६ में धन करणी आठ के जुल्य रूप द घटाने से शेप १ रहा, इस के मूज १ से रूप ३ को युक्त और हीन करने से ४। २ हुआ इन का आधा २। १ हुआ। यहां मृत्यादिमकैका सुधियावगम्या के अनुसार, क्रोटी

करणी १ को अनुगा मानने से लम्ब १ क २ हुआ। किर अनुगा-त्मिकायाश्च तथा करणया मूर्लं चायो रूपविधानहेतोः' सूत्र से पहली करणी १ का मूल रू १ क २ लम्ब हुआ।

(३) यह उदाहरणा व्यक्तरीति से भी सिद्ध होता है—जैसा— 'त्रिभुजे भुजयोगींग:—' इस सूत्र से क ५ क १०। क ६ भुजों का योग क ५ क १० क ६ हुन्ना और लघुंभुज क ५ क १० को बहे भुज क ६ में घटा देने से अन्तर क ५ क १० क ६ हुन्ना। अन्तर से योग को गुणाने के लिये न्याम—

गुग्य=क भं क १० क ६ गुग्गक=क ४ क १० क ६ क २५ क ४० क ३० क ४० क १०० क ६० क ३० क ६० क ३६

गुग्रानफलः क् हं क २००

यहां ३० । ३० । ६० । ६० । इत धनर्गा करियायों का बुल्यता से नाश हुआ और क ४० क ४० इन करियायों का योग क २०० हुआ । अब क २५ के १०० क ३६ के भून क्रम मे ५ । १० । ६ मिले इन का योग ६ हुआ । इस प्रकार पूर्व लिखिन गुणानफल रू ६ क २०० हुआ । उस गुणानफल में भूमि क १ क १०० का भाग देना है तो 'वर्गेण वर्ग गुणायेद भनेच—ं और 'चर्यो भनेच च्यक्प-वर्गः—' इस के अनुसार भाज्य=क ०१ क २०० भाजक=क १ क १०० भाजक=क १ भाजकान क १

क द है कर ०० क है क र द क र क र द क र द क द कर ०० क है क र द क र १ फ र द क १ ४ द क र द क र द क क १ ४ द क र द क र द ह यहां भाज्य को भाजक से गुण देने से जो करणा खिएड हुए हैं, उन में क दर्श क ३६०० का मूल है। ६० आया। इनका अन्तर ५१ वर्ग क २६०१ हुआ। और क २०० क १४ ५ द में २ का अपवर्तन देने से क १०० क ७ २६ हुई, इन के मूल १० २७ का अन्तर १७ के वर्ग २ देह को २ दो से गुण देने से करणा ४७ द हुई।

त्रीर भाजक को भाजक से गुगा देने से जो करणीखरड हुए हैं, उन में क १ द क १ दें इन मध्यम करियों का नाश हुन्ना, न्नीर क १ क २२४ का मूल १ । १ द न्नाया इन के न्नानर १७ का वर्ग क २ द हुन्ना । न्नान भाजक क २ द ह का भाज्य क २ ६०१ क प्रजेद में भाग देने से क ह क रे लिब्ध में क ह का मूल लंने से न्नाबाधाओं का न्नानर क ३ क रे हुन्ना । इस से भूमि क १ क १ द को जन न्नीर युत करने से, क ४ क ३२ । क २ क द हुन्ना इसका न्नाधा क रे क द । क १ क २ न्नाबाधा हुई । न्नीर इस से एक रीति के न्नासार लम्ब क १ क २ न्नाबाधा हुई । न्नीर इस से एक रीति के न्नासार लम्ब क १ क २ न्नाबाधा ।

उदाहरणम्-

असमानसमप्रज्ञ राशींस्तांश्चतुरो वद । यदेक्यं यद् घनेक्यं वा येषां वर्गेक्यसंमितम् ५०

श्रत्र राशयः या १ या २ या ३ या ४। येषां योगः या १० वर्गयोगेनानेन याव ३० सम इति पक्षो यावत्तावतापवर्त्य न्यासः।

या ३० रू०

समशोधनादिना प्राग्वल्लब्धयावत्तावन्मा-नेनोत्थापिता राशयः १३३५।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

अथ दितीयोदाहरणे राशयः या १ या २ या ३ या ४ एषां घनेक्यं याघ १०० एतद्वर्गे-क्यमानेन याव ३०समिति पक्षो यावत्तावद्व-र्गेणापवर्त्य प्राग्वल्लव्धयावत्तावन्मानेनोत्था-पिता जाता राशयः है है है है

अथ पत्तयोः समशोधनानन्तरमन्यक्षवर्गयनादिकेऽपि शेषे
यथासंभवमपवर्तेन मध्यमाहरणं विनेवोदाहरण्मिद्धिरस्तीति
पद्शियतुमुद्द्द्दरण्पट्कमाह तत्रोद्द्राहरण्मनुष्टुभाह—असमानानिति। असमानाश्च ते समच्छेद्द्रश्च तान् यदेक्यं येषां वर्गेक्यसंमितमित्येकम्। यद्यनेक्यं येषां वर्गेक्यमंमितमिति द्वितीयमित्युद्द्राहरण्द्वयम्। 'असमानसमप्रक्ष' इति पाठे तु हे असमप्रक्कः,
निरुपमवुद्धे। असमास्तांश्चतुरो राशीन् वदेति योजनीयम्।
प्रथमपाठस्त्वसाधुरिति प्रतिभाति। निह समच्छेद्द्वपुरस्कारेणोद्द्राहरण्मिह साध्यते किंतु समच्छेद्द्वं संपानायातम्। 'असमान्'
इति त्वपेत्तितमेव। अन्यथा रूपमिनेश्चतुर्भिरुद्द्राहरण्मिद्धेरिति
नवाङ्कुरकाराणां परामर्शः।।

उदाहरगा--

वे ऋतुल्य चार राशियाँ कौन-सी हैं, जिन का योग ऋथवा, धनों का योग उन के वर्गों के योग के तुल्य होना है।

यहां कल्पित राशि या १। या २। या ३। या ४ है इनका योग या १० यह उन राशियों के वर्गयोग याव ३० के समान है, इस-् क्रिय समीकरण के लिये न्यास—

याव ३० या ०

यावत्तावत् का ऋपवर्तन देने से— या ३० रू० या ० रू१०

समशोधन से यावत्तावत् मान है आया । इस को तीन स्थानों में दो, तीन, चार से गुरा देने से और राशियों के मान हुए—

2 2 3 3

यह सब राशि त्रापस में त्रसमान त्रशीत तुल्य नहीं हैं त्रीर इनका योग - दे इन्हीं के वर्गयोग - दे = दे के समान है। दूसरे उदाहरण में भी उक्त राशियों को कल्पित किया— या १। या २। या ३। या ४

्रामा इन के घन हुए-- अस्ति स्वासिक समित्र स्वासिक स्वा

याघ १ याघ ८ याघ २७ याघ ६४ घर्नो का योग याघ १०० इन्हीं के वर्गयोग याघ ३० के समान है, इसिलिये दोनों पत्त समान हु०—

याघ १०० याव ०

याघ ० याव ३०

यावत्तावन् वर्गं का ऋपवर्तन देने से--

या १०० रू

या ० रू ३०

समीकरण से यावत्तावत् का मान ३ हुआ।

यदि एक यावत्तावत् का रेंड मान आता है, तो २। ३। ४ यावत्तावत् का क्या ? इस प्रकार राशि सिद्ध हुई—

इन के घन हुए--

२० + २१६ + <u>७२६</u> + १७२ = २७०० । १००० + १००० + १००० = १००० । श्रोर वर्ग हुए—

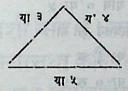
$$\frac{\mathcal{E}}{200} + \frac{36}{200} + \frac{36}{200} + \frac{288}{200} = \frac{200}{200}$$

घतेक्य र ७०० में दश का अपवर्तन देने से र ७० हुआ, यह वर्गिक्य

२७० के समान है। १००

उदाहरणम्—

त्र्यस्रक्षेत्रस्य यस्य स्यात्फलं कर्णेन संमितम्। दोः कोटिश्रुतिघातेन समं यस्य च तद्दद् ५१॥



श्रत्रेष्टक्षेत्रभुजानां यावत्तावद्गुणितानां न्यासः या ३। या ४। या ५। श्रत्र च भुजकोटि-घातार्ध फलम् याव ६ एतत्कर्णेनानेन या ५ समिति पक्षो यावत्तावतापवर्त्य प्राग्वल्लब्धेन यावत्तावन्मानेनोत्थापिता जाता भुजकोटि-कर्णाः र्वं क्षे एविमष्टवशादन्येऽपि।

अथ हितीयोदाहरणे किएतं तदेव क्षेत्रम् अस्य फलम् याव ६। एतदोः कोटिकर्णघाते-नानेन याघ ६० समामति पक्षौ यावत्तावहर्गे-

गापवर्य समीकरगेन प्राग्वजाता दोःकोटि-कर्णाः है है है। एविम्छवशादन्येऽपि।

उदाहर्या--

जिस त्रयस्न चीत्र में फल कर्या के समान है त्रथवा भुज, कोटि श्रीर कर्या का घात, फल के समान है। वहां प्रत्येक श्रवयव क्या होंगे !

यहां भुज, कोटि खाँर कर्ण का मान क्रम से या ३ । या ४ । या ४ कल्पना किया । त्र्यसत्तेत्र में भुज, कोटि के घात का आधा त्रेत्रफल होता है । इसी रीति से यहां फल याव ६ हुआ, यह कर्ण के समान है, इसलिये दो पत्त हुए—

ट ६ फिल्ड विश्व ६ या ० कि कि कि कि

याव ० या ४

यावत्तावत् का अपवर्तन देने से

या ६ रू ०

या ० रू ४

समशोधन से यावत्तावत् का मान है आया । इस से पूर्व किए निर्माशियों में उत्थापन देने से उन के मान हुए १५, २६, २६, १६ इन में यथासंभव अपवर्तन देने से, भुज, कोटि और कर्या हुआ है, १६, ३६, ३६, ३६, ३६, १६ इस से यथासंभव अपवर्तन देने से, भुज, कोटि और कर्या हुआ है, १६ विजयस्त हुआ और वह कर्या के समान है।

दूसरे प्रश्न में चेत्रफल यात्र ६ भुज, कोटि ऋौर कर्गा के वात याच ६० के समान कहा है, इसलिये दो पच्च समान हुए—

याघ ० यात्र ६

याघ६० याव ०

यावत्तावत् वर्ग १ का ऋपवर्तन देने से—

या ० रू ६

या ६० रू

उद्ाहरणम्-

युंती वर्गोऽन्तरे वर्गो ययोघीते घनो भवेत्। तो राशी शीघ्रमाचत्त्व दक्षोऽसि गणिते यदि॥

अत्र राशी याव ५। याव ४ योगेऽन्तरे च यथा वर्गः स्यात्तथा किएतो। अत्रानयोघीतः याव व २० एव घन इतीष्ट्रयावत्तावद्दशकस्य घनेन समीकरणे पक्षो यावत्तावद्घनेनापवर्त्य प्राग्वज्जातो राशी १००००। १२५००।

ययोगोंनात इरिडग्रस्थरूपात्, अन्तरात केवलं रिरूपाद दरस्पाद्वा, संभ्वकेर्ग्य-केक्पासकेश, घनपदं घनपूलं दुर्गसमोवपयश्च, ते ताविति संमती दिर्माव: । अक्ट्रमेदेन अवतारमेदेन च नानारूपधरो, सद्बीजमन्यक्षगणितं प्रख्वादिकं च, संस्थागणनावि-चारश्चेति स्पष्टप् ।

१ सत्र ज्ञानराजदेवज्ञाः —

यदोनादयवान्तरादपि पदं संप्राप्यते साम्रदे
रम्यासादिः सम्यने घनएदं तौ तावभिन्नो वद ।

नानारूपधरी यया इरिइगे मदर्शजवेधी सखे

रांख्याशास्त्रिचारसाम्चनुरा बुद्धिस्खदीयास्ति चेन् ॥

उदाहर्या-

जिन दो राशियों का योग वा ध्यन्तर वर्ग होता है ऋौर उन का घात घन होता है, वे कौनसी राशियाँ है ?

यहां पर ऐसी राशि मानना चाहिये कि जिन का योग अथवा अन्तर वर्ग हो, जैसा राशि याव ४। याव ४ है और इनका योग याव ६ है, फिर अन्तर याव १ है। इस प्रकार उक्त राशियों में, दो आजाप घटते हैं। फिर उन राशियों का घात यावव २० घन है, इसिक्षेये इष्ट यावत्तावत् १० के घन के साथ समीकरण के क्षिये न्यास—

यावव २० याघ ० यावव ० याघ १०००

यावत्तावन् घन का ऋपवर्तन देने से-

या २० रू ०

समशोधन से यावत्तावत् का मान ४० आया । इस से पूर्व राशि याव ४ याव ४ में उत्थापन देते हैं। 'वर्गेण वर्गे—' सूत्र से यावत्तावन्मान का वर्ग २४०० हुआ, यिद् एक यावत्तावत् वर्ग का २४०० मान है, तो यावत्तावत्वर्ग चार तथा पांच का क्या ? इस प्रकार राशि १००००। १२४००। इन का योग २२४०० वर्ग है, अन्तर २४०० वर्ग है और इन का घात घन १२४००००० है।

उदाहरणम्—

घनेक्यं जायते वर्गो वर्गेक्यं च ययोर्घनः। तो चेह्रेत्सि तदाहं त्वां मन्ये बीजिवदां वरम् ५३ त्रात्र किपतो राशी याव १ याव २। त्रान-योर्घनयोगः यावघ ६ एष स्वयमेव वर्गो जातः त्रास्य मूलं याघ ३। ननु यावत्तावहर्गघनोऽयं राशिर्न घनवर्गः कथमस्य घनात्मकं मूलमिति चेदुच्यते—यावानेव घनवर्गस्तावानेव वर्गघनः स्यादित्यत एव द्विगतचतुर्गतषड्गताष्ट्रगता वर्गाः स्युः। एषामेकद्वित्रचतुर्गतानि मूलानि यथाक्रमं स्युः। एवं त्रिष्ण्यवगता घना एक-द्वित्रिगतानि तेषां मूलानि। एवं सर्वत्र ज्ञात-व्यम्। अथ राश्योर्वर्गयोगः यावव ५ अयं घन इतीष्ट्रयावत्तावत्पञ्चघनसमं कृत्वा पक्षो यावत्तावद्घनेनापवर्त्य प्राग्वजातो राशी ६२५। १२५०। एवमव्यक्षापवर्तनं यथा संभवति तथा चिन्त्यम्॥

उदाहरण--

वे दो राशि कौनसी हैं जिन का घनयोग, वर्ग स्रौर वर्गयोग, वन होता है। यहां दो राशि ऐसी किल्पन हैं जिन में एक स्थालाप स्वत: घटित होता है। याव १। याव २ इनका घनयोग यावघ ६ हुस्रा, यह स्वयं वर्ग है, क्योंकि इस का वर्गमूल याघ ३ है।

शङ्का—'यावघ ह' इस यावत्तावत् वर्ग घन का मूल 'याघ ३' यह यावत्तावत् घन नहीं हो सकता क्योंकि वर्ग का वर्गमूल ऋौर घन का घनमूल ही ऋाना उचित है। इसलिये प्रकृत में जो घन का वर्गमूल लिया है वह ठीक नहीं है।

समाधान—जो घन का वर्ग होता है, वही वर्ग का घन है। जैसा— दो स्थानगत समाङ्क्ष्यात वर्ग होता है। चार स्थान गत समाङ्क्ष्यात वर्गवर्ग होता है, वह भी वर्गात्मक है। इसी भांति छ स्थानगन समाङ्क्ष्यात वर्गवर्ग- वर्ग होता है, वह भी वर्गात्मक है। ऋौर ऋाट स्थानगर समाङ्क्ष्यात वर्गवर्गवर्गवर्ग होता है, वह भी वर्गात्मक है।

एक स्थानगत समाङ्क के तुल्य वर्गमूल होता है। दो स्थानगत समाङ्क घात के तुल्य वर्गवर्ध भूल होता है। तीन स्थानगत समाङ्क-वात के तुल्य वर्गवर्गवर्गमूल होता है। चार स्थानगत समाङ्कपान के तुल्य वर्गवर्गवर्गमूल होता है, इसी प्रकार आगे भी वर्गमूल की स्थित जाननी चाहिए।

नीन स्थानगत समाङ्क्ष्यात घन होता है। छ स्थानगत समाङ्क्ष्यान घनघन होना है। नव स्थानगत समाङ्क्ष्यात घनघनघन होता है। बारह स्थानगत समाङ्क्ष्यात घनघनघनघन होता है। एसे ही खारी भी जानना।

एक स्थानगत समाङ्क के तुल्य, घनमूल होता है। दो स्थानगन समाङ्क्ष्यात के तुल्य, घनघनमूल होता है। तीन स्थानगत समाङ्क-घात के तुल्य, घनघनघनमूल होना है। चार स्थानगत समाङ्क्ष्यान के तुल्य, घनघनघनघनमूल होना है। इसी प्रकार आगे भी घनमूल की स्थिति जानंनी चाहिए।

प्रकृत में यावत्तावत् वर्ग का घन छ स्थानगत समाङ्क्ष्यात है त्रौर वह समाद्विघात का समित्रघातरूप है, इसप्रकार समात्रिघात का समिद्धि-धान चनवर्ग हुन्ना न्नौर वह छ स्थानगत समाङ्क्ष्यात है, इसिलये कहा है कि 'यावानेव घनवर्गस्तावानेव वर्गघनः स्यात्'।

श्रव 'यावव ह' इसका स्वरूपान्तर 'याघव ह' यह है, इसका स्नूल याघ ३ श्राया है, इसिलये 'याघव ह' यह स्वयं वर्ग है। श्रयवा 'यावघ ह' यह वर्ग है। श्रव 'याव १ याव २' इनके, वर्ग यावव १ यावव ४ हुआ, यह घन है, इसिलये यावतावन पांच के घन के साथ समीकरण के लिये न्यास—

यानव ५ याघ ० यात्रव ८ याच १२५

यावत्तावत्वन के अपवर्तन देने से--

वा ४ रू ० व्यक्ति स्वयं अपनित्र

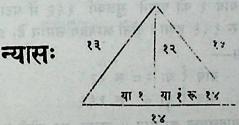
या ० रू १२४

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

समशोधन से यावत्तावत् का मान २४ आया, 'वर्गेण वर्गे गुणयेद्-' के अनुसार २४ का वर्ग ६२४ हुआ । इस से याव १ याव २
इन गाशियों में उत्थापन देने से गाशि हुई ६२४। १२४०। इन के घन
२४४१४०६२४।१६४३१२४००० का योग २१६७२६४६२४
हुआ, इसका मूल ४६८७५ हुआ। और गशियों के वर्ग ३६०६२४।
१४६२४०० हुए, इन का योग १६४३१२४ हुआ, इस का घनमूल १२४ आया।

उदाहरगम्— यत्र ज्यस्रक्षेत्रे धात्री मनुसंमिता सखे वाहू। एकः पञ्चदशान्य—

स्त्रयोदश वदावलम्बकं तत्र ॥ ५४ ॥ * स्त्राबाधाज्ञानेसति लम्बज्ञानिमिति लघ्वा-बाधायावत्तावन्मिता कल्पिताया १, एतदूना-श्चतुर्दशान्याबाधा या १ रू १४ स्वाबाधा-



वर्गोनी स्वभुजवर्गी तो समाविति समशोध-नार्थं न्यासः।

^{*}श्रत्र पाट्युक्तमृ**णावाधोदाहरणमपि** द्रष्टच्यात् ।

याव 9ं या ० रू १६६ याव 9ं या २८ रू २६

अनयोः समवर्गगमे लब्धं यावत्तावन्मा-नम् ५ । अनेनोत्थापिते जाते आबाधे ५।६ । लम्बवर्गयोश्चोत्थापितयोरुभयतः सम एव लम्बः १२। अत्रोत्थापनंवर्गस्य वर्गेण घनस्य घनेनैवेति सुधिया ज्ञातव्यम् ॥

उदाहरण-

जिस त्र्यस चेत्र में एक मुज पंद्रह है, दूसरा तेरह है त्रीर भूमि चौदह है, वहां लम्ब क्या होगा ?

त्रावाधा के ज्ञान से लम्ब ज्ञात हो जाता है, इसलिये छोटी त्रावाधा का मान यावतावत १ कल्पना किया, इस को भूमि १४ में घटा देने से दूसरी ध्याबाधा या १ क १४ हुई। इसके वर्ग याव १ या २८ क १६६ में स्वभुज १५ वर्ग २२५ को घटा देने से लम्बवर्ग याव १ या २८ क २६ हुआ। इसी प्रकार पहली आबाधा के वर्ग याव १ को अपने भुजवर्ग १६६ में घटा देने से लम्बवर्ग याव १ क १६६ हुआ। दोनों लम्बवर्ग समान हैं, इसलिये समीकरणार्थ न्यास—

याव १ या २ म्ह २६ याव १ या ० स्ह १६६

समीकरण से यावत्तावत् का मान ४ आया, यह छोटी आवाधा का मान है। इस से या १ रू १४ में उत्थापन देने से दृसरी आबाधा ६ आई। 'वर्गेण वर्ग गुणयेद' सूत्र से, यावत्तावत् वर्ग का मान याव २४ हुआ, इस को लम्बवर्ग के रूप १६६ में घटा टेने से शेष लम्बवर्ग १४४ का मूल १२ लम्ब हुआ। इसी प्रकार, दूसरे स्थान में उत्थापन देने से यावत्तावत् वर्ग का मान २५ हुआ। यावत्तावत् का मान ४ है इस को २ द से गुण देने से १४० हुआ, रूप २६ धन है। अब २५ं, १४०, २६ इन में पहले १४०। २६ इन घनों का योग १६६ हुआ, इसमें २५ भूगा घटा देने से १४४ शेप का मूल १२ वहीं लम्ब हुआ।। उदाहर्गाम्—

यदि समभुवि वेणुर्हित्रिपाणिप्रमाणो
गणक पवनवेगादेकदेशे स भग्नः।
भुवि नृपमितहस्तेष्वङ्गलग्नं तदीयं
कथय कतिषु मूलादेष भग्नः करेषु॥५५॥
ऋत्र वंशाधरखण्डं कोटिस्तत्प्रमाणंया १।
पतदूना हात्रिंशदूर्ध्व खण्डं कर्णः या १ रू ३२।
मूलाग्रयोरन्तरं भुजः रू १६ भुजकोटिवर्गयोगः याव १ रू २५६ कर्णवर्गस्यास्य याव १

या १ म. ३२

न्यासः

या ?

3.5

या ६४ं रू १०२४ सम इति समवर्गगमे प्राग्वदाप्तयावत्तावन्मानेन १२ उत्थापितो कोटिकर्णो १२।२०। एवं भुजकोटियुतावपि॥

त्रथ भुजे कोश्किर्णयोगे च ज्ञाते तयोः पृथकग्णं दर्शयितुपु-दाहरणं मालिन्याह-यदीति । स्पष्टार्थीपि व्याख्यातोऽयं लीला-वतीव्याख्याने ॥

उदाहरगा--

एक समान भूतल पर बत्तीस हाथ लम्बा बाँस था, वह बायु के मतकोरे से एक स्थान से टूट कर मूल से सोलह हाथ की दूरी पर जा लगा, तो वह बाँस मूल से कितने हाथ पर टूटा।

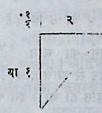
यहां बाँस के नीचे का खराड कोटि हैं। उस का मान याषतावत् माना या १ इस को बाँस के मान ३२ में घटा देने से बाँस के ऊपर का खराड कर्या या १ रू ३२ हुआ, मूल आरेर अम का अन्तर मुज रू १६ है। मुज और कोटि का वर्गयोग याव १ रू २४६, यह कर्यावर्ग याव १ या ६ ४ रू १०२४ के समान है, इसिलये समीकरणा के लिए न्यास——

> याव १ या ० रू २४६ याव १ या ६**४ रू** १०२४

समशोधन से यावत्तावत् का मान १२ स्त्राया, यही कोटि का प्रमाण है। इस को बाँस के मान ३२ में घटा देने से कर्ण मान २० हुआ, यही बाँस के ऊपर का खगड था।

इसी भांति कोटि श्रौर भुजवर्ण का योग जान कर उन को श्रालग करना,चाहिये, इसका उदाहरण जीलावती में 'श्रक्ति स्तम्भतजे—' यह श्लोक है।

श्रथ कोटिकणान्तरे भुजे च ज्ञात उदाहरणम्— चक्रकोश्चाकुलितस्तिले कापि दृष्टं तडागे तोयादूर्ध्वं कमलकलिकायं वितस्तिप्रमाणम् । मन्दं मन्दं चलितमनिलेनाहतं हस्तयुग्मे तस्मिन्मग्नं गणकगणयक्षिप्रमम्बुप्रमाणम्॥ श्रत्र नलप्रमाणं जलगाम्भीर्यमिति तत्प्र-माणं या १। इयं कोटिः सा कलिकामानयुता जातः कर्णः या २ रू ई हस्तद्वयं भुजः २। न्यासः श्रत्रापिदोःकोटिवर्गयोगं कर्णवर्गसमं



कृत्वा लब्धं जलगाम्भीर्यम् है कर्णमानम् है॥

त्रथ कोटिकर्णान्तरं भुजे च ज्ञाते कोटिकर्णज्ञानं भवतीति प-दर्शयितुमुदाहरणं मन्दाकान्तयाह—चक्रकोश्चाकुलितसलिल इति। व्याख्यातोऽयं लीलावतीव्याख्याने ॥

उदाहरण--

FREE HITS IS THE

किसी सरोवर में, जल से एक विकस्त उँची कमल की कर्ला दीखती थी वह मन्द मन्द वायु के देग से ऋपने स्थान से दो हाथ पर जा कर दूब गई, तो सरोवर में जल कितना गहरा है ?

यहां कमल की डाँड़ी के समान जल की गहराई है, उस का मान यावत्तावत् या १। यह कोटि है, इस में कमल की कली का मान १ विलस्त प्रार्थात् ई हाथ समच्छेद करके जोड़ देने से, कर्या का मान या २ रू ई हुद्या। दो हाथ भुज का प्रमागा है, उस का फ्रोर कोटि या १ का वर्गयोग याव १ रू ४ यह कर्या नर्ग याव ४ या ४ रू १ के समान है, इसिलिये समीकरण के जिये

न्यास--

याव ४ या ४ रू १

8

याव १ या ० रू ४

समच्छेद और छेदगम करने से--

याव ४ या ४ रू १ याव ४ वा ० रू १६

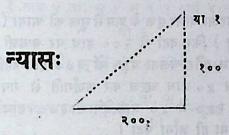
समशोधन से यावत्तावत् का मान रेष्ट्र आया। यही जन्न की गहराई है इसमें समच्छेद से आधे हाथ रे को जोड़ देने से, कर्णमान रेष्ट्र हुआ। भुज २ ज्ञात ही था। इन का क्रम से न्यास-भुज २। कोटि रेष्ट्र कर्ण रेष्ट्र ॥

उदाहरणम्-

वक्षाद्दस्तशतोच्छ्रयाच्छतयुगेवापीं किपः कोऽप्यगादुत्तीर्याथ परोद्धतं श्रुतिपथात्प्रो-डीय किंचिद्द्रुमात्। जातेवं समता तयोर्यदि गतावुडीनमानं कियद्विदंशचेत् सुपरिश्र-मोऽस्ति गणिते क्षिप्रं तदाचद्वं मे ५७॥

श्रत्र समगतिः ३००। उडीनमानं याव-त्तावत् १ एतद्युतो दक्षोच्छ्रायः कोटिः। या-वत्तावदूना समगतिः कर्णः। तरुवाप्यन्तरं भुजः। भुजकोटिवर्गेक्यं कर्णसमं कृत्वा लब्ध-मुडीनमानम् ५०॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri



अथान्यदुदाहरणं शार्द् लिवकीडितेनाह — हत्तादिति । परः किपिर्द्वमार्तिक चित्मोड्डीय अतिपथाद्वापीमगादिति योजनीयम् 'श्रुतिपथात्' इति ल्यव्लोपे पश्चमा । श्रुतिपथमाश्रित्येति तदर्थः । अत्र 'हत्त' इति पदं तालादिसरलहत्तपरकम्, अन्यथा ऋजुत्वा- भावात्तादशोदाहर्णासिद्धः । व्याख्यातोऽपि लीलावतीव्या-ख्याने ।।

उदाहरण--

सौ हाथ ऊंचे ताल वृक्त पर दो वानर बैठे थे, उन में से एक वानर उतर कर उस वृक्त के मूल से, दोसौ हाथ दूरी पर एक बावली को गया और दूसरा वानर कुछ उछल कर, निरह्ये मार्ग से, उसी बावली को गया। इस भांति दोनों को तुल्य ही जाना पड़ा, तो वह वानर कितना उछल कर गया है ?

यहां समगति ३०० हाथ है। उछ्रजने का मान यावत्तावन् १ कल्पना किया और इसमें वृत्त की उँचाई १०० जोड़ देने से कोटिया १ रू १०० हुई। समगति ३०० में यावत्तावत् १ की घटा देने से, कर्या या १ रू ३०० हुआ। वृत्त और वावजी का अन्तर २०० हाथ है, वही भुज का प्रमाया है। भुज और कोटि का वर्गयोग कर्यावर्ग के समान होता है, इसिनेये दो पत्त हुए——

यात्र १ या २०० रू ४०००० यात्र १ या ६०० रू ६००००

समीकरण से यावत्तावत् का मान ४० आया, यही उछजने का प्रमाण है। इस प्रकार भुज २०० कोटि १४० और कर्ण २४० हुआ।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

त्रालाप——पहला वानर वृक्त के त्राप्य से मूल को त्राया (यों १०० हाथ उतरना पड़ा) फिर वहां से २०० हाथ पर वावली रही, इस कारण २०० हाथ त्रोर चलना पड़ा, यों ३०० हाथ पहले की गति हुई। दूसरा वानर ४० हाथ उद्घल कर कर्णागति से गया था, इस कारण कर्णामान २४० में ४० जोड़ देने से ३०० हाथ हुए, यों दूसरे को भी उतना ही जाना पड़ा।

यहां ताल की उँचाई में यावत्तावत् को जोड़ देने से कोटि हुई या १ ता १। समगित में यावत्तावत् १ को घटा देने से कर्या हुआ या १ ता १ मु १ इनके योग से भुज से जुड़ी हुई दूनी ताल की

उँचाई हुई ता २ सु १ ।

यह कोटि कर्या का योग हैं, इसिलये इसका कोटि कर्या के वर्गान्तर रूप भुज वर्ग में, भाग देने से कोटिकर्यान्तर आवेगा। बाद संक्रमण की रीति से कोटि-कर्या जाने जायँगे। इसी आभिप्राय को लेकर—

> 'तालोच्छ्रायो द्व-याहतो वाहुयुक्तः कोटिश्रुत्योः संयुतिः स्यात्तयाप्तः । बाहोर्वर्गः कोटिकर्यान्तरं स्या-त्पश्चात्तास्यां कोटिकर्यों सुवोधौ॥'

इस श्लोक को बनाया है। जैसा—'ता २ सु १' यह योग है, इसका मुजवर्ग में भाग देने से कोटि-कर्यान्तर सुव १ हुआ। फिर यो १ यो १ यो १ यो १ यो १ स्वानियानयुतोऽर्धितस्तौ राशी' सूत्र के अनुसार, इस से हीन श्रीर श्राधित किया योग सुव १ योव १ कोटि हुआ। इस में ताल

की उँचाई को घटा देने से, शेप उछलने का मान मुव १ यो. ता २ योव१ यो २ रहा। यहां भाज्य में योग 'ता २ भु १' ताल से ऋौर ऋग्या दो से गुगा है, इसिलिये ताव ४ ता. भु २ हुआ। यह भाज्य का दूसरा खराड है। ऋौर तीसरा खराड 'योव १' वर्ग है, इसका स्वरूप, ताव ४ ता.

मु ४ भुव १ हुन्ना । इस भाँति भाज्य का वास्तव रूप हुन्ना— CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri मुव १ ताब ४ ता. मु ४ मु वं १ ताब ४ ता. मु २ यो २

यहां तुल्य धन और भृ्यों को उड़ा देने से, शेथ का बोग- ता मु २

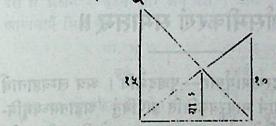
हुन्ना इसमें दो का त्रापवर्तन देने से ता. भु १ हुन्ना । इस से 'द्विनिन्न-तालोच्नित्रति—' यह पाटीस्थ सूत्र उपपन्न हुन्ना ॥

उदाहरणम्-

पञ्चदश-दशकरोच्छ्रय-वेरवोरज्ञातमध्यभूमिकयोः।

इतरेतरमूलायग-

सूत्रयुतेर्लम्बमाचत्त्व ॥ ५०॥ अत्र क्रियावतरणार्थमिष्टं वेणवन्तरभूमानं कल्पितम् २०। सूत्रसम्पाताद्धम्बमानम् या १



न्यासः यदि पञ्चदशकोट्या विंशतिर्भुजस्तदा यावत्ताविन्मतया किमिति लब्धा लघुवंशा-श्रितावाधा या ५ । पुनर्यदि दशमितकोट्या विंशतिभुजस्तदा यावत्ताविन्मतकोट्या कि- मिति लब्धा बृहद्वंशाश्रिताबाधा या २ अनयोर्योगं या १ विंशतिसमं कृत्वा लब्धो लम्बः ६ । उत्थापनेनाबाधे च ८ । १२ ।

श्रथवा वंशसंबन्धेनाबाधे तद्युतिभूमि-रिति, यदि वंशद्वययोगेनानेन २५ श्राबाधा-योगो २० लभ्यते तदा वंशाभ्यां १५। १० किमिति जाते श्राबाधे ८।१२ श्रश्रानुपाता-त्सम एव लम्बः ६ किं यावत्तावत्कल्पनया।

श्रथवा वंशयोर्वधो योगहतो यत्र कुत्रापि वंशान्तरे लम्बः स्यादिति किं भूमिकल्पन-यापि। एतद्विसूत्राणि प्रसार्य बुद्धिमतोह्यम्। इति श्रीभास्करीये बीजगणित एक-

वर्णसमीकरणं समाप्तम्॥

अथान्यदुदाहरणमार्थयाह—पश्चदशेति । अत्र लम्बज्ञानार्थं वेणवन्तरालभूमिज्ञानं नावश्यकिमति ज्ञापियतुं 'अज्ञातमध्यभूमि-कयोः' इति वेणुविशेषणं दत्तम् । व्याख्यातोऽपि लीलावती-विवरणे ।।

उदाहरण-

किसी समान घरातल पर, पन्द्रह और दश हाथ उंचे दो बाँस हैं परन्तु उन के मध्य की भूमि का मान ऋज्ञात है। इन में एक की जड़ से, दूसरे के शिर पर और दूसरे की जड़ से पहले के शिर पर सूत बाँधने से जो सूतों का संपात होगा, उस से जो लम्ब डाला जाय तो उसका क्या मान होगा ?

किया निर्वाह के जिए बाँसों के मध्य की भूमि को २० इष्ट कल्पना किया और सूतों के मिजने से जो संपात हुआ है उससे जो जम्ब डाजा गया है उस का मान यावत्तावत् १ कल्पना किया। यदि १४ कोटि में २० भुजः तो यावत्तावित्मत कोटि में क्या १ अनुपात से भुज या है याया, इस में पांच का अपवर्तन देने से छोटे बाँस के ओर की आवाधा या दें हुई। यदि १० कोटि में २० भुज, तो जम्बरूप कोटि में क्या १ वड़े वाँस के ओर की आवाधा या २ हुई। इन का समच्छेद से योग या दें हुआ। यह २० के समान है, इसिजये समीकरणार्थ न्यास—

> या ^१० रू ० या ० रू २०

समच्छेद, छेदगम श्रौर समीकरण से यावत्तावत् का मान ६ स्राया, यही लम्ब का मान है। इससे या दूँ। या २ इन में उत्थापन देने से स्रावाधा ८ । १२ हुई।

यहां ऋतुपात करने में यावत्तावनमान को भूमि से गुण कर. उस में ऋलग २ बृहन् ऋौर लघु वंश (वाँस) का भाग देने से ऋावाधाएँ सिद्ध हुई

या. भू १ वृवं १ लवं १

इन का समच्छेद से योग लवं १ या. भृ. खुवं १ हुन्ना

यह भूमि के समान है, इसिजिय समीकरण के लिए न्यास—
या. भू. लवं १ या. भू. वृवं १

लवं. वृवं १

भू १

समच्छेद और छेदगम करने से

या. भू. लवं १ या. भू. ख्वं १ लवं. ख्वं. भू १ भूमि का अपवर्तन देने से—— या. लवं १ या. ख्वं १ लवं. खवं. १

समीकरण से 'वेरवोर्वर्धे योगहतेऽवलम्बः' यह सिद्ध होता है। लवं. बृवं १

या. लवं १ या. वृवं १

यहां भूमि का चाहों जो मान कल्पना किया जाय, पर लम्ब वही आवेगा। जैसा—लम्ब लवं. बृवं १ है, इस को भूमि से गुण कर, बृहत् वंश

का भाग देने से लाई. खुवं. भू १ हुआ । इस में खुहत् वंश का वंयो खुवं. १

श्रपवर्तन देने से छोटी श्रावाधा लवं भू १ हुई। इसी भांति लम्ब वंयो १

लवं. बृवं १ को भूमि मे गुगा कर, उस में लघु-वंश का भाग देने से वंगो १

लवं. वृवं भू १ हुआ। इस में लघुवंश के अपवतन से बड़ी आवाधा वंगो. लवं १

ख्वं. भू १ हुई । इस से 'वंशो स्वयोगेन हतावसीष्टभूष्टों च लम्बो-वंयो १ भयतः छुखएडे' यह पाटीस्थ सूत्र उपपन्न हुआ। इसीलिये, वंशहय योग २४ में आवाधा योग २० आता है, तो हर एक वंशों में क्या ?

इस प्रकार आवाधा आती है। यह अनुपात युक्त है। एकवर्णसमीकरण समाप्न।।

इति द्विवेदोपारूयाचार्यश्रीसम्यूशसादसुत-दुर्गाप्रसादोन्नीते बीजविलामिन्येकवर्णममीकरणं समाप्तम् ॥ दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये भितान्तरे । सवासनाद्य पूर्णाभूदेकवर्णसमीकृतिः ॥ श्रथाव्यक्तवर्गादिसमीकरणम् तच्च 'मध्य-माहरणम्' इति व्यावर्णयन्त्याचार्याः। यतो-ऽत्र वर्गराशावेकस्य मध्यमस्याहरणमिति। तत्र सूत्रं दत्तत्रयम्—

अव्यक्तवर्गादि यदावशेषं
पक्षो तदेष्टेन निहत्य किंचित्।
क्षेप्यं तयोर्येन पदप्रदः स्यादव्यक्तपक्षोऽस्य पदेन भूयः॥ ५६॥
व्यक्तस्य पक्षस्य समक्रियेवमव्यक्तमानं खलु लभ्यते तत्।

मञ्यक्तमान खलु लभ्यत तत्। न निर्वहश्चेद्घनवर्गवर्ग-

प्वेवं तदा ज्ञेयमिटं स्ववुद्ध्या ॥ ६०॥ अव्यक्तमूलर्णगरूपतोऽल्पं

व्यक्तस्य पक्षस्य पदं यदि स्यात्। ऋगं धनं तच्च विधाय साध्य-

मव्यक्तमानं दिविधं कचित्तत् ॥६१॥

पूर्व समशोधना। दना यथेकस्मिन्यच एकजातीयमन्यक्कमेव परपद्मे च न्यक्कपेव भवति तथापवर्तन।।दनोपायेन संपाद्य प्रश्नमङ्ग उक्तः, संप्रति यद्यपवर्तेनापि नथा न भवति तत्र मध्यमाररण्याच्या-मुपायान्तर्गिन्द्रवज्ञापजातिकाभ्यां चाह-स्रव्यक्रवर्गार्द्रात्यादिना। एतानि सूत्राएयाचार्येन्यां ख्यातत्वारपुनर्न न्याख्यायन्ते।

एकवर्ण मध्यमाहरण-

अब जहां उक्त रीति की प्रवृत्ति नहीं होती है, वहां मध्यमाहरख नामक रीनि कहते हैं—समशोधन करने के बाद, यदि एक पत्त में अव्यक्त के वर्गादिक हों और दूसरे पत्त में केवल रूप ही हों, तो दोनों पत्तों को किसी एक इष्ट से गुण वा भाग देना और उन में समान कुछ जोड़ वा घटा देना जिस में अञ्यक पत्त का मूल मिल जाय और दूनरे पत्त का भी मूल मिलेगा, क्यों कि समान पत्तों में समान क योग आदि करने से उन का समत्व नहीं नष्ट होना। इस प्रकार जो भूल मिलेंगे, उन का समिकरण करने से, अञ्यक राशि का व्यक्त मान आवेगा। यदि ऐसा करने से घनवर्ग, धनवर्गवर्ग आदि में मूल न मिले, तो वहां अपनी बुद्धि से अञ्यक राशि का मान लाना चाहिये। विशेष—

यहां जो अव्यक्त पत्त के सूल में अनुगान रूप आर्थे, उन से यदि व्यक्तपत्त के मूल के रूप अल्प हों नो उन को अनुगा-धन यान कर, अव्यक्त गिश का मान सिद्ध करना, इस प्रकार हो प्रकार के मान किसी स्थल में उपपन्न होते हैं।

डपपत्ति-

समान दो एलों के समीकरण करने मे एक एक में अन्यक के वर्ग आदि शेप रहते हैं और दूसरे एक में रूप, तो भी दे दांनों एक तुल्य हैं। अब उनको किसी इप्ट मे गुण वा भाग दें अथवा उन में समान कुछ जोड़ वा घटा दें, तो भी वे दांनों एक तुल्य रहेंगे। उन के जो मूल जिये जाते हैं, वे भी आपस में समान है। फिर एकवर्ण समीकरण के द्वारा अन्यक गिश का व्यक्तमान तिकला है। यदि अन्यक एक के रूप अनुण हों नो व्यक्तपत्तीय भूल के रूप को घन अथवा अनुण मानना चादिये क्यों कि स्वनुले धनर्णे— यह कह चुके हैं। फिर समीकरण करने में संशोध्यम में अन्यक एकिए प्राचीय मूल का अनुण न रूप घन होगा, तो उसका व्यक्तपत्तीय मूल क घनगत रूप के साथ योग करने से पराला अन्यक्तमान अन्यत होगा। इसीमांति व्यक्तपत्तीय मूल के रूप की अन्यक मान अन्यत होगा। इसीमांति व्यक्तपत्तीय मूल के रूप की अन्यक गत रूप करने साथ योग करने से पराला अन्यक्तमान अन्यत होगा। इसीमांति व्यक्तपत्तीय मूल के रूप की अन्य गत रूप करने साथ योग करने से पराला अन्यक्तमान अन्यत होगा। इसीमांति व्यक्तपत्तीय मूल के रूप की अन्या गत

मानने से, उसं का श्रव्यक्तपत्तीय मूल के घनगत रूप के साथ अन्तर करने से शेष धन ही रहेगा । इस प्रकार अध्यक्तराशि का व्यक्तमान द्विविध होता है। अब पत्तों को अव्यक्तवर्गाह से गुण कर पीछ उन का मूल लेंगे तो अध्यक्त वर्गस्थान में अव्यक्तवर्गा ह ही होगा, फिर पत्तों में अव्यक्त के आधे के वर्ग को जोड़ कर। उस का भूल लेंगे तो, अन्यकपत्तीय रूपस्थान में अन्यकाङ्कार्ध होगा । बाद 'कृतिस्य आद्य पदानि नेषां द्वयोर्द्वयोख्याभिहति द्विनिष्ठी शेषात्यज्यत्' इस सूत्र के अनुसार, अन्यक्तवर्गाङ्क और अन्यक्ताङ्कार्घ इन का दूना घात मध्यम-खएड के तुल्य होगा। क्योंकि पहले श्रव्यकाङ्क श्रीर श्रव्यक्तवर्गाङ्क का घात मध्यम-खराड के तुल्य होता रहा है। इस आंति पहले पत्त के मूल मिलने से, दूमरे का भी मूल मिलेगा । परंतु जिस स्थान में अञ्चलाङ्क दो, चार, छः, आठ इत्यादि समाङ्करूप होगा, वहां उसका अर्थ होगा और जहां विष-माङ्क रूप होगा, उस स्थान में ऋषं मित्राङ्क हागा । इसालिये हपायान्तर के लिए श्रीधराचार्य के सूत्रानुसार, चनुर्गुण अन्यक्र-वर्गाङ्क से दोनों पत्तों को गुगा कर अन्यक्त वर्गस्थान में भूज लेने से अञ्यक्तवर्गाङ्क दूना होता है। और रूप स्थान में अञ्यकाङ्कवरी को जोड़ देने से उस का मूल अन्यक्ताङ्क के तुल्य आता है। अव उस के ऋौर द्विगुग्र अञ्चलकवर्गाङ्क के घान को दूना करते हैं, तो चतुर्गीगान अन्यक्तवर्गाङ्क से गुगित अन्यकाङ्क मध्यम-खरह रूप होता है। उसके त्याग करने से, शून्य शेष रहता है। इस आंति श्राव्यक्त पत्त के मूल पिजने से, व्यक्तपत्त का भी मूल मिलेगा। क्योंकि दोनों पत्त तुल्य है, इस से श्रीधर। चार्य का सूत्र भी उपपन्न इमा ।

अत्र श्रीधराचार्यसूत्रम्-'चतुराहतवर्गसमें रूपेः पक्षद्वयं गुणयेत्।

पूर्वाव्यक्रस्य कृतेः समरूपाणि क्षिपेत्तयोरेव॥'

मूलानयनार्थ 'पत्ती तदेष्टेन निहत्य किंचित्त्तेष्यं तयोःइत्युक्तं तत्र केन पत्ती गुणनीयी किंवा तयोः त्तेष्यमिति वालावन्नोधार्य श्रीधराचार्यकृतं सूत्रमवतारयति—चतुराहतवर्गसमिरिति।
चतुर्शुिि तेनाव्यक्तवर्गाङ्केन पत्तद्वयं गुण्येत् गुण्यनात्प्राग्योऽव्यक्ताइत्तद्वर्गतुल्यानि रूपाणि पत्तयोः त्तिपेत् । एवं कृतेऽवश्यमव्यकृपत्तस्य मूलं लभ्यते द्वितीयपत्तस्यः त्येतत्समत्वान्मूलेन भाव्यम्।
एवं सित व्यक्तपत्तस्य यदि मूलं न लभ्यते तदा तत्तिवलमेवेत्यथीतिसद्धम् । अत्र श्रीधराचार्यसूत्रे मूलोपायस्याव्यक्तवर्गाव्यक्तसापत्त्रत्वाद्यत्रैकस्मिन्पत्तेऽव्यक्तवर्गोऽव्यक्तं च भवेत्तत्रैवास्य प्रदृत्तिरन्यत्र तु पदोपायः सुधिया स्वधियावधेसुः

पत्तद्वयस्य वर्गीकरणमन्तरापि सिद्धमूलानयनमकारः सिद्धा-न्तसुन्दरकर्रोज्ञानराजदैवज्ञतन् जेन सूर्येण बाजभाष्ये पदर्शितः स यथा-

त्रव्यक्तवर्गो द्विगुणो विधेय्र श्राव्यक्तमेवं परिकल्प्य रूपम् ।
वर्णाहतोऽन्योद्विगुणश्र रूपवर्णान्वितस्तत्पद्मन्यमूलम् ॥
यथा पत्तौ-

याव २ या ६ रू ०'

अन्यक्तवगिङ्गः २, द्विगुगाः ४, अयं मूलेऽन्यक्नः या ४। अन्यक्तं ६ रूपाणि तेन प्रथमपत्तमूलम् या ४ रू १। अन्यक्त-

पत्तः रू १ = अव्यक्ताङ्क ४ इतः ७२ द्विगुणः १४४ रूप २ वर्ग = १ युतो २२४ मूलम् १४ इदं द्वितीयपत्तमृत्ति। अथ मूलग्रहणविषये मदीया मकारद्वरी—

> अव्यक्तवर्गः खलु यत्र रूपं वर्गाङ्कसंख्या विषमेतरास्ति ।

पत्तद्वये तत्र तदर्भवर्गः

संयोज्यते चेद्यदि निर्हे मूलम् ॥

वर्गाङ्कसंख्या यदि चन्द्रभिन्ना

वर्णाङ्कसंख्या तु समा तदानीम्।

वर्गाङ्कमानेन निहत्य पत्तौ

तत्र ज्ञिपेद्वर्णदलस्य वर्गम् ॥

यथा किल पन्नौ---

याव १ या ६ रू

याव ० या ० रू ५५

इह 'श्रव्यक्तवर्गः खलु यत्र रूपं-' इति प्रथमसूत्रानुसारेण वर्णाङ्कसंख्यार्थवर्ग ६ योजने पत्तो मृलपदी जातौ—

याव १ या ६ रू ६

यथा किलापरी पत्ती-

यांव ३ या ४ रू २

याव ० या ० रू ३६

अत्र 'वर्गाङ्कसंख्या यदि चन्द्रभिन्ना-' इति द्वितीयस्त्रेग पन्नी वर्गाङ्कमानेन ३ संगुर्य तत्र वर्णाङ्कद्खवर्ग ४ प्रतिष्य च जाती मृलपदी पन्नी-

याव ह या १२ रू ४ याव ० या ० रू १२१

प्वं सूत्रद्वयस्यापि तत्र तत्र व्याप्तिरवसेयेति ।

श्राचार ने मूलानयन के लिये 'पन्ती तदेष्टेन निहत्य—' इत्याहि बहुत कुछ कहा, परन्तु पन्तों में क्या जोड़ना चाहिये श्रीर उनको किससे गुर्याना चाहिये, इस बान को सुगमता के साथ दिखलाने के लिये श्रीधगचार्य के सूत्र को लिखा है, उनका यह अर्थ हैं—

पत्तों के मूल लेने के लियं उन को चतुर्ग्यात अव्यक्तवर्गाद्ध से गुणना और गुणन के पहले जो अव्यक्ताद्ध है, उसके वर्ग के तुल्य रूप, उनमें जोड़ देना इस प्रकार अव्यक्त पत्त और दूसरा पत्त, वर्गात्मक हो जायगा, क्योंकि वे दोनों पत्त समान है।

जो सेमीकरणा में, अव्यक्त के वर्ग की संख्या एक (१) हो और अञ्यक्त को संख्या सम अर्थात् २, ४, ६, ८, इत्यादि हों, तो उस में उस सम संख्या के आधे के वर्ग को जोड़ देने सं, पत्त मूलव्द होंगे।

'यदि अव्यक्त के वर्ग की संख्या एक (१) न हो आरे अव्यक्त की संख्या सम हो तो, उसको अव्यक्त के वर्ग की संख्या से गुग्ध देना और उस अव्यक्त संख्या के आधे के वर्ग को जोड़ देना तब पत्नों का भूल मिलेगा।'

यत्र पक्षयोः समशोधने सत्येकिस्मिन्पक्षेऽ-व्यक्षवर्गादिकं स्याद्न्यपक्षे रूपाण्येव तत्र द्वाविप पक्षो केनचिदेकेनेष्टेन तथा गुण्यो भाज्यो वा तथा किंचित्समं क्षेप्यं शोध्यं वा यथाव्यक्षपक्षो मूलदः स्यात् तस्मिन् पक्षे मूलदे इतरपक्षेणार्थान्मूलदेन भवितव्यम्, यतः समो पक्षो । समयोः समयोगादो सम-तैवेत्यतस्तत्पदयोः पुनः समीकरणेनाव्यक्ष-

[.] १ यह उक्त 'खव्यक्तवर्गः-' इन दोनों सूत्रों की व्याख्या है।

स्य मानं स्यात्। श्रथ यद्येवं कृते घनवर्गवर्गा-दिषु सत्सु कथंचिद्वयक्षपक्षमूलाभावात्क्रिया न निर्वहति तदा बुद्धयेवाव्यक्षमानं ज्ञेयम्। यतो बुद्धिरेव पारमार्थिकं बीजम्। श्रथ यद्य-व्यक्षपक्षमूले यानि ऋणरूपाणि तेभ्योऽल्पा-नि व्यक्षपक्षमूलरूपाणि स्युस्तदा तानि धन-गतानि कृत्वाऽव्यक्षमितिः साध्या सा चैव दिधा भवति।

उदाहरणम्-

श्रितिकुलद्लमूलं मालतीं यातमष्टी निखिलनवमभागाश्रालिनी मृङ्गमेकम्। निशि परिमललुब्धं पद्ममध्ये निरुद्धं प्रतिरणतिरणन्तं ब्रुहिकान्तेऽलिसंख्याम्६२

श्रत्रालिकुलप्रमाणं याव २ एतर्धमूलं याव १ निखिलनवमभागा श्रष्टो याव क्ष मूलभागेक्यं दृष्टालियुगलयुतं राशिसमिति पक्षो समच्छेदीकृत्य छेदगमे न्यासः।

> याव १८ या० रू० याव १६ या० रू १८

शोधने कृते जाती पक्षी याव २ या ६ रू ० याव ० या० रू १८

एतावष्टाभिः संगुण्य तथोरेकाशीतिरू-पाणि प्रक्षिप्य मूले गृहीत्वा तयोः साम्यकर-णार्थ न्यासः।

> या ४ रू हे या ० रू १५

प्राग्वल्लव्धं यावत्तावन्मानं ६ ऋस्य वर्गे-गोत्थापिता जातालिसंख्या ७२ ।

अथात्र शिष्यवुद्धिपसारार्थे विविधान्युदाहरणानि निरूपय-नेकपुदाहरणं मालिन्याह—अलीति । न्यारूयातोऽयं लीलावती-न्यारूयाने ।

चदाहरया--

किसी अनरों के समूह के अधि का मूल, मालनी को गया और आठ से गुणिन संपूर्ण का नवाँ भाग भी, मालनी को चला गया। गित्र में सुगन्ध के वश होकर, कमल के कोश में उनके और गुंजार करते हुए एक अमर के प्रति, अमरी गूँज रही है, नो बतलाओं अमरों की क्या संख्या है ?

यहां श्रमरों के समूह का मान 'याव २' कल्पना किया, इसके आधे का मूल या १ हुआ, और गाशि याव २ का आठ-नवमांश याव १६ हुआ, दृश्य दो श्रमर हैं । इनका समच्छेद करके योग ृथाव १६ या ६ रू १८ हुन्त्रा, यह राशि के समान है, इसिनिये समीकरया के क्रिए न्यास—

याव १६ या १ रू १=

3

यावं २ या ० रू ० समच्छेद ऋौर द्वेदगम करने से— याव १६ या ६ रू १८ याव १८ या ० रू ०

ममीकरण करने से शेष रहे-

याव ० या ० रू १=

यहां अञ्यक्तवर्गाङ्क २ को ४ से गुगाने से ८ हुए, इन से दोनों पत्तों को गुगा कर, उन में अञ्यकाङ्क ६ के वर्ग ८१ के तुल्य रूप जोड़ देने से पत्त मूलप्रद हुए—

याव १६ या ७ रे रू = १ याव ० या ० रू २२५

इनके मूल मिले—

या ४ रू हैं या ० रू १४

फिर समीकरण से यावत्तावत् का मान ६ आया। इसके वर्ग से राशि में उत्थापन देने से, भ्रमरों की संख्या ७२ हुई।

त्रालाप—७२ इसके त्राधे ३६ का मूल ६ त्राया। त्रौर संपूर्ण गाशे का त्रष्टगुणित नवमांश ८४८=६४ हुन्ना। टश्य २ है। इन ६।६४।२ का योग संपूर्ण गाशे ७२ है।

उदाहरणम्-

पार्थः कर्णवधाय मार्गणगणं कुद्दो रणे संद्धे तस्यार्धेन निवार्य तच्छरगणं मूलैश्चतुर्भिर्हयान

शल्यंषड्भिरथेषुभिस्त्रिभिरिषच्छत्रंध्वजंकार्मुकं चिच्छेदास्यशिरःशरेगाकतितेयानर्जुनःसंदधे॥

श्रित्र बाणसंख्या याव १। श्रस्यार्ध याव ६। मूलानि या ४ व्यक्तमार्गणगणं रू १० एषा-मैक्यमस्य याव १ समंकृत्वा लब्धयावत्ताव-न्मानेन१ ॰ उत्थापिता जाता बाणसंख्या १००

अथोदाहरणान्तरं शार्द् लिविक्रीहितेनाह्-पार्थ इति । ज्या-ख्यातोऽयं लीलावतीविष्टतौ ।

उदाहर्या-

कर्या को मारने के लिए अर्जुन ने जो बागा लिये थे, डून के आधे से कर्या के बागों को रोका और उन बागों के चौगुने मूल से उसके घोड़ों को रोका, छ: बागा से शस्य नामक साराथ को आच्छादित किया, तीन बागों से छत्र, ध्वत और धनुष को काटा, एक बागा से कर्या का शिर काटा, तो कही अर्जुन के पास किनने बागा थे?

यहां बाग्रसंख्या याव १ कल्पना कां, इसका आधा याव रें हुआ, गशि का मूल चतुर्गुगा या ४ हुआ, दश्य १० है, इन का योग याव १ या द रु २०, यह गाशि 'याव १' के समान है।

इसिलिये समीकर्या के लिए न्यास-

याव १ या 🖛 २०

याव १

समच्छेद श्रीर छेदगम करने से— याव १ या = रू २० याव २ या ० रू ०

समशोधन करने से-

याव १ या दं रू ० याव ० या ० रू २०

'अञ्चलवर्गः—' इस सूत्र के अनुसःर पत्त मूलप्रद हुए— याव १ या दं रू १६ याव ० या ० रू ३६

इनके मूल आये--

या १ रू ४ या ० रू ६

समीकरणा से यावत्तावत का मान १० स्त्राया। इस से याव १ इस में उत्थापन देने से बागासंख्या १०० हुई।

आलाप र०० इसका आधा ४० हुआ, फिर उस राशि का सूज चतुर्गुया १०४४=४० हुआ, और दृश्य १० है, इन का योग. करने से १०० होता है।

उदाहरणम्—

व्येकस्य गच्छस्य दलं किलादि-रादेर्दलं तत्प्रचयः फलं च । चयादिगच्छाभिहातेः स्वसप्त-भागाधिका ब्रुहि चयादिगच्छान्॥६४॥

श्रत्र गच्छः या ४ रू १ । श्रादिः या २ । चयः या १ एषां घातः स्वसप्तमागाधिकः याघ द्व याव द्व फलामिदं 'व्येकपद्व्रचय—' इति श्रेढीगणितस्यास्य याघ ८ याव १० या २, समामिति पक्षों यावत्तावतापवर्त्य सम-

च्छेदीकृत्य छेदगमे शोधने च कृते जाती पक्षी याव = या ५४ रू ० याव ० या ० रू १४

एतयोरष्टगुणयोः सप्तविंशतिवर्ग ७२६ युतयोर्मूले

> या ८ रू २७ या ० रू २६

पुनरनयोः समीकरणेनाप्तयावत्तावन्मानेन ७ उत्थापिता ऋाद्युत्तरगच्छाः १४।७। २६।

अथोदाहरणान्तरमुपजातिकयाह-व्येकस्येति । यत्र व्येकस्य एकेन हीनस्य गच्छस्य दलमर्थमादिः, आदेर्दलं प्रचयः, स्वस्य सप्तमभागेनाधिका चयादिगच्छाभिहतिः फलं वर्तते तत्र चयादि-गच्छान् ब्रुहि ।

उदाहरया-

जहां एकोन गच्छ का त्राधा त्रादि है, त्रादि का त्राधा चय है त्रीर त्रपने सातवें भाग से त्रधिक चय, त्रादि त्रीर गच्छ का धात फल है, वहां पर चय, त्रादि त्रीर गच्छ क्या होगा ?

गच्छ का मान या १ कल्पना किया, एक से घटा हुआ इसका आधा आदि आदि या १ क १ हुआ, आदि का आधा चय या १ क १ हुआ, अब 'न्येकपद्वचयो मुख्युक् स्यान्—' इस सूत्र के अनुसार फल का आनयन करते हैं—न्येकपद या १ क १ से चय

को गुणने से नाव १ या रे रू १ हुआ, इस में आहि या १ रू १ को समच्छेद से जोड़ने पर अन्त्य धनः याव १ या ० रू १ इसमें अपादि या १ रू रै जोड़ने से याव १ या २ रू है हुआ, इस का आधा करने से मध्य धन= याव १ या २ रू ई हुआ । अब मध्य घन को गच्छ या १ से गुगाने से श्रेडीफल == याघ १ याव २ या ३ हुआ ।

चय = या १ रू १ । आदि = या १ रू १ । अविद्या १ इन का घात याघ १ याव २ या १ हुआ, अब इस को इसी के सातवें भाग

याघ १ याव रें या १ से समच्छेद करके युक्त करने से याघ ⊏ याव १ ईंगा ⊏

हुआ। इसमें द्रका अपवर्तन देने से यात्र श्याव रे या १ यह अरेर श्रेढी फल समान है, इसलिये समाकरण के जिए न्यास-याघ १ यात्र २ या ३

्याघ १ याव रेया १ o the diff y sip sp by

समच्छेद श्रीर छेदगम करने से-याघ ७ याव १४ या २१ याघ = याव १६ या = यावत्तावत् का भ्रयवर्तन देने से— याव ७ या १४ क्र २१ याव ८ या १६ क्र ८

समीकरण करने से-

याव ० या ० रह रेह

'अञ्चलवर्गः—' इस सूत्र के च्यतुसार १४ का वर्ग जोड़ देने से पद्म मूलप्रद हुए—-

> याव ० या ० रू १६६ याव १ या ३० रू २२४

इनके मूल आये---

या ० रू १४

समशोधन से यावत्तावत् का मान २६ त्राया । इससे था १। या १ रू १ या १ रू १ इन में चस्थापन देने से, राच्छ २६

अपादि १४ और चय ७ हुआ। यहां आचार्य ने लाघव के लिये रूपाधिक यावत्तावन् चार गच्छ कल्पना किया, या ४ रू १। फिर उक्तरीति से आदि और चय हुआ या २। या १। इन का

घात याघ द याव २ हुआ। यह अपने सातर्वे भाग याच द याघ २

से युक्त करने से याव ६४ याव १६ हुआ। यह फक्त के समान ए हैं, इसिलिये उक्तरीति से फिल लाने हैं — ब्येक पर या ४ से चय या १ की गुगाने से याव ४ हुआ। इस में मुख बा २ जोड़ने से अन्तर्य भन याव ४ या २ हुआ। इस में मुख जोड़ कर, आधा करने से मध्य भन याव २ या २ हुआ। इन को पर या ४ क १ से गुगाने से अढीफ न याव ६ याव १० या २ हुआ। यह पूर्वीनीत फक्त के तुल्य है, इसिकिये समीकरण के जिल न्यास—

याघ ६४ याव १६ या ०

याघ द याव १० या २ यावत्तावत् का अपवर्धन देने से— याव ६४ या १६ रू०

9

याव द्र या १० रू २ समच्छेद, छेदगम और समशोधन करने से---

> याव द्र या ५४ रू० याव ० या ० रू १४

'वर्गाङ्कसंख्या यदि चन्द्रभिन्ना—-' इस सूत्र के ज्ञानुसार पत्ती को द से गुगा कर उन में अञ्चयकाङ्क ४४ के ज्ञाने २७ के वर्म को जोड़ देने से मूल मिले—-

> या = रू २७ या ० रू २६

फिर समीकरण से यावत्तावत् का मान ७ आया। इस से छत्था-पन देने से आदि, उत्तर और गच्छ हुआ १४। ७। २१।

श्रालाप—यहां गच्छ २६ हैं. इसमें १ घटाने से २ प्र शेष ग्रहा, इसका श्राधा १४ श्रादि है। श्रादि १४ का श्राधा ७ चय है। इन सब का घात २ ८४२ हुआ, इस में इसी का सातवां भाग ४०६ जोड़ने से ३२४ प्र हुआ, यह श्रेडी फल के समान है।

एकोन पद २ द से गुणित चय १६६ में मुख १४ जोड़ने से श्रान्त घन २१० हुआ। इस में मुख जोड़ कर आधा करने से, मध्य धन ११२ हुआ। इसको पद २६ से गुणा देने से अदीफल ३२४ द हुआ। यह पूर्वानीत फल के समान है।

उदाहरणम्— कः खेन विह्नतो राशिः कोट्या युक्तोऽथ वोनितः।

वर्गितः स्वपदेनाद्यः खगुणो नवतिर्भवेत् ६५ श्रत्र राशिः या १। श्रयं खहतः या ६। श्रयं कोट्या युक्त ऊनितो वाऽविकृत् एव ख-हरत्वात्। श्रथायं थाई वर्गितः यावई स्वपदेन या ई युक्तः याव १ या १ श्रयं खगुणो जातः याव १ या १ गुणहरयोस्तुल्यत्वेन नाशात्। श्रथायं नवतिसम इति समशोधने पक्षो च-तुर्भिः संगुण्य रूपं प्रक्षिप्य प्राग्वजातो राशिः ६॥

अथान्यदुदाहररामनुष्टुभाह—क इति । को राशिः खेन वि-हृतः, कोट्या युक्तः अथवा ऊनिनः, वर्गितः, स्वस्य पदेन मूलेन आद्यो युक्तः, पश्चात् खगुगाः सन् नवनिर्भवनि । 'तं वद' इति शेषः ॥

'श्राद्ययुक्तो नवोनितः' इति पाठे तु राशिः या १ अयं खहतः या ई श्रस्य खहरत्वं क-लिपतमेव, श्राद्येन या १ युक्तो जातः या २ नवोनितः 'या २ रू ६' वर्गितः याव ४ या ३६ं रू ८१ स्वपदेन या २ रू ६ युतः याव ४ या ३४ं रू ७२ श्रयं शून्यगुणो नवतिसम इति शून्येन गुणाने प्राप्ते 'शून्ये गुणके जाते खं हारश्चेत्—' इति पूर्वे शून्यो हर इदानीं गुणस्तस्मादुभयोग्णहरयोनीशः एवं पक्षी

याव ४ या ३४ं रू ७२ याव ० या ० रू ६० समशोधनात्पक्षशेषे याव ४ या ३४ं रू ० याव ० या ० रू १८

एतौ पक्षो षोडशिमः संगुण्य चतुर्स्तिश-दर्गतुल्यानि रूपाणि प्रक्षिप्य मूले गृहीत्वा पक्षयोः शोधनार्थं न्यासः ।

या ८ रू ३४ या ० रू ३८ उक्तवज्ञातो राशिः ६ ।

श्रियंवा 'श्राच्युक्तोऽथ वोनितः' इति पाठे तु.राशिः या १ खहतः या ई श्राचेन या १ युक्तोनीकरणाय खहरत्वात्समच्छेदीकरणेन शून्येनेव युक्तोनितः स एव या ई वर्गितः यावई स्वपदेनाढ्यः याव ई या ई श्रयं खगुणः।

१ अयं कोष्ठान्तर्गतः पाठो मुद्रितपुस्तके । CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi **४०**llection. Digitized by eGangotri

पूर्व खहरत्वाद्गुणहरयोनीशे कृते जातः याव १ या १ अयं नवतिसम इति समशोध-नाय न्यासः।

याव १ या १ रू ० याव ० या ० रू ६० समशोधने कृते पक्षाविमी चतुर्भिः संगु-ग्यैकं क्षिप्त्वा मूले

या २ रू १

अत्र समशोधनाजातः प्राग्वद्राशिः ६॥

बदाहरया-

वह कौन राशि है, जिसमें शून्य का भाग देकर कोटि संख्या जोड़ वा घटा देते हैं, फिर वर्ग करके उस में उसी का मूल जोड़ देते हैं और शून्य से गुण देते हैं, तो नब्बे होता है।

कल्पना किया या १ राशि है, इस में शून्य ० का भाग देने से या है हुआ, फिर १०००००० कोटि को समच्छेद पूर्वक जोड़ने वा घटाने से राशि ज्यों का त्यों रहा या है, इस का वर्ग यात है हुआ, इस में इसी का मूल या है जोड़ देने से यात १ या १ हुआ, इस को शून्य से गुणाना है, तो 'खगुणिश्चन्त्यश्च शेषविधौ—' इस पाटीस्थ सूत्र के अनुसार यात १४० या १४० हुआ, अब यहां ०

तुल्यता के कारण, शून्य गुणक श्रौर हर को उड़ा देने से, याव १ या १ हुआ। यह नब्बे के समान है, इसिजये समीकरणार्थ न्यास—— याव १ या १ रू ० याव ० या ० रू ६०

पत्तों को ४ से गुया कर, उन में १ जोड़ कर मूल लेने से-

या ० रू १६ या २ रू. १

समीकरण से यावत्तावत् का मान ह आया, यही राशि है।। उदाहरणम्—

कः स्वार्धसहितो राशिः खगुणो वर्गितो युतः । स्वपदाभ्यांखभक्तश्च जातःपञ्चदशोच्यताम्६६

अत्र राशिः या १ अयं स्वार्धयुक्तः या है खगुणः खं न कार्यः किंतु खगुणिश्चन्त्यः शेष-विधो कर्तव्येया है वर्गितः याव है स्वपदाभ्यां है

युतो जातः याव ६ या १२ अयं खभक्तः अ-

त्रापि प्राग्वद्गुणहरयोस्तुल्यत्वान्नारो कृते-ऽविकृतो राशिः तं च पञ्चदशसमं कृत्वा सम-च्छेदीकृत्य छेदगमे शोधनाजातो पक्षो

याव ६ या १२ रू ० याव ० या ० रू ६०

एती चतुर्युती कृत्वा मूले गृहीत्वा पुनः

समशोधनाञ्चब्धं यावत्तावन्मानम् २ । तथा चारमत्पाटीगणिते—

'खहरः स्यात्खगुणः खं खगुणिश्चन्त्यश्च शेषविधो॥ शून्ये गुणके जाते खं हारश्चेत्पुनस्तदा राशिः। स्रविकृत एव ज्ञेयः— सर्वत्रैवं विपश्चिद्धिः॥

अथान्यदुदाहरणमनुष्टुभाह—क इति। को राशिः स्वकीयार्धेन सिहतः खगुणो वर्गितः स्वपदाभ्यां युतः स्वस्य द्विगुणमूलेन सिहत इत्यर्थः। खेन भक्तः एवं कृते पश्चद्श जातः संपन्नः, भवता उच्यतां कथ्यताम्।।

उदाहर्या-

वह कौन राशि है, जिस को अपने आघे से युक्त करके, शून्य से गुगा देते हैं और उस के वर्ग में उसी का दूना मूज जोड़ कर, शून्य का भाग देने से पन्द्रह होता है।

कल्पना किया कि या १ राशि है, इस को अपने आधे या है से युक्त किया या है हुआ। अब इस को शून्य से गुणना है ता 'खगुणाश्चिन्त्यश्च शेषविधी' के अनुसार, या रे ४ ० हुआ। इसके

वर्ग यात्र ह में इसी का दूना मूल या रे ४ २ समच्छेद करके

जोड़ने से याव १ या १२ हुआ इस में शून्य का भाग देना है, तो

पुरुष गुण्क और हार को उड़ा देने से अविकृत ही रहा याव ह या १२ -४ यह १४ के समान है, इसिजिये समीकरण के लिए न्यास— याव ह या १२

8

क् १४

समच्छेद ऋौर छेदगम करने से— याव १ या १२ रू ० याव ० या ० रू ६०

पत्तों को चार से गुण कर, उन में रूप सोलह नोड़ने से मूज-प्रद हुए—

> याव ३६ या ४ = रू १६ याव ० या ० रू २ ४ ६

श्रथवा 'वर्गाङ्कसंख्या यदि चन्द्रभिन्ना ' इस सूत्र के श्रानुसार पत्तों को वर्गाङ्क ६ से गुण कर, उन में वर्गाङ्क १२ के श्राचे ६ का वर्ग ३६ जोड़ने से मूलप्रद हुए—

> याव = १ या १० = रू ३६ याव ० या० रू ५७६

मूल आये —

या ० रू १६

या ६ रू ई

या ० रू २४

दोनों स्थानों में समीकरण से यावत्तावत् का मान २ आया ॥

उदाहरणम्— राशिद्यदिशनिघ्रो

राशिघनाट्यश्च कः समा यस्य।

राशिकृतिः षड्गुणिता पञ्चत्रिंशसुता विद्वन् ॥ ६७॥

अत्र राशिः या १ अयं हादशगुणितो राशि-घना ज्यश्च याघ १ या १२ अयं याव ६ रू ३५ सम इति शोधने कृते जातमाद्यपक्षे याघ १ याव ६ या १२ अन्यपक्षे रू ३५

अनयोः ऋगरूपाष्टकं प्रक्षिप्य घनमूले या १ रू र् या ० रू ३

पुनरनयोः समीकरणेन जातो राशिः ५।

अथान्यदुदाहरणमार्ययाह-राशिरिति । हे विद्वन् ! को राशि-द्वादशगुणो राशियनेन युक्तो यस्य समा षड्गुणिता पश्चित्रंशधुता राशिकृतिः स्यात् ।

उदाहरण--

वह कौन सी राशि है, जिस को बारह से गुगा कर, राशि का घन जोड़ देते हैं, तो पैतीस से जुड़ा हुआ पड्गुगित राशि के वर्ग के समान होता है।

कल्पना किया या १ राशि है, इस को बारह से गुण कर राशि का धन जोड़ा याघ१ या १२ हुआ, यह पैतीस से जुड़े पड्गुणित राशि के वर्ग के समान है, इसिजये समीकरण के जिये न्यास—

याघ १ याव ० या १२ **रू** ० याघ ० याव ६ या ० **रू** ३४ समशोधन करने से— याघ १ याव ६ या १२ रू ० याघ ० याव ० या ० रू ३४

पन्तों में = घटाने से--

याघ १ याव ६ या १२ रू दं याघ ० याव ० या ० रू २७

इन का घनमूल लेना चाहिये तो पहले पत्त में प्रथमखराड याघ १ का घनमूल या १ आया, इस के तिगुने वर्ग याव ३ का, उस के आदि याव ६ में भाग देने से रू रें लिटिंघ मिली। इस का वर्ग ४ अन्त्य या १ से गुणित या ४ हुआ, फिर तीन से गुणित या १२ को इसके आदि या १२ में घटा दिया और जन्ध रू रें के घन रू में घटा दिया, तब नि:शेष हुआ और घनमूल या १ रू रें मिला। दूसरे पत्त का घनमूल रू ३ आया। इन का समी-करण के लिये न्यास—

या १ रू २

समीकरण से यावत्तावत् का मान ५ स्त्राया, यह द्वादशगुणित ६० राशिघन १२५ से जुड़ा १०५ पड्गुणित तथा पैतीस से जुड़े राशि ५ के वर्ग के समान है।

उदाहरणम्-

को राशिर्द्विशतीक्षुण्णो राशिवर्गयुतो हतः६८ द्वाभ्यां तेनोनितो राशिवर्गवर्गीऽयुतं भवेत्। रूपोनं वदं तं राशिं वेत्सि बीजिक्रयां यदि६६

अत्र राशिःया १ । द्विशतीक्षुएएः या २००। राशिवर्गयुतो जातः याव १ या २०० अयं द्वाभ्यां गुणितः याव २ या ४०० अनेनायं राशिवर्गवर्ग ऊनितो जातः 'यावव १ याव २ या ४००' ऋयं रूपोनायुतसम इति समशो-धने कृते जातो पक्षो।

यावव १ याव २ या ४०० रू० यावव ० याव ० या ० रू ६६६६

श्रत्राचपक्षे किल यावत्ताव बतुःशतीं रूपा-धिकां प्रक्षिप्य मूलं लभ्यते परं तावति क्षिप्ते नान्यपक्षस्य मूलमस्ति। एवं कियान निर्वहति श्रतोत्र स्वबुद्धिः। इह पक्षयोर्यावत्तावहर्गचतु-ष्ट्रयं यावत्ताव बतुःशतीं रूपं च प्रक्षिप्य मूले

> याव १ रू १ या २ रू १००

पुनरनयोः समीकरगोन प्राग्वल्लब्धं यावता-वन्मानं ११ इत्यादि बुद्धिमता ज्ञेयम् ।

अथान्यदुदाहरणं साधीनुष्टुभाह—को राशिरिति। हे गणक! को राशिः द्विशत्या शतद्वयेन चुएणो राशेवेशेण युतः द्वाभ्यां हतः सन् यत्किचिज्ञायते तेन अनितो राशेवेशेवशों रूपोनमयुतं भवेत, तं राशि वद यदि त्वं वीजिक्षयां वेत्सि।

उदाहरण--

वह कौन राशि है, जिस को दो सौ से गुण कर, राशि का वर्ग जोड़ देते हैं, फिर दो से गुण कर, उस को राशि के वर्गवर्ग में घटा देते हैं, तो एकोन ऋयुत होता है। यहां राशि यावत्तावन् १ कल्पना किया, उसको २०० से गुगा कर राशि वर्ग जोड़ देने से याव १ या २०० हुआ, अब इसको दूना करने से यात्र २ या ४०० हुआ, इस को राशि के वर्गवर्ग में घटा देने से, यावत्र १ यात्र रे या ४०० हुआ, यह एकोन अधुत के तुल्य हैं—

> यानव १ याव २ या ४०० रू ० यानव ० शान ० या ० रू ६ ६ ६ ६

समशोधन से पद्म थथास्तिन रहे। आत्र इन में यावनावद्वर्ग चार और एकाधिक यावनावत् चारसौ जोड़ देने से हुए—

> यावत १ याव २ या ० क् १ यावव ० याव ४ या ४००क १००००

इनके मूज मिले— यात्र १ रू. १ या २ रू. १००

फिंग्समशोधन करने से हुए— याव १ या २ याव ० २६ ६६

इन में १ जोड़ देने से—— याव १ या २ **रू १** याव ० या ० **रू** १००

इनके मूल आये-

या १ रू १

स्मीकर्ण से यावत्तावत् का मान ११ मिला।

त्राकाप—राशि ११ है, २०० से गुण देने से २२०० हुन्ना। इस में राशि ११ का वर्ग १२१ जोड़ने से २३२१ हुन्ना। इस को २ से गुण देने से ४६४२ हुन्ना। त्रात्र इस को राशि ११ के वर्ग १२१ वर्ग १४६४१ में घटा देने से ६६६६ एकोन-न्न्रयुत होता है, यही प्रश्न था।

उदाहरणम्— वनान्तराले प्रवगाष्ट्रभागः संवर्गितो वल्गति जातरागः। ब्रूत्कारनादप्रतिनादहृष्टा दृष्टा गिरौ द्वादश ते कियन्तः॥ ७०॥ अत्र किपयूर्थं यावत्तावत् १ अस्याष्टांश-वर्गो द्वादशयुतो यूथसम इति पक्षो याव द्वा या ० रू ७६ ८ याव ० या ९ रू ०

अनयोः समच्छेदीकृत्य छेदगमे शोधने च कृते जातो पक्षी

याव १ या ६ १ रू ० याव ० या ० रू ७६८ इह पक्षयोद्यीत्रंशद्वर्ग प्रक्षिप्य मूले या १ रू ३२ या ० रू १६

अत्राव्यक्तपक्षर्णरूपेभ्योऽल्पानिव्यक्तपक्ष-रूपाणि सन्ति तानि धनमृणं च कृत्वा लब्धं द्विविधं यावत्तावन्मानम् ४८। १६ श्रथ 'श्रव्यक्तमूलर्णगरूपतोऽल्पं-' इत्यस्य सूत्रस्योदाहरणयुपजातिकयाह-वनान्तराल इति । वनान्तरालेवनमध्ये सवगानां
वानराणामष्टभागोऽष्टमांशो वर्गितो जातरागः सन् वल्गति, संजातरागोद्रेकतया शब्दं करोतीत्यर्थः। 'वृत्' इति तन्नादानुकृतिः,
ब्र्त्काररूपो यो नादः शब्दस्तस्य यः मतिनादः मतिशब्दस्ताभ्यां
हृष्टाः द्वादश वानराः गिरौ शैले दृष्टाः, एवं ते वानराः कियन्त
इत्यमिधीयताम् ।

उदाहर्या--

किसी जङ्गल में वानरों का त्र्याठवां भागवर्ग किया हुत्र्या सानन्द कीड़ा कर रहा है त्र्यौर वहीं एक पर्वत पर बारह वानर त्र्यापस में, किलकार कर रहे हैं तो कहो वे कितने हैं ?

कल्पना किया या १ वानरों का मान है, इस का आठवां भागया है वर्ग करने से याव १ हुआ, इसमें १२ जोड़ देने से याव १ रू ७ ६ प्र हुआ, यह वानरों के यूथ के समान है, इसिंक समीकरण के लिये न्यास—

याव १ स ७६ = ६४

या १

समच्छेद ऋौँग छेदगम करने से—— यात १ या ० रू ७६ प यात ० या ६४ रू ०

समशोधन करने से—

याव १ या ६ ४ रू ०

याव ० या ० रू ७६ दं
इन में ३२ के वर्ग १०२४ को जोड़ देने से—

याव १ या ६**४ं रू** १०२४ याव ० या ० रू २५६

इन के मूल न्याये—

या १ रू ३२

यहां अव्यक्तपत्तीय भृगागत ३ रे रूप से व्यक्तपत्तीय धनगत १६ रूप अल्प है, इसिलये 'अव्यक्तपत्तर्यागरूपतोऽल्पं——'इस सूत्र के अनुसार व्यक्तपत्त का द्विविध मूल आया—

कार के एक्स निकी

या १ रू दै २ या ० रू १ ६ या १ रू ३ २ या ० रू १ ६

इन के समीकरण करने से द्विविध यावत्तावन का मान ४८।१६ स्त्राया।

आजाप—- ४८ राशि है, इस के आठवें भाग ६ के वर्ग ३६ में १२ जोड़ देने से राशि होती है। इसी भांति १६ राशि है, इस के आठवें भाग २ के वर्ग ४ में १२ जोड़ देने से वही राशि होती है। उदाहरणम्—

यूथात्पञ्चांशकस्च्यूनो वर्गितो गह्नरं गतः।
दृष्टः शाखामगः शाखामारूढो वद् ते कति ७१

श्रत्र यूथप्रमाणं यावतावत् १ श्रत्र पञ्चांश-कस्त्रयूनः या ई रू हुई वर्गितः याव ई या हुई रू हुई एतदृष्टेन युतो याव ई या हुई रू हुई यूथ-सम इति समच्छेदीकृत्य छेदगमे शोधने च कृते जातो पक्षो

याव १ या ५५ रू ० याव ० या० रू २५०

चतुर्भिः संगुग्य पञ्चपञ्चाशद्वर्गे ३०२५ प्रक्षिप्य मूले

या २ रू ५५

अत्रापि प्राग्वल्लब्धं हिविधं यावत्तावन्मा-नम् ५०।५ हितीयमत्र न याह्यमनुपपन्नत्वात् नहि व्यक्ते ऋणगते लोकस्य प्रतीतिरस्तीति।

श्रथ द्रिधा मानस्य काचित्कत्वभद्शीन। श्रेमुद्दाहरणह्रयमनुष्टुव् द्रयेनाभिद्दितं तत्र प्रथमं यथा—य्थादिति । य्थात् वानराणां कुलात् पश्चांशकः पश्चमो भागः त्रिभिरूनो वर्गितः गहरं पर्वत-गुहां गतः । एकः शाखामृगो मर्कटः कस्यचित्पादपम्य शाखा-मारूढो दृष्टः । एवं ते कतीति वद । वाक्यार्थः कमे ।।

उदाहरगा--

वानरों के मुंड मे पाँचवां भाग तीन से घटा हुआ तथा वर्गित किसी पर्वत की कन्दरा को चला गया और एक वानर वृत्त की डाल पर बैठा हुआ देखा गया तो वतलाओं वे कितने वानर हैं।

कल्पना किया यूथ (फुंड) का मान या १ है, इस का पांचवां भाग या १ इस में ३ घटा देने से या १ रू १ थे शेष रहा, इस का वर्ग प्र

यावश्या ३० रू २ ४ हुआ, इसमें इष्टर जोड़ देनेसे यावश्या ३० रू २४

हुआ। यह यूथ के तुल्य है, इसलिये समीकर्ग के लिये न्यास--

याव १ या २० रू २४०

24

या १ समच्छेद और छेदगम करने से— याव १ या ३० रू २४० याव ० या २४ रू ०

> समशोधन करने से— याव १ या ५ १ रू ० याव ० या ० रू २५०

चार से गुगा कर, ४४ के वर्ग ३०२४ को जोड़ने से— याव ४ या २२० रू ३०२४ याव ० या ० रू २०२४

इन के मूल ऋाये --या २ रू ५५ं या० रू. ४५

यहां पर भी अञ्यक्तपत्तीय अगुगानत ४५ रूप से व्यक्तपत्तीय धनगत ४४ रूप अल्प हैं, इसलिये इन का द्विविध मूल आया——

> या २ रू ५५ या ० रू ४५ या २ रू ५५ या ० रू ४५

इन पर से समीकरण द्वारा, विद्विध यावत्तावन्मान ४०। ४ मिला। परन्तु यहां दूसरा मान ४ अनुपपन्न है, क्योंकि उसका पाँचवां भाग १ है यह तीन से ऊन नहीं होना। इसिलये लोक-प्रतीत्यर्थ दूसरा मान ४० लेना उचिन है। स्त्रव इसका पाँचवां भाग १० है, इसमें ३ घटा देने से ७ शेष रहा, इस का वर्ग ४६ हुआ इस में १ दृश्य जोड़ देने से ४० हुआ, यह राशि के समान है। श्रीर यदि यहां पर——

'पञ्चांशस्त्रिच्युतो यूथाद्वर्गितो गह्वरं गत: । दृष्टः शाखासृगः शाखामारूढो वद् ते काते ॥'

ऐसा प्रश्न हो तो दूसरा ही मान उपपन्न होता है। जैसा—पूर्वानीत दूसरा मान ४ है, इस का पांचवां भाग १ को ३ में घटा दिया तो २ शेष रहा, इस का वर्ग ४ हुआ, इस में दृश्य १ जोड़ने से ४ हुआ यही राशि है। और पहला मान अनुपपन्न होता है। जैसा—पूर्वानीत पहला मान ४० है इस का पांचवां भाग १० यह तीन में नहीं घटता। परन्तु ऐसे स्थल में भी आजाप मिलता है किन्तु लोकप्रतीति नहीं होती। इसी अभिप्राय से आचार्य ने 'अव्यक्तमानं द्विविधं कचित्तत्' यह कहा हैं।।

उदाहर्णम्-

कर्णस्य त्रिलवेनोना हादशाङ्गुलशङ्कुभा। चतुर्दशाङ्गुला जाता गणक ब्रुहि तां हुतम्७२

श्रव छाया या १ इयं कर्ण ज्यंशोना चतुर्द-शाङ्गुला जाता श्रतो वैपरीत्येनास्याश्चतु-र्दश विशोध्य शेषं कर्ण ज्यंशः या १ रू १५ श्रयं त्रिगुणो जातः कर्णः या ३ रू ४२ं श्रस्य वर्गः याव ६ या २५२ रू १७६४ कर्णवर्गे-णानेन याव १ रू १४४ सम इति समशोधने कृते जातौ पक्षो

याव ८ या २५२ रू० याव ० या ० रू १६२० एतौ पक्षौ द्राभ्यां संगुर्य ऋगत्रिषष्टिवर्ग प्रक्षिप्य मूले

या ४ रू ६३

पक्षयोः पुनः सभीकरणं कृत्वा प्राग्वल्लां हिविधंयावत्तावन्मानम् इश्रेष्ट उत्थापिते छाये च इश्रेष्ट हिविधंयावत्तावन्मानम् इश्रेष्ट उत्थापिते छाये च इश्रेष्ट हितीयच्छाया चतुर्दशभ्यो न्यूनाऽतोऽन्तुपपन्नत्वान्न याह्या। अत उक्तं 'द्विविधं क्वन्वत्न्' इति।

श्रत्र पद्मनाभवीजे— 'व्यक्तपक्षस्य चेन्मूल-मन्यपक्षर्णरूपतः। श्रत्पं धनर्णगं कृत्वा द्विविधोत्पद्यते मितिः॥'

इति यत्परिभाषितं तस्य व्यभिचारोऽयम्।

द्वितीयमुदाहरणं यथा—कर्शस्येति । हे गणक, द्वादशाङ्गुल-शङ्कुः कोटिः द्वायाभुनः, द्वायाकर्णः कर्णः इति जात्यन्तेत्रं सुमसिद्धम् । तत्र कर्शस्य त्रिलवेन त्र्यंशेन द्वादशाङ्गुलशङ्को-श्वाया हीना सती यदि चतुर्दशाङ्गुला भवति तदा तां द्वादशा-ङगुलशङ्कुच्छ।यां दुतं वद ।। उदाहरया-

छाया भुज, द्वादशाङ्गुल शङ्कु कोटि, छायाकर्ण कर्ण यह जात्य चेत्र है। यहां यदि कर्ण के तीसरे भाग से उन द्वादशाङ्गुलशङ्कु की छाया चौदह त्राङ्गुल की होती है, तो द्वादशाङ्गुल शङ्कु की छाया क्या है?

कल्पना किया छाया का मान यावत्तावत् १ है। यदि कर्या के तीसरे भाग से हीन छाया, चौदह श्रक्ताल की होती है, तो चौदह से ऊन की गई छाया कर्या के तीसरे भाग के तुल्य होगी, क्यों कि छाया, कर्या का तीसरा भाग श्रीर चौदह के योग के समान है। इसिजिये छाया के मान में १४ घटा देने से, कर्या का तीसरा भाग बचा या १ क १४ । इस को ३ से गुर्या देने से, कर्या या ३ क ४ हिश्रा। इस का वर्ग याव ६ या २५२ क १७६४ यह छाया भुजवर्ग से युक्त द्वादशाक्र्युल शक्कु कोटि के वर्ग के समान है

याव ह या २५२ रू १७६४

याव १ या ० 我 १४४

समशोधन करने से--

याव = या २५ं२ रू

याव ० या ० रू १६२०

दो से गुण कर, तिरसठ के वर्ग ३९६९ को जोड़ देने से--

याव १६ या ४० ४ रू ३६६६

याव ० या ० रू ७२६

इन के मूल आये--

या ४ र ६३

या ० रू २७

यहां पर भी 'त्राव्यक्तपत्तर्यागरूपतोऽल्पं-' इस रीति से व्यक्त पत्त का द्विविध मूल त्राया--

या ४ रू ६३

या ० रू २७

या ४ रू ६३

या ० र २७

इन पर से समीकरण के द्वारा द्विविध यावत्तावत् का मान आया कारण ऋतुपपन्न है। इसिलये पहली छाया ली है। इसके वर्ग २०२४ में समच्छेद से १२ जोड़ने से २६०१ हुआ, इसका मूल कर्ण ४१ है। इसका तृतीयांश रूर, इस में ३ का अपवर्तन देने से रु छाया है में घटा देने से न शेष रहा। फिर हर २ का भाग देने से १४ लिब्ध आई, यही इष्ट था। इस भांति, द्विविध मान के आने पर भी कहीं-कहीं एक ही मान उपंपत्र होता है। इसिलये आचार्य ने 'व्यक्तपत्तस्य चेन्मूलं-' इस पद्मनाभ के सूत्र को दूषित कहा है। तात्पर्य यह है, पद्मनाभ ने अपने सूत्र में 'काचित्' यह पद नहीं दिया, इस कारण सर्वत्र द्विविध मान की प्राप्ति हुई। परन्तु यहां श्राचार्य ने 'द्विविधं कचित्तत्' यह कहकर उसं द्विविधमान का प्रायिकत्व दिखलाया है।

उदाहरणम्—

चत्वारो राशयः के ते मूलदा ये हिसंयुताः। हयोईयोर्यथासन्नघाताश्चाष्टादशान्विताः ७३ मूलदाः सर्वमूलैक्यादेकादशयुतात्पदम्। त्रयोदश सखे जातं वीजज्ञ वद तान्मम ७४॥

अत्र राशिर्येन युतो मूलदो भवति स किल राशिक्षेपः । मूलयोरन्तरवर्गेण हृतो राशिक्षे-

पो वधक्षेपो भवति तयो राश्योर्वधस्तेन युतोऽ-वश्यं मूलदः स्यादित्यर्थः । राशिमूलानां यथासन्नं द्वयोर्द्वयोर्वधा राशिक्षेपोना राशिवध-मूलानि भवन्ति । अत्रोदाहरणे राशिक्षेपाद्वध-क्षेपो नवगुणः नवानां मूलं त्रयः अतस्त्रयुत्त-राणि राशिमूलानि

या १ रू ० या १ रू ६ या १ रू ६

एषां द्वयोर्द्वयोर्वधा राशिक्षेपोनाः सन्तो राशिवधानामष्टादशयुतानां मूलानि भवन्ति, ऋत उक्कवद्वधमूलानि

> याव १ या ३ रू २ं याव १ या ६ रू १६ याव १ या १५ रू ५२

एषां पूर्वमूलानां च सर्वेषां योगः 'याव ३ या ३१ रू ८४' इदमेकादशयुनं त्रयोदशवर्गसमं कृत्वा याव ३ या ३१ रू ६५ याव ० या ० रू १६६

पक्षशेषं द्वादशाभिः संगुण्य तयोरेकत्रिश-द्वर्गे ६६१ निक्षिप्य मूले

या ६ रू ३१

पुनरनयोः समीकरणेन लब्धयावत्तावन्मा-नेना २ नेनोत्थापितानि राशिमूलानि २।५।८। ११। एषां वर्गा राशिक्षेपोना अर्थाद्वाशयो भवन्ति २।२३।६२।११६

अत्राचपरिभाषा।

'राशिक्षेपाद्वधक्षेपो यद्गुणस्तत्पदोत्तरम्। अव्यक्षाराशयःकरुप्यावर्गिताःक्षेपवर्जिताः॥' इयं करुपना गणितेऽतिपरिचितस्य।

श्रथान्यदुदाहरणमनुष्टुब्द्रयेनाह—चत्वार इति । के ते चत्वारो राशयो द्विसंयुताः सन्तो मूलदाः स्युः । द्वयोर्द्वयोर्थथाऽऽसन्नघाताः। एतदुक्तं भवति—मथमद्वितीयघातः, द्वितीयतृतीयघातः, तृतीय-चतुर्थघातः, एते श्रष्टादशान्विताः सन्तो मूलदाः स्युः । सर्वेषां मूलानामैक्यादेकादशयुतात्पदं त्रयोदश जातं, हे सस्ते बीजङ्ग, तांश्चतुरो राशीन् । मम वद कथयेत्यर्थः ॥ उदाहरण-

वे चार कीन सी राशियाँ है, जिन में दो जोड़ देने से मूल मिलते है, और उनके आसन घात अर्थात् पहले दूसरे का, दूसरे तीसरे का और तीसरे चौथे का, इस कम से जो होते हैं, उनमें अठारह जोड़ देने से मूल मिलते हैं ? और उन मूलों के योग में ग्यारह जोड़ देने से तेरह मूल आता है।

यहां पर पहले राशि की करपना करने का प्रकार दिखलाते है-

(१) राशि जिसके जोड़ने से मूलप्रद हो वह उस का चेप है, यदि राशि में चेप जोड़ने से मूल आता है, तो व्यस्तविधि से मूलवर्ग में राशिचोप घटा देने से राशि होगा। जैसा—चेप से हीन प्रथम मूलवर्ग प्रथम राशि होता है, प्रमूव १ चे १ = प्रथम राशि १ इसी भांति चेप से हीन द्वितीय मूलवर्ग द्वितीय राशि होती है, द्विमूव १ चे १ = द्वितीय राशि १ इन दोनों राशियों का घात, जिस के योग से मूलप्रद हो, वह वधचेप होता है, इसिलये गुयान के लिये न्यास—

गुएय= द्विमूव १ चो १ गुएक= प्रभूव १ चो १ प्रमूव. द्विमूव १ प्रमूव. चो १ चो. द्विमूव १ चोव १

गुगान फल - प्रमूच दिभूव १ प्रमूच नो १ सो. दिभूव १ स्वेव १ यहां पहले खगड में, प्रथम और दिनीय भूलों के वर्ग का घात है, वहां जो वर्गवात होता है वही घातवर्ग है, इसिलेथे पहले खगड के स्थान में, प्रथम और दिनीय भूलों के घात के वर्ग का स्वरूप भूघाव १ हुआ और दूसरे खगड में, त्तेप से गुगा प्रथम भूलवर्ग भूगा है और तीसरे खगड में, त्तेप से गुगा दिनीय मूलवर्ग भृगा है, तो दोनों स्थानों में त्तेप गुगाक हुआ। इसिलेये लाघवार्थ प्रथम मूलवर्ग और दिनीय मूलवर्ग के योग को, त्तेप से गुगा देने से दिनीय स्रोर तृतीय खगडों का स्वरूप मूवयो. त्ते १ हुआ। चौथा खगड ज्यों का त्यों रहा। इन का कम से न्यास-

गुर्यानफल=मूघाव १ मूवयो. त्ते १ त्तेव १
यहां दूसरे खरड में त्तेप गुिर्यात मूलवर्गी का योग ऋग्य है।
मूलवर्गयोग के दो खरड किये, पहला खरड मूलों के अन्तरवर्ग के
तुल्य, दूसरा दूने भूलघात के तुल्य।

प्रथम खराड = भूत्रांव १। दूसरा खराड = भूघा २।

इसका कारण 'राश्योरन्तरवर्गेण द्विष्ने घाते युने तयोः । वर्गयोगो भवेत्—' इस पाटी विधि से स्पष्ट हैं । अब उन दोनों खएडों से अलग-अलग मृत्यगत चेप को गुण दिया तो हुआ—

मूत्रंव. चे १ मूघा. चे २ सब खरडों का क्रम से न्यास—— मूघाव १ मूत्रंव. चे १ मूघा. चे २ चेव १

यह प्रथम और द्वितीय राशि का घात है, इस में जिस के जोड़ने से मूल मिले, वह वधत्तेप होगा, तो यहां त्तेपगुरित मूलान्तरवर्ग मूर्यंव. त्ते १ के जोड़ने से दूसरा खराड मूर्यंव. त्ते १ उड़ जाता है और तीन खराड शेप रहने हैं—

भूघाव १ भूघा से रे स्रोव १

इन का 'क्रितिभ्य त्रादाय पदानि—' इस स्ट्र के त्रानुसार भूवा १ चे १ मूल त्राया, यही राशियों के घात का भूल है इससे 'राशि भूलानां यथासत्रं द्वयोर्द्वयोर्द्वघा राशित्तेपोना राशिवधभूलानि भवन्ति' यह फिकिका उपपन्न हुई। यहां वधन्तंप का स्वरूप भूत्रंव ने १ यह है, इससे भूलयोरन्तरवर्गेषा हतो राशित्तेपो वधन्तेपो भवति। यह फिकिका उपपन्न हुई। यदि भूलान्तर वर्ग में राशित्तेपघात वधन्तेप होता है, तो वधन्तेप में राशित्तेप का भाग देने से भूलान्तवर्ग होगा श्रीर उस का भूल भूलान्तर होगा। इसी भांति, दूसरी-तीसरी राशि की श्रीर तीसरी चौथी राशि की वधभूलवासना जाननी चाहिये।

(२) अब प्रकृत में वधत्तेप १८ है, इसमें राशित्तेप २ का भाग देने से ६ आया, इस का भूज ३ हुआ, यह मूलान्तर है। यहां पहली राशि का मूल या १ कल्पना किया, इस में उस मूलान्तर को जोड़ देने से दूसरे राशि का मूल या १ रू ३ हुआ। इसी भांति तीसरी ऋौर चौथी राशि के मूल या १ रू ६ । या १ रू ६ हुए इन के वर्ग हुए—

 (या १)²
 = याव १

 (या १ रू ६)²
 = याव १ या ६ रू ६

 (या १ रू ६)²
 = याव १ या १ द रू ६१

इन में राशिचीप २ की घटा देने से हुए-

याव १ रू २ याव १ या ६ रू ७ याव १ या १२ रू ३४ याव १ या १⊏ रू ७६

यह सब जोड़ देने से मूलप्रद होते हैं, इसीलिये 'राशिचोपाद्वध-चोप:-' यह कहा है।

(३) अब पहली और दूसरी राशि के घात के लिये न्यास-

गुराय= याव १ या ६ रू ७

गुराय= याव १ रू २

यावव १ याघ ६ याव ७

याव २ या १२ रू १४

गुगानफल=यावव १ याघ ६ याव ४ या १२ रू १४ इसमें १८ जोड़ देने से

यावव १ याघ ६ याव ४ या १२ रू ४
इस में मूजप्रहण के लिये विषम-सम का संकेत करने से—

ग न । - ।

यावव १ याघ ६ याव ४ या १२ रू ४

यहां पहले खराड का मूल याव १ त्राया, इसका दूना याव २, दूसरे खराड याघ ६ में, भाग देने से या ३ लिब्ध मिनी। इस के बर्ग

याव १ को तीसरे खराड याव ४ में घटा देने से 'याव ४ या १ रे रू ४'
यह शेष रहा। अब आगत मूल 'याव १ या ३' को दूना करके 'याव
२ या ६' शेष खराड 'याव ४ या १२' में भाग देने से रू रे लिब्धि
आई। इस के वर्ग ४ को 'रू ४' इस शेष में घटा देने से, शेष कुछ
नहीं रहा। उन मूलों का क्रम से न्यास याव १ या ३ रू रे।
इसी भांति दूसरी और तीसरी राशि के घात के लिये न्यास——

गुर्य = याव १ या १२ रू ३४ गुर्याक= याव १ या ६ रू ७

याववश्याघश्रयाव ३४ याघ ६ याव ७२ या २०४ याव ७ या ८४ रू २३८

गुगानफज=याव व १ याघ १८ याव ११३ या २८८ रू २३८ इसमें १८ जोड़ देने से—

यावव १ याघ १ द याव ११३ या २ द द र १६६ उक्त रीति से इसका मूल श्राया—— याव १ या ६ रू १६

इसी मांति, तीसरी और चौथी राशि के घात के लिये न्यास-

गुर्य = याव १ या १८ रू ५८ गुर्मक = याव १ या १२ रू ३४

> यावव १ याघ १ द्र याव ७६ याघ १२ याव २१६ या ६४ द्र याव १२ या ६१२ रू २६ द

गुणानफल = यावव १ याव ३० याव ३०७ या १४६० रू २६८६ इसमें १८ जोड़ देने से--

> यावव १ याघ ३० याव ३०७ या १४६० **रू** २७०४ उक्त रीति से मूल त्र्याया—

याव १ या १४ रू ४२

इस प्रकार त्र्यालाप की रीति से भूल लाये गये हैं।

(४) अपत्र इन का लाघव से आनयन करने हैं — दूसरी राशि का मूल या १ रू ३ है इस को पहली राशि के मूल या १ से गुण कर उस में राशि चेप २ को घटा देने से पहला वधमून यात १ या ३ रू २ हुआ। इसी भांति दूसरी और तीसरी राशि के मूलघात के लिये न्यास—

गुग्थ= या १ क् ६ गुग्थक= या १ क् ३ याब १ या ६ या ३ क् १ =

गुगानफल=याव १ या ६ रू १=

गुगानफल में राशिक्षेप २ को घटा देने से, दूसरा वधमूल यात्र १ या ६ रू १६ हुआ । इसी मांति तीसरी और चौथी राशि के मूल घात के लिये न्यास——

गुराय= या १ रू ६ गुराक= या १ रू ६ याव १ या ६ या ६ रू ४४

गुग्नफल=याव १ या १५ रू ५४

गुगानकल में राशि लेप २ को घटा देने से, तीसरा वधमूल याव १ वा १ प्र १ १ हुआ । राशि मृल और वध मूलों का क्रम से न्यास।

याव ० या १ रू ०

याव ० या १ रू ६

याव ० या १ रू ६

याव ० या १ रू ६

याव १ या ३ रू २

याव १ या ६ रू १६

याव १ या १४ रू ४२

इन मूर्लों का योग यात्र ३ या ३१ रू ८४ हुआ, इस में ११ जोड़ने से यात्र ३ या ३१ रू ६४ हुआ, यह तेरह के वर्ग के समान है, इस जिये समीकरण के जिये न्यास—

ध याव ३ या ३१ रू ६ **४** याव ० या ० रू १६६

शोधन करने से हुए-

याव ३ या ३१ रू ०

याव ० या ० रू ७४

बारह से गुयाकर, एकतीस का वर्ग जोड़ देने से हुए-

याव ३६ या ३७१ रू ६६१ याव ० या ० रू १८४६

इनके मूल आये-

या ६ रू ३१

समीकरण करने से, यावतावत् का मान २ आया। इस से शाशिमूल में उत्थापन देने से राशिमूल हुए २ | ४ | ६ | ११ | इनके वर्ग ४ | ४२ | ६४ | १२१ में राशिक्षेप २ अलग अलग ऊन करने से २ | २३ | ६२ | ११६, इनके आसम्रघात ४६ | १४२६ | ४३०६ में १८ जोड़ देने से ६४ | १४४४ | ७३६ ६ इनके मूम द । ३८ | ६६ मिले, और २ | २३ | ६२ | ११६ इनमें अलग अलग २ जोड़ देने से ४ | २४ | ६४ | १२१, इन के क्रम से मूल २ | ४ | ६१ | ११ मिले, सब मूलों का योग द + ३८ + ६६ + २ + ४ + ६ + ११ = १४८ हुआ, इस में १३ जोड़ देने से १६६ इसका मूल १३ के तुल्य है ॥

उदाहरणम्— क्षेत्रे तिथिनखैस्तुल्ये दोःकोटी तत्र का श्रुतिः। उपपत्तिश्च रूढस्यगणितस्यास्य कथ्यताम् ७५ श्रत्र कर्णः या १। एतत्त्र्यसं परिवर्त्य याव-त्तावत्कर्णे भूः कल्पिता भुजकोटी तु भुजो तत्र यो लम्बस्तदुभयतो ये त्र्यसे तयोरिष भुज-कोटी पूर्वरूपे भवतः। श्रतस्त्रेराशिकम्। यदि यावत्तावित कर्णे श्रयं १५ भुजस्तदा भुजतुल्ये कर्णे क इति लब्धं भुजः स्यात् सा भुजाश्चि-ताबाधा रू २२५

या १

पुनर्यदि यावत्तावतिकर्णे इयं २०कोटिस्तदा

१ ज्ञानराजदैवज्ञाः-

सिरिचीरे नीरान्तरितप्रमवत्तालयमलं करेरू वं पद्देन्दुमिरियुयमेस्तत्र बिह्गी । जले लीनं मीनं प्रति समगता तावपतता तदा तत्तीरान्तः कथय बसुधां तत्समगतिम् ॥

समगतिः या १ । इष्टम्ः २० । ततोऽनृपातेन या २० एतदूना भः पत्राविराति-

कोटेर्मुजः या ४ रू रू तह गैयोगः समगतिवर्गेण सम इति पत्तयोर्म् ले या १=

रू =०० श्रतो यावतावन्मानम् २५।

त एव पुनः-

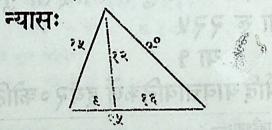
हेत्रे यत्र समश्रुती न विदिते कीटि: परा दश्यते विद्विद्विदिति फलं च विपुलं तत्रावलम्बस्तथा। आवाधा न कदापि तद्भुषनिधिस्थानं खदीयं मया आतं वेति सवासनं स विद्युधो वालोऽपि मान्यो विदास् ॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

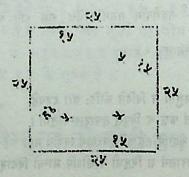
कोटि २० तुल्ये कर्णे केति जाता कोट्याश्रि-ताबाधा रू ४००

या १

श्रावाधायुतिर्यावत्तावत्कर्णसमा क्रियते ताव-बुजकोटिवर्गयोगस्य पदं कर्णमानमुत्पद्यते २५ श्रानेनोत्थापितापिते जाते श्रावाधे ६।१६। श्रातो लम्बः १२

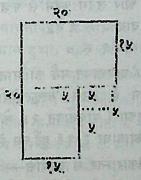


अथान्यथा वा कथ्यते—कर्णः या १ दोः को-टिघातार्धे ज्यस्रक्षेत्रस्य फलम् १५०। एत-दिषमज्यस्रचतुष्ट्येन कर्णसमं चतुर्भुजं क्षेत्र-मन्यत्कर्णज्ञानार्थं कल्पितम् न्यासः



एवं मध्ये चतुर्भुजमुत्पन्नम् अत्र कोटिभुजा-न्तरसमं भुजमानम् प्रअस्यफलं २ प्रभुजकोटि-बधो द्विगुणस्त्रयस्राणां चतुर्णामेतद्योगः ६०० सर्व बृहत्क्षेत्रफलम् ६२५ एतद्यावत्तावत्समं कृत्वा लब्धं कर्णमानम् २५। यत्र व्यक्तस्य नं पदं तत्र करणीगतः कर्णः। एतत्करणसूत्रं वत्तम्—

दोःकोट्यन्तरवर्गेण हिन्नो घातः समन्वितः। वर्गयोगसमः सस्याद् इयोरव्यक्तयोर्यथा ६४ अतो लाघवार्थं दोःकोटिवर्गयोगपदं कर्ण इत्युपपन्नम्। तत्र तान्यपि क्षेत्रस्य खण्डानि अन्यथा विन्यस्य दर्शनम्



त्रथान्यदुदाहरणमनुष्टुभाह —त्तेत्र इति। यत्र त्तेत्रे दोःकोटी तिथि-नखैः तुल्ये वर्तेते तत्र का श्रुतिभवति। त्रस्य रूढस्य प्रसिद्धस्य 'तत्कु-त्योर्थोगपदं कर्णः—' इति गणितस्योपपत्तिवीसना कथ्यताम् ॥ CC-0. Mulmukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri चदाहर्या---

जिस चेत्र में भुज १४ और कोटि २० है वहां कर्या क्या होगा ? स्रोर 'भुज कोटि के वर्गयोग का मूल कर्या होता है' इस प्रसिद्ध गियात की उपपत्ति क्या है ?

कल्पना किया या १ कर्या का मान है, अब कर्या को भूमि और
भुज कोटि को भुज कल्पना करने से, चेत्र की स्थिति पलट गई, तय
भुजों के संपान से लम्ब डाला, (मू० चे०) यहां लम्ब के वश से
हो त्रिभुज हुए, भुजाश्रित आवाधा भुज, लम्ब कोटि और पहला भुज
१५ कर्या, यह एक त्र्यस्त हुआ। कोट्याश्रित आवाधा भुज, लम्ब
कोटि और पहली कोटि २० कर्या, यह दूसरा त्र्यस हुआ। अनुपात—
यदि यावत्तावन कर्या में पहला भुज १५ आता है, तो पहले भुजरूप
कर्या १५ में क्या ? यो भुजरूप भुजाश्रित आवाधा रू २१५ हुई।
यदि यावत्तावन कर्या में पहली कोटि २० आती है, तो पहली कोटिरूप कर्या २० में क्या ? यो भुजरूप कोट्याश्रित आवाधा रू थ००
या १

हुई। उन दोनों त्रावाधात्रों का योग हैं २४ भूमि या १ के समान या १, है, इसिनिये समच्छेद और छेदग करने से पन्न हुए—

> याव ० रू ६२४ याव १ रू.०

समीक ने या के द्वारा यावतावत् वर्ग का मान ६२४ आया इसका मूल २४ कर्या का मान है इससे 'तत्कृत्योयोंगपदं कर्याः—' यह पाटीस्थ सूत्र उपपन्न हुआ। यावतावत् २४ के मान से आवाधाओं में उत्थापन देने से आवाधा ह । १६ हुई उन से लम्ब १२ आया।

प्रकारान्तर से उपपत्ति--

भुज कोटि कर्या रूप जात्यत्रयस्न को, चारों कोर्यों में इस भांति लिखनां जिस में कर्या समान चतुर्भुज टत्पन्न हो ख्रौर उस के अन्तर्गत भुजकोट्यन्तर के समान चतुर्भुज हो (मू. चे.) यहां दो-दो जात्य चेत्री को प्रतिलोम जोड़ने से, भुज-कोटि रूप दो भुजों से, दो आयम चेत्र उत्पन्न होते हैं, क्योंकि आयम चेत्र में, कर्गरेखा खींचने से, दो जात्य चेत्र वनते हैं, तो उन के थोग से आयम का बनना क्या आश्चर्य है। और वहां चेत्रफल 'तथायते तद्गुजकोटिघात:—' इस सूत्र के अनुसार भुजकोटिघातरूप होता है। इस मांति दो आयम के फलों का योग दूना, मुजकोटिघात मु.को २ हुआ। अथवा, जात्य में भुजकोटि के घान का आधा चेत्रफल होता है, तो एक जात्य का फल मु.को. १.

योग के समान मु.को.४ = मु. को. २ हुआ (इससे भी पहली बात पाई जाती है) इस में भुजकोट्यन्तर के तुल्य, जो चतुर्भुज उत्पन्न हुआ है उसका भुजकोट्यन्तर के सपान जंत्रफल जोड़ देने से कर्या वर्ग भु. को. २ अंव १ हुआ। क्योंकि कर्यासम चतुर्भुज में कर्यावर्ग ही फल होता है। अब भु.को. २ अंव १ = क ६२५ यह यावत्तावानिमत कर्या वर्ग के समान है—

याव ० रू ६२४ याव १ रू ०

समीकरण द्वारा यावत्तावद्वर्ग का मान ६२५ आया, इस का मूज २५ यावत्तावत् का मान हुआ, यही कर्ण है।

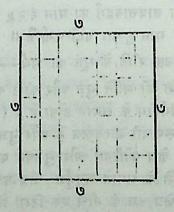
उक्त रीति के सूत्र का अर्थ--

दो अव्यक्त राशि की भांति अन और कांटि का दूना घात, उन के अन्तरवर्ग से युत वर्गयोग के समान होता है। (भू कों) यहां पर भी अन कोटि-कर्ग रूप चार जात्य क्षेत्र हैं, और अनकोट्यन्तरवर्गात्मक क्षेत्र हैं, यह संपूर्ण केत्र कोटिवर्ग और अनवर्ग का योगरूप दीखता है। क्यों के बृहद्राशि के समान चतुर्भुज चेत्र ऊपर और जघुराशि के समान चतुर्भुज चेत्र ऊपर और जघुराशि के समान चतुर्भुज केत्र उस के नीचे एक दिशा में है और उन दोनों के चेत्रफल: राशिवर्ग के समान है। इस भांति चेत्र के पर्याकाचन

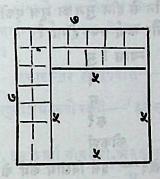
से 'दो:कोर्ट्यन्तरवर्गेगा (राश्योरन्तरवर्गेगा) द्विच्नो घातः समन्वितः । वर्गयोगसमः स स्यात्—' यह क्रिया निकलती है। यहां राशि के वर्ग योग में उन का दूना घात घटा देने से, अन्तरवर्ग शेष रहता है और अन्तरवर्ग को घटा देने से, उसका दूना घात बाकी रहता है। अथवा, राशि या १ का १ अन्तर या १ का १ का वर्ग याव १ या. का २ काव १ हुआ, इस में इनका दूना घात या. का २ जोड़ देने से मध्यम-खराड उड़ गया तो याव १ काव १ यह राशिवर्गयोग के समान शेष रहा। इसिकाये 'द्वयोरव्यक्तयोर्थया' कहा है।

उदाहरणम्-

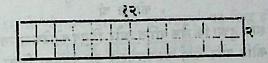
मुजात्त्रयूनात्पदं व्येकं कोटिकणान्तरं सखे।
यत्र तत्र वद क्षेत्रे दोःकोटिश्रवणान्मम।।७६॥
श्रत्र कोटिकणान्तरमिष्टम २ श्रतो विलो
मेन भुजः १२ तद्यथा किलपतिमिष्टम २ श्रस्य
सरूपस्य ३ वर्गः ६ त्रियुतः १२ श्रस्य वर्गः
१४४ तत्कोटिकर्णवर्गान्तरम् श्रतो राश्यो-



र्वर्गान्तरं योगान्तरघातसमं स्यात् । वर्गो हि सगचतुरस्रक्षेत्रफलम् । अयं किल सप्तवर्गः। अस्मात्पञ्चवर्गं २५ विशोध्य शेषस्य २४ दर्शनम् ।



इहान्तरं हो २ योगो हादश १२ योगान्तर-घातसमकोष्ठका वर्त्तन्ते २४ तदर्शनम्।



इत्युपपन्नं 'वर्गान्तरं योगान्तरघातसमम्' इति । अत इदं वर्गान्तरं १४४ कल्पितकोटि-कर्णान्तरेण २ भक्नं जातम् ७२ । अयं योगो द्विधाऽन्तरेणोनयुतोऽधित इति संक्रमणेन जातो कोटिकणों ३५ । ३७ । एवमेकेन भुज- कोटिकर्णाः ७। २४। २५। त्रिभिः १६ १७६। १८६ । १००। एवमनेकथा। एवं सर्वत्र ३।

बदाहरया-

जिस चेत्र में तीन से हीन मुजका मूल एकोन कोटिकर्यान्तर है, वहां मुज, कोटि श्रीर कर्या क्या होगा ?

न्यास । सु ३ मू रू १ कोकशं

'केदं गुणं गुणं छेदं—' इस विजोम कर्म के अनुसार न्यास—

भु ३ व **ह**१ को क ऋं

इससे ज्ञात हुआ कि सैक वर्गित और त्रियुत कोटिकण्णित्तर मुझ होता है। वहां कोटि और कर्ण का अन्तर २ इष्ट कल्पना किया। फिर इस में १ जोड़ने से ३ का वर्ग ६ हुआ, इस में ३ जोड़ने से १२ का वर्ग १४४ हुआ, यह कोटि और कर्ण के वर्गों का अन्तर है, वह योगान्तर्थात के समान है, इसिलिये १४४ इस में कोटिकण्णितर २ का भाग देने से, कोटि-कर्ण का योग ७२ हुआ। वाद योगोन्तरेगों नयुतोऽधितस्ती— दस संक्रमण्राती से कोटि ३४ कर्ण ३७ हुआ।

अत्र बर्गान्तर, योगान्तर-धात के तुल्य होता है, इसकी युक्ति दिख-जाते हैं—जैसा सात के समान चतुर्मुज में पांच के समान चतुर्मुज को घटा देने से शेष रहा। (मू.चे.) यहां शेष पहला आयत रहा उस का राश्यन्तर के तुल्य विस्नार और बृहद्राशि के तुल्य दैर्घ्य है।
त्रीर दूसरे आयत का लघु राशि के तुल्य विस्तार और राश्यन्तर के
तुल्य दैर्घ्य है। यह वर्गान्तर का स्वरूप है। क्योंकि दोनों सम
चतुर्भुन ही राशि के वर्ग है। अब पहले आयत में, दूसरे आयत को
जोड़ने से ऐसा स्वरूप हुआ (मू. चो.) इस चेत्र का राशियोग के
तुल्य दैर्घ्य और राश्यन्तर के तुल्य विस्तार है, आयतचेत्र में अज
कोटि का घात फल होता है, इस लिये राशियोगान्तर का घात चेत्र
फल हुआ, यही वर्गान्तर है। इस से उक्त रीति की वासना स्पष्ट
प्रकाशित होती है।

प्रकारान्तर से उपपत्ति

'बोगोऽन्तरेगोनयुवोऽधितस्वौ राशी—'इस सूत्र के त्रानुसार योश्त्रं रे

यो १ ऋं १ राशि है, इन के वर्ग योव१यो. ऋं २ ऋंव१योव१यो. ऋं २ ऋंव१

हुए। ब्राव पहले वर्ग योव १यो. क्रं रेकंव १ को दूसरे वर्ग थोन १ यो क्रं र क्रंव १ को दूसरे वर्ग ४

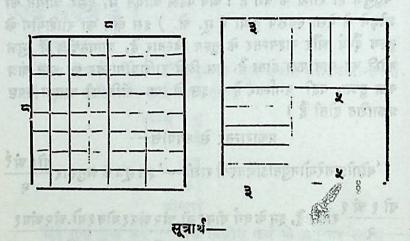
में घटा देने से शेष यो.श्रं४ रहा, इस में हर ४ का भाग देने से यो. श्रं १ हुआ। इस से 'योगान्तरघात एव वर्गान्तरम्' यह सिद्ध होता है-

ऋस्य सूत्रं रुत्तम्-

वर्गयोगस्य यद्राश्योर्युतिवर्गस्य चान्तरम्। द्विघ्नघातसमानं स्याद्द्योरव्यक्रयोर्यथा ६५

अत्र राशी ३।५। अनयोर्युतिवर्गः ६४।तयो-वर्गों ६।२५। अनयोर्योगः ३४एतयोः ६४।३४ अन्तरम् ३० इदं राश्योर्घातेन १५ हिझेन३०

समं भवतीत्युपपन्नं तेषां स्वरूपाणि यथा-

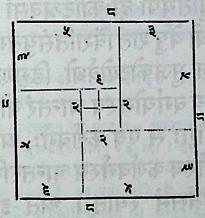


बिष्ट दो राशि का वर्गयोग श्रीर योगवर्ग का श्रन्तर, उन के दूने घात के समान होता है, जैसा दो श्रव्यक्त का होता है।

डपपत्ति-

कल्पना किया कि १ । ३ राशि है और इन के योग के समान बड़ा चतुर्भुन है (मू. चो.) उसका चेत्रफल राशि योगका वर्ग है । इस बड़े चतुर्भुन में लघु और बहुत् गाशि के समान चतुर्भुन घटा दिये तो, दो चेत्र शेष रहे । उन के मुन गाशि के तुल्य है, अर्थात् वे आयत चेत्र हैं और उन के फल राशिघात है, तो उन दोनों का योग करने से राशि-घात दूना होगा इस से उक्त सूत्र की उपपत्ति स्पष्ट प्रकाशित होती है ।

श्रथता, करूपना किया या १। का १ राशि हैं इन के योग या १ का १ का वर्ग यात्र १ या. का २ काव १ हुआ, इस में इनका वर्गयोग यात्र १ काव १ घटा देने से, उनका दूना घात या. का २ शेष रहता है। इस किये कहा है कि 'द्वयोरन्यक्तयोर्यथा'॥ श्रन्त्यकरणसूत्रं दृत्तम्— चतुर्गुणस्य घातस्य युतिवर्गस्य चान्तरम् । राश्यन्तरकृतेस्तुल्यं द्वयोरव्यक्तयोर्यथा॥६६॥ श्रत्र राशी ३।५ श्रनयोर्युतिवर्गाच्चतुर्षु को-णेषु घातचतुष्ट्येऽपनीते मध्ये राश्यन्तरवर्ग-समाः कोष्ठका दृश्यन्त इत्युपपन्नं तद्दर्शनम् ।



सूत्रार्थ

चिह्न हो राशि का योगवर्ग क्रीर उन का चौगुना घात, इन का अन्तर उन दो राशि कें अन्तरवर्ग के समान होता है। जैसा दो अव्यक्तों का होता है।

उपवित्त-

कल्पना किया १ । ३ राशि हैं, श्रीर राशि योग के समान बड़ा चतुर्भुज चेत्र हैं। उसके चारों कोया पर राशि तुल्य भुज वाले चार श्रायतचेत्र हैं श्रीर मध्य में राश्यन्तर के समान चतुर्भुज है। (मू.चें.) यहां प्रत्येक श्रायतचेत्र में राशिघात फल है, तो चार श्रायतचेत्र का चतुर्भुया राशिघात फल होगा। योगरूप बड़े चेत्र में, चार श्रायत घटा देने से, राश्यन्तर वर्ग के समान चतुर्भुत शेष रहता है और उस का फल राश्यन्तर का वर्ग है, इस से 'चतुर्गुयास्य——' यह सूत्र उपपन्न हुन्ना। इसी भांति या १। का १ राशि हैं, इनके योग या १ का १ के वर्ग याव १ या. का २ काव १ में, इन्हीं का चतुर्गुया घात या. का ४ घटा देने से, राश्यन्तर या १ का १ का वर्ग याव १ या. का रे काव १ शेष रहता है। इस लिये 'द्वयोरव्यक्तयोर्यथा' यह कहा है।

उदाहरणम्—

चत्वारिंशचुतिर्येषां दोःकोटिश्रवसां वद् । भुजकोटिवधो येषु शतं विंशतिसंयुतम् ॥७७॥

श्रत्र किल भुजकोट्योर्वधो हिगुणः २४० तद्युतिवर्गस्य वर्गयोगस्य चान्तरं यो हि भुज-कोट्योर्वर्गयोगः स एव कर्णवर्गः, श्रतो भुज-कोटियुतिवर्गस्य कर्णवर्गस्य चान्तरिमदं २४० योगान्तरघातसमं स्यात् । श्रत इदमन्तरं २४० योगेनानेन ४० भक्तं जातं भुजकोटि-युतिकर्णान्तरं ६ 'योगाऽन्तरेणोनयुतोऽधित—' इत्यादिना संक्रमणेन जातो भुजकोटियोगः २३। कर्णः १७। चतुर्गुणस्य घातस्य—' इति भुजकोटियुतिवर्गाद्समात् ५२६ चतुर्गुणघा-तेऽस्मिन् ४८० शोधिते शेषं जातो दोःकोट्य-न्तरवर्गः ४६। श्रस्य मूलम् ७। इदं दोःकोटि-

विवरं 'योगोऽन्तरेणोनयुतोऽर्धितः' इति जाते भुजकोटी ८ । १५ ।

चदाहरण-

मुज, कोटि और कर्या का घात चालीस है और मुज, कोटि का घात दोसी चालीस है, तो मुज, कोटि कर्या क्या है ?

कल्पना किया कर्या का मान या १ है, इस को ४० में घटा देने से अज कोटि का योग शेष रहा या रै क ४० इस का वर्ग याद १ या ८० क १६०० यह मुजकोटि के योग का वर्ग है, इसमें द्विगुण भुजकोटि घात २४० घटा देने से मुजकोटि का वर्गयोग शेष रहा याव १ या ८० क १३६० यह कर्यावर्ग के समान है, इसिनये समीकरण के निये न्यास——

> याव १ या ८० रू १३६० याव १ या ० रू ०

समीकरण से यावतावत् का मान १७ आया। इसको सर्वयोग ४० में घटा देने से भुजकोटि योग २३ रहा। इस भांति अव्यक्त किया के द्वारा सिद्ध होने पर भी आचार्य ने व्यक्तरीति से कहा है— भुजकोटि का घात १२० है, यह दूना करने से २४० हुआ। यह भुजकोटिवर्गयोग और भुजकोटियोगवर्ग का अन्तर है, भुजकोटिवर्गयोग कर्णवर्ग के तुल्य होता है, इसिजये भुजकोटियोगवर्ग और कर्णवर्ग का अन्तर हुआ। तब 'वर्गन्तरं हि योगान्तरघातसमं भवति' इसके अनुसार, योग ४० का भाग देने से भुजकोटियोग और कर्ण का अन्तर ६ आया। किर 'योगोऽन्तरेगोनयुतोऽधितः—' इस संक्रमण सूत्र से कर्ण १७ और भुजकोटि का योग २३ आया। किर 'चतुर्गुणस्य घातस्य—' इस सूत्र से भुजकोटि के योग २३ वर्ग ४२६ में चौगुने मुजनोटि के घात ४४१२०=४८० को घटा देने से, शेष ४६ रहा। यह भुजकोटि के अन्तर का वर्ग है, इस का मूज भुजकोट्यन्तर हुआ। पुन: 'योगोऽन्तरेगोनयुतोऽधितः—' के अतु-सार भुज कोटि हुए। ८। १४॥

उदाहरणम्— योगो दोःकोटिकर्णानां षट्पञ्चाशद् ५६ वधस्तथा। षट्शतीसप्तभिः क्षुण्णा ४२०० येषां तान्मे एथग्वद् ॥ ७८॥

अत्र कर्णः या १। अस्य वर्गः याव १ स एव भुजकोटिवर्गयोगः अत्र दोःकोटिकर्णयोगे कर्णोने जातो भुजकोटियोगः या १ रूप्र ६ तथा त्रयाणां घाते कर्णभक्ते जातो भुजकोटिवधः

स् ४२००

अथ 'वर्गयोगस्य यद्राश्योर्युतिवर्गस्य चा-न्तरम् । द्विघ्नघातसमानं स्यात्—' इति वर्ग-योगः याव १ युतिवर्गः याव १ या ११२ रू

श्रत्र श्री वाष्ट्रदेवपादोक्तं सूत्रम्—
 युत्या विभक्तान्त्रपनिष्ठचाता त्फखं विशोध्यं किल योगवर्गात् ।
 शेषस्य मूलेन समन्विताया

युतेश्चतुर्याश इह श्रुतिः स्यात् ॥ श्रुजकोटिकर्यानां योगः ५६ । वधः ४२०० । श्रत उक्तवत्कर्यः २५ । 'कर्यास्य-वर्मादः-' इत्याचार्योक्त्या श्रुजकोटी ७ । २४ ॥ ३१३६ अनयोरन्तरम् या ११२ं रू ३१३६ एतद्दिघ्नघातस्यास्य रू ८४०० सममिति या १

समच्छेदीकृत्य छेदगमे जाती पक्षी
याव ११२ या ३१३६ रू०
याव ० या ० रू ८४००
एतो द्वादशाधिकशतेनापवर्त्य शोधिती जाती
याव १ या २८ रू ०
याव ० या ० रू ७५

एती ऋगरूपेण संगुण्य चतुर्दशवर्गसम-रूपाणि प्रक्षिप्य मूले या १ रू १४ या ० रू ११

उक्कवच्छोधने कृते लघ्धं यावत्तावन्मानम् २५ अत्र विकल्पेन हितीयं कर्णमानमुत्पचते ३ एतदनुपपन्नत्वान्न याह्यम् । अत्र त्रयाणां घातः ४२०० कर्ण २५ भक्को जातो भुजकोटि-वधः १६८ । तथेयं भुजकोटियुतीः ३१ । 'चतुर्गुणस्य घातस्य—' इत्यादिना जातं दोः-कोट्यन्तस्म् १७ 'योगोऽन्तरेणोनयुतोऽर्धितः-

CC-0. Mumukshu Bhawan Vararasi Collection. Digitized by eGangotri

इत्यादिना जाते भुजकोटी ७। २४ एवं सर्वत्र क्रियोपसंहारं कृत्वा मतिमद्भिः कापि युक्त्यै-वोदाहरणमानीयते अव्यक्तकल्पनया तुमहती क्रिया भवति ॥ इतिश्रीभास्करीये वीजगणित एकवर्णसंबन्धि मध्यमाहरणं समाप्तम् ॥

उदाहर्या-

भुज, कोटि श्रीर कर्या का योग छप्पन है, श्रीर पात वयालीस सी है, तो उन को अलग अलग बतलाश्रो ?

कल्पना किया कर्ण का मान या १ है। इस का वर्ग याव १ यह भुनकोटि के वर्गका योग है, और भुन, कोटि, कर्ण के योग ४ ६ में कर्ण या १ को घटा देने से भुनकोटियोग या १ रू ४६ हुआ और भुन, कोटि और कर्ण के घात ४२०० में कर्ण या १ का भागदने से,

भुज-कोटि का घात रू १२०० हुआ, भुभ-कोटि के योग या १ रू ४६

के वर्ग याव १ या ११२ रू ३१३६ में भुनकोटि के वर्गयोग याव १ को घटा देने से भुनकोटि का द्विनुगा घात शेष रहा — या ११२ रू ३१३६ | क्यों कि 'वर्गयोगस्य यद्राश्योः — 'कडा है । स्वव वह

पूर्वानीत द्विगुण भुनकोटियात रू न्य के नुल्य है, इसिलिये समी-

करणा के लिये न्यास-

या ११२ं रू ३१३६ या ० रू =४०० या १

समच्छेद चौर छेदगम करने से हुए-

याव ११२ या ३१३६ रू० याव ० या ० रू ८४००

११२ का अपवर्तन देने से हुए-

याव १ या २ म्ह ०

समशोधन करते से हुए--

याव ० या ० रू ७५ याव १ या ^२८ रू ०

मूल के लिये १४ का वर्ग १६६ जोड़ने से हुए-

याव ० या ० रू १०१

इन के मूल आये--

या ० रू ११

अन्यक्तपत्तर्यागरूपतोऽरूपम्—' इस सूत्र के अनुसार, न्यक्रपत्त

के द्विविध मूल मिले—या ० रू ११

या १ रू १४

या ० र ११

या १ स १४

इन से समीकरण के द्वारा द्विविध यावत्तावन का मान २४ । ३ श्राया । यहां पर पहला मान २४ लंना चाहिय ; क्योंके दूनरा मान ३ त्रानुपपन्न है । इस श्रकार द्विविधकर्णी मान िद्ध हुन्ना । एक्षवर्णमध्यमाहरण समाप्त ।

इति द्विवेदोपारूपाचार्यश्रीसरयूपसार्युत दुर्गापमादोत्रीते बीत-विलाभिन्येकवर्णमध्यमाहरणं समाप्तम् ।

> दुर्गायमार श्चिनं भ पाभ व्ये मिताचारे । सम्पूर्णामूदेकत्रर्णे पध्यमाहरणाकिया ॥

अथानेकवर्णसमीकरणम्। तत्र सूत्रं सार्घरुत्तत्रयम्— ऋाद्यं वर्णे शोधयेदन्यपक्षा-द्न्यान् रूपार्थन्यतश्चाद्यभक्ते। पक्षेऽन्यस्मिन्नाचवर्णोनिमतिः स्या-द्वर्णस्येकस्योन्मितीनं बहुत्वे ॥ ६८॥ समीकृतच्छेदगमे तु ताभ्य-स्तद्न्यवर्णोन्मितयः प्रसाध्याः। अन्त्योन्मिती कुट्टविधेर्गुणाप्ती ते भाज्यतद्वाजकवर्णमाने ॥ ६९ ॥ अन्येऽपि भाज्ये यदि सन्ति वर्णा-स्तन्मानमिष्टं परिकल्प्य साध्ये। विलोमकोत्थापनतोऽन्यवर्ग-मानानि भिन्नं यदि मानमेवम् ॥ ७० ॥ भूयः कार्यः कुट्टकोऽत्रान्त्यवर्शी तेनोत्थाप्योत्थापयेद्व्यस्तमाद्यान् । इदमनेकवर्णसमीकरणं बीजम् । यत्रोदा-हरणे द्वित्राद्योऽव्यक्षराशयो भवन्ति तेषां यावत्तावदादयो वर्णा मानेषु कल्प्याः। तेऽत्र यूर्वाचार्यैःकल्पितायावत्तावत्कालकनीलकपी-तकलोहितकहरितकश्वेतकचित्रककिपलक-पिङ्गलकधूमकपाटलकशवलकश्यामलकमे -चकेत्यादि । अथवा कादीन्यक्षराएयव्यक्तानां संज्ञा असंकरार्थं कल्प्याः। अतः प्राग्वदुदेश-कालापवाद्विधिं कुर्वता गणकेन पक्षीसमीकार्यीं, पक्षा वा समाः कार्या। ततः सूत्रावतारोऽयम्-तयोःसमयोरेकस्मात्पक्षादितरपक्षस्यायं वर्षी शोधयेत्तद्न्यवर्णान् रूपाणि चेतरस्मात्पक्षा-च्छोधयेत्तत त्र्याद्यवर्णश ग्णेतरपक्षे भक्ते भा-जकवर्णोनिमतिः । बहुषु पक्षेषु ययोर्ययोः सा-म्यमस्ति तयोरेवं कृते सत्यन्या उन्मितयः स्युस्ततस्तासूनिमतिषु एकवर्णोन्मितयो यद्य-नेकधा भवन्ति ततस्तासां मध्ये द्रयोईयोः समीकृतच्छेदगमेन 'ऋाद्यं वर्णं शोधयेत्-' इत्यादिनान्त्यवर्णोन्मित्यः स्युः। एवं यावत, तावत्संभवः। ततोऽन्त्योन्मिती भाज्यवर्षे योऽङ्कः स भाज्यराशिः, यो भाजके स भाजकः, रूपाणि क्षेपः, अतः कुडविधिना यो गुण उ-स्पचते तद्वाज्यवर्णमानं या लिब्धस्तद्वाजक-

वर्णमानं, तयोमीनयोर्दढभाजकभाज्याविष्टेन वर्णेन गुणिती क्षेपकी कल्प्यो, ततः स्वस्व-मानेन सक्षेपेण पूर्ववर्णोनिमती वर्णावुत्थाप्य स्वच्छेदेन हरणे यल्लभ्यते तत्पूर्ववर्णस्य मा-नम्। एवं विलोमकोत्थापनतोऽन्यवर्णमानानि भवन्ति । यदि तु अन्त्योन्मितौ द्यादयोवर्णा भवन्ति तदा तेषामिष्टानि मानानि कृत्वा स्व-स्वमानैस्तानुत्थाप्य रूपेषु प्रक्षिप्य कुट्टकः कार्यः। अथ यदि विलोमकोत्थापने कियमार्गे पूर्ववर्णोन्मितौ तन्मितिभिन्ना लभ्यते तदा कुडकविधिना यो गुण उत्पद्यते स क्षेपः स भाज्यवर्णमानं तेनान्त्यवर्णमानेषु तं वर्णमु-त्थाप्य पूर्वोन्मितिषु विलोमकोत्थापनप्रकारे-गान्यवर्णमानानि साध्यानि, इह यस्य वर्णस्य यन्मानमागतं व्यक्तमव्यक्तं व्यक्ताव्यक्तं वा तस्य मानस्य व्यक्ताङ्केन गुराने कृते तहर्णा-क्षरस्य निरसनमुत्थापनमुच्यते ॥

श्राद्यं वर्ण-इत्यादिम्त्राएयाचार्यरेव व्याख्यातानीति न पुन-

त्रानेकवर्णसमीकरण--

निस ख्दाहरण में दो, तीन आदि अन्यक राशि हों वहां उनके

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

मान यावत्तावत्, कालक, नीलक, पीतक, लोहितक, हारिनक, श्वेतक, चित्रक, कपिलक, पिङ्गलक,धूम्रक, पाटलक, शवलक, श्यामलक श्रीर मेंचक इत्यादि कल्पना करना। फिर प्रश्नकर्ता के कथनानुसार क्रिया के द्वारा दो अथवा अनेक पत्त समान सिद्ध करना और उन पत्तों में से एक पत्त के आद्यवर्ण को अन्य पत्त के आद्यवर्ण में घटा देना एवं दूसरे पक्त के वर्ण ऋौर रूप को इतर पक्त के सजातीयों में घटा देना अर्थात् यदि पहले पत्त के आद्यवर्गा को, दूसरे पत्त के आद्यवर्ग में घटाया हो, तो दूसरे पत्त के अपन्यवर्ण तथा रूप को पहले पत्त के अन्यवर्श तथा रूप में घटाना और यदि दूसरे पन्न के आधवर्ण को पहले पत्त के आद्यवर्धा में घटाया हो, तो पहले पत्त के अन्यवर्धा तथा रूप को दूसरे पत्त के अपन्यवर्ण तथा रूप में घटा देना। फिर आद्यपक्त का दूसरे पक्त में भाग देने से आद्यवर्ण की उनिमाति (मान) होगी। उक्त रीति से समशोधन करने से, एक पत्त में आधावर्या रहता है और अन्यवर्ण तथा रूप के स्थान में शून्य, अन्य पक्त में आधवर्षों के स्थान में शून्य होता है और अन्यवर्षी तथा रूप विद्य-मान ही रहते हैं। अनन्तर, आद्यवर्ण शेष का दूसरे शेष में भाग देने से, आववर्ण का मान आता है। यदि एक वर्ण की अनेक उनिमति श्रार्वे, तो उन से समीकरण द्वारा अन्यवर्ण की उन्मिति होंगी। इस प्रकार अन्त्य में जो उन्मिति आने, उस से कुटुक द्वारा गुण लिक्ष लाना चाहिये। जैसा अन्त्य उन्मिति में जो भाज्य तथा भाजक गत वर्णाद्ध हो उन को क्रम से कुट्टकीय भाज्य-भाजक कल्पना करना श्रीर रूपों को चोप, बाद इन से उक्त रीति के अनुसार जो गुगा-जिध्य मिलेंगी उन में से गुण भाज्य वर्ण का व्यक्तमान ऋौर लिव्य माजक वर्षी का व्यक्तमान होगा । यदि अन्त्य उन्मिति में श्रीर भी वर्षा हीं, तो उन का इष्टमान कल्पना करके, अपने अपने मात से उन वर्गी में सत्थापन देना और आगत अक्क को रूप में जोड़ देना, जिस से माज्य स्थान में, एक वर्णाङ्क तथा रूप हो जाय । फिर उन से कुटुक द्वारा गुण-लिब्ध कम से भाज्य-भाजक वर्ण के मान होंगे, ऋौर विलोम (उलटा) उत्थापन के द्वारा, अन्यवर्ण अर्थात् पूर्व भाज्य-भाजक के वर्ण से मिन्नवर्षा के मान सिद्ध करने चाहिये जैसा—ग्रागत मान के CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri दृदं भाजक, भाज्य को, इष्टवर्ण से गुण कर वैसे भाजक-भाज्य को खेप कल्पना करना। फिर लेप से सिहत अपने अपने मान से पूर्व वर्णोनिमति के वर्ण में उत्थापन देना। अपने अपने छेर का भाग देने से जो लड्घ मिले, वह पूर्ववर्ण का मान होगा। आगे के वर्ण के मान जानने से, उसके पहने वर्ण का मान ज्ञात होता है। जैसा कालक के मान से या त्वावत् का मान, नी नक मान में कालक का आन। इस लिये उसको विलोम जत्थापन कहते हैं। यदि विलोम उत्थापन करने से भी, पहल वर्ण का मान भिन्न आवे, तो फिर कुट्टक करना और वहां पर भी गुण-लाड्य को सक्तेप करके, भाज्य-भाजक के वर्ण मान को ज्ञात करना। यहां उस सक्तेप गुण से अन्त्य वर्णमान में, जो वर्ण हो उस में उत्थापन देकर फिर आद्य से व्यस्त (उलटा) उत्थापन देना। जिस मान में पहले उत्थापन देने से भिन्न भान आया था वह मान आदा है। यहां पर जिस वर्ण का अथवा अव्यक्त जो मान आया है, उनको व्यक्त क्र से गुण देने में, उस वर्ण का दूरीकरण होता है। इस लिये इसको उत्थापन कहत है।

उदाहरणानि—

(माणिक्यामलनीलमोक्तिकामितिः पञ्चाष्टसप्त क्रमादेकस्यान्यतरस्य सप्त नव षट् तद्रव्नसं-ख्यां सखे । रूपाणां नवतिर्द्धिषष्टिरनयोस्तो तुल्यवित्तो तथा बीजज्ञ प्रतिरव्नजातिसुमते मूल्यानि शीघ्रं वद ॥)

्ञत्र माणिक्यादीनां मूल्यानि यावत्तावदीनि प्रकल्प्य तद्गुणरत्नसंख्यां च रूपाणि च प्रक्षिप्य समशोधनार्थं न्यासः। या ५ का ८ नी ७ रू ६० या ७ का ६ नी ६ रू ६२ 'त्र्याद्यं वर्णं शोधयेत्—' इत्यादिना जाता यावत्तावदुन्मितिरेकेव का १ नी १ रू २८ या २

एकत्वादियमेवान्त्यातोऽत्र कुडकः कार्यः।
ह भाज्ये वर्णद्वयं वर्ततेऽतो नीलकमानिष्टं
ह्रपं कित्पतम् १ त्र्यनेननीलकमुत्थाप्य ह्रपेषु
प्रक्षिप्य जातम्

का १ रू २६

या २

अतः कुट्टकविधिना 'हरतष्टेधनक्षेपे—' इत्या-दिना गुणाप्ती सक्षेपे पी २ रू १ पी १ रू १४

श्रत्र शून्येन पीतकमुत्थाप्य जातानि मा-गिक्यादीनां मूल्यानि १४।१।१ श्रथवेकेन पीतकेन १३।३।१ द्याभ्यां वा १२।५।१। त्रिभिर्वा ११।७।१ एविमष्टवशादानन्त्यम् ॥

उदाहरण— एक न्यापारी के पास पांच माथिष्य, त्राठ नीत्रम, सात मोने त्रीर CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri नक्वे रुपये हैं। दूसरे के पास, सात माग्रिक्य, नो नीलम, छः मोती श्रीर बासठ रुपये हैं। परंतु दोनों न्यापारी घन में समान हैं, तो प्रत्येक रहों का क्या मोल हैं?

यहां मागिष्म्य, नीलम श्रीर मोती के क्रम से या १। का १। नी १ मोल कल्पना किया। यदि १ मागिष्म्य का या १ मोल है, तो १ का क्या मोल श्राया या १। इसी प्रकार, श्राठ नीलम श्रीर सात मोती के मोल का द। नी ७। इनका योग नब्बे से युत, एक का घन या १ का द नी ७ रू ६० हुआ। इसी भाँति, दूसरे का घन या १ का ६ नी ६ रू ६२ हुआ। इन दोनों के घन तुल्य है, इस लिये समशोधन के लिये न्यास—

या ५ का द नी ७ रू ६०

दोनों पत्तों में पहले पत्त के आदावर्ण या ४ को घटा देने से भी, दोनों पत्त व शेप समान ही रहे—

> या ७ का = नी ७ रू ६० या २ का ६ नी ६ रू ६२

यहां पहले पत्त में शून्य शेष का कुछ प्रयोजन नहीं है, इसलिये 'आदां वर्गी शोधयेदन्यपत्ताद्— यह कहा है। इसी भाँति दूनरे पत्त के अपन्यवर्ण का ह नी ६ तथा रूप ६२ को दोनों पत्तों में घटा देने से भी, पत्त-शेष समान ही रहे—

का ^१ नी १ स्ट २ ⊏ या २ का० नी० स्ट०

यहां दूसरे पदा में, कालकादि शून्य शेंप का कुछ प्रयोजन नहीं है इसिलेये 'श्रन्यान् रूपाएयन्यतः—' यह कहा है। यदि यावतावत् दो का 'का शैं नी रू २ =, यह कालकादि मान श्राता है, तो एक याव-त्तावत् का क्या ? श्रतुपात से 'श्राद्यभक्ते पत्तेऽन्यस्मिन्नाद्यवर्धीं-निमतिः स्यात्' यह उपपन्न हुन्ना।

इस प्रकार प्रकृत में त्राद्यवर्ण शेष का, ऋन्यपत्त शेष में भाग देने

से, यावत्तावत् की उन्मिति का १ नी १ रू २ म् आई। यहां अन्य वर्या की उन्मिति का ग्रसम्भव है, इसिलये यही ग्रन्त्य उन्मिति हुई। अब कुट्टक करना चाहिये, परंतु भाज्य में दो वर्षा हैं इस कारण 'ऋन्येपि भाज्ये यदि सन्ति वर्णास्तन्मानिष्टं परिकल्प्य साध्ये' इस के अनुसार, प्रकृत में नीलक का मान व्यक्त १ कल्पना किया। इस को रूप २ में जोड़ देने से का १ रू २ हुआ। अब भाज्य वर्णाङ्क या २ को भाज्य, भाजक वर्णाङ्क को भाजक ऋौर रूप को दोप कल्पना करके, कुटुक के लिये न्यास-भरकः, अष्टकः का । जाय न्यास भा, १ । च्ले. २६

ere of think a mingle of the prior think a ming

'इरतष्टे धनक्तेपे' के त्रानुसार न्यास— का अवस्थित भा. १। ची. १। विकास सम्बद्ध

हा. २ ।

उक्त रीति से बल्ली आई १ इस से जिंबिय-गुर्ग हुए १। जिंबिय के विपम होने से, अपने अपने तत्त्वा रै में शुद्ध करने से लिंडिय-गुगा रै। फिर 'तद्वत्त्त्तेपे धनगते व्यस्तं स्यादृग्यभाज्यके' के ऋनुसार, प्रकृत में भाज्य के अपृण होने से 🕴 इस लिब्य-गुण को, अपने अपने 🥇 तत्त्रणों में, शुद्ध करने से, लब्धि गुगा हुए 💲 चेपतन्त्रगालाम १४ को लब्धि में जीड़ देने से लिव्स १४ हुई ख्रौर गुगा यथास्थित रहा। यहां लिव्स भाजकवर्णा (यावत्तावत्) का व्यक्त मान रू १४ हुआ और गुण भाज्य वर्गा (कालक) का व्यक्तमान र १ हुआ। अत्र 'इष्टाहत-स्वस्वहरंगा युक्ते—' इसके अनुसार, इष्ट पीतक १ कल्पना करके इस से गुणित अपने अपने हर से लिब्ध-गुण को युक किया नो सचेप हए--

पी २ रू १ का १ वह यानतानन् स्रोर कालक का पी १ क १४ या १ र मान है।

नीक्षक का मान १ पहले कल्पना कर चुके थे। श्रब उन मानों का क्रम से न्यास——

पी० रू १ नीलक पी२ रू १ कालक पी१ै रू १४ यावत्तावत्

यहां एक पीतक का मान व्यक्त शून्य ० कल्पना करके, उस से उत्थापन देने के लिये त्रैराशिक करते हैं—

यदि १ पीतक का ० व्यक्तमान है, तो ऋ्यापीतक १ का क्या १ पीतक का मान ० आया। इस को रूप १४ में जोड़ देने से, याक्ता-वत् का मान १४ आया। यदि १ पीतक का ० व्यक्तमान है, तो २ पीतक का क्या १ पीनक के मान ० को रूप १ में जोड़ देने से कालक का मान १ आया। इस प्रकार, मायिक्य आदि के मोल १४ । १ । १ हुए। और पीतक का मान व्यक्त १ कल्पना करने से, अनुपात द्वारा ऋ्या-पीतक एक का मान १ आया, इस को रूप १४ में जोड़ देने से, याक्तावत् का मान १३ आया। इसी प्रकार कालक और नीलक का मान ३।१ मिला। इस प्रकार मायिक्य आदि के मोल १३ । ३ । १ सिद्ध हुए। यदि पीतक का मान व्यक्त २ कल्पना करने से, मायिक्य आदि के मोल १२ । १। १ आये अथवा पीतक का मान व्यक्त ३ कल्पना करने से, उन रहों के मोल ११। ७। १ मिले। इस प्रकार कल्पना वश अनेक प्रकार के मोल सिद्ध होंगे।

(उदाहरणम्— एको ब्रवीति मम देहि शतं धनेन त्वत्तो भवामि हि सखे द्विगुणस्ततोऽन्यः। ब्रूते दशार्पयास चेन्मम षड्गुणोऽहं त्वत्तस्तयोर्वद धने मम किं प्रमाणे॥) अत्र धने या १। का १ परधनाच्छतमपा-स्य पूर्वधने शतं प्रक्षिप्य जातम् या १ रू १००। का १ रू १०० परधनादाद्यं द्विगुण-मिति परधनेन द्विगुणेन समं कृत्वा लब्धा यावत्तावदुन्मितिः का २ रू ३००

या १

पुनराद्यधनाइशस्वपनीतेषु परधने क्षितेषु जातम् या १ रू १० का १ रू १०

श्राद्यात्परः षड्गुण इत्याद्यं षड्गुणं परसमं कृत्वा लब्धा यावत्तावदु निमतिः का १ रू ७० या ६

श्रनयोः कृतसमच्छेद्योश्छेद्गमे समीकरणं तत्रानेन वैकवर्णत्वात्पूर्ववीजेनागतं कालक-वर्णमानम् १७०

अनेन यावत्तावदुन्मानहयेऽपि कालकमु-त्थाप्य रूपाणि प्रक्षिप्य स्वच्छेदेन विभन्य लब्धं यावत्तावदुन्मानम् ४०।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

उदाहरण्—
एक व्यापारी दूसरे से कहता है कि हे मित्र ! जो तुम सौ रुपये
दो तो मैं तुम से घन में दूना हो जाऊं श्रीर दूसरा यह कहता है कि
यदि तुम दस रुपये सुम्मे दो तो, मैं तुम से घन में छ गुणा हो जाऊं,

तो बतलास्रो उन दोनों का धन क्या है ?

कल्पना किया या १। का १ दोनों के धन हैं। दूसरे के धन का १ में से सौ रूपये घटा कर पहले के धन में जोड़ देने से या १ रू १०० हुआ, यह द्विगुणा दूसरे के शेप धन २ × (का १ रू १००) के तुल्य है। इसलिये समीकरणा के अर्थ न्यास——

या १ का ० रू १०० या ० का २ रू २००

'त्राद्यं वर्गी शोधयेत्—' इसके त्र्यनुसार यावत्तावत् का मान सार रू ३ ०० या १

अथा। फिर पहले के धन या १ में से, दस घटा कर दूसरे के धन में जोड़ देने से, का १ रू १० हुआ। यह छ: गुने पहले के शेप धन ६ × (या १ रू १०) के तुल्य हैं, इसिंकिये समीकरण के लिए न्यास—

या ६ का ० रू ६ [°] या ० का १ रू १०

सम-शोधन करने से, यावत्तावत् का मान का १ रू ७० त्र्याया। या ६ वर्यास्यैकस्योनिमतीनां बहुत्वे- इस के त्र्यनुसार, त्र्यागत यावत्तावत् की उन्मितियों का समीकरण के जिए न्यास—

का २ रू ३०°० या १ का १ रू ७० या ६

हरों में यावत्तावत् का श्रापवर्तन देकर, समच्छेद श्रीर छदेगम करने से हुए— का १२ स १ = 0 o

एकवर्ण समीकरण की रीति से, कालक का मान १७० आया। यहां कालक का मान स्वतः अभिन्न आया, इसिलये कुट्टक करने का प्रयोजन नहीं है। जिस स्थान में समशोधन करने के वाद, हर का आग देने से उन्मिति भिन्न आती है, वहां पर कुट्टक के द्वारा अभिन्न की जाती है।

अव आगत कालक मान से दोनों यावत्तावत् मानों में, उत्थापन देना चाहिये, १ कालक का १७० मान है, तो २ कालक का क्या? दो कालक का मान ३४० आया, इस में अनुगा रूप ३०० जोड़ देने से ४० शेष रहा, इस में हर १ का भाग देने से यावतावत् का मान ४० आया। इसी प्रकार एक कालक का मान १७० हुआ, इस में रूप ७० जोड़ देने से २४० हुआ। इस में हर ६ का भाग देने से, वही यावतावत् का मान ४० आया। इस प्रकार, दोनों के धन हुए। १७०। ४०।

उदाहरणम्--

अरवाः पञ्चगुणाङ्गमङ्गलामिता येषां चतुर्णी धनान्युष्ट्राश्च हिमुनिश्चितिक्षितिमिता अष्टहि-भूपाबकाः। तेषामरवतरा दृषा मुनिमहीनेत्रे-न्दुसंख्या क्रमात्सर्वे तुल्यधनाश्च ते वद सप-द्यश्वादिमूल्यानि मे ॥ ७६॥

अत्राश्वादीनां मूल्यानि यावत्तावदीनि प्र-कल्प्य तद्गुणगुणितायामश्वादिसंख्यायां जातानि चतुर्णो धनानि

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

या ५ का २ नी ८ पी ७ या ६ का ७ नी २ पी १ या ६ का ४ नी १ पी २ या ८ का १ नी २ पी १

एतानिसमानीत्येषां प्रथमदितीययोः साम्य-

करणाञ्चब्धायावत्तावदुनिमतिः या २

हितीयतृतीययोरिप लब्धायावतावदुन्मितिः का ३ नी १ पी १ या ३

एवं तृतीयचतुर्थयोः का ३ नी २ पी १ । या २

पुनरासां मध्ये प्रथमहितीययोः समीकृत-च्छेदगमे साम्यकरणेन कालकोन्मितिः

नी २० पी १६

एवं द्वितीयतृतीययोरिप नी पि प्रे ।

अनयोः समच्छेदीकृतयोः साम्यकरणेन लब्धं नीलकोन्मानम् नी ४

'अन्त्योन्मितौ कुदृविधेर्गुणाप्ती-' इति कुट्टककरणेन लब्धो गुणकः सक्षेपः लो ४रू० एतत्पीतकमानम्। लव्धिः लो ३१ रू० एतन्नी-लकमानम् । कालकोन्मानेन नीलकपीतकौ स्वस्वमानेनोत्थाप्य स्वच्छेदेन विभज्य लब्धं कालकमानम् लो७६ रू०। अथ यावनावन्माने कालकादीन् स्वमानेनोत्थाप्य स्वच्छेदेन विभज्य लब्धं यावत्तावन्मानम् लो ८५ रू० लोहिते रूपेगोष्टेनोत्थापिते जातानि यावत्ताव-दादीनां परिमाणानि ८५।७६।३१।४। द्विकेने-ष्टेन १७०।**१५२।६२।**⊏।त्रिके**ग्**र५५५।२२⊏। ६३।१२। एवामिष्टवशादानन्त्यम्॥

अथोदाहरणान्तरं शार्द् लिविक्रीडितेनाह्— अश्वा इति । येषां चतुर्णो विण्ञां धनानि वस्तुम्न्यरूपाएयेवं विधानि सन्ति । अश्वा घोटकाः पश्चगुणाङ्गमङ्गलमिताः, तत्रैवं विभागः—एकस्य पश्च, द्वितीयस्य त्रयः, तृतीयस्य पट्, चतुर्थस्य मङ्गलान्यष्टौ । उष्ट्रा द्विमुनिश्रुतिचितिमिताः, तत्रैवं विभागः—एकस्य द्वौ, द्विती-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

यस्य सप्त, तृतीयस्य चत्वारः, चतुर्थस्य एकः। तेषामश्वतरा अष्ट-द्विभूपावकाः, तत्रैवं विभागः-एकस्याष्ट, द्वितीयस्य द्वौ, तृतीय-स्यैकः, चतुर्थस्य त्रयः। दृषा मुनिमहीनेत्रेन्दुसंख्याः, तत्राप्येवं विभागः-एकस्य सप्त, द्वितीयस्यैकः, तृतीयस्य द्वौ, चतुर्थस्यैकः। ते सर्वे तुल्यधनाः सपदि द्वतमश्वादीनां मूल्यानि मे वद ।।

उदाहर्ग-

क, ख, ग, घ चार व्यापारी हैं, इन में क के पास पांच घोड़ा, दो ऊंट, आठ खबर और सात वैल हैं; ख के पास तीन घोड़ा, सात ऊंट, दो खच्चर और एक वैल हैं; ग के पास छ घोड़ा, चार ऊंट, एक खच्चर और दो बैल हैं; घ के पास आठ घोड़ा, एक ऊंट, तीन खच्चर और एक बैल है, पर वे चारो व्यापारी धन में तुल्य हैं। तो घोड़ा वगैरह का मोल क्या है ?

कल्पना किया कि घोड़ा आदि के या १। का १। नी १। पी १। मोल हैं, यदि एक घोड़ा आदि जीवों के, या १, का १, नी १, पी १, मोल आते हैं, तो ४। २। ८। ७ इन के क्या ? पहले का धन 'या ४ का २ नी ८ पी ७' हुआ। - इसी प्रकार दूसरे का धन 'या ३ का ७ नी २ पी १' । तीसरे का धन 'या ६ का ४ नी १ पी २' और चौथे का धन 'या ६ का १ नी ३ पी १' हुआ। । ये धन समान हैं, इसलिये पहले और दूसरे धन का समी-कर्या के लिये न्यास—

या १ का २ नी द्रपी ७ या ३ का ७ नी २ पी १

'त्र्याद्यं वर्णे सोघयेत्—' इस रीति से, यावत्तावत् की उन्मिति का ४ नी ६ पी ६ त्र्याई

इसी प्रकार, दृसरे चौर तीसरे घन का साम्य करने के किए न्यास— या ३ का ७ नी २ पी १ या ६ का ४ नी १ पी २ समीकरण से यावत्तावत् की उनिमति का ३ नी १ पी १ न्याई। या ३ तीसरे त्र्यौर चौथे घन का समीकरण के जिये न्यास— या ६ का ४ नी १ पी २ या द का १ नी ३ पी १

साम्य करने से यावत्तावत् की उनिमति का ३ नी रें पी १ आई।

यहां एक यावत्तावत् वर्ण की तीन उन्मितियाँ समान हैं। ऋब अन्यवर्ण का मान जानने के लिये पहले और दूसरे यावतावत् मान का समीकरण के लिये न्यास—

का ४ नी ६ पी ६ या २ का ३ नी १ पी १ या ३

इन के हर में यावत्तावन् का अपवर्तन देकर, समच्छेद और छेद-गम करने से हुए—

का १ ४ नी १ में पी १ म

समशोधन से कालक की डिन्मिति नी २० पी १६ न्याई।

इसी प्रकार, दूसरे और तीसरे यावत्तावत् मान का साम्य के लियं न्यास— का ३ नी १ पी १

> या ३ का ३ नी २ पी १ या २

हर में यावत्तावन् का अपवर्तन देकर, समच्छेद आरे छेर्गम करने से हुए का ६ नी २ पी २ का ६ नी ६ पी ३ समीकरण से कालक की उन्मिति नी प्रे आई।

यहां कालकवर्णा की दो उन्मितियाँ आई हैं। अब अन्यवर्णा का मान जानने के लिये उन का समीकरण के लिए न्यास—

नी २० पी १६ का ६ नी = पी <u>थै</u> का ३

हर में कालक का श्रापवर्तन देकर, समच्छेद श्रीर छेदगम करने से हुए— नी ६० पी ४= नी ७२ पी ४५

समीकरण से नीलक की उन्मिति पी हुई । इस में ३ का ऋप-

वर्तन देने से पी ३१ हुई। अन्त्य की उन्मिति यही है, इसिलिये उस का कुट्टार्थ न्यास—

भा. ३१। चो. ० हा. ४।

क्षेप के श्रभाव होने से लिटिध-गुण है हुए। लोहितक १ इष्ट कल्पना करके 'इष्टाहत—' इस सूत्र के श्रनुमःर, सक्षेप लिटिध-गुण हुए—

लो ३१ रू० नीलक लो ४ रू० पीतक

यहां लिटिघ, भाजक वर्गा, नीलक का, मान है। श्रीर गुगा, भाज्य वर्गा पीनक का, मान है। श्रित्र इस से कालक की उन्मिति में उत्थापन देना चाहिये। १ नीलक का लो ३१ यह मान है, तो २० नीलक का क्या ? ल वीस नीलक का मान लो ६२० हुश्रा। १ पीतक का लो ४ यह मान है, तो १६ पीनक का क्या ? सोलह पीनक का मान जो ६४ हुश्रा। श्रित्र इन मानों के योग ६२०+६४=६ ८४ में हर ६ का भाग देने से, कालक का मान लो ७६ श्राया। इसी प्रकार दूसरी कालक की उन्मिति में उत्थापन देते हैं—१नीलक का लो ३१ यह मान है, तो प्र पीतक का क्या ? श्राठ नीलक का मान लो २४ प्र हुश्रा। १ पीतक का लो ४ यह मान है, तो प्र पीतक का क्या ? श्र्य-पांच पीतक का मान लो २० हुश्रा। श्रव दोनों मानों के योग २४ प्र + २० = २२ प्र में हर ३ का माग देने से वहीं कालक का मान लो ७६ श्राया। श्रव ७६।३१।४ इन कालक नीलक श्रौर पीतक के मान से, यावत्तावत् की उन्मितियों में उत्थापन देते हैं—कालक मान ७६ पांच से गुग्र देने से ३०० हुश्रा, नीलक मान ३१ श्रृग्र ह्य से गुग्र देने से १ प्र हुश्रा। इन के योग १७० में हर २ का माग देने से, यावत्तावत् की उन्मिति लो प्र श्राई। इसी प्रकार, दूसरे श्रौर तीसरे यावत्तावन्मान में उत्थापन देने से वही यावत्तावत् की उन्मिति लो प्र श्राई। इसी प्रकार, दूसरे श्रौर तीसरे यावत्तावन्मान में उत्थापन देने से वही यावत्तावत् की उन्मिति लो प्र श्राई में वही यावत्तावत् की उन्मिति लो प्र श्री वही यावत्तावत् की उन्मिति

जो दर्श रू० यावतावत् जो ७६ रू० कालक जो ३१ रू० नीजक जो ४ रू० पीतक

यहां लोहितक का व्यक्तमान १ कल्पना करके अनुपान करते हैं—
यदि १ लोहितक का रू १ यह मान है, तो = ४ लोहितक का क्या?

थावत्तावत् का मान व्यक्त १ लो = = ४ आया, यह एक घोड़ा
का मोल है। इसी प्रकार, एक उंट का मोल ७६, एक खच्चर का
मोल ३१, और १ बैल का मोल ४ हुआ। लोहितक का व्यक्त
मान २ कल्पना करने से, घोड़ा आदि के मोल १७०।१४२।६२।=
हुए और ३ कल्पना करने से २४४।२२=।१३।१२ हुए।
आलाप-एहले का धन 'या ४ का २ नी = पी ७'है। यदि

मोल ४२५ हुन्ना । यदि १ ऊंट का ७६ मोल है, तो दो ऊंटों का CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

१ घोडा का = ४ मोल है, तो पांच घोड़ों का क्या ? पांच घोडों का

क्या ? दो ऊंटों का मोल १४२ हुआ। यदि एक खन्नर का ३१ मोल है तो आठ का क्या ? आठ खन्नरों का मोल २४८ हुआ। यदि १ बैल का ४ मोल है, तो सात का क्या ? सात बैलों का मोल २८ हुआ। और सब का योग समधन ८४३ हुआ। इस प्रकार नारों के घोड़ा आदि के मोल और सम धन हुए—

82x+8x2+28=+2==x8 2xx+x32+62 +8 ==x3 x80+308+38 += ==x3 6=0+06 +63 +8 ==x3

उदाहरणम्-

त्रिभिः पारावताः पञ्च पञ्चभिः सप्त सारसाः । सप्तिभिनेव हंसाश्च नवभिर्वर्हिणां त्रयम् ॥ द्रम्मेरवाप्यते द्रम्मशतेन शतमानय । एषां पारावतादीनां विनोदार्थं महीपंतेः॥

श्रत्र पारावतादीनां मूल्यानि यावत्तावदा-दीनि प्रकल्प्य ततोऽनुपातेन पारावतादीना-नीय तेन रातेन समिक्रया कार्या। श्रथवा त्रि-पञ्चादीनि मूल्यानि पञ्चसप्तादीञ्जीवारच याव-त्तावदादिभिःसंगुर्यसमिक्रयाकार्यात्वथा—

१ अत्र झानराजदैवझाः—

पृक्तानीलमहाप्रवालविलसद्वेद्र्यवज्ञेः क्रमा
दम्भोधीपुरसाद्रिपावकमितेर्मापाञ्चिमुख्याः सखे ।

लभ्यन्ते शतयुग्ममानय शतदन्द्वेन तेषां यदा

यास्यामः पुनद्वयमाय सथना रहाकरान्तःपुरम् ॥

या ३ का ५ नी ७ पी ६ एतानि मूल्यानि शतसमानि कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम्। का ५ नी ७ पी ६ रू १००

या ३

पुनः या ५ का ७ नी ६ पी ३ एताञ्जीवा
ञ्शतसमान्कृत्वा लब्धं यावत्तावनमानम् ।

का ७ नी ६ पी ३ रू १०० ।

या ५

अनयोः कृतसमच्छेदयोश्छेदगमे लब्धं कालकमानम् नी २ पी ६ रू ५० कालकमानम् का १

अत्र भाज्ये वर्णद्वयं वर्तत इति पीतकमान-मिष्टं क्ष्यचतुष्ट्यं कल्पितम् ४ अनेन पीतक-मुत्थाप्य क्षेषु प्रक्षिप्य जातम् नी २ क् १४ का १

अतः कुइकविधिना लिब्धगुणी सक्षेपी लो २ रू १४ लो १ रू०

यावत्तावदुन्माने स्वस्वमानेन कालकादी-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

नुत्थाप्य स्वस्वच्छेदेन विभज्य लब्धं यावत्ता-वन्मानम् लो १ रू २।

लोहितकमिष्टेन रूपत्रयेणोत्थाप्य जातानि यावत्तावदादीनां मानानि १।८।३।४ एभिर्मू-ल्यानि जीवाश्चोत्थापिताः

मूल्यानि ३।४०।२१।३६ पक्षिणः ५।५६।२७। १२

अथवा चतुष्केरोष्टेन मानानि २।६।४।४। उत्थापिते

मूल्यानि ६। ३०। २८। ३६ जीवाश्च १०। ४२। ३६। १२ अथवा पञ्चकेन मानानि ३।४।५।४।उत्थापिते मूल्यानि ६। २०। ३५। ३६। जीवाश्य १५। २८। ४५। १२।

एवमिष्टवशादनेकधा।

अथोदाहरणान्तरं पाचीनोक्तमनुष्टुवृद्धयेनाह—त्रिभिरिति । त्रिभिर्द्रम्मैः पश्च पारावताः कपोता अवाप्यन्ते तथा पश्चभिर्द्रम्मैः सप्त सारसाः, सप्तभिर्द्रम्मैनेव हंसाः, नवभिर्द्रम्मैबेहिंणां मयूराणां त्रयमवाप्यते । एवं सति द्रम्मशतेन एषां पारावतादीनां शतमा-नय महीपतेर्विनोदार्थम् । बदाहरणा-

छा, ने क, व कहा कि तीन द्रम्म के पांच क्यूतर पांच द्रम्म के सात सारम, मात द्रम्म के नौ हंस और नौ द्रम्म के तीन मोर आते है। तुम राजा के विनोद के लिये, सौ द्रम में, सौ ही क्यूनर आदि पत्ती खरीद क्षात्रों, तो उन पित्तरों की और मूल्य की क्या संख्या है?

कल्पना किया कत्रृतर आदि जीवों के या १, का १, ती १, पी १ मोल है। ३ द्रम्म के ४ कवृतर आते है, तो या १ के क्या ? कवृतर या दें आये। इसी प्रकार अनुपात से सारस, हंस और मोर का 🖁 । नी 🖔 । पी 🏂 त्राये । इन मोलों का योग समच्छेद से हुआ-

या १५७५ का १३२३ नी १२१४ पी ३१५

888

ह का अपवर्तन देने से

या १७५ का १४७ नी १३५ पी ३५

ROX

यह १०० के तुल्य है, इसिनये पत्तों का समच्छेद ऋौर छेदगम करके न्यास

या १७५ का १४७ नी १३५ सी ३५ रू०

क्ट १०४००

'त्राद्यं वर्णे शोधयेन्—े के अनुसार, समीकरण से यावत्तावन् का १४७ नी १३५ पी ३५ र १०४०० आई। मोलों की उनिमति

का योग भी १०० के समान है, इसिलये उनके समीकरण के लिए या १ का १ नी १ पी १ रू० न्यास--या ० का ० नी ० पी ० रू १००

समशोधन से यावनावन् की उन्मिति का १ नी १ पी १ रू१००

दोनों यावत्तावत् की उन्मितियाँ परस्पर तुल्य है, इस कारण समी-करण के जिये न्यास-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

का १४७ नी १३५ पी ३५ र १०४००

या १७५ का १ नी १ पी १ रू १०० या १

समच्छेद श्रीर छेदगम करने से--

का १४७ नी १३५ पी ३५ रू १०५०० का १७५ नी १७५ पी १७५ रू १७५००

समशोधन से कालक की उन्मिति आई---

नी ४० पी १४० रू ७०००

का २८

चार का अपवर्तन देने से— नी १० पी ३५ रू १७४०

का ७

यहां भाज्य में दो वर्षा हैं, इसिलये पीतक का मान व्यक्तरूप ३३ कल्पना किया त्रौर उस से पीतक ३५ को गुगा देने से ११५४ हुत्रा इस को रूप १७४० में जांड़ देने से ४६४ हुत्रा। इस माँति कालक की उन्मिति हुई—

नी १० रू ४६ ४

यह ऋन्त्य की उन्मिति है, इस कार्ग्य कुट्टक के क्रिये न्यास— भा. १०। चो. ४६४।

हा. ७ ।

'तंप: शुध्येत्—'इस सूत्र के अनुसार गुगा व्लिटिंग = ४ आई। यहां गुगा नीलक का मान लो ७ रू० और लिटिंग कालक का मान ओ १० रू ५०० का १ नी १ पी १ म् १०० या १ में उत्थापन देते हैं—कालक आदि के मान भृगारूप १ से गुगा देने से हुए— लो १० रू = ४ कालक लो ७ हु० नीजक लो ० र रें३ पीतक

इन का योग लो ३ रू ११ = हुआ, इस में रूप १०० जोड़ कर हर १ का भाग देने से, यावत्तावत् की उन्मिति को ३ रू रैं = आई। इसी भौति दूसरे यावत्तावत् के मान में, उत्थापन देने से, वही उन्मिति मिली । इनका क्रम से न्यास-

लो ३ रू १ दं यावत्तावत् लो १० रू ८४ कालक लो ७ रू ० नीलक लो ० रू ३३ पीतक

यहां लोहितक का रूप ७ व्यक्त मान कल्पना किया, फिर १ जोहितक का ७ मान है, तो ३ जोहितक का क्या ? अनुपात से तीन लोहितक का मान २१ त्राया, इसमें रूप १ दं जोड़ देने से यावत्तावत् की उन्मिति रू ३ त्राई । इसी भाँति कालक की उन्मिति रू १४ नीलक की उन्मिति रू ४६ ऋौर पीतक की उन्मिति रू ३३ न्त्राई । इतका योग, सौ के समान है ३+१४+४६+३३=१००

३ द्रम्म के ४ कबूतर तो ३ के क्या, यों पांच ही मिले। ४ द्रम्म के ७ सारस तो १४ के क्या, यों इकीस मिले। उ द्रम्म के ६ इंस तो ४६ के क्या, यों तिरसठ मिले। ह द्रम्म के ३ मीर तो ३३ के क्या, यों ग्यारह मिले। इन जीवों का योग भी, सौ के समान है-

2 + 28 + 23 + 88=800

ऋथवा ३ । ४ । ७ । ६ मृल्य कल्पना किया। अप्य इन्हें उन गुणकों से गुण देना चाहिये कि जिससे गुणितों का योग सी के तुल्य हो। इसी भौति, उन्हीं गुयाकों से ४। ७।६। ३ इन जीवाँ को भी गुगा देना चाहिये कि जिस से गुगितों का योग सी के तुल्य हो । परन्तु वे गुणक अज्ञात हैं इस लिये उन के मान या १ का १ नी १ पी १ कल्पना किये हैं!

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

त्राव इन को क्रम से ३ | ४ | ७ | ६ इन मूल्यों से गुण देने से, या ३ का ४ नी ७ पी ६ इन का योग सो के तुल्य है, इसिनये समी-करण के किये न्यास—

या ३ का ५ नी ७ पी ६ **रू**० या ० का० नी० पी० रू १००

समशोधन से यावत्तावत् की डान्मिति का ५ नी ७ पी ६ रू १०० या ३

त्रव १ । ७ । ६ । ३ इन जीवों को क्रम से, गुण्यक से गुण्यकर सौ के साथ समीकरण करने के लिये न्यास—

या ५ का ७ नी ६ पी ३ क् ० या ० का ० नी ० पी ० क् १०० समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति ऋाई— का ७ नी ६ पी ३ क् १००

या ४

दोनों यावत्तावत् की उन्मितियों का समीकरण के लिये न्यास—
का ५ं नी ७ं पी है रू १००

या ३ का ७ नी ६ पी ३ रू १०६ या ४

यावत्तावत् का अपवर्तन देकर, समच्छेद और छेदगम से हुए— का २५ं नी ३५ं पी ४५ं रू ५०० का २१ नी २७ं पी है रू ३००

समशोधन से कालक की उन्मिति आई—

का ४ चार का अपवर्तन देने से— नी रें पी है रू ५०

का १

भाज्य में दो वर्गा है, इसिलये पीतक का मान ज्यक रूप४ कल्पना किया, १ पीतक का ४ मान है तो पीतक ६ का क्या? रूप३ ६ हुआ, इस में रूप ४० जोड़ देने से, रूप १४ हुआ। इस भांति भाज्यका स्वरूप हुआ नी रे रू १४। अब कुट्टक के लिये न्यास—

भा. २। ज्ञे. १४।

हा. १।

'त्तेपः शुध्येद्धरोद्धृनः—' इस सूत्र के अनुसार, लिब्ध-गुगा रेडं 'इष्टाहतस्वस्वहरेगा—' के अनुसार, लोहितक इष्ट मानने से संत्तेप लिब्ध गुगा हुए——

लो ^२ रू १४ कालक लो १ रू० नीलक

यहां लिविध कालक का मान ऋौर गुगा नीलक का मान है। इन से दोनों यावत्तावन् के मानों में उत्थापन देना चाहिये— जैसा पहला यावत्तावन् का मान है—

का पं नी ७ पी है रू १००

या ३

१ कालक का लो रं रू १४ यह मान है, तो ऋगा कालक ५. का क्या, लो १० रू ७० हुआ।

१ नीलक का लो १ रू० यह मान है, तो ऋगा नीलक ७ का क्या, लो ७ रू० हुआ।

१ पीतक का लो ० रू ४ यह मान है, तो ऋगा पीतक है का क्या,

लों ० रू रेई हुआ।

इन मानों का योग लो ३ रू १०६ हुआ। इसमें रूप १०० जोड़ कर, हर या ३ का भाग देने से, यावत्तावन् का मान लो १ रू २ आया। इसी भांति दूसरे यावत्तावन् के मान में उत्थापन देने से वहीं मान आया

या १ लो १ रू २ यावत्तावत् लो २ रू १४ कालक लो १ रू ० नीलक लो ० रू ४ पीतक

यहां लोहितक का व्यक्त मान रूप ३ कल्पना करने से गुणक १। द । ३ । ४ हुए। इनसे ३ । ४ । ७ । ६ इन मूल्य द्रम्मों को यथाक्रम गुण देने से, क्वूतर आदि जीवों के मूल्य ३ । ४० । २१ । ३ ६ हुए। और इन्हीं गुणकों से ४ । ७ । ६ । ३ इन को यथाक्रम गुण देने से क्वूतर आदि जीवों की संख्या हुई ४ । ४६ । २० । १२ अथवा, लोहितक का व्यक्त मान रूप ४ कल्पना किया तो २ । ६ । ४ । ४ गुणक हुए । इन से मूल्य द्रम्मों को यथाक्रम गुण देने से, जीवों के मूल्य ६ । ३० । २८ । ३६ हुए और इन्हीं गुणकों से जीवों की संख्याओं को गुण देने से, जीव १० । ४२ । ३६ । १२ हुए । अथवा, लोहितक का व्यक्त मान रूप ४ कल्पना किया तो, ३ । ४ । ४ । ४ गुणक उत्पन्न हुए । इन से भी उक्त रीति के अनुसार, मूल्य ६ । २० । ३६ और जीव १४ । २८ । ४४ । १२ आये । इप के कल्पनावश नानाविध मूल्य और जीवों के मान मिलेंगे ॥ उत्हर्म स्मूल्य नानाविध मूल्य और जीवों के मान मिलेंगे ॥ उत्हर्म स्मूल्य नानाविध मूल्य और जीवों के मान मिलेंगे ॥

षड्भक्तः पञ्चाग्रः

पञ्चविभक्तो भवेच्चतुष्काग्रः। चतुरुद्धतास्त्रकाग्रो

द्र्ययस्त्रिसमुद्भृतः कः स्यात् ॥ ८०॥

१ अत्र श्रीवापुदेवपादोक्तं सूत्रम्— भाजकाना लघुतमापवत्यों रूपवर्जितः । राशिः स्यादिप्रग्राणितापवर्तां व्यस्त्वनेकथा ॥

श्राचार्योक्षोदाहरणे माजकाः ६। ४। ४। ३। २ एतेषां लघुतमापवर्त्यः ६० रूपोनो सारीः ४६ श्रयमेकादीएग्रणेनापवर्तेन युक्षोऽनेकथा मवति ।

श्रत्र राशिः या १ श्रयं षड्भक्तः पञ्चाय इति षड्भिर्भागे हियमाणे कालको लभ्यत इति कालकगुणो हरः स्वायेण पञ्चकेन युतो यावत्तावता सम इति साम्यकरणेन यावत्ता-

वदुन्मितिः का ६ रू ५

एवं पञ्चादिहरेषु नीलकादयोलभ्यन्त इति जाता यावत्तावदुन्मितयः

नी ५ रू४ पी४ रू३ लो ३ रू२

ऋासां प्रथमद्वितीययोः समीकर गोन लब्धा

कालकोन्मितिः नी ५ रू १

एवं द्वितीयतृतीययोः समीकर्णेन लब्धा

नीलकोन्मितिः पी४ रू १

एवं तृतीयचतुर्थयोः समीकरगोन लब्धा

पीतकोन्मितिः लो३ रू १

श्रतः कुटकाञ्चव्धे लोहितकपीतकयोमीने सक्षेपे हुए रू३ लो हु३ रू२ पी

नीलकोन्मानेपीतकं स्वमानेनोत्थाप्य जातम् ह १२ रू ७ नी ५

अत्र स्वच्छेदेन हरणे नीलकमानं भिन्नं लभ्यते इति कृत्वाभिन्नं कर्तु 'भूयः कार्यः कुट्टकः—' इति पुनः कुट्टकात्सक्षेपो गुणः श्वे ५ रू ४ एतद्दरितकमानम्, अनेन लोहितक-पीतकयोमीने हारितकमुत्थाप्य जाते लोहि-तकपीतकयोमीने

> रवे २० रू १६ लो रवे १५ रू १४ पी

इदानीं नीलकोन्माने पीतकं स्वमानेनोत्था-प्य स्वच्छेदेन विभज्य लब्धं नीलकमानम-भिन्नम् श्वे १२ ह ११ अनेन कालकमाने नीलकं स्वमानेनोत्थाप्य स्वच्छेदेन विभज्य लब्धं कालकमानम् श्वे १० रू ६।

एभिर्मानैर्यावत्तावदुन्मितिषु कालकादीनु-त्थाप्य लब्धं यावत्तावन्मानम् श्वे६० रूप्रश अथवा षड्भक्तः पञ्चाय इति प्राग्वजातो राशिः का ६ रू ५ अयमेव पञ्चहतश्चतुरय इति लब्धं नीलकं प्रकल्प्य तद्गुणितहरेण स्वाययुतेन नी ५ रू ४ समीकरगोन जातम्

इति प्रकृति विकास

AS THE ROYAL OF THE PARTY OF STREET THE PARTY OF STREET एतत्कालकमानं भिन्नं लभ्यत इति कुटके-नाभिन्नकालकोन्मानम् पी ५ रू ४ अनेन पूर्व-राशि का ६ रू ५ मुत्थाप्य जातम् पी ३० रू २६ पुनरयं चतुर्भक्तस्त्रयग्र इति प्राग्वत्साम्ये कृते जातम् लो ४ रू २६ पी ३०

अत्रापि कुटकाल्लब्धं पीतकमानम् ह २ रू १ अनेन पूर्वराशा पी ३६ रू २० वुत्थापिते जातो राशिः ह ६० रू ५९ पुनरयं त्रिभक्नो द्रयय इति स्वत एव जातः शून्येकद्रयाद्युत्था-पनाद्बहुधा ॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

त्रथ 'मूयः कार्यः कुट्टकः—' इति पूर्वोक्तम्त्रखण्डस्य व्याप्ति दर्शयितुमुदाहरणान्तरमार्थयाह—षड्मक्त इति।कोराशिः षड्मक्तः पश्चाग्रः पश्चशेषः स्यात् । स एव राशिः पश्चमक्तः संश्चतुष्काग्रः स्यात् । चतुरुद्धृतस्त्रिकाग्रः स्यात् । त्रिसमुद्धृतो द्वचग्रः स्यादिति निरूत्यताम् ।।

उदाहरया-

वह कौन राशि है, जिस में ६ का भाग देने से पांच शेष रहता है, पांच का भाग देने से चार शेष, चार का भाग देने से तीन शेष, ऋौर तीन का भाग देने से दो शेष रहता है ?

कलपना किया या १ राशि का मान है। इस में छः का भाग देने से पांच शेष रहता है ज्ञौर लब्ध कालक ज्ञाता है, तो हर ६ ज्ञौर लब्धिका १ का घात, शेष ४ युत, भाज्य राशिया १ के तुल्य है, इसलिये—

का ६ रू ४ या १

समीकरण से यावत्तावत् की उन्मिति का ६ रू आई। फिर या १ या १ में ५ का भाग देने से ४ शेष रहता है और लब्ध नीलक श्राता है, तो हर ५ और लब्धि नी १ का घात, शेष ४ युत, भाज्य-राशि या १ के तुल्य है, इसलिये—

> नी ४ रू ४ या १

समीकरण से यावत्तावत् की उन्मिति नी प्रक्ष आई। फिर या १ या १ में ४ का भाग देने से ३ शेष रहता है, ख्रौर ल्ड्स पीतक स्थाता है, तो हर ४ ख्रौर लडिंघ पी १ का चात, शेष ३ युत, भाज्य-राशि या १ के तुल्य है, इसलिये—

पी ४ रू ३

समीकरण से यावत्तावत् की उनिमति पी ४ रू ३ आई।

फिर, या १ में ३ का भाग देने से २ शेष रहता है ऋौर जन्म कोहितक आता है, तो हर ३ और जन्मि जो १ का घात, शेष २ त, भाज्य-राशि या १ के तुल्य है, इसिंजये—

जो ३ **र** २

समीकरण से यावत्तावन् की उनिमति ली ३ रू २ आई।

यहां एक यावत्तावत् वर्ण की चार उनिमितयाँ मिलीं। इन का 'वर्णस्यैकस्योन्मितीनां बहुत्वे——' इस के अनुसार समीकरण करना चाहिये, तो पहली और दूसरी यावत्तावत् उन्मिति का समीकरण के लिये न्यास—

का ६ रू ४ या १ नी ४ रू ४

यावत्तावत् का अपवर्तन देकर, समच्छेद और छेदगम करने से हुए-

का ६ नी ० रू ४ का० नी ४ रू ४

समीकरण से कालक की उन्मिति ना ४ र रे न्याई।

दूसरी श्रीर तीसरी यावतावत् उन्मिति का समीकरण के लिये न्यास-

नी ४ रू ४ या १ पी ४ रू ३ या १ यावत्तावत् का अपवर्तन देकर, समच्छेद श्रौर छेदगम करने से हुए— नी ४ पी ० रू ४

नी ० पी ४ रू ३
समाकरण से नीलक की चन्मिति पी ४ रू १
नी ४

तीसरी ऋौर चौथी यावतावत् उनिमति का समीकर्या के लिये न्यास-

पी ४ रू ३ या १ जो २ रू २ या १

यावत्तावत्का अपवर्तन देकर, समच्छेद और छेदगम करने से हुए-

पी ४ लो० रू ३ पी० लो२ रू २

समीकरण से पीतक की उन्मिति लो २ रू १ आई। यही अन्त्य

की उन्मिति है, इसिलये कुट्टक के लिये न्यास-

भा. ३। चि. १। हा. ४।

चक्त रीति से वही ० त्र्याई । उससे लिब्ध गुया १ हुए । लिब्ध कसम होने से १ १

20

जिंध-गुया ज्यों के त्यों रहे। परन्तु चोप के श्रृण होते से हैं इत श्रपते श्रपते हरों में शुद्ध करने से, जिंध-गुया है हुए। श्रव हरितक इष्ट मानने से 'इष्टाहतस्वस्वहरेगा—' के श्रनुसार जिंध-गुया सचोप हुए—

ह ३ रू २ पीतक ह ४ रू ३ लोहितक यहां लिब्ध पीतक का मान हो। पीतक के मान, ह ३ रू २ से पूर्वागत नीलक के मान पी ४ रू १

में अत्थापन देते हैं---

यदि १ पीतक का ह ३ रू २ यह मान है, तो पीतक ४ का क्या, ह १२ रू द हुआ, फिर रूप द में आया रूप र जोड देने से रूप ७ हुन्ना। फिर ह १२ रूँ ७ में हर नी ५ का भाग देने से नीलक का मान हु १२ रू ७ हुन्ना।

यहां हर का भाग देने से भिन्न मान आता है। इसिनिये भिन्न यदि मानमेवम्' भूयः कार्यः कुट्टकः-, इसके अनुसार फिर कुट्टक के क्षिये न्यास-

> भा. १२। ची. ७। हा- भू ।

हरतष्टे घनचोपे-,इस रांति से न्यास-

मा. १२। च्रो. २।

हा. ४ ।

चक्त रीति से वल्ली २ ऋाई । इस से लिब्ध-गुर्या १० हुए। फिर 'चेपत-

while the walks with the

च्त्रयाकाभाढ्या-' के अनुसार १ जोड़ देने से कविष ११ हुई। इस प्रकार 👯 लिब्ध-गुया हुए। यहां, लिब्ध ११ नीलक कां मान त्रीर गुण ४ हरितक का मान है। त्रव श्वेतक १ इष्ट कल्पना करने से 'इष्टाइतस्वस्वहरेण-' के अनुसार सक्तेप लिब्ध-गुया हुए-

रवे १२ रू ११ नीलक रवे ४ रू ४ हरितक

यहां 'श्वे ४ ७ ४' इस हरितक मान से-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

बीजगिएते-

ह ३ रू २ पीतक ह ४ रू ३ जोहितक

इन पूर्वानीत आनितम पीतक, लोहितक के मानों में उत्थापन देना चाहिये। तात्पर्य यह है कि जिस वर्ण का मान जहां पर आया है वह वर्ण पहले जिस मान के भीतर में हो, वहां उसी वर्ण में उत्थापन देना उचित है। जैसा-, हरितक का 'श्वे ४ रू ४' यह मान है, तो ३ हरि-तक का क्या, श्वे १४ रू १२ हुआ। अब रूप १२ में रूप २ जोड़ ते से, पीतक का मान, श्वे १४ रू १४ हुआ। इसी माँति—यदि १ हारितक का, श्वे ४ रू ४ यह मान है, तो ४ हरितक का क्या, श्वे २० रू १६ हुआ। अब रूप १६ में रूप ३ जोड़ देने से, लोहितक का मान श्वे २० रू १६ हुआ।

इन का क्रम से न्यास— रवे २० रू १६ जोहितक रवे १४ रू १४ पीतक

इस भाँति, अन्त्य वर्णों में उत्थापन हुआ । अव '——अन्त्यवर्णे तेनोत्थाप्योत्थापयेद् व्यस्तमाद्यान्—' इस के अनुसार, लोहितक झौर पीतक के मान से नीजकमान आदि लेकर, व्यस्त उत्थापन देते हैं— जैसा—श्वे १४ क १४ इस पीतक के मान से पी ४ क १ इस पूर्वानीत नीजक के मान में, उत्थापन देना है—यदि १ पीतक का श्वे १४ क १४ यह मान है तो ४ पीतक का क्या, श्वे ६० क ५६ हुआ । यहां कप ५६ में अनुयाकप १ जोड़ देने से ४४ हुआ । अव हर ५ का भाग देने से नीजक का मान श्वे १२ क १९ हुआ । यह कुटुकागत नीजकमान श्वे १२ क ११ के समान ही है । अब इस से का ६ कर ११ के समान ही है । अब इस से का ६ कर ११ के समान ही है । अब इस से का ६

कालक के मान में उत्थापन देते हैं— १ नीलक का रवे १२ रू ११ वह मान है, तो नीलक ४ का क्या, रवे ६० रू ४४ हुआ। इस में रूप १ जोड़ देने से रवे ६० रू ४४ हुआ। इस में हर ६ का भाग

देने से कालक का मान रवे १० रू ६ स्त्राया । स्त्रब इन मानों से यावत्तावत् की उन्मितियों में उत्थापन देते हैं---

यहां पहली यावत्तावत् की उन्मिति का ६ रू रे है। यदि १ कालक

का, रवे १० क् ६ यह मान है, तो कालक ६ का क्या, रवे ६०क ४४ हुआ। इस में रूप ४ जोड़ देने से, रवे ६० क ४६ हुआ। किर इर १ का भाग देने से, यावत्तावत् की छन्मिति रवे ६० क ४६ आई।

दूसरी यावत्तावत् की उन्मिति नी ४ रू ४ है। यदि १ नीक्षक या १ का रवे १२ रू ११ यह मान त्र्याता है, तो ४ नीक्षक का क्या, रवे

का श्व १२ के ११ यह मान आता है, ता र नाजक का क्या, श्व है ० के ४४ हुआ। इस में कप ४ जोड़ कर, हर १ का भाग देने से यावत्तावत् की उन्मिति श्वे ६० के ४६ आई।

तीसरी यावत्तावत् की उन्मिति या १

श्वे १४ रू १४ यह मान है, तो ४ पीतक का क्या, श्वे ६० रू ४६ हुआ। इस में रूप ३ जोड़ कर हर १ का भाग देने से, यावता-वत् की उन्मिति श्वे ६० रू ४६ आई।

चौथी यावत्तावत्की उन्मिति लो ३ रू २ है। यदि १ लोहितक का

श्वे २० रू १६ यह मान है, तो ३ लोहितक का क्या, श्वे ६० रू ५७ हुआ। इस में रूप २ जोड़ कर, हर १ का भाग देने से यावत्तावत् की उन्मिति श्वे ६० रू ५६ आई। इस माँति, चारों यावत्तावत् की उन्मितियां तुल्य ही मिलीं। श्रव पूर्वागत यावत्तावत् स्नादि वर्यों के मानों का क्रम से न्यास—

श्वे ६० रू ४६ यावत्तावत् श्वे १० रू ६ कालक श्वे १२ रू ११ नीलक श्वे १४ रू १४ पीतक श्वे २० रू १६ लोहितक यहां श्वेतक का शून्य ० व्यक्त मान कल्पना करके, उत्थापन देते हैं—१ श्वेतक का ० यह मान है, तो ६० श्वेतक का क्या, यों ० श्राया, इस में रूप ४६ जोड़ देने से, यावत्तावत् की उन्मिति व्यक्त ४६ श्राई। इसी भौति अनुपात द्वारा कालक, नीलक, पीतक श्रोर कोहितक की क्रम से व्यक्त उन्मिति हुई ६। ११। १४। १६ यहां राशि ४६ में ६ का भाग देने से कालक मान तुल्य लिब्ध ६ श्राती है। इसी भौति, उस राशि में पांच श्रादि के भाग देने से नीलक श्रादि वर्गों के मानों के तुल्य लिब्ध श्राती है।

श्रथवा, श्वेतक का व्यक्त मान रूप १ कल्पना किया, बाद १ श्वेतक का १ मान है, तो ६० श्वेतक का क्या १ यो ६० हुआ, इस में रूप ४६ जोड़ देने से ११६ यह राशि आई और उक्त रीति से जविषयाँ हुई १६ १२३ १२६ १३३ । इस माँति इष्ट के कल्पना-वश से नानाविष राशि मिलेंगे ।

चक प्रश्न का प्रकारान्तर से उत्तर जाते हैं—या १ इस में क्र का भाग देने से, पांच शेष रहता है तो, उक्त रीति से का है रू ४, यह या १ यावत्तावत् की उन्मिति ज्ञाती है। ज्ञव इस में हर का भाग देने से, का है रू ४ राशि ज्ञाई। इस में पाँच का भाग देने से, लिब्ध नीलक ज्ञौर • शेष ४ रहा, हर-लिब्ध का घात, शेष से जुड़ा भाज्य राशि के समान होता है, इस प्रकार दो पत्त तुल्य हुए—

का ६ नी ० रू ४ का ० नी ४ रू ४

समीकरण से कालक की उन्मिति नी ४ रू १ श्राई। इस में हर का ६ का भाग देने से, लब्धि भित्रश्चाती है, इसिक्ये कुट्टक के लिये न्यास—

मा. ४ । चो १ । वस्त्री ० हा. ६ । १ इससे लिब्ध-गुण हुए हैं। त्तेप के ऋगा होने से, अपने अपने हरों में शुद्ध करने से लिब्ध-गुण हुए हूँ। यहां लिब्ध कालक वर्ण का मान और गुण नीक्षक वर्ण का मान है। अब पीतक १ इष्ट मानने से 'इप्टाहतस्वस्वहरेण—' इस के अनुसार लिब्ध गुण सत्तेप हुए—

> पी ५ रू ४ कालक पी ६ रू ५ नीलक

यहां नीलक के मान का कुछ आवश्यक नहीं है, इसलिये कालक ही का मान प्रह्मा किया है। अब, उस से का ६ रू ४ इस राशि में उत्थापन देते हैं—यिद १ कालक का पी ४ रू ४ यह मान है तो ६ कालक का क्या, यों पी ३० रू २४ हुआ, इस में रूप ४ जोड़ देने से, राशि पी ३० रू २६ हुई। इसमें चार का माग देने से किं जोहितक और शेष ३ रहा, हर-लिंब्ब का घात, शेषयुत माज्य राशि के तुल्य होता है, इस से दो पक्ष समान हुए—

पी ३० जो ० रू २६ पी० जो ४ रू ३

समीकरण से पीतक की उन्मिति जो ४ रू रैई आई। २ का

श्रपवर्तन देने से लो २ रू १⁵ हुई।

भाज्य में भाजक का भाग देने से, लिंग निरंप नहीं आती, इसिलिये कुट्टक करते हैं—

भा. २। चो १३ । वही ० हा. १४। ७

चक्त रीति से लिब्ध-गुर्या है है हुए । ऋपने ऋपने हार से तिष्टित करने से हैं हुए । चोप के ऋग्या होने से, इन्हें ऋपने ऋपने हरों में शुद्ध करने से लिब्ध-गुर्या है हुए । यहां लिब्ध पीतक वर्या का मान CC-0. Mumukshu Bhawan Varana (Collection. Digitized by eGangotri 分 %

त्रौर गुगा लोहितक वर्गा का मान है । त्राव हरितक १ इष्ट कल्पना करने से 'इष्टाहत-' के त्रानुसार, पीतक त्रौर लोहितक के मान सन्तेप हुए—

ह २ **रू १** पीतक ह१५ रू१४ लोहितक

अब पीतक का मान हर हर से पी ३० रू २६ इस राशि में उत्थापन देते हैं -- १ पीतक का ह २ रू १ यह मान है, तो ३० पीतक का क्रया, यों ह ६० रू ३० हुन्ना, इस में रूप २९ जोड़ देने से राशि ह ६० रू ४६ हुई। इस में ३ का भाग देने से, स्वत: २ शेष बचता है। इसिनये ह ६० रू ४६ यह राशि हुई। अप्रव हरितक का मान व्यक्त ० कल्पना करने से उक्त रीति के ऋनुसार 🕦 राशि हुई, व्यक्तमान १ कल्पना करने से ११६ राशि हुई। अब लिब्धियों के लिये उत्थापन देते हैं - पहले कालक का मान पी ५ रू ४ आया है। १ पीतक का हर रू १ यह मान है, तो ४ पीतक का क्या, यों हु १० रू ४ हुआ। इस में रूप ४ जोड़ देने से, कालक का मान् ह १० रू ६ हुन्ना। भौर नीलक का मान पी ६ रू ५ त्राया है। १ पीतक का इ २ रू १ यह मान है, तो ६ पीतक का क्या, यों ह १२ रू ६ हुआ। इस में रूप ५ जोड़ देने से, नीलक मान ह १२ रू ११ हुआ। श्रीर लोहितक का मान तो कुट्टक द्वारा प्रथम ही आया है—ह १४ रू १४। अब, हर एक हरितक में शून्य ० का उत्थापन देने से, कालक, नीलक त्रौर लोहितक के मान के तुल्य ह। १४। १४ यं लिब्धियाँ सिद्ध हुई।

उदाहरणम्-

स्युःपञ्चसप्तनवभिःक्षुण्णेषु हृतेषु केषु विंशत्या। रूपोत्तराणि शेषाण्यवाप्तयश्चापि शेषसमाः ८१ त्रुत्र शेषाणि या १। या १ रू १। या १ रू २। एता एव लब्धयः। प्रथमो राशिः का १ श्रमात्पञ्चगुणिताद्राशेर्जिब्धिगुणं हरमपास्य जातं शेषम् का ५ या २० एतद्यावत्तावत्समं कृत्वा लब्धा यावत्तावदुन्मितिः वा २१

अथ द्वितीयो राशिः नी १ अस्मात्सप्तगुणा-द्रूपाधिकयावत्तावद्गुणहरमपास्य जातम् नी ७ या २० रू २० एतदस्य या १ रू १ समं कृत्वा लब्धा यावत्तावदुन्मितिः नी ७ रू २१

या २१

एवं तृतीयः पी १ अस्मान्नवगुणाञ्चिष्य (या १ रू २) गुणहरमपास्य शेषम् पी ६ या २१ रू ४० इदमस्य या १ रू २ समं कृत्वा लब्धा यावत्तावदुन्मितिः पी ६ रू ४२ या २१

त्र्यासां प्रथमदितीययोर्दितीयत्ततीययोः साम्यकरगोन लब्धे कालकनीलकयोरुन्मिती

नी ७ रू २१ पी ६ रू २१ नी ७

अत्र नीलकोन्मितो कुट्टकेन नीलकपीतक-योमीने कृत्वा कालकोन्मितो नीलके स्वमाने-नोत्थापिते कालकमानं भिन्नं लभ्यत इति कुट्टकेनाभिन्ने कालकलोहितकयोमीने

ह६३ रू ४२ का

अत्र नीलकपीतकयोर्लोहितके स्वमानेनो-त्थापिते जाते तन्माने

> ह ४५ रू ३३ नी ह ३५ रू २८ पी यथाकमेण न्यासः ह ६३ रू ४२ का ह ४५ रू ३३ नी ह ३५ रू २८ पी

अथ यावत्तावदुन्मितिषु कालकादीन्स्वस्व-मानेनोत्थाप्यस्वच्छेदेन विभज्य लब्धं यावता-वन्मानम् ह १५ रू १०। अत्र शेषसमे फले निह शेषं भागहाराधिकं भवितुमहिति अत्र हरितकं शुन्येनोत्थाप्य जाता राश्यः ४२।

३३।२८। अग्राणि च १०। ११। १२ एता एव लब्धयः।

अथान्यदुदाहरणमार्थयाह-स्युंतिति । केषु राशिषु पश्चसप्त-नविभः चुएणेषु इतेषु विंशत्या हतेषु मक्नेषु रूपोत्तराणि, रूपमेक उत्तरो द्वद्धिर्येषां तानि रूपोत्तराणि शेषाणि उर्वरितानि स्युः, अवाप्तयो लब्धयश्च शेषसमा एव स्युः ॥

उदाहरया--

वे तीन कौन राशि हैं, जिन को क्रम से पांच, सात और नौ से गुगा देते हैं और बीस का भाग देते हैं, तो रूपोत्तर शेष तथा शेष के समान लिंब्य आती हैं।

कल्पना किया १ का १ नी १ पी १ राशि हैं और पहला शेष या १ हैं । इस में रूप १ जोड़ देने से, दूसरा शेष या १ रू १ हुआ। इस में रूप १ जोड़ देने से, तीसरा शेष या १ रू २ हुआ। और अपने अपने शेष के समान लिंडिंघ कल्पना की, जैसा—पहली लिंडिंघ या १, दूसरी लिंडिंघ या १ रू १, तीसरी लिंडिंघ या १ रू २ । अब पहली राशि का १ है, यह ४ से गुगा देने से का ४ हुआ। इस में बीस का भाग देने से, लिंडिंघ या १ आई । इस को हर २० से गुगा कर, भाज्य-राशि का ४ में घटा देने से, शेष का ४ या २० रहा। यह कल्पित शेष या १ के समान है, इस लिये समीकरण के लिये न्यास—

काध्यार्२०

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का प्र न्याई। दूसरी राशि

नी १ है, ७ से गुण देने से नी ७ हुआ। इस में बीस का भाग देने से, जिंकिय या १ रू १ आई। इस को हर २० से गुण कर, भाज्य-राशि नी ७ में घटा देने से, शेष नी ७ या रै० रू रै० रहा, यह किएत-शेष या १ रू १ के तुल्य है, इस कारण समीकरण के जिये न्यास—

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

नी ७ या २०ं रू ^२० या १ रू १

समीकरण से यावत्तावत् की उन्मिति या २१

तीसरी राशि पी १ है, यह ६ से गुणा देने से पी ६ हुआ। इस में बीस का भाग देने से, लिंब या १ रू २ आई। इस की हर २० से गुणा कर भाज्य-राशि पी ६ में, घटा देने से, शेष 'पी ६ २० रू ४०' रहा यह कल्पित-शेष 'या १ रू २' के तुल्य है, इसिनये समीकरण के जिये न्यास—

पी ह्या २० रू ४० या १ रू २

समीकरण से यावत्तावत् की उन्मिति या २१ आई।

त्रत्र पहली श्रीर दूसरी यावत्तावत् उनिमाति का समीकरण के लिये न्यास— का ४

चा २१ चा २१ नी ७ रू २१

यावत्तावत् का अपवर्तन देकर, समच्छेद और छेदगम करने से हुए---

> का १०५ नी ० रू० का० नी १४७ रू ४४ र

इन में २१ का अपवर्तन देने से, अध्यवा पहले या २१ का अप-वर्तन देने से हुए--

> का धूनी ० रू ० का०नी ७ रू रैश

समीकरण से कालक की उन्मिति नी हरू २१ जाई।

इसी भौति, दूसरी श्रीर तीसरी यावतावत् की उन्मिति का समीकरण के स्त्रिये न्यास—

> नी ७ रू २१ या २१ पी ६ रू ४२ं या २१

यावत्तावन् २१ का ऋपवर्तन ऋादि देने से हुए— नी ७ पी ० रू रें१ नी ० पी ६ रू ४२ं

समीकरण से नीलक की उन्मिति पी ह रू २१ न्याई। नी ७ वह अन्त्य की उन्मिति है, इसिलये कुटुक के लिये न्यास-

भा. ६ । चो. २१ । वझी १ हा. ७ । ३

२१

इस से अथवा '—— चोपो हारहृत: फलम्' इस के अनुसार, लिब्ध-गुगा ३ हुए। चोप के अनृगा होने से, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से, हुए हैं लिब्ध नीलक का मान और गुगा पीतक का मान हुआ। अब लोहितक १ इष्ट मानने से 'इष्टाहनस्वस्वहरेगा—' के अनुसार, नीलक और पीतक के मान सचोप हुए—

लो ह रू ६ नीजक

त्राव नीजक मान से कालक मान नी ७ रू २१ में उत्थापन देते का ४

हैं—-१ नीलक का को १ रू ६ यह मान है, तो ७ नीलक का क्या, यों लो ६३ रू ४२ हुआ। इस में रूप २१ जोड़ देने से, जो ६३ रू २१ हुआ, यह कालक ५ के तुल्य है। क्यों कि रूप २१ से हीन नीलक ७ कालक ४ के तुल्य है, इसका कारण यह है कि पहले सम-शोधन करने से, शेष समान रहे हैं। यदि ४ कालक का लो ६ ३ रू २ १ यह मान है, तो १ कालक का क्या, लो ६३ रू २ १ हुन्ना (इसीजिये का ४ उत्थापन देने में सर्वत्र हर का भाग दिया जाता है) प्रकृत में हर का भाग देने से भिन्न मान ज्याता है, इसाजिये 'भूय: कार्य: कुटुक:—' के श्रमुसार, कुटुक के जिये न्यास—

भा ६३। चो. २१। हा. ४।

'हरतष्टे धनचोपे--' के अनुसार न्यास--

भा-	६३	। चे.	91		वझी	१२
हा.	×	ere.	6 8	(Nel	F 16 P2	8
	fisis				35. IN	8
						8
1 19 3						0

उक्त रीति से लिंब्घ गुण रूप हुए। वहीं के विषम होने से अपने अपने हरों में घटा देने से उद्म हुए 'चेपतत्त्वणलामाढ्या—' के अनुसार लिंब्घ ४२ हुई। इस माति लिंब्घ-गुण हुए कि लिंब्घ कालक का मान और गुण लोहितक का मान हुआ। अब हरितक १ इष्ट मानकर 'इष्टाहत—' इस से सचोप लिंब्घ गुण हुए—

ह ६३ रू ४२ कालक ह ४ रू ३ जोहितक

त्रीर अन्त्यवर्ण के मान हैं

लो १ रू ६ नीलक जो ७ रू ७ पीतक

श्रव उस जोहितक मान ह १ रू ३ से श्रन्त्यवर्ण में उत्थापन देना चाहिये 'भूय: कार्य: कुटुक:—' इस सूत्र में कुटुक शब्द से गुण का प्रहण होता है क्योंकि 'कुटुक' यह गुण विशेष का नाम है। इसिजये उस गुया से अन्त्यवर्था में उत्थापन देना उचित है। प्रकृत में उस गुयारूप लोहितक मान से, नीजक और पीतक के मान में उत्थापन देते हैं—१ लोहितक का ह ४ रू ३ यह मान है, तो ६ लोहितक का क्या, यों ह ४४ रू २७ हुआ, इस में रूप ६ जोड़ देने से, नीजक का मान ह ४४ रू ३३ हुआ। १ लोहितक का ह ४ रू ३ यह मान है, तो ७ लोहितक का क्या, ह ३४ रू २१ हुआ, इस में रूप ७ जोड़ देने से, पीतक का मान ह ३४ रू २६ हुआ। अब नीजक और पीतक के आया कालक से व्यस्त उत्थापन देते हैं—वहां कालक का मान पहले कुट्टक के द्वारा ह ६३ रू ४२ यह आया है। पहली यावत्तावत् की उन्मिति या २१

यह मान है, तो कालक ४ का क्या, यों ह ३१४ रू २१० हुआ। इस में हर २१ का भाग देने से यावत्तावत् की उन्मिति ह १४ रू १० आई। दूसरी यावत्तावत् की उन्मिति वा २१ या २१

का ह ४४ रू ३३ यह मान है, तो नीजक ७ का क्या, यों ह ३१४ रू २३१ हुआ। इस में रूप २१ जोड़ देने से, ह ३१४ रू २१० हुआ। इस में हर २१ का भाग देने से, यावत्तावत् की उन्मिति हं १४ रू १० आई। तीसरी यावत्तावत् की उन्मिति या २१

है। १ पीतक का ह ३ ४ रू २ वह मान है, तो ६ पीतक का क्या, यों ह ३१ ४ रू २ ४२ हुआ। इस में रूप ४ रें जोड़ देने से ह ३१ ४ रू २१० हुआ। इस में हर २१ का भाग देने से यावत्तावत की उन्मिति ह १४ रू १० आई। यावत्तावत् आदि के मानों का कम से न्यास——

ह १४ रू १० यावतावत् ह ६३ रू ४२ काजक ह ४४ रू ३३ नीजक ह ३४ रू २= पीनक

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanapi Collection. Digitized by eGangotri

यहां हरितक का मान व्यक्त शून्य कल्पना करने से, अनुपात के द्वारा यावत्तावत् आदि वर्णों के व्यक्तमान हुए १० । ४२ । ३३ । २८ । यावत्तावत् का मान १० पहला शेष है, इस में १ जोड़ने से दूसरा शेष ११ हुआ, इस में १ जोड़ने से तीसरा शेष १२ हुआ । यहां हरितक का एक आदि व्यक्तमान मानने से, शेष बीस से आधिक होता है। इसिलिये शून्य ही से उत्थापन दिया है, क्योंकि सर्वत्र हर से शेष न्यून रहता है। इसिलिये ४२ । ३३ । २८ राशियाँ आई इन्हें क्रम से ४ । ७ । ६ से गुर्या देने से २१० । २३ १ २४ हुए । इन में २० का भाग देने से १० । ११ १२ लिब्ध आई और रूपोत्तर १० । ११ । १२ शेष रहे ॥

उद्गहरणम्—

एकाग्रोहिहतः कःस्याद् हिकायस्त्रिसमुद्धृतः त्रिकाग्रः पञ्चभिर्मक्रस्तहदेव हि लब्धयः ८२

अत्र राशिः या १ अयं हिहत एकाय इति तत्फलं च हिहतमेकायमिति फलप्रमाणम् का २ रू १ एतद्गुणं हरं स्वायेण युतं तस्य समं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम् का४ रू ३ अस्येकालापो घटते। पुनरिप त्रिहतोद्वयय इति तत्फलं च नी ३ रू २ एतद्गुणहरमय-युतं च नी ६ रू ८ इदमस्य का ४ रू ३ समं कृत्वा कालकमानं भिन्नं कुट्टकेनाभिन्नं जातम् पी ६ रू ८ अनेन कालकमुत्थाप्य जातो राशिः पी ३६ रू ३५ अस्यालापद्वयं घटते। पुनर्यं पश्चभक्तस्त्रयग्न इति तत्फलं च लो ५ रू ३ इदं हरगुणमययुतमस्य पी ३६ रू ३५ समं कृत्वा पीतकमानं भिन्नं कुट्टकेनाभिन्नं कृत्वा जातम् ह २५ रू ३ अनेन पीतकमुत्थाप्य जातो राशिः ह ६०० रू १४३ हरितकस्य शून्यादि-नोत्थापनेनानेकविधः॥

श्रथान्योदाहरणमनुष्टुभाह-एकाग्र इति। को राशिद्विंहतः सन्ने-काग्रः स्यात्। त्रिसमुद्धतः सन् द्विकाग्रः स्यात्। पश्रभिभेकः संख्रिकाग्रः स्यात्। लब्धयोऽपि तद्वदेव भवेगुः। एतदुक्तं भवति-राशौ द्विविहते यल्लभ्यते तद्दिप द्विविहतं सदेकाग्रं स्यात्। राशौ त्रिसमुद्धते यल्लभ्यते तद्दि त्रिसमुद्धतं सद्दिकाग्रं स्यात्। राशौ पश्रमिभेके यल्लभ्यते तद्दि पश्रमकं सत्त्रिकाग्रं स्यादित्यर्थः॥

उदाहरया--

वह कौन सी राशि है जिस में दो का माग देने से एक शेष रहता है। तीन का भाग देने से दो शेष और पाँच का भाग देने से तीन शेष रहता है। इसी भाँति लिटिंघ में दो का भाग देने से एक, तीन का भाग देने से दो और पाँच का भाग देने से तीन शेष रहता है?

कल्पना किया या १ राशि है। त्रौर जिल्प ऐसी कल्पना की कि जिसमें हर का भाग देने से, उिहुट शेप के तुल्य शेष रहें। जैसा—

१ = का २ क १ २ = नी ३ क २ ३ = लो ४ क ३

या १ में २ का भाग देने से का २ क १ यह लिट्ट आई, और इस में २ का भाग देने से शेष का० रू १ रहा, अब लिट्ट का २ रू १ और हर २ के घात का ४ रू २ में शंष का० रू १ जोड़ देने स का ४ रू ३ अप्रहासमान के जुल्ल हैं। इस्तिये समीकरणा करने से यावत्तावत् का मान का ४ रू ३ स्त्राया । इस में एक स्त्राजाप घटित होता है। स्त्रर्थात् २ का भाग देने से का २ रू १ लिंब्ध स्त्राती है स्त्रीर रू १ शेष रहता है तथा लिंब्ध का २ रू १ में २ का भाग देने से रू१ शेष रहता है। इस भांति दोनों स्थानों में शेष तुल्य बचता है। स्त्र का ४ रू ३ इस राशि में ३ का भाग देने से, नी ३ रू २ लिंब्ध स्त्राई स्त्रीर इस में ३ का भाग देने से शेष नी० रू २ रहा, स्त्रव लिंब्ध नी ३ रू २ स्त्रीर हर के घात नी ६ रू ६ में, शेष नी० रू २ लोंड़ देने से, नी० रू यह पूर्व राशि के तुल्य है, इसिंबिय समीकरण के लिंबे न्यास—

का ४ नी ० रू ३ का ० नी ६ रू म

समीकरण से कालक की उनिमति नी हरू प्र आई।

इसकी श्रमित्रता के जिये कुट्टक करते हैं— भा ० १ । चो ० ४ । हा ० ४ ।

'हरतष्टे धनचेपें प्रसंके ऋनुसार न्यास—— भा०६ । चे०१ । बङ्घी २ हा०४ ।

इस से लिब्ध गुया हुए हैं लिब्ध के विषम होने से, अपने अपने हरों में शुद्ध करने से हैं हुए, 'त्तेपतत्त्रयाजाभाढ़्या—' के अनुसार, लिब्ध में १ जोड़ देने से लिब्ध में हुई। यह कालक का मान और गुया नीलक का मान हुआ। अब इष्ट पीतक १ कल्पना करने से 'इष्टा-हतस्वस्वहरया—' इस के अनुसार लिब्ध-गुया सन्तेप हुए—

पी १ रू इ नीलक

त्रव कालक मान से यावत्तावनमान का ४ रू ३ में उत्थापन देते है—यदि कालक १ का पी ६ रू मान है, तो कालक ४ का क्या श CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri पी ३६ रू ३२ हुआ। इस में रूप ३ जोड़ देने से, यावत्तावत् का मान पी ३६ रू ३४ हुआ। इस में दो आजाप घटित होते हैं अर्थात् २ का माग देने से, पी १८ रू १७ जिंब्ध आती है और रू १ शेष रहता है, जिंब्ध पी १८ रू १७ में, २ का माग देने से रू १ शेष रहता है। इस माँति उमयत्र शेष समान बचता है। फिर पी ३६ रू ३४ में ३ का माग देने से पी १२ रू ११ में, ३ का माग देने से ए १२ रू ११ में, ३ का माग देने से रू २ शेष रहता है जिंब्ध पी १२ रू ११ में, ३ का माग देने से रू २ शेष रहता है। अब पी ३६ रू ३४ इसमें ४ का माग देने से, जो ४ रू ३ जिंब्ध आई। और इस में ४ का माग देने से, जो ४ रू ३ जिंब्ध आई। और इस में ४ का माग देने से शेप जो ० रू ३ रहा, अब जिंध जो ४ रू ३ और हर ४ के घात जो २४ रू १४ में, शेष जो ० रू ३ जोड़ देने से जो २४ रू १८ यह पूर्वराशि के तुल्य है, इसिलिए समीकरण के जिए न्यास—

पी ३६ जो ० रू ३४

समीकरण से यावत्तावत् की उन्मिति जो २४ रू १७ आई। आव

इस की अभिन्नता के जिये कुट्टक करते हैं

भा०२४। चि०१७। हार्०३६। बही

3

20

इस से लिब्ध गुर्गा हुए रेप रेप अपने अपने हरों से तष्टित करने से हुए रेप लिब्ध के विषम होने से, अपने अपने हरों में शुद्ध करने से हुए रेप के अनुगा होने से, फिर अपने अपने हरों में शुद्ध करने से हुए रेप के अनुगा होने से, फिर अपने अपने हरों में शुद्ध करने से हुए रेप लिब्ध पीतक का मान अगैर गुर्गा लोहितक का मान हुआ

न्नीर हरितक १ इष्ट मानने से 'इष्टाहतस्वस्वहरेख—' के त्रानुसार लिब्ध गुगा सत्तोप हुए—

ह २४ रू ३ पीतक ह ३६ रू ४ लोहितक

अब पीतक मान से यावत्तावन् की उनिमित पी ३६ रू ३ ४ में उत्थापन देते हैं—१ पीतक का ह २ ४ रू ३ यह मान आता है तो ३६ पीतक का क्या, ह ६०० रू १० = हुआ। इस में रूप ३ ४ जोड़ देने से यावत्तावत् की उनिमित ह ६०० क १४३ हुई।

त्रिव हरितक में शून्य ० का उत्थापन देने से १४३ यह राशि स्राई। इस भाँति १ स्रादि इष्ट मानने से स्रनेक राशि मिलेंगे।

श्रथवा। लोहितक मान से, यावत्तावत् उन्मिति पी ३६ रू ३४ के तुल्य लो २४ रू १० में उत्थापन देते हैं यादि १ लोहितक का ह ३६ रू ४ यह मान है, तो २४ लोहितक का क्या, ह ६०० रू १२४१ हुआ इस में रूप १० जोड़ देने से वही बात सिद्ध हुई ह ६०० रू १४३। राशि १४३ में २ का भाग देने से ७१ लिब्ध आई और शेष १ रहा; और लिब्ध ७१ में २ का भाग देने से १ शेष रहा। फिर ३ का भाग देने से १ एक लिब्ध आई और शेष १ का भाग देने से १ गढ़ा, लिब्ध ४७ में ३ का भाग देने से २ शेष रहा। फिर ४ का भाग देने से २ का भाग देने से २ शेष रहा। फिर ४ का भाग देने से २० लिब्ध आई और लिब्ध २० में १ का भाग देने से ३ शेष रहा।

उदाहरणम्-

कोराशी वद पञ्चषट्कविहृतावेकद्विकायो ययो-द्वर्ययं त्र्युकृतमन्तरं नवहृता पञ्चायका स्याद्युतिः घातःसप्तहृतःषडय इतितो षट्काष्टकाभ्यांविना विद्यन् कुट्टकवेदिकुञ्जरघटासंघट्टसिंहोऽसि चेत्ं अत्र किएतो राशी पञ्चषट्कविहृतावेक-द्विकायो या ५ रू १।या ६ रू २ अनयोरन्तरं त्रिहृतं द्रययमिति लब्धं कालकस्तद् गुणह्र-मय्युतमन्तरेणानेन या १ रू १ समं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम् का ३ रू १। अनेनो-त्थापितौ जातौ राशी का १५ रू ६। का १८ रू ८ । पुनरनयोर्युतिर्नवहृता पञ्चायेति लब्धं नीलकस्तद्गुणं हरमय्युतं योगस्यास्य का ३३ रू १४ समं कृत्वा कालकमानं भिन्नम् नी ६ रू हं कुट्टकेनाभिन्नं जातम् पी ३ रू०। अनेनोत्थापितौ जातौ राशी पी ४५ रू६।पी प्रहरू। पुनरनयोघीते वर्गत्वान्महती किया भवतीति पीतकमेकेनोत्थाप्य प्रथमो राशि-र्व्यक्त एवकृतः५१ पुनरनयोः सप्ततष्टयोर्घातः सप्ततष्टः पी ३ रू २ समं कृत्वा प्राग्वत्कुहके-

१— यत्र ज्ञानराजदेवज्ञाः— श्रद्धी की हररामचन्द्रहरणादेकत्वमग्रे गती तद्योगः शशिमाकितोऽप्ररिक्तो रामाइतं चान्तरम् । यद्वा तो विषयेनिरम् इइ यस्त्रव्धेक्यमप्याइतं निःशेषं सकतैः सुरैर्वद सस्ते तो रावणादाविव ॥

[•]CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

नाप्तं पीतकमानम् ह ७ रू ६ अनेनोत्थापितो जातो राशिः ह ३७८ रू ३३२ पूर्वराशेः क्षेपः पी ४५ आसीत् स हरितकेनानेन ह७ गुणि-तस्तस्य क्षेपः स्यादिति जातः प्रथमः क्षेपः ह ३१५ रू ५१।

त्र्रथवा प्रथममेवेकं व्यक्तं प्रकल्प्य। द्वितीयः साध्यः। वा जातो राशी रू ५१।ह१२६रू८०।

त्रथान्यदुदाहरणं शार्द्लविकीडितेनाह—काविति। हे विद्वन, पश्चषट्कविहृतौ एकद्विकाग्रौ कौ राशी वर्तेते। ययो राश्योरन्तरं विवरं त्र्युद्धतं द्वचग्रं भवति। ययोर्युतिर्नवहृता पश्चाग्रा भवति। ययोर्घातः सप्तहृता सन् पडग्रो भवति। इति षट्काष्टकाभ्यां विना, तौ राशीवद। यतः षट्काष्टकयोरप्युक्तालापसंभवे मसिद्धत्वात्म-तिपादने न विद्वत्ताप्रकर्षोऽस्तद्भिन्नौ राशी वदेति तात्पर्यम्। यदि त्वं चेत्कुट्टकवेदिकुद्धरघटासंघट्टसिंहोसि। कुट्टकवेदिन एव कुद्धराः करिटनः तेषां घटाः संस्थानविशेषास्ताभियों संघट्टस्तत्संमर्दनार्थं संघर्षस्तत्र सिंहः शार्द्लोसि वर्तसे तदा भणेत्यर्थः।।

उदाहरण-

वे दे। कौन राशि हैं, जिनमें पांच और छ का भाग देने से एक तथा ा शेष रहता है और उन के अन्तर में तीन का भाग देने से, दो शेष रहता है और उन के योग में नौ का भाग देने से, पांच शेष रहता है एवं उन दोनों राशियों के घात में, सात का भाग देने से छ शेष रहता है, परंतु वे दोनों राशि छ और आठ से मिन्न होनी चाहिए।

यहां पर ऐसी दो राशि कल्पना करनी चाहिये कि जिनमें पहला त्रालाप स्वत: घटिन हो जैसा—या ५ रू १। या ६ रू २। ऋव इनमें क्रम से ५ तथा ६ का भाग देने से १। २ शेष रहते हैं। गाशि या ४ रूर। या ६ रूर के अपन्तर या १ रू १ में ३ का भाग देने से २ रोप रहेता ह और लब्धि का १ आती है तो हर ३ और लब्धिका १ का घात शेष २ युत का ३ रू २, राश्यन्तर रूप भाज्य राशिया १ रू १ के तुल्य हुन्ना--

या १ का ० रू १ या ० का ३ रू २

समीकरण से यावतावत् का मान का ३ रू १ आया । इससे पूर्व राशि में उत्थापन देते हैं-१ यावत्तावन् का, का ३ रू १ यह मान है, तो यावत्तावत् ४ का क्या ? यों का १४ रू ४ हुआ। इस में १ जोड देने से पहली राशि का १५ रू ६ हुई। १ यावत्तावत् का, का ३ रू १ यह मान है तो यावत्तावन् ६ का क्या ? का १ = रू ६ हन्ना, इस में २ जोड़ देने से दूसरी राशि का १८ रू द हुई। इनमें दो आजाप घटित होते हैं। फिर का १४ रू ६। का १८ रू द के योग का ३३ रूं १४ में ६ का भाग देने से ४ शेष रहता है और लिंडिय नीलक १ आती है हर १ और लिंडिय नी १ का घात, शेष 🗶 युत नी १ रू ५, भाज्यराशि का ३३ रू १४ के तुल्य हुन्ना--

> का ३३ नी ० रू १४ का ० नी १ रू ४

समशोधन से कालक की छिनमति का ३३

श्रापवर्तन देने से नी ३ रू र्वे हुई । अब आभिन्नमान जानने के लिये

कार है कि स्थान मा. ३। जो. ३। विकास कार कि विकास हा. ११। वसी हुई ० COUNTY OF THE PARTY OF THE RESIDENT

10 0 make 1

उक्त रीति से लिडिय-गुया हुए रैं अपने अपने हार से तष्टित करने से हुए १ वल्ली के विषम होने से, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से हुए १ जोप के अनुया होने से, फिर अपने अपने हारों में शुद्ध करने से हुए १ लिडिय कालक का मान और गुया नीलक का मान हुआ। अब पीतक १ इष्टमान का 'इष्टाहतस्वस्वहरेया—' के अनुसार लिडिय-गुया सचीप हुए—

पी ३ रू० कालक पी११ रू१ नीलक

कालक मान से राशि में उत्थापन देते हैं-वहां पहली राशि का १४ रू ६ है। १ कालक का पी ३ रू ं मान है, तो कालक १४ का क्या ! पी ४५ रू ० हुआ। इस में रूप ६ जोड़ देने से पी ४५ रू ६ पहली राशि हुई। दूसरी राशि का १८ रू ८ है। १ कालक का पी ३ रू० मान है, तो कालक १८ का क्या ? पी ४४ रू० हुआ इसमें रू १ = जोड़ देने से, दूसरी राशि हुई पी ४४ रू १ = । - अब इन में तीन आलाप घटित होते हैं। फिर इन दोनों राशियों के घात करने से वर्ग हो जाता है, तो क्रिया फैजती है। इसिलये पीतक का व्यक्तमान रूप १ कल्पना करके पहले राशि में उत्थापन देते हैं-यदि १ पीतक का रू १ मान है तो पीतक ४४ का क्या ? रू ४४ हुआ, इस में ६ जोड़ देने से पहली राशि व्यक्त हुआ ४१। और दूसरी राशि ज्यों की त्यों रही पी ४४ रू = । अब इनके घात को सात से तष्टित करना है, वहां रू ४१। पी ४४ रू द इन्हीं को सात से तष्टित किया रू २ । पी ४ रू १ वाद में घात करने से पी १० रू २ हुआ। फिर सात से तष्टित करने से, पी ३ रू २ हुआ। इस में ७ का भाग देने से ६ शेष रहता है ऋौर जिंध जो १ ऋाती है, तो हर ७ ऋौर लिब्घ लो १ घात, रोष ६ युत, लो ७ रू ६ भाज्यराशि पी ३ रू २ के तल्य हन्ना-

> पी ३ लो ० रू २ पी ० लो ७ रू ६

समशोधन से पीतक की उन्मिति जो ७ रू ४ आई। आब 'हरतष्टे पी ३ धनचोपे—' सूत्र के आनुसार कुटुक के लिये न्यास—

मा. ७ १ च्ले. १ । हा. ३ । वल्ली २

डक रीति से लिब्ध-गुण हुए रैं लिब्ध के विषम होने से, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से हुए 'त्रेपतत्त्रणलामाढ्या—'के अनुसार लिब्ध-गुण हुए हैं लिब्ध पीतक का मान और गुण लोहितक का मान हुआ। अब हरितक १ इष्ट से 'इष्टाहतस्वस्वहरेण—' के अनुसार, लिब्ध-गुण सन्तेप हुए—

ह ७ रू ६ पीतक ह ३ रू २ लोहितक

अब पीतक मान से रासि में उत्थापन देते हैं - दूसरी राशि पी
४४ रू द है। यदि १ पीतक का ह ७ रू ६ यह मान है, तो
पीतक ४४ का क्या १ ह ३७ द रू ३२४ हुआ। इस में रूप द
जोड़ देने से, दूसरी राशि ह ३७ द रू ३३२ हुई। और पहली
राशि व्यक्त ही है तथा पहली राशि का क्षेप पी ४४ रहा, उसकी
हितक ७ से गुगा देने से पहली राशि का क्षेप ३१४ हुआ। इस
भाँति पहली राशि ह ३१४ रू ४१ हुई। अब हितक में शून्य का
उत्थापन देने से राशि मिलीं ४१। ३३२।

उक्त प्रश्न का प्रकारान्तर से उत्तर

कल्पना किया पहली राशि व्यक्त ४१ है और दूसरी या १ है इस में छ का भाग देने से, २ शेष रहता है और लब्धि कालक १ कल्पना की, अब लब्धि का १ से गुगित और शेष २ युन, हर ६ दूसरी राशि के समान है—

का ६ स २=स ४१

इनका अन्तर हुआ

का ६ रू ४६

इसमें ३ का भाग देने से २ शेष रहता है और लब्धि नीलक १ कल्पना की अब लब्धि नी १ और हर ३ का घात शेष २ युत अन्तरह्म भाज्य-राशि के समान हुआ—

का ६ नी० रू ४९ का० नी ३ रू २

समीकरण से कालक की उन्मिति नी ३ रू ४१ छाई । ३ के

अपवर्तन देने से हुई <u>नी १ रू १७</u>।

क़द्रक के जिये त्यास

भा. १ । ह्नो. १७ । हा. २ । 'हरतष्ट्रे धनक्तेपे—' के श्रनुसार न्यास—

भा.१। चे.१। वही ० इ.२। १

डक रीति से लिंध-गुण हुए १ लिंध के विषम होने से, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से हुए १ 'चेपतचाणलाभाढ्या—' के अनुसार द्र जोड़ देने से लिंध ६ हुई। इस भौति लिंध-गुण हुए १ लिंध कालक का मान और गुण नीलक का मान हुआ। अब इष्ट पीतक १ मानकर 'इष्टाहतस्वस्वहरेण—' के अनुसार लिंध-गुण सच्चेप हुए—

पी १ रू ६ कालक पी २ रू १ नीजक

श्रव कालक मान से का ६ रू ४६ इस श्र-नर रूप में उत्थापन देते हैं—यदि १ कालक का पी १ रू ६ यह मान है, तो ६ कालक का क्या १ पी ६ रू ४४ हुआ। इस में अनुगा रूप ४६ जोड़ देने से राश्यन्तर का मान पी ६ रू ४ श्राया। इस में ३ का भाग देने से स्वत: २ शेष रहता है। अब पी ६ रू ४ इस अन्तर को पहली राशि के रूप ४१ में जोड़ देने से दूसरी राशि पी ६ रू ४६ हुई, इस का अगि पहली राशि का योग पी ६ रू १०७ हुआ। इस में ६ का भाग देने से ४ शेष रहता है और लिब्ब लो १ आई। फिर हर ६ और लिब्ब लो १ का घात शेष ४ युत भाज्य राशि के समान है, इसलिये समीकरण करने के लिये न्यास—

पीं ६ स्तो० रू १०७ पी० सो हरू ४

समशोधन से पीतक की उन्मिति जो १ रू १०२ आई। ३ का

अपवर्तन देने से लो ३ रू ३ ^४ हुई।

कुट्टक के क्षिये न्यास── भा.३ । चो.३४ । हा.२ ।

'त्रोपो हारहृतः फलम् -' के अनुसार, लिब्ध-गुण हुए १७ यहाँ त्रोप के अनुण होने से, लिब्ध अनुणात आई। लिब्ध पीतक का मान और गुण नोलक का मान हुआ। अनन्तर हरितक १ इष्ट मान कर 'इष्टाहनस्वस्वहरेण-' के अनुसार लिब्ध गुण सक्तेप हुए-

ह ३ हर १७ पीतक ह २ हर ० सोहितक

अब पीतक मान से दूसरी राशि पी ई रू १६ में उत्थापन देते हैं—१ पीतक का ह ३ रू १७ मान है, तो ६ पीतक का क्या ? ह १८ रू १०२ हुआ। इस में रूप १६ जोड़ देने से, दूसरी राशि हुई ह १८ रू १६ और पहली राशि तो व्यक्त ही है ११। इनके योग ह १८ रू १ ह का भाग देने से १ शेष रहता है। अब ११। ह १८ रू १६ इनको सात से तिष्टत करने से २। ह ४ रू १ शेष बचे, इन का घात ह ८ रू दे हुआ, जाघवार्थ इस को फिर सात से तिष्टत किया ह १ रू १ आब इस में ७ का भाग देने से ६ शेष रहता है त्रीर लिडिंघ श्वेतक १ क्लपना की। बाद, हर ७ त्रीर लिडिंघ श्वे १ का घात शेष ६ युत भाज्यराशि ह १ क १ के तुल्य हुन्ना— ह १ श्वे ० क १ ह ० श्वे ७ क ६

समीकरण से हरितक की डिन्मिति - श्राई। यह स्वत:

अभिन्न है, इसिनिये कुट्टक की आवश्यकता नहीं है। अब श्वे ७ रू ७ इस से दूसरी राशि ह १ द्र रू ४६ में उत्थापन देते हैं—१हरितक का श्वे ७ रू ७ मान है, तो १ द्र हरितक का क्या १ श्वे १२६ रू १२६ हुआ। इस में रूप ४६ जोड़ देने से दूसरी शाशि श्वे १२६ रू ८० हुई। श्वेतक का मान शून्य ० मान कर, अनुपात करते हैं— एक श्वेतक का शून्य ० मान है तो १२६ श्वेतक का क्या १ यों ० हुआ, इस में रूप द्र० जोड़ देने से, दूसरी राशि द्र० हुई और पहली राशि ४१ व्यक्त है। इस भाति दोनों राशि ४१। द्र० हुई। उदाहर साम्

नवाभिः सप्तभिः क्षुराणः को राशिक्षिशता हतः। यद्येक्यं फलेक्याद्यं भवेत्पड्विंशतेर्मितम् ॥

अत्रैकहरत्वाच्छेषयोः फलयोर्युतिर्दर्शनात्र गुणयोगो गुणकः किएतः रू १६ राशिः या १। लब्धैक्यप्रमाणं कालकस्तद्गुणितं हरं

मार्तग्रेडिंपुनिमिर्मुर्डेश्च मजनादेकोऽत्रतो दृश्यते विश्वाप्तः स पुनर्द्वयं सममवत्संख्यावतां संमतः । ऐक्यं तत्फलतोऽवतारकृतिहत्सत्तारकात्रं सखे तं जानीदि गुरूपदेशिविधना वीजं विजानासि चेत् ॥

चर्थान्तरे-विश्वमाप्तः । चवताराणां ऋत्या द्वियत इति । सत्तारकाम्रं तारकन्नहारूपम्। तं परमेश्वरम् । शेषं स्पष्टम् ।

१ ज्ञानराजदेवज्ञा:--

गुणगुणिताद्राशेरपास्य जातं शेषम् या १६ का ३० एतत्फलेन कालकेन युतं या १६ का २६ षड्विंशतिसमं कृत्वा कुट्टकेन प्राग्वजातं यावत्तावन्मानम् नी २६ रू २७ अत्रत्र लब्ध्यग्र-योगस्यैकतानिर्देशात्क्षेपो न देयः॥

त्रथोदाहरणान्तरमनुष्टुभाह—नवभिरिति । को राशिः पृथङ्-नवभिः सप्तभिः चुएणः उभयत्र त्रिंशतौ हृतो ययोः शेपैक्यं फलै-क्येन युक्तं पड्विंशतिसमं स्यात्तं राशिमाख्याहीत्यर्थः ॥

उटाहरया--

वह कौन राशि है, जिस को अलग अलग नौ और सात से गुण-कर, दोनों स्थानों में तीस का भाग देते हैं, तो शेष तथा लाउँध का

थोग छ व्वीस के समान होता है।

यहाँ दोनों स्थानों में एक ही हर होने से झौर शेपों का तथा जिंघयों का योग होने से, जाघव के जिये हो उन गुगाकों के योग १६ को गुगाक कल्पना किया झौर राशिया १ कल्पना किया, अब उस कल्पित गुगाक १६ से राशि को गुगा देने से या १६ हुआ, इस में ३० का भाग देने से, यदि जिंघयों के योग के तुल्य जिंघ महगा करें तो शेप भी दोनों शेषों के योग के तुल्य होगा, इसिंजये जिंघयों के योग के तुल्य जिंघ काजक १ कल्पना की। अब उस से गुगान हर का ३० को गुगा से गुगात राशिया १६ में घटा देने से शेप या १६ का ३० रहा। यह से गुगात राशिया १६ में घटा देने से शेप या १६ का ३० रहा। यह शेपों के योग के तुल्य है। इस में जिंघयों के योग का १ को जोड़ शेपों के योग के तुल्य हुआ। इसिंजये इनका समिकरण के जिए न्यास

या १६ का २६ रू० या ० का ० रू २६

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति या १६

की श्राभित्रता के लिये कुंट्रक करते हैं—'हरतष्टे धनचोपे—' के अनु-सार न्यास—

भा• २६ । चो. १० । हा. १६ । वही १ १

उक्त क्रिया करने से लिब्ध-गुण हुए पूँ अपने २ हारों से तष्टित . करने से हुए रैं लिब्ध के विषम होने से, अपने २ हारों में शुद्ध करने से हुए रैं लेपतत्त्वण्यालाभाक्या—' के अनुसार लिब्ध २६ में १ जोड़ देने से लिब्ध और गुण हुआ। रें लिब्ध यावत्तावत् का मान और गुण कालक का मान हुआ। बाद, नीलक १ इष्ट कल्पना करने से 'इष्टाहत—' के अनुसार, सत्तेप लिब्ध और गुण हुआ—

> नी २६ रू २७ यावत्तावत् नी १६ रू १४ कालक

यहाँ नीजक का मान व्यक्त शून्य ० मान कर, उत्थापन देने से यावत्तावत् और कालक का मान २७ । १४ आया।

त्रालाप—राशि २७ है, ह त्रौर ७ सं गुगा देने सं हुन्ना २७× ६=२४३। २७ × ७=१८६ इन में ३० का भाग देने से ८। ई जिंध मिजी त्रौर ३। ह शेष रहे। ८ + ६ + ३ + ६ इन का योग, २६ के समान है। त्रौर जिंध्यों ८। ६ का योग १४, कालक मान १४ के तुल्य है। यहाँ पर १ त्रादि इष्ट मानने से, त्राजाप नहीं मिलेगा। क्योंकि जिंध त्रौर शेषों का योग प्रश्न में द्यांकी से के समान कहा हुन्ना है।

उदाहरणम्-

किस्रसत्तवक्षुण्णो राशिस्त्रिशिहभाजितः। यद्येक्यमपि त्रिंशदृतमेकादशाग्रकम्॥८५॥

अत्रापि गुणयोगो गुणः प्राग्वत् रू १६ राशिः या १ लब्धं कालकः १ एतद्गुणं हरं गुणगुणिताद्राशेरपास्य शेषम् या १६ का ३० एतद्येक्यं त्रिंशत्तष्टमेव ततः प्रथमालापे द्वितीयालापस्यान्तर्भृतत्वादिदमेवेकादशसमं कृत्वा प्राग्वजातो राशिः नी ३० रू २६।

अथान्यदुदाहरणमनुष्टुभाह-क इति। को राशिस्त्रिधा त्रिभिः सप्तभिनेवभिः श्वरणः त्रिंशता विभाजितः शेषत्रयागामैक्यं त्रि-शता भक्तमेकादशाग्रं भवति तं राशि वदेत्यर्थः।

चदाहरया-

वह कौन राशि है, जिस को अलग अलग नीन, सान और नौ से गुण कर, तीस का भाग देने से जो कुछ शेष रहता है उसके योग में, तीस का भाग देने से ग्यारह शेष रहता है।

कल्पना किया या १ राशि है, इस को गुर्यों ३।७।६ के योग १६ से गुर्या देने से या १६ हुन्न्या इसमें तीस का भाग देने से लिब्ध कालक १ कल्पना की, तात्पर्य यह है कि, राशि को तीन, सात श्रौर नों से गुग्राकर, बाद तीस का भाग देने से जो लिडिय त्रावे उसका त्रीर रोपों के योग में तीस का भाग देने से जो लाडिध त्रावे उसका योग, कालक कल्पना किया। क्योंकि राशि को गुगायोग से गुगा कर, हर का भाग देने से, शेप हर से न्यून ही रहेगा। नव लाडिघ उक्त चार लिब्धयों की युतिरूप होती है। इस लिये, शेप ग्यारह के तुल्य होगा। प्रकृत में हर ३० गुणित लब्धि का ३० को गुण से गुणित राशिया १६ में घटा देने से शेष या १६ का ई० रहा, यह ११ के तुल्य है, इस लिये समीकरण के लिए न्यास-

या १६ का उं० रू

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का ३० रू ११ त्राई। स्रव

कुट्टक के जिये न्यास-

भा. ३० । च्हो. ११ । हा. १६ । वह्ही— १ १

0

इस से लिंडिय गुणा हुए १२१। ७७ अपने अपने हारों से तष्टित करने से हुए हैं लिंडिय के विषम होने से, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से हुए हैं यहाँ लिंडिय यावत्तावत् का मान ख्रीर गुणा कालक का मान है। ख्रब इष्ट नीलक १ मानने से 'इष्टाहत—' के अनुसार लिंडिय-गुणा सन्तेप हुए।

नी ३० रू २६ यावत्तावत् नी १६ रू १ = कालक

नीलक में शून्य ० का उत्थापन देने से यात्रत्तावत् का मान २६
स्रोर कालक का मान १ = स्राया ।

आजाप—राशि २६ है. क्रम से ३। ७। ६ गुण देने से हुआ द७। २०३। २६१। फिर ३० का भाग देने से लाब्ध २। ६। द और शेष २७। २३। २१ आये। शेषों के योग ७१ में ३० का भाग देने से लाब्ध २ और शेष ११ आया। यहाँ २। ६। द। २ इन चारों लाब्धियों का योग १ द्र कालकमान के तुल्य है। अथवा, राशि २६ को गुण योग १६ से गुण देने से ५५१ हुआ, इस में हर ३० का भाग देने से, कालकमान के तुल्य लाब्ध १४ आई और शेष ११ के समान रहा। यहाँ पर राशि या १ को अलग अलग गुणकों से गुण कर, प्रत्येक गुणनफल में हर का भाग देने से, जो लाब्ध आती

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

हैं उनके योग के तुल्य यदि कालक कल्पना किया जाय तो, शेषों के योग में तीस का भाग फिर देना चाहिये। इस भाँति दो आजाप हुए। परन्तु वैसी कल्पना करने से क्रिया का निर्वाह नहीं होता, इसिजये चारों लिडिधयों के योग के तुल्य कालक कल्पना करने से शेष ११ के समान स्वतः होता है। इसिजये 'प्रथमालापे द्वितीयालापस्यान्तर्भू-तत्वम्' यह युक्त ही कहा है।।

उदाहरगम्—

कस्त्रयोविंशतिक्षुग्णः षष्ठ्याशीत्या हृतः एथक्। यद्येक्यं शतं दृष्टं कुट्टकज्ञ वदाशु तम्॥८६॥ अत्र सूत्रं वृत्तम्−

श्रित्रेकाधिकवर्णस्य भाज्यस्थस्येप्सिता मितिः। भागलव्धस्य नो कल्प्या किया व्यभिचरेत्तथा

अतोऽन्यथा यतितव्यम् अत्र स्वस्वभाग-हारा न्यूने रोषे यथा भवतो यथा च खिलं न स्यात्तथा रोषयोगं विभज्य क्रिया कार्या। तथा कल्पिते रोषे ४०।६० राशिः या १ एष त्रयो विंशतिगुणः षष्टिहृतः फलं कालकस्तद्गुणं हरं रोषयुतमस्य या २३ समं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम्

का ६० रू ४०। या २३ CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri अनयोः समीकरणे कुट्टकेन लब्धे कालकनी-लकमाने

पी ४ रू ३ का पी ३ रू २ नी

आभ्यामुत्थापने यावत्तावन्मानं भिन्नं स्या-दिति कुट्टकेनाभिन्नं जातम् लो २४० रू २०। अथवा शेषे ३०।७० आभ्यां राशिः लो २४० रू ६०।

अथान्यदुदाहरणमनुष्टुभाह—क इति । को राशिस्त्रयोवि-शत्या चुएणः पृथक् पष्टचा अशीत्या च हतः, यदप्रयोरिक्यं शतं शतममाणं दृष्टं हे कुट्टकज्ञ, तं राशिमाशु वद ।

अथैतदुदाहरणोपकारि सूत्रमजुष्डुमाह—अत्रेति। अत्र पकृतो-दाहृतो भाज्यस्थस्य एकाधिकवर्णस्य एको योऽधिकवर्णः कुट्टको-पयुक्तवर्णादितिरिक्तस्तस्य भागलब्धस्य भागे हृते लब्धस्य मिति-रीटिसताभिमता नो कल्ट्या न कार्या। नन्वत्र तथाकल्पने को दोष इत्यत आह—क्रिया व्यभिचरेत्तथेति। तथा कल्पने सित क्रिया व्यभिचरेत् राशिसिद्ध्यभावात् क्रिया व्यभिचार इति तात्पर्यम्। व्यभिचारस्तु कुट्टककरणानन्तरमवसेयः।।

उदाहरया-

ऐसी कौन राशि है, जिस ो नेईस से गुगा कर, उसमें अलग अलग साठ और अस्सी का भाग देने से जो शेष रहें, उनका योग सौ होता है। कल्पना किया या १ राशि है इस को २३ गुगा देने से या२३ हुआ इस में साठ का भाग देने से, कालक लिंध आई और अस्सी का भाग देने से नीजक जिंच आई। अब अपनी अपनी जिंच से गुयो हर को तेईस से गुयित राशि में घटा देने से शेष रहे—

या २३ को ६०.। या २३ नी ८०

इन दोनों शेषों का योग ४६ का ६० नी ६० यह १०० के समान है, इसिलए समीकरण के लिए न्यास—

या ४६ का ६० ती दं रू० या० का० नी० रू १००

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का ६० नी ८० रू १०० का ४६

दो का अपवर्तन देने से का ३० नी ४० रू ४० हुई। या २३

यहाँ यावत्तावत् की उनिमति भिन्न त्राती है। उस को कुट्टक द्वारा त्राभिन्न करनी चाहिये। 'श्रन्येऽपि माज्ये यदि सन्ति वर्गाः—' इस के श्रनुसार, कालक श्रथवा नीलक इन दोनों में से किसी एक वर्गा का मान व्यक्त मानना चाहिये। पर प्रकृत में श्रयुक्त है, इसी वात को दिखलाने के लिये श्राचार्य ने 'श्रेनेकाधिक—' यह सूत्र कहा है। उसका श्रर्थ—यहाँ भाज्य में जो एक श्रधिकवर्ण श्रर्थात् कुट्टका- नुपयुक्त वर्गा है, उसका यथेष्ट व्यक्तमान न मानना चाहिये। क्योंकि वैसी कल्पना करने से क्रिया व्यभिचरित होगी।

इस कारण, श्राचार्य ने उपायान्तर किया है, जैसा-श्रपने श्रपने भागहार से न्यून तथा श्रस्थित रोप कल्पना किये ४०।६० गाशि या १ है २३ से गुणा देने से या २३ हुआ इस में ६० का भाग देने से लिडिध कालक १ श्राई। श्रव लिडिध का १ से हर ६० को गुणा कर उस में रोष ४० जोड़ देने से, का ६० रू ४० यह गुणा से गुणित राशि या २३ के तुल्य हुआ—

या० का६० रू४० या२३ का ० रू०

समशोधन से यावत्तावत् का मान वा २३

फिर राशिया १ को २३ से गुण कर, उस में ८० का भाग इन से लिंडिंघ नीलक १ आई। फिर लिंडिंघ नी १ से हर ८० को गुण कर, उस में शेष ६० जोड़ देने से, नी ८० रू ६० यह गुण से गुणित राशिया २३ के तुल्य हुआ—

या ० का ० नी ८० रू. ६० या २३ का ० नी ० रू. ०

समशोधन से यावत्तावत् का मान नी ८० रू ६० आया।

इत दोनों मानों का समीकरण के लिये न्यास-

का ६० रू ४० या २३ नी ८० रू ६० या २३

यावत्ताविमत हरों के तुल्य होने से, छेदापगम करने से हुए— का ६० नी ० रू ४० का ० नी ८० रू ६०

समसोधन से कालक का मान भिन्न नी ८० रू २० आया, का ६०

२० का अपवर्तन देने से <mark>नी ४ रू १</mark> हुआ।।

कुट्टक के लिये न्यास—

भा. ४। च्रे. १। वही १ हा. ३।

उक्त गीति के अनुसार, लिंध्य गुण हुए हैं लिंध्य के विषम होने के कारण, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से हैं हुए। लिंध्य कालक का मान और गुण नीलक का मान है। इष्ट पीतक १ मानकर 'इष्टाहत—' के अनुसार लिंध-गुण सक्षेप हुए—

पी ४ रू ३ कालक पी ३ रू २ नीलक

इन से दोनों यावत्तावत् के मानों में उत्थापन देने हैं—पहला मान का कि रू ४० है। १ कालक का पी४ रू ३ यह मान है तो कालक ६० या २३ का क्या? यों पी २४० रू १८० हुआ। इस में रूप ४० जोड़ कर,हर या २३ का भाग देने से, यावत्तावत् का मान भिन्न हुआ या २३

दूसरा यावत्तावत् का मान नी ८० रू ६० आया है। १ नीजक का या २३ या २३ या २३ यो पी ३ रू २ यह मान है, तो नीजक ८० का क्या १ यों पी २४० रू १६० हुआ। इस में रूप ६० जोड़ कर, हर या २३ का भाग देने से, यावत्तावत् का मान पी २४० रू २२० आया।

अव उसको अभिन्न जानने के किये 'हरनष्टे धनचेपे-' सूत्र के अनुसार न्यास—

भा. २४० । च्ले. १३ । वर्ला १० हा. २३ । २ ३ १३

उक्त रीति के अनुसार लिंडिय गुग हुए हैं हैं। अपने अपने हारों से तिष्टत करने से हुए रूर्ड । लिंडिय के विषम होने से, अपने अपने हारों में शुद्ध करने से रूर्ड हुए। फिर 'लेपनल्लग्रालाभाड्या' के अनुसार लिंडिय ११ में ६ जोड़ देने से २० हुई। इस मॉिंत लिंडिय और गुण हुआ रू लिंडिय यावत्तावन् का मान, गुगा नीलक का मान है। अब लोहितक १ इप्ट मान कर 'इप्टाइतस्वस्वहरंगा—' के अनुसार लिंडिय-गुगा सल्लेप हुए—

जो २४० रू २० यावत्तावत् जो २३ रू १ पीतक

लोहितक में शून्य ० का उत्थापन देने से यावत्तावत् का मान २० स्त्राया, यही राशि है। स्रथवा ३०।७० शेष कल्पना किये तो उक्त रीति के स्रमुसार लो २४० रू ६० राशि हुई ॥

उदाहरणम्-

कः पञ्चगुणितो राशिस्त्रयोदशविभाजितः। यल्लब्धं राशिना युक्तं त्रिंशजाता वदाशु तम्॥

अत्र राशिः या १। एष पञ्चगुणस्त्रयोदश-हृतः फलं कालकः १ एतत्फलं राशियुतं या १ का १ त्रिंशत्समं क्रियत इत्युक्तं यत इयं क्रिया निराधारा नात्र गुणो न च हर उपल-भ्यते तथा चोक्रम्

'निराधारा किया यत्रानियताधारिकापि वा। न तत्र योजयेत्तां तु कथं वा सा प्रवर्तते॥'

ऋंतोऽत्रान्यथा यतितव्यम्—अत्र किल हर-तुल्ये राशो किल्पते १३ राशिफलयोगेनानेन १८ यदीदं ५ फलं तदा त्रिंशता किमिति

१--- अत्रेक्षवर्णसमीकातिद्वारेण तु सम्यङ्निर्वाहः । यथा राशिः या १ पद्मगुणस्रयोदश-भक्तः या रेंक् समच्छेदेन राशियुतः या रेड्क् त्रिंशता सम इति समच्छेदीकृत्य छेदगमे न्यासः या १८ रू० । या ० रू ३६० ।

श्रतः समशोधनेन लब्धा यावतावदान्मितिः कृष्ट्र वड्मिरपवर्ते कृते जातः स पर्व राशिः हुरे ॥

लब्धं फलम् क्ष्णतित्त्रशतोऽपास्य शेषं जातो राशिः क्ष्

त्रथान्यदुदाहरणमनुष्टुभाह—क इति । को राशिः पश्चगुणितः त्रयोदशविभाजितः एवं यल्लब्धं तद्राशिना युक्तं सत् त्रिंशज्जाताः संपन्नाः तं राशिमाशु वद ।।

त्रथैतदुदाहरणोपयोगिनीं दृद्धिसंमितमनुष्टुभाह—निराधारेति।
यत्र खलूदाहतो क्रिया प्रश्नोत्तरसाधनोपायसंपत् निराधारा आधारशून्या । यमालम्ब्य क्रिया वितता भवति तेन रहितेत्यर्थः । वा
अनियताधारिकापि स्यात् । अनियतोऽनिर्धारितः संदेहपदवीमारूढ इति यावद आधारो यस्यासा। तत्र तां क्रियां तुन योजयेत्।
एवं सित को दोष इत्यत आह—कथं वा सा पवर्तते निराधारानियताधारवत्त्या च तस्याः प्रदृत्तिरेव नास्तीति तात्पर्यम् ।।

उदाहरण-

वह कौन राशि है जिसको पांच से गुण कर, तेरह का भाग देने से, जो शेष रहना है, उस में राशि को जोड़ देने से, तीस होते हैं।

क्रालाप-राशि $\frac{\xi_{\mathcal{X}}}{3}$ को χ से गुगा देने से $\frac{\xi_{\mathcal{X}} \times \chi}{3}$ इस में १३ का भाग देने से $\frac{\xi_{\mathcal{X}} \times \chi}{3}$ हुआ । अब $\frac{\chi_{\mathcal{X}}}{3}$ में राशि $\frac{\xi_{\mathcal{X}}}{3}$ जोड़ देने से $\frac{\xi_{\mathcal{X}}}{3}$ क्रार हर ३ का भाग देने से ३० हुए !!

अथायोदाहरणम्-

'षडष्टरातकाः क्रीत्वा समार्घेण फलानि ये। विक्रीय च पुनः शेषमेकैकं पञ्चभिः पर्गैः॥ जाताः समपणास्तेषां कः क्रयो।विक्रयश्च कः।'

अत्र कयः या १ विकय इष्टं दशाधिकं शतम् ११० कयः षड्गुणितो विकयेण हतो . लिब्धः कालकः १ लिब्धगुणं हरं षड्गुणिता-द्राशेरपास्य जातम् या६का ११० इदं पञ्चगुरां लिधियुतं जाताः प्रथमस्य पणाः या ३० का ५४६ । एवं द्वितीयतृतीययोरिप पणाः साध्याः तत्र लब्धिरनुपातेन-यदि पग्णां कालकस्तद्राष्टानां शतस्य च किमिति लव्धि-रष्टानां का 🖁 रातस्य च का 🥞 । लटिधगुर्णं हरं . भाज्याद्वास्य शेषं पञ्जगुर्णं लिव्धियुतं जाता द्वितीयस्य पणाः या र्॰ का रहि । एवं तृतीयस्य या रू॰ का रू॰। एते सर्वे समा इति समच्छे- दीकृत्य बेदगमे प्रथमदितीयपक्षयोदितीयतृतीययोःसमीकरणेन च लब्धा यावत्तावदुनिमतिस्तुल्येव का ५४६ अत्र कुट्टकाल्लब्धं
या३०

यावत्तावन्मानम् नी ५४६ रू०। नीलकमेकेनोतथाप्य जातः क्रयः ५४६ समधनम् । इदमनियताधारिक्रयायामाचैरुदाहृत्य यथाकथंचित्समीकरणं कृत्वाऽऽनीतम्। इयं तथा कल्पना कृता यथात्रानियताधारायामपि नियताधारिक्रयावत्फलमागच्छिति एवंविधकल्पनाच्च
क्रिया संकोचाद्यत्र व्यभिचरित तत्र बुद्धिमिद्रिर्बुद्ध्या संधेयम् ।

तथा चोक्रम्—
आलापो मितरमलाऽव्यक्तानां कल्पना समीकरणम्।
त्रेराशिकमिति बीजे
सर्वत्र भवेत्कियाहेतुः॥
इति श्रीभास्करीये बीजगणितेऽने कवर्णसमीकरणम्।

800

त्रथ साधीनुष्टुमोक्तमाद्योदाहरणं प्रदर्शयति—षडष्टशतका इति।
षट अष्टी शतं च धनं विद्यते थेपां ते पडष्टशताः। 'अर्श आदिभ्योऽच्' इति मत्वर्थीयोऽच् प्रत्ययः। त एव पडष्टशतकाः। स्वार्थिकः
कन्। एवंविधा ये फलव्यापारिणः समार्घेण समेनैव मूल्येन स्वस्वपणानुपातेन फलानि क्रीत्वा तानि समेनैव केनचिन्मूल्येन
विक्रीय च यच्छेपं पण्यविक्रयान्न्य्नमेकैकं फलं पश्चिमः पश्चिमः
पण्यैः पुनर्विक्रीय समपणाः। समाः पणा येषां ते समपणाः। एवं
चेचिहं तेपां फलव्यापारिणां क्रयः पण्यक्रभफलप्रमाणं विक्रयः
पण्यदेयफलप्रमाणं किमिति प्रश्नः।।

अत्र व्यक्तरीत्या नवांकुरकर्तगुरुणा विष्णुदैवज्ञेन कृतं सूत्रं यथा-

शेषविक्रयहतेष्टाविक्रयः शीतरिश्मरहितो भवेत्क्रयः। पुंधनादधिक इष्टविक्रयः कल्प्यमित्यमवगम्य धीमता॥

यथा-शेषविक्रयेण ५ इष्टविक्रयो ११० इतः ५५० एकोनो

जातः क्रयः ५४६।

अत्र वासना । आलापे कृते क्रये स्वगुणगुणिते विक्रयविह्ते लिब्धः शेषं च तत्र गुणोनविक्रयतुल्यमेव शेषम् गु १ वि १ इदं शेषविक्रयगुणितम् शेवि गु १ शेवि शेवि १ इदं गुणगुणितशेषविक्रय-मित्या रूपोनया लब्ध्या गु. शेवि १ रू १ युतं तत्र तुल्यधनर्णयोः प्रथमखण्डयोनीशे कृते समपणमानपुर्वरितम् शेवि वि १ रू १ अतः 'शेषविक्रयहतेष्टविक्रयः—' इति सूत्रसमुपपद्यते ।

इह पूर्वक्रयस्य ४ ४६ समपणमानं ५४६ साम्येनावगमात् केवलक्रये ५४६ सैककरणेन ५५० विक्रय ११० भक्तेन ५ लब्धिः शेषविक्रयतुल्येव । इयं खलु गुणकैः ६।८।१००गुणिता ३०।४०।५००। एता रूपोता एव लब्धयः २६।३६।४६६ । एताः शेषविक्रयमित्या ५ पृथक् पृथग्गुण ६।८।१०० गुणि-तया रूपोनया २६।३६।४६६ समाना एव आसते। अथ गुणै- ६। ट। १०० रूना इष्टविक्रया ११० एव शेषाणि १०४। १०२ १० भवन्ति कथमन्यथा पूर्वक्रयस्य समपणतुल्यत्वं संपद्यते।

श्रयवा क्रयः या १ स्वगुण ६ गुणितः या ६ इष्टविक्रयेण ११० भक्को लब्धं कालकः १ इदं इग्गुणितं भाज्याद्विशोध्य शेषम् या ६ का ११०ं शेषविक्रयगुणम् या ३०का ४५० लब्ध्या का १ युतं या ३० का ४४६ं समपणमानमतो यावत्तावत्सममितिन्यासः।

या ३० का ५४⁸६ या १ का०

समशोधनाल्लब्धं यावत्तावन्मानम् का ५४६ या २६

अत्र कुट्टकेन यावत्तावन्मानं ५४६ कालकमानं च २६ एव-मन्यगुणादिप तद्यथा-राशिः या १ अष्टगुणितः या ८ विक्रयेण ११०मक्नोलब्धं नीलकः १इदं हरगुणितं नी११०माच्याद्विशोध्य शेषम् या ८ नी ११० शेषिवक्रय ५ गुणितम् या ४० नी ५५० लब्ध्या नी १ युतं या ४० नी ५४६ समपणमानमतो यावत्ता-

वत्समिति समशोधनाल्लब्धं यावत्तावन्मानम् ची ४४६ या ३६

अत्र कुट्टकाज्ञातं यावत्तावन्मानं ५५६ नीलकमानं च ३६ अथैवं क्रयः या १ शतगुणितः या १०० विक्रयेण ११० भक्तो लब्धं पीतकः १ इदं हरगुणितं पी ११० भाज्यादपास्य शेषम् या १०० पी ११० पश्चगुणितम् या ५०० पी ५५० लब्धंया पी १ युतं समपणमानं या ५०० पी ५४६ यावत्तावत्सममिति

साम्यकरणाल्लब्धं यावत्तावन्मानम् या ४६६

अत्र कुटुकेन त्तेपाभावत्वाल्लिक्शगुणी ै 'इष्टाहतस्वस्वहरेण—' इह्याद्विता यावृत्तावन्मानम् ४४६ पीतकमानं च ४६६ अत्र सर्वत्र इह्याद्विता अवस्था Varanasi Collection. Digitized by eGangotri क्रय एक एव ५४६ कालकनीलक्ष्मीतकमानानि लब्धयः२६।३६। ४६६ अत्र शेपविक्रय ४ इतेष्टविक्रयो ४०० रूपोन एव क्रयः सिध्यति ५४६ परंतु पुरुषधनाधिक एवेष्टविक्रयः १६० कल्प्य यतोऽन्त्यधनं शतं १०० तस्माद्धिकमवास्ति ११० तन्न्यूनत्वे त्रालापासंभवः शेपविक्रय ५ पुरुषधन १०० घातस्य ५०० रूपोनस्य ४६६ लव्धित्वेन लब्ध्यधिकमेव समपणमानं शेपस्य पश्चगुणितस्य लब्धियुतस्य समपणमानत्वात्४४६ त्रत उक्नं पुंधना-धिनाधिक इहेष्टविक्रयः कल्प्य इत्थमवगम्य धीमता, इति। अथात्र पडष्टशतानां धनानां ६।८।१०० द्वाभ्यामपवर्तनसंभवाद्यदि सम-पणमानस्यापि द्रचपवर्तन नंभवस्तदेष्टविक्रयः पुंधनालपोऽपि संभ-वित तत्रेष्टविक्रयोऽपवर्ताङ्कगुत्तितो यथा पुंधनादधिकः स्यात्तथा-त्रेष्टाविक्रयकल्पने उक्तालापः स्यादिति । यथा विक्रयः कल्पितः भ १ व्ययमपवर्तनाङ्क २ गुग्णितः १०२ पुरुषधनात् १०० अधि-कोऽस्ति तेनेष्टविक्रयः ५१ शेपविक्रयः ५ गुणितः २५५ रूपोनः २४४ पूर्वरीत्या जातः क्रयः २५४ अयमपनतीङ्क २ भक्तः पकृताविक्रये ५१ जातः क्रयः १२७

यालापो यथा—क्रयः १२७ पडष्टशतकंर्गुग्गितः ७६२।१०। १६।१२७०० सर्वत्र विक्रयेण ५१ भक्को लब्धानि १४।१६। २४६ । रोपाणि ४८ । ४७।१ पश्चगुणानि २४०।२३५।५ स्वस्वलिध्ययुतानि जातानि समपणानि २५४।२५४।२५४। स्रत्रेष्टविक्रयस्य।क्रानात्कुट्टकेन तस्य क्रानं जायते पश्चमितो भाज्यः ५ केन गुणेन गुणितो रूपहीनो दिभक्तः शुध्यतीति गुण एव विक्रयो लिब्धः क्रय इति यथा न्यामः

> भा. ५। चे. १। बही २ हा. २। १

लिधगुणौ २।१ वल्ल्या विषमत्वादण चोपत्वा चाविकृतावेव२।
१ अत्रेष्टं कल्पितम् २५ 'इष्टाइत—' इत्यादिना लिब्धः १२७
गुणश्च ५१ तत्र लिब्धः क्रयः १२७ गुणो विक्रयः ५१ अत्र धनानां ६। =। १०० समपणमानस्य २५४ द्वाभ्यामपवर्तनसंभवादनयोरेकस्यापवर्तनं कृत्वालापः स्यात्। यथा—समपणमानं
२५४ द्वाभ्यामपवर्तितं जातः क्रयः १२७ अथवा धनान्येव
द्वाभ्यामपवर्तितानि ३।४ ५० तत्र क्रयः २५४ अत्राप्यालापः
संभवति ।

इति द्विवेदोपाख्याचार्यश्रीसरय्मसादसुत दुर्गामसादोन्नीते वी निवल।सिन्यनेकवर्णसमीकरणं समाप्तम् ।

१ — गुट्टकागतकयिक्तयसाधने श्रीवापुदेवपादोक्तं स्त्रम्— शेषविक्तयहृद्रूपं भाव्यं शुद्धि च रूपकम् । पुंस्वापवर्तनं हारं कृत्वा कल्प्यस्तया ग्रुगः ॥ यथा पुंस्वापवर्तनः पुंधनादिधको भवेत् । गुग्गः स्याद् विक्रयस्तत्र तथा लिध्धभवेत्क्रयः ॥ पुंस्वापवर्ती माज्यश्च न भवेता यदा दृशे । पुंस्वापवर्तनं रूपं तदा कल्प्यं विजानता ॥

पुरवापवतन रूप तदा करूप विजानता ।। अत्र करूपते शेषविकयः पूर्व भाज्यः १ ÷ पूर्व ५ । शुद्धिः १ पुरवानां ६ । = । १०० अपवर्तनं २ द्वारः । अतो लिधगुणी २।१ इह गुणः १ पुरवापवर्तनः पुंधनाद-धिको न भवतीति तथा गुणः ५१ किएपतः स एव विक्रयः । लिध्यस्तु १२७ कयः ।

अथवा शेषविकयः है । भाज्यः १ ÷ है = ४ । ग्रुद्धिः १ । पुंस्तापवर्तनं हारः २ । अत्र भाज्यहारयोद्धीभ्यामपवर्तनसंभवात्र दक्ष्वम् अपवर्तने तु तेपस्यानपवर्तनान् कुट्टका-संभव इति रूपं हारं ऋत्वा न्यासः । भा. ४ ते १

है। र विषो है हारहतः फलिमिति लिध्यमुणी ११० ऋणतेपातास्यहारमुखी २११ अत्र शतिमिष्टे प्रकल्प्य इष्टाहत इत्यादिना जाती लिध्यमुणी ४०२।१०१ एती क्रयविक्रया। अत्रष्ट-विक्रयः १०१ शोपितिक्रयमुणः ४०४ रूपोनो जातः क्रयः ४०३ अनेन पडध्रतिकाः ६। = । १०० मुणिताः २४१ = ।३२२४।४०३०० विक्रयेण १०१ मक्ताः लब्धयः २३।३१।३६६ शेषाणि ६५ | ६३ ! १ चतुर्गीयतानि ३=०।३०२।४ स्वस्य-

सिम्यनानि जाताः समप्याः ४०३ । ४०३ । ४०३ रित । CC-0 Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri चदाहरण-

कः खः, गः, तीन व्यापारियों का घन क्रम से ६। द्र ऋौर १०० पर्या है, उन्होंने नुल्य भाव से कुछ फल खरीद करः तुल्य ही भाव से बेंच दिये। जो फल शेष रह गये, उनको पांच पांच पर्या पर बेंच दिये, नो कहो क्रय ऋौर विक्रय क्या है ?

कल्पना किया कय का मान या १ है, ६ से गुगा देने से या ६ हुआ, इसमें इप्ट विकय ११० का भाग देने से, कालक लब्ध आया, अब लब्धि गुगाित हर का ११० को छ से गुगाित कय या ६ में घटा देने से, शेष या ६ का ११० रहा, इस को ४ से गुगा देने से, या ३० का ४ ५ हुआ। इसमें लब्धि का १ जोड़ देने से पहले का पगा हुआ।

या ३० का ५ ४ ह

इसी भौति कय या १, द से गुण देने से या द हुआ, इसमें विकय ११० का भाग देना है, लिध्ध के लिथे यह युक्ति हैं—६ में का १ तो द में क्या, यों अनुपात से २ के अपवर्तन देने से, लिध्ध का क्षेत्र आई। लिब्ध-गुणित हर का 880 को भाज्य या द में

समच्छेद करके घटा देने से शेष या २४ का ४ छैं ० रहा। यह ४ से

गुण कर लब्धि का ई जोड़ देने से दूसरे का पण हुन्ना— या १२० का २१६ ६

3

इसी भाँति कय या १, १०० से गुगा देने से, या १०० हुआ इसमें विकय ११० का भाग देना है, वहां लिब्ध जानने के लिये यह युक्ति है— १ में का १ तो १०० में क्या, यों त्रैशिक से लिब्ध का १०० आई २ का अपवर्त्तन देने से हुई वा ४० इस लिब्ध से

गुणे हुये हर का ४४०० को भाज्य या १०० में समच्छेद से घटा

देने से, शेष या३००का४४०० को४से गुगा देनेसे या१४००का२७४००

हुन्त्रा इस में लिब्ध ना ५० जोड़ देने से तीसरे का पण हुन्त्रा-

या १४०० का २७४५०

सब आपस में समान हैं, इसलिये पहले और दूसरे का समीकरण के लिए न्यास-

या ३० का ५४६ या१२०का२१६ ह

समच्छेद ऋौर छेदगम से हुए---या ६० का १६४७ या १२०का २१६६

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का ५४६ आई। दूसरे त्रीर तीसरे का समीकरण के किये न्यास-या १२० का २१६६

या १४०० का २७४४०

a community to all ह्येदगम से हुए-या १२० का २१६६ या १५०० कार७४४०

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति या १३ ८० त्राई, ४६

का अपवर्त्तन देने से का ५४६ हुई। या ३०

इसी भौति पहले श्रीर तीसरे का समीकरण के लिये न्यास— या ३० का ४४६ या १४००का २७४४०

समच्छेद श्रीर छेदगम से हुए— या ६० का १६४७ या १४०० का २७४४०

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का २४८०३ आई, ४७

का अपवर्तन देने से का४४६ हुई। या ३०

यहाँ जिन्मति भिन्न आती है, इसिलये कुट्टक द्वारा 'च्लेपाभावो-ऽथवा यत्र—' के अनुसार, लिब्ध-गुगा हुए हैं अब, नीलक १ इष्ट मान कर 'इष्टाहत—' सूत्र के अनुसार, लिब्ध-गुगा सच्लेप हुए——

> नी ५४६ रू ० यावत्तावन् नी ३० रू ० कालक

लिंघ यावत्तावत् का मान त्रौर गुगा कालक का मान है। नीलक वर्षा का व्यक्तमान १ कल्पना करके, उत्थापन देने से यावत्तावत् का मान ५४६ त्राया। यहां क्रय है त्रौर कालक का मान पहली लिंघ का मान ३० है।

त्रालाप-१ पर्या में ४४६ फल त्राते हैं, तो ६, = त्रीर १०० में क्या ? यों त्रज्ञग-त्रलग त्रानुपान से फल मिले ३२६४।४३६२। ४४६००।

प्रथम विकय-काल में, ११० फत्तों का १ पगा मिलता हैं, तो ३२६४ । ४३६२ और ५४६०० फलों का क्या ? यों अलग अलग अलग अनुपात से पगा मिले २६ । ३६। ६६ और फल शेष रहे १०४ । १०२ । १० ।

द्वितीय विक्रय-काल में १ फल का ५ पगा मिलने हैं, तो १०४।१०२। १० इन रोष फलों में क्यां १ यों ऋलग-ऋलग ऋनुपात से पगा मिले ४२० । ४१० । ४० इन में पहले आये हुए २६।३६।४६६ इन पर्यों को यथाक्रम जोड़ देने से समप्रया हुए—

> 384= 35+ 05x 384= 35+ 08x 384=338+ 08

शङ्का यहाँ पहली लिंडिय २६ त्राई है त्रीर कुट्टक से कालक की जिन्मिति ३० त्राती है, वह नहीं चादिये, क्योंकि लिंडिय का मान कालक मान चुके हैं, इसलिये दोनों की एकता होनी चाहिये।

समाधान — लिंध दो प्रकार की होती है, एक धनशेष, दूसरी अनुयाशेष, श्रौर शेष भी दो प्रकार का होता है, एक धनशेष, दूसरा अनुयाशेष। हर से न्यून जिस श्रद्ध से घटा हुआ भाज्य, हर के भाग देने से शुद्ध हो वहाँ शेष धन शेष श्रौर लिंध धन शेष लांध कह-लाती है। इसी भाँति, हर से न्यून जिस श्रद्ध से जुड़ा हुआ भाज्य, हर के भाग देने से शुद्ध हो वहाँ शेष अनुग्रेष श्रौर लिंध अनुग्रेष लांधि कहलाती है।

जैसा, भाज्य २६ और हर १३ हे, अब भाज्य २६ में हर १३ से न्यून ३ को घटा कर २६ में हर १३ का भाग देने से, शेप शून्य ० रहा और लिब्ध २ त्रथा रूप ३ ये दोनों क्रम से धनशेषसंज्ञक लिब्ध और धनशेपसंज्ञक शेप कहे जाते हैं। इसी भाँति, भाज्य २६ में हर १३ से न्यून १० को जोड़ कर ३६ में हर १३ का भाग देने से, शेप शून्य ० रहा और लिब्ध ३ आई, अब यह लिब्ध ३ तथा रूप १० दोनों क्रम से अनुगाशेप संज्ञक लिब्ध और वह अन्तर हर १३ के तुल्य है। अन्यथा वे हर के भाग देने से कैसे शुद्ध होंगे, और २। ३ इन दोनों लिब्धियों का रूप १ तुल्य अन्तर होता है, इसिलिये धनशेप लिब्ध २ में १ कोड़ने से अनुगा शेप लिब्ध ३ होती है इसीर अनुगाशेप लिब्ध ३ में १ कम कर देने से धनशेष लिब्ध २ होती है। इस भाँति सर्वत्र जानना चाहियं। से धनशेष लिब्ध २ होती है। इस भाँति सर्वत्र जानना चाहियं।

प्रकृत में, केवल भाज्य का रूपमित ऋग्यशेष होने से, गुरा के गुणित, भाज्य का, गुगा तुल्य अनुगाशेष होता है, यहाँ पूर्वीक क्रय ४४६ है, वह ६ से गुण देने से ३२६४ हुन्ना, इसमें कल्पित विक्रय ११० का भाग देने से लिंडिय धनशेषसंज्ञक २६ आई और शेष धनशेषसंज्ञक १०४ वहा। अभवा गुणा से गुणित ताशि ३२६४ में गुरा तल्य ६ जोड देने से ३३०० हुन्ना, इसमें हर ११० का भाग देने से लिंड ३० अगारीषसंज्ञक आई और रोष अगारीषसंज्ञक ६० रहा, केवल भाज्य ४४६ में रूप जोड कर ४४० हर ११० का भाग देने से, शेष शून्य ० रहता है। इसिलये ऋग्राशेष १ गुरा ६ से गुणित ६, गुगा से गुणित भाज्य ३२६४ के ऋगा शेष ६ के तुल्य हुआ। यहाँ आचार्य ने, कल्पित क्रय या १ को प्रथम गुर्या ६ से गुण कर, या है में हर ११० का भाग देकर, जो कालकरूप लडिय प्रहर्ण की है, वह अनुगारोप रूप है। अब गुगा से गुगित भाज्य के दो खरड कल्पना किया, पहला खरड प्रथम गुरा से गुरात क्रय के तुल्य, दूसरा प्रथमगुरातुल्य, इन के योग में हर का भाग देने से ऋगा-शेषसंज्ञक प्रथम-लिब्ध त्राती है। उसका स्वरूप यह है---

> प्रगु × क + प्रगु ह

यहाँ ऐसी ही लिडिंघ के प्रह्मा करने सं. दूसरी आदि लिडिंघ के लिये अनुपात करना युक्त है, जैसा-यदि प्रथम गुम्म में, प्रथम लिडिंघ मिलती है तो द्वितीय गुम्म में क्या, इस प्रकार दूसरी लिडिंघ का स्वरूप हुआ—

> द्विगु × क्र + द्विगु ह

यहाँ द्वितीय गुण से गुणित ऋय में, द्वितीय गुण जोड़ कर, हर का भाग देने से द्वितीय लब्धि स्नाती है. वह भी ऋणशेष संज्ञक है। इसी भाँति, तीसरे गुण के द्वारा तीसरी लब्धि का स्वरूप सिद्ध हुस्रा—

तृग × क + तृग

अव अगुगारोषसंज्ञक प्रथम लिंडिंघ ३० है, इससे अनुपात करते हैं—
यदि है की ३० लिंडिंघ है, तो दकी क्या, यों दूसरी लिंडिंघ ३० प्रद = ४० आई।
इसी भाँ ति तीसरी लिंडिंघ ३० प्र०० = ४४० आई। क्रय ४४६ को स्थलग-स्थलग तीनों गुगाक से गुगा कर, उस में हर का भाग देने से २६। ३६।४६६ ये धनशेषसंज्ञक लिंडिंघ आती है। इनमें यथाकम १ जोड़ देने से अगुगारोपसंज्ञक लिंडिंघ हुई ३०।४०।४०० और यदि ६ की २६ लिंडिंघ है, तो द की क्या, यों अनुपात से दूसरी लिंडिंघ = ११६ विकास से सुन्यारोप लिंडिंघ ने से प्राणित लिंडिंघ ३६ के तुल्य नहीं होती कि जिस से धन-शेष लिंडिंघ का मान, कालक कल्पना करें, और अगुगारोष लिंडिंघ कल्पना करने से तो स्रनुपात युक्त होता है।

शङ्का-यदि ऋगारोप लिंध कल्पना की है तो हर से गुणित उस लिंध को गुण से गुणित क्रय में घटा देने से, धन शेष मित कैसे होगी?

समाधान नहाँ पर अनुगाशेषसंज्ञक लिंध निरेक करने से, धन-शेषसंज्ञक होगी। उन से उक्त आलाप के तुल्य किया युक्त होती है। जैसा किए तक्तय या १ है, यह गुणा ई से गुणा दंने से या ६ हुआ। इस में हर ११० का भाग दंने से, लिंध कालक आई। अब कालक निरेक करने से का १ रू १० हुआ। हर ११० से गुणा देने से का ११० रू ११० हुआ। इसको गुणा ई गुणित भाज्य या ६ में, घटा देने से, शेष या ६ का ११० रू ११० रहा। ४ से गुणा देने से या ३० का ४५० हुआ। इस में लिंध का १ रू १ जोड़ देने से पहले के पणा हुए

या ३० का ४४६ रू ४४६ का ४ रू है हुई। फिरहर इसी माँति, दूसरी लब्धिका ई निरेक करने से का ४ रू है हुई। फिरहर

११० से गुगा देने से का ४४० रू ३३०, इस को गुगा से गुगात भाज्य

या में समच्छेद से घटा देने से, शेष या २४ का ४४० रू ३२०

रहा, ४ से गुगात या १२० का २२०० रू १६४०, इस में लिब्धि

४ का ४ रू ३ जोड़ देने से, दूसरे के पण हुए

या १२० का २१६६ रू १६४७

इसी भाँति, तीसरी लिंडिय का ४० तिरेक करने से का ४० करें हुई। ३ का ४४०० कर ३३०, इसकी गुणा १०० में वा १०० में वा देने से, शेष या३००का ४४०० कर ३६० सहा, ४ से गुणा देने से या १४०० का २७४०० कर १६४० द समें लिंडिय का ४० करें जोड़ देने से, तीसरे के पणा हुए—

या १४०० का २७४५० कर १६४७

यहाँ पहले, दूसरे श्रीर तीसरे के रूप स्थान में ५४६ रूप श्रधिक हैं, क्यों कि पूर्वसाधित, पहले या ३० का ५४६, दूसरे या१२० का२१६ ६ श्रीर तीसरे या १५००का२७४५०, प्या के स्थान में रूपाभाव ही है। इसलिये प्रकृत में सिद्ध किये हुए पर्यों के समशोधन करने से भी

यावत्तावत् की उन्मिति पूर्वके तुल्य ही ऋाती है। जैसा-पहले और दूसरे के पर्यों का समीकरण के लिथे न्यास-

या ३० का ५४६ रू.५५६ या १२० का २१६६ रू १६४७

3

समच्छेद और छेदगम से हुए-

या ६० का १६४७ रू १६४७ या १२०का २१६६ रू १६४७

समशोधन करने में तुल्य रूपों के उड़ जाने से, यावतावत् की उनिमाति पूर्व तुल्य ही ऋाई का ४४६ । इसी भाँति, दूसरे ऋौर तीसरे के पर्यों का समीकरया के जिये न्यास-

या १२० का २१६६ क १६४७

या १४०० का २७४४० रू १६४७

ु३ तुल्यता के कारण हरां के ऋपगम करने से हुए— या १२० का २१६ है रू १६४७ या १४०० कार्प्षेप्र र १६४७

समशोधन करने में तुल्य रूपों के उड़ जाने से, यावतावत् की

उन्मिति पूर्व तुल्य ही आई का २४२४४ = का ४४६ इसी भाँति या १३८० या ३०

पहले और तीसरे के पर्यों का समीकरया के लिये न्यास-

या ३० का ४४६ रू ४४६ या १५०० का २७४५० रू १६४७

समच्छेद श्रीर छेदगम से हुए-

या ६० का १६४७ रू १६४७ या १४०० का २७४४० रू १६४७

समशोधन करने में तुल्य रूपों के डड़ जाने से यावत्तावत् की उन्मिति पूर्व तुल्य ही ऋाई कार्थ प्रहें = <u>४४६</u> यहाँ पर मेरे प्रकार से सिद्ध प्रथम, द्वितीय और तृतीय पण रूप ५४६ रं. ऊन आचार्य के सिद्ध किये हुए प्रथम, द्वितीय और तृतीय पर्या होते हैं। ऋौर वे भी त्रापस में तुल्य है, क्योंकि समान में समान ही शुद्ध कर देने से, उनकी समता नहीं नष्ट होती। इसिलये आचार्योक क्रिया युकियुक है।

शङ्का-यहाँ यावत्तावत् का मान का ४४६ स्त्राया है इस में तीन का अपवर्त्तन लगता है वह अवश्य देना चाहिये, क्योंकि 'भाज्यो हार: चेपकश्चापवर्त्यः-' इस सूत्र के त्रानुसार कुट्टक के जिये उस की श्रावश्यकता पाई जाती है। इस कारण श्रपवर्त्तन देने से ना १८२ या १० हन्ना । परन्तु उद्दिष्ट सिद्ध नहीं होता ।

समाधान-यहाँ शेष की आवश्यकता है और अपवर्त्तन देन से शेष अपवर्तित होते हैं। इसिलये बिहुष्ट सिद्ध नहीं होता, तो ऐसे स्थल में अपवर्तन न देना चाहिये। इसी बात को आचार्य ने महा-प्रशाध्याय में कहा है।

उदिष्टं कुट्टके तज्ज्ञैईयं निर्पवर्तनम् । व्यभिचार: क्रचित्कापि खिलत्वापत्तिरन्यथा॥ इस भाँति नवांकुरकार कृष्णदेवज्ञ ने आचार्योक्त मार्ग का समा-धान बतलाया है। परन्तु सिद्धान्ततत्त्वविवेककार कमलाकर ने

'नवांकुरेऽपि बीजोत्थे कुट्टकानपवर्तने । सिद्धान्तसंमतियौकाऽसद्र्याऽज्ञानतोऽस्ति सा॥ इस श्लोक से उक्त समाधान को दृषित ठहराया है। अब जिस में अपवर्तन आदि का सन्देह न हो वैसा कहते हैं-क्रय का मान या १ ऋौर विक्रय ११० है। केवल क्रय या १ में, विक्रय ११० का भाग देने से जो लिब्ध न्त्राई, उसको ऋग्याशष संज्ञक कालक १ कल्पना किया।

अनुपात-एकगुण कय की कालक १ लिब्ध है, तो षड्गुणित ऋय की क्या ? प्रथम लिंडिंघ का ६ आई। ऐसे ही अनुपात से, दूसरी और तीसरी लिडिश्र आई का द । का १०० इन जिडिथयों में १ कम कर देने से धन-शेष लिब्ध हुई—

- काई रू १
- (२) का = रू १
- (३) का १०० हर

च्रलग, च्रलग हर ११० से गुगा देने से हुई-

- का ६६० रू ११०
- (२) का प्र⊏० रू ११०
- (३) का ११००० स ११०

इन अपने अपने गुर्ण से गुणित कय में, घटा देने से शेप रहे-

- (१) याई का ईईं० रू ११०
- (२) या = का = = = = = र ११० (३) या १०० का ११० ० र ११०

४ से गुगा देने से हुए —

- (१) या ३० का ३३०० रू ५५०
- (२) या ४० का ४४०० रू ५४०
- (३) या ४००का ५४००० रू ४४०

यथाक्रम धनशेष लिब्धयों को जोड़ देने से हुए---

- (१) या ३० का ३२६ ४ रू ५४६
 - (२) या ४० का ४३६२ रू ५४६
 - (३) या ४०० का ४४६०० क ४४६

अब पहले और दूसरे का समीकरण के जिये न्यास-

या ३० का ३२६४ रू ४४६ या ४० का ४३६२ रू ५४६

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का १०६ =। २ का ऋप-

वर्तन देन से का ४४६ हुई।

दूसरे त्रौर तीसरे का समीकरण के लिये न्यास या ४० का ४३६२ रू ४४६ या ४०० का ४४६०० रू ४४६

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति वा ४०४० । ६२ का

अपवर्तन देने से, पहले के तुल्य ही आई-

का ४४६

या ४

पहले ऋौर तीसरे का समीकरण के लिये न्यास— या ३० का ३२६ ४ रू ४४६ या ४०० का ४४६०० रू ४४६

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति का ४१६०६ ४ का अप-या ४७०

ेवर्तन देने से, पहले के तुल्य ही आई का ४४६ इस से कुटुक से 'चेपा-

भावोऽथवा यत्र—" सूत्र के ऋतुसार, लिंडिघ ऋौर गुण हुऋा है। बाद में नीलकवर्ण १ इष्ट कल्पना करके, 'इष्टाहत—' के ऋतुसार, लिंडिघ गुण सच्चेप हुए—

नी ५४६ रू० यावत्तावत् नी ५ रू० कालक

लिबियावत्तावत् कामान और गुण् कालकका मान हुआ। नीलक का व्यक्तमान १ कल्पना करके, उत्थापन देने से राशि हुई—

यावत्तावत्=५४६

काजक=४

त्रव कालक मान ४ से पूर्वानीत तीनों लिब्धियों में उत्थापन देने से, घन लिब्ध शेष हुई—

पूर्वानीतलाडिध ।

धनशेषलाडिध ।

(१) का ६ रू १

38

(२)का = क्रं

10

(३) का १०० रू १

€C-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

इस भाँति अनेक प्रकार से, उक्त प्रश्न का उत्तर आता है। अनेकवर्णस्मीकरण समाप्त।

> दुर्गाप्रसादग्चिते भाषाभाष्ये मिताच्चरे । सवासनाद्य संपूर्णाऽनेकवर्णसमीकृति: ॥

त्र्रथानेकवर्णमध्यमाहरणभेदाः। तत्र श्लोकोत्तराधीदारभ्य सूत्रं सार्धवत्त-त्रयम्—

वर्गाद्यं चेतुल्यशुद्धों कृतायां
पक्षस्यैकस्योक्तवहर्गमूलम् ॥ ६८॥
वर्गप्रकृत्या परपक्षमूलं
तयोः समीकारविधिः पुनश्च।
वर्गप्रकृत्या विषयो न चेत्स्यातदान्यवर्णस्य कृतेः समं तम् ॥ ६६॥
कृत्वा परं पक्षमथान्यमानं
कृतिप्रकृत्याद्यमितिस्तथा च।
वर्गप्रकृत्या विषयो यथा स्यातथा सुधीभिर्बहुधा विचिन्त्यम्॥७०॥
बीजं मतिर्विविधवर्णसहायनीह

मन्दावबोधविधये विबुधैर्निजाचैः।

विस्तारिता गणकतामरसाशुमद्भि-र्यासैवबीजगणिताह्न्यतामुपेता॥७१॥

यत्र पक्षयोः समशोधने कृते सत्यव्यक्रवर्गा-दिकमवशेषं भवति तत्र पूर्ववत् 'पक्षो तदेष्टेन निहत्य-' इत्यादिना एकस्य पक्षस्य मूलं याह्यम्, अन्यपक्षेयचन्यक्रवर्गः सरूपो वर्तते तदा तस्य पक्षस्य वर्गप्रकृत्या मूले साध्ये तत्र वर्णवर्गे योऽङ्कः सा प्रकृतिः, रूपाणि क्षेपः प्रकल्प्यः, एवं यत्कनिष्ठपदं तत्प्रकृतिवर्ण-मानं यज्ज्येष्ठं तदस्य वर्गस्य मूलम् अतस्तत्प्-वेपक्षमूलेन समं कृत्वा पूर्ववर्णमानं साध्यम्, अथ यद्यन्यपक्षे व्यक्तवर्गः साव्यक्तः, अव्यक्त-मेव सरूपमरूपं वा वर्तते, तदा वर्गप्रकृतेर्न विषयः कथं तत्र मूलिमत्यत ऋाह-वर्गप्र-कृत्या इति । तदान्यवर्णवर्गसमं कृत्वा प्राग्व-देकस्य पक्षस्य मूलं याह्यं तदन्यपक्षस्य वर्ग-प्रकृत्या मूले साध्ये तत्रापि कनिष्ठं प्रकृति-वर्णमानं ज्येष्ठं तत्पक्षस्य पदामिति पदानां यथोचितं समीकरणं कृत्वा वर्णमानानि सा- ध्यानि। अथ यदि हितीयपक्षे तथा भूतमपि न विषयस्तदा यथा यथा वर्गप्रकृत्या विषयो भवति तथा तथा बुद्धिमद्भिर्बुद्ध्या विधाया-व्यक्तमानानि ज्ञातव्यानि। अथ यदि बुद्ध्येव ज्ञातव्यानि तर्हि बीजेन किमित्याशङ्क्ष्याह— बीजं मतिरिति। हि यस्मात्कारणाद्बुद्धिरेव पारमार्थिकं बीजं वर्णास्तु तत्सहायाः गणक-कमलतिग्मरिमिभराद्येराचार्येर्मन्दावबोधा-र्थमात्मीया या मतिर्विविधवर्णान् सहायान्कृ-त्वा विस्तारं नीता सेव संप्रति बीजगणित-संज्ञां गता॥

एवमनेकवर्णसमीकरण्खण्डं मितपाद्य मध्यमाहरणसं तहिशेषं निरूपियं तहिरिममं मितजानीते—अध मध्यमाहरणभेदा इति वस्य-माण्यूत्रे पूर्वोत्तरार्ध्योरद्धन्दोभेदोऽस्तीति कस्यिचद्भ्रमःस्यात्ति-रासार्थमाह-तत्र रलोकोत्तरार्धादारभ्येति। यदि ह मथमतोऽर्धे पठ्यते न तत्पूर्वार्ध किंतु 'भूयः कार्यः कुट्टकः—' इति माक्पिटतपूर्वार्धस्य रलोकस्योत्तरार्धमित्यर्थः। अध शालिन्युत्तरार्धेनोपजातिकाद्वयेन च मध्यमाहरणस्येति कर्तव्यतामाह—वर्गाद्यभिति। इदं सार्धसूत्र-दित्यमाचार्यरेव विद्यतमतो मया न व्याक्रियते। 'वर्गमकृत्या विषयो यथा स्यात्तथा सुधीभिवहुधा विचिन्त्यम्—'इत्युक्तंतत्र यदि बुद्धचैव विचिन्त्यं तर्हि किं बीजेनेत्याशङ्कायामुत्तरं सिंहोद्धतयाह—वीज-मिति। अस्याद्यर्थे आचार्यरेव विद्यतः।

ऋनेकवर्ण मध्यमाहरण-

अंब पत्तों के समशोधन करने से जहां अञ्यक्त वर्गादि शेष रहें वहां एक पत्त का वर्गमूल 'पत्ती तदेष्टेन निहत्य किंचित्-' इत्यादि प्रकार से ऋौर दूसरे पत्त का मूज वर्गप्रकृति से लेना चाहिये तात्पर्य यह है कि-दूसरे पत्त में ऋव्यक्त-वर्ग सरूप हो तो, वहां जो अव्यक्त वर्गाङ्क है उसको प्रकृति और रूप को चंप कल्पना करना फिर इष्ट को कानिष्ठ कल्पना कर के ज्येष्ठ सिद्ध करना कनिष्ठ प्रकृति वर्गा का व्यक्तमान श्रीर ज्येष्ठ दूसरे पत्त का मूल होगा श्रनन्तर, उन दोनों पचों के मूलों का समीकरण करना। यदि वर्ग-प्रकृति का विषय न हो तो, उस का अन्य वर्गा के वर्ग के साथ समीकर्गा कर के अन्यमिति तथा आद्यमिति सिद्ध करना, तात्पर्य यह है कि-यदि अन्यपत्त में इष्ट अञ्यक्तवर्ग साज्यक हो, अथवा, अञ्यक दी सप से सहित या, रहित हो तो, वर्गप्रकृति का विषय न होगा। ऐसी दशा में, उस का अन्यवर्ग के साथ समीकरण करके पूर्व राति के अनुसार, एक पत्त का वर्गमूल लेना श्रीर दूमरे पत्त का मूल वर्ग-प्रकाति से लाना । यहां पर भी, कानिष्ठ प्रकृतिवर्ण का मान और ज्येष्ठ, उस पन्न का मूल होगा । फिर उन मूलों का यथोवित समीकरण करके, वर्गामानों को सिद्ध करना, यदि ऐसा करने से भी वर्गप्रकृति का विषय न हो तो, जिस भाँति वर्गप्रकृति का विषय हो सके वह श्रपनी बुद्धि से जानना चाहिये।

यदि बुद्धि से ही जानना है तो, वीजगियात का क्या प्रयोजन है ? इस शंका का समाधान करते हैं—गयाकरूपी कमलों के विकासक सूर्य के समान पूर्व आचार्यों ने, मन्दजनों के बोधार्थ यावतावन् आदि वर्षों से फैलाई गई बुद्धि ही इस समय बीजगियात नाम को प्राप्त हुई है। अर्थात् पूर्व आचार्यों की बुद्धि ही बीजगियात नाम से कही जाती ह और यावतावन् आदि वर्षासमूह इस के सहकारी हैं।

इदं किल सिद्धान्ते मूलसूत्रं संक्षिप्तमुक्तं वालावबोधार्थं किंचिद्धिस्तार्योच्यते सूत्रम्

एकस्य पक्षस्य पदे गृहीते
द्वितीयपक्षे यदि रूपयुक्तः।
अव्यक्षवर्गोऽत्र कृतिप्रकृत्या
साध्ये तथा ज्येष्ठकनिष्ठमूले॥ ७२॥
ज्येष्ठं तयोः प्रथमपक्षपदेन तुल्यं
कृत्वोक्षवत्प्रथमवर्णामितिस्तु साध्या।
ह्रस्वं भवेत्प्रकृतिवर्णामितिः सुधीमिरेवं कृतिप्रकृतिरत्र नियोजनीया॥७३॥
अस्यार्थो व्याख्यात एव॥

'पत्तस्यैकस्योक्तवद्वर्शमूलं वर्गमकृत्या परपत्तमूलं-' इत्यादि
भथममिनिहतं तत्र परपत्तः कीदृशः सन्वर्गमकृतीविषयो भवति ।
अथ च यदि विषयस्तिहें वर्गमकृत्या परपत्तमूले गृहीतेऽपि केन
पदेन पूर्वमूलसमीकरणं कार्यमित्यादि मन्दाववीधार्थभुपनातिकया
वसन्तित्तलकया च विशदयति—एकस्येत्पादि । यत्र पत्त्रयोः
समशोधने कृते सत्यव्यक्तवर्णादिकमवशेषं भवति तत्र पूर्ववत् 'पत्ती
तदेष्टेन निहत्य किंचित् चेट्यं-' इत्यादिनैकपत्तस्य मूले गृहीने
सित यदि द्वितीयपत्तेऽव्यक्तवर्णः सरूपः स्थात्तदासौ पत्तो वर्ण
मकृतेविषय इति वर्गमकृत्या मूले साध्ये, तत्र वर्णवर्णे योऽङ्कः सा
मकृतिः कल्दयः रूपाणि चेपः कल्दयः, एवं कनिष्ठज्येष्टे साध्ये ।
अथ तयोज्येष्टकनिष्ठयोर्भध्ये ज्येष्टं प्रथमपत्तपदेन समं कृत्वोक्तवत्
'एकाव्यक्तं शोधयेत्' इत्यादिनैकवर्णसमीकरणेन प्रथमवर्णमितिः
साध्या । यस्य पत्तस्य पूर्वं पदं गृहीतं स प्रथमः तत्र यो वर्णः स
प्रथमवर्णः। प्रथमश्चासौ वर्णश्चेति कर्मधारयो द्रष्टव्यः । द्वितीय

वर्णोङ्कितपत्तस्य यदि प्रथमतः पदं गृह्यते तदा व्यभिचारः स्यात्। अथ तयोर्भध्ये यत्किनिष्ठं तत्प्रकृतिवर्णमानं स्यात्।।

उक्त अर्थ को विशद करते हैं

जहां पत्तों का समशोधन करने के बाद, अव्यक्तवर्गादि शेष रहता है, वहां 'पत्तों तदेष्टेन—' इस रीति के अनुसार, एक पत्त का मूल लेने से, यदि दूसरे पत्त में अव्यक्त वर्ग सहप हो तो, उसका वर्ग प्रकृति से मूल लेना—वर्णवर्ग के अङ्क को प्रकृति और रूप को त्तेप मान कर 'इष्टं हस्वं—' सूत्र के अनुसार, किन्छ तथा ज्येष्ठ सिद्ध कर के ज्येष्ठ पद को पहले पत्त के पद के साथ 'एकाव्यक्तं शोधयेद्—' इस एकवर्णसमीकरण की रीति से, प्रथम वर्ण की उन्मिति सिद्ध करना । यहां जिस पत्त का मूल पहले लिया गया है, वह प्रथम है और वहां पर जो वर्ण है वह प्रथमवर्ण है । जो किनिष्ठ है वह प्रकृतिवर्ण की उन्मिति है । इस भाँति वर्गप्रकृति का नियोग — करना चाहिये ॥

उदाहरणम्-

कोराशिर्द्विगुणो राशिवर्गैः षड्भिः समन्वितः।
मूलदो जायते बीजगणितज्ञ वदाशु तम् ८८॥

अत्र यावत्तावद्राशिर्द्विगुणो वर्गेः षड्भिः समन्वितः याव ६ या २ एष वर्ग इति कालक-वर्गेण समीकरणार्थं न्यासः

की राशिः शरनिहतः स्ववर्गहीनो निःशेषं निजपदमर्पयरयशेषम् । तं राशि दिश दशकंधरोपमानं मानस्ते यदि गणितेऽस्ति षट्टप्रमाणे ॥

१ ज्ञानराजदैवज्ञाः---

याव ६ या २ काव ० याव ० या ० काव १ अत्र समशोधने जाती पक्षी याव ६ या २ काव १

अथेतो षड्भिः संगुर्य रूपं प्रक्षिप्य प्रा-ग्वत्प्रथमपक्षमूलम् या ६ रू १ अथ दितीय-पक्षस्यास्य काव ६ रू १ वर्गप्रकृत्या मूले क २। ज्ये प्र

वा, क २०। ज्ये ४६

ज्येष्ठं प्रथमपक्षपदेनानेन या ६ रू १ समं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम् ३ वा ८ हस्वं प्रकृतिवर्णस्य कालकस्य मानम् २। वा २०। एवं कनिष्ठज्येष्ठवशेन बहुधा।।

उदाहरया-

वह कौन राशि है, जिस को दूना कर के, उसी में षड्गुणित राशिवर्ग जोड़ देते हैं तो, वर्गात्मक होती है।

कल्पना किया या १ राशि है। २ से गुणित या २ षड्गुण राशिवर्ग जोड़ देने से याव ६ या २ हुन्ना, यह वर्ग है इसिलये काजकवर्ग के साथ समीकरण के लिए न्यास—

> याव ६ या २ काव ० याव ० या० काव १ ४७

'आदं वर्यों—' के अनुसार, समीकरण से पत्त यथास्थित रहे, मूल के लिये ६ से गुण कर १ जोड़ देने से हुए— याव ३६ या १२ रू १

काव ६ रू १

श्राद्यपत्त का मूल या ६ रू १ श्राया श्रीर दूसरे पत्त में श्रव्यक्त वर्ग सक्त्प है, तो कालक वर्गाङ्क ६ को प्रकृति श्रीर रूप १ को त्तेप कल्पना किया। फिर इष्ट २ को कानेष्ठ मान कर, उस के वर्ग ४ को प्रकृति ६ से गुग्रा कर, उस में त्तेप १ जोड़ देने से २५ हुश्रा। इस का मूल ५ ज्येष्ठमूल हुश्रा। श्रथवा कितष्ठ २० है, इसके प्रकृतिगुग्रित वर्ग ४०० × ६=२४०० में, त्तेप १ जोड़ देने से २४०१ इस का मूल ४६ ज्येष्ठ है। यहां यदि पहजे पत्त का या ६ रू १ मूल श्राता है, तो दूसरे पत्त काव ६ रू १ का भी मूल श्रावेगा। श्रम्यथा उन पत्तों की समता न होगी। श्रव कौन सा वर्णवर्ग छ से गुग्रित श्रीर रूपयुन वर्ग होता है, यह वर्ग प्रकृति का विषय हुश्रा। यहां कालक का मान व्यक्त २ माना यही किनिष्ठ है। इसिलये कहा है— 'इस्वं भवेत्प्रकृतिवर्ग्यामिति:—'। इस दशा में, उथेष्ठ दूसरे पत्त का मूल हुश्रा, इस कारण श्राव्यक्त के भूल के साथ समीकरण के लिये न्यास—

या ६ रू १

ऋथवा,

या ६ रू १ या० रू ४६

समशोधन से यावत्तावन् की उन्मिति है, २ का अपवर्तन देने से है अथवा द । और किनष्ठ प्रकृति वर्ण कालक का मान २ । अथवा २० । आजाप—राशि है, द्विगुण करने से हैं हुई, और राशि है का वर्ग है षड्गुण है हुआ, अब इस से जुड़ी हुई द्विगुण है राशि है वर्गात्मक होती है अर्थात् उसका मूल है = २ आता है। अथवा, राशि द दूना करने से १६ हुआ और राशि द का

न्वर्ग ६४ षड्गुण ३८४ हुन्ना । इस से जुड़ी हुई हिगुण राशि ३८४+ १६=४०० मूलप्रद होती है।

आद्योदाहरगम्-

राशियोगकृतिर्मिश्रा राश्योयोगघनेन चेत्। द्विघ्नस्य घनयोगस्य सा तुल्यागणकोच्यताम्

अत्र कियायथान विस्तारमेति तथा बुद्धि-मता राशी कल्प्यो । तथा कल्पितो या १ का १ । या १ का १ अनयोयोंगः या २ अस्य कृतिरस्येव घनेन मिश्रा याघ ८ याव ४। अथ राश्योः एथग्घनो । प्रथमस्य याघ १ यावकामा ३ कावयामा ३ काघ १ दितीयस्य याघ १ यावकामा ३ कावयामा ३ काघ १ अनयोयोंगः याघ २ यावयामा ६ दिव्रः याघ ४ यावयामा १२ समशोधनार्थं न्यासः ।

> याघ ८ याव ४ यावयाभा ० याघ ४ याव ० यावयाभा १२

समशोधने कृते पक्षो यावत्तावतापवर्त्य रूपं प्रक्षिप्य प्रथमपक्षमूलम् या २ रूं १ परपक्ष-स्यास्य काव १२ रू १ वर्गप्रकृत्या मूले

क २। ज्ये ७ वा, क २⊏। ६७

किन के कालकमानं ज्येष्ठ मस्य या २ रू १ समं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम् ३ वा । ४ द्र स्वस्वमानेनोत्थापने कृते जातौ राशी ५ । १ । वा । २० । ७६ इत्यादि ।

त्रथाद्योदाहरणमनुष्टुभा लिखति-राशियोगकृतिरिति । हे गणक, सा राश्योयीगवनेन मिश्रायुता राशियोगकृतिः द्विष्टस्य घनयोगस्य तुल्या भवतीति भवतोच्यताम् ॥

उदाहर्या--

वे दो कौन राशि हैं, जिन का योगवर्ग उनके योगघन से जुड़ा हुआ, दूने घनयोग के तुल्य होता है।

यहां ऐसी राशि मानी जिस से किया का विस्तार न हो जैसा— या १ का १ । या १ का १ इन का योग या २ हुन्ना, इस के वर्ग याव ४ में राशियोग या २ का धन, याघ द्र जोड़ देने से याघ द्र याव ४ हुन्ना । ऋत्र राशि का धन करते हैं—वहां प्रथम राशि या १ का १ है।

> या १ का १ या १ का १ यात्र १ या का १ का या १ कात्र १ यात्र १ या का २ कात्र १ यात्र १ या का २ या १ यात्र का १ यात्र १ या कात्र २ कात्र १

घन=याघ १ याव. का ई या. काव ३ काघ १ । दूसरी राशि का घन हुन्ना—

याघ १ याव. का ३ या. काव ३ काघ १।
इन दोनों घनों का 'धनर्यायो:-' सूत्र से योग हुत्रायाघ १ याव. का ३ या. काव ३ काघ १
याघ १ याव. का ३ या. काव ३ काघ १
याघ २ या. काव ६

दूना करने से 'याघ ४ या. काव १२' यह पूर्वानीत 'याघ द्र याव ४' के तुल्य है, इसिनये समीकरण के लिए न्यास—

याय ८ याव ४ या काव० याघ ४ याव . या. काव १२

समशोधन से हुए-

याघ ४ याव ४ या काव० याघ याव या. काव १२ यावत्तावत् का ऋपवर्तन देकर, १ जोड़ने से हुए— याव ४ या ४ का. रू १

याव. या. काव १२ रू १

पहले पत्त का मूल या २ रू १ आया और दूसरे पत्त का वर्गप्रकृति से मूल लेना चाहिये। वहां अन्यक्तवर्ग सरूप है। अव
अन्यक्तवर्गांक १२ को प्रकृति और रूप १ को चोप माना, फिर
इष्ट २ किनिष्ठ के वर्ग ४ को प्रकृति १२ गुियात ४ ८ में १ जोड़
कर, मूल लेने से ज्येष्ठ ७ आया। अथवा, किनिष्ठ २ ८ है उक्त
रिति से ज्येष्ठ ६७ आया। यहां किनिष्ठ कालक का मान और
ज्येष्ठ दूसरे पत्त का मूल है। अब उस का आद्यपत्तीय मूल के
साथ समीकर्या के लिये न्यास—

या २ रू १ या ० रू ७ त्रथवाया २ रू १ या ० रू ६७ समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति ३ अथवा ४ = । यहाँ 'इस्वं भवेत्प्रकृतिवर्णामिति:—' के अनुसार, कालक प्रकृति वर्ण होने से, किन्छ ही कालक का मान हुआ। अब यावृत्तावन्मान ३ में कालक मान २ को घटा देने से, राशि १ ४ हुए, अथवा २०१७ ई क्योंकि पहले या १ का १ । या १ का १, यह दो राशि किएत हुई थीं।

त्राक्षाप्— जैसा—१। ध्र राशि का योग ६ वर्ग ३६ में, राशि-योग ६ का यन २१६ जोड़ देने से २४२, यह द्विगुण राशियनः

योग २×(१+१२४)=२४२ के तुल्य हुआ।

अथान्यत्सूत्रं साधेवत्तम् — हितीयपंक्षं सित संभवे तु कृत्यापवर्त्यात्र पदे प्रसाध्ये । इयेष्ठं किष्ठेन तदा निहन्या-ब्रेहर्गवर्गेण कृतोऽपवर्तः ॥ ७४ ॥ किष्ठवर्गेण तदा निहन्या-इत्येष्ठं ततः पूर्ववदेव शेषम् । स्पष्टार्थम् ॥

द्वितीयपत्तस्य वर्गेमकृत्या पदं ग्राह्मित्युक्तम्, त्र्रथ यदिः द्वितीयपत्तं साव्यक्तवर्गोऽव्यक्तवर्गवर्गः स्याद्यदि वा साव्यक्तवर्गे-वर्गोऽव्यक्तवर्गवर्गः स्यात्तदा नासौ वर्गेप्रकृतेविषयस्तत्कथं पदं ग्राह्मित्याशङ्कायां मन्दावबोधार्थं सार्घोपन।तिकयाह—द्वितीय-पत्तिमिति । संभवे सित द्वितीयपत्तं कृत्यापवर्त्य पदं प्रसाध्ये । एवं वर्गवर्गेग्णापवर्तनसंभवें सित वर्गवर्गेग्णापवर्त्य पदे प्रसाध्ये ।

१ 'द्वितीयपत्ते' इति मूलपुस्तकपाठः ॥

एतदुक्तं भवति—द्वितीयपत्ते यदि साव्यक्तवर्गोऽव्यक्तवर्गवर्गोऽिस्त तदाव्यक्तवर्गेणापवर्ते कृते सरूपोऽव्यक्तवर्गः स्यादिति वर्गप्रकृते-विषयः। एवं द्वितीयपत्ते यदि साव्यक्तवर्गवर्गोऽव्यक्तवर्गः वर्गोस्ति तत्राव्यक्तवर्गवर्गेणापवर्ते कृते सति सरूपोऽव्यक्तवर्गः स्यादिति वर्गप्रकृतेविषयः। अतः प्राग्वत्पदे साध्ये । इयान् विशेषः—अव्यक्तवर्गेणापवर्ते कृते यज्ज्येष्ठमागतं तत्किनिष्ठेन गुण्येत्। अव्यक्तवर्गवर्गेणापवर्ते तु यज्ज्येष्ठमागतं तत्किनिष्ठवर्गेण गुण्येत्। किनिष्ठं तूभयत्र यथास्थितमेव। एवं त्र्यादिगतवर्गेणा-पवर्ते किनिष्ठवर्गवर्गादिना ज्येष्ठगुणनं द्रष्टव्यम्। शेषं पूर्ववत्।

वर्गप्रकृति से दूसरे पत्त का स्ल लेना चाहिये, यह पूर्व कथित है। यदि अन्यक्तवर्ग के साथ अन्यक्तवर्गवर्ग हो वा, अन्यक्तवर्गवर्ग के साथ अन्यक्तवर्गवर्ग हो वा, अन्यक्तवर्गवर्ग के साथ अन्यक्तवर्गवर्ग हो तो इस प्रकार मूल लेना चाहिये—यदि संभव हो तो, दूसरे पत्त में अपवर्तन देकर, किनष्ठ तथा ज्येष्ठ सिद्ध करना अर्थात् यदि सान्यक्तवर्ग, अन्यक्तवर्गवर्ग हो तो, अन्यक्तवर्ग का अपवर्तन देने से, सरूप अन्यक्तवर्गवर्ग होगा। और यदि सान्यक्तवर्गवर्ग, अन्यक्तवर्गवर्ग, अन्यक्तवर्गवर्ग, अन्यक्तवर्गवर्ग, हों तो, अन्यक्तवर्गवर्ग का अपवर्तन देने से सरूप अन्यक्तवर्ग होगा। इस माँति दोनों स्थलों में वर्गप्रकृति का विषय सिद्ध होने से, उक्त रीति से किनिष्ठ ज्येष्ठ होंगे। परन्तु इतना विशेष है कि—यदि अन्यक्तवर्ग का अपवर्तन लगा हो तो, ज्येष्ठ को किनिष्ठ से गुगा देना और यदि अन्यक्तवर्गवर्ग का अपवर्तन लगा हो तो, ज्येष्ठ को किनिष्ठ वर्ग से गुगा देना किनष्ठ तो उभयत्र ज्यों के त्यों रहेंगे, इस प्रकार अपवर्तन से ज्येष्ठ, किनष्ठ के वर्गवर्ग आदि से गुगा जायगा, रोष किया पूर्व के तुल्य जाननी चाहिए।

रपपात्त-

यहां पहले पत्त का मूज मिलने से और दूसरे पत्त का न मिलने से सिद्ध होता है कि यह पत्त भी वर्गात्मक है। अन्यथा उन का सास्य कैसे होगा। उस में अन्यवर्ग का अपवर्तन देने से भी वर्गत्व नहीं नष्ट होता क्योंकि वर्ग से वर्ग को गुण वा भाग देने से उस का वर्गत्व वना रहना है। यहां अञ्यक्तवर्ग का अपवर्तन देने से जो सरूप अञ्य-क्तवर्ग होता है, वह भी वर्ग है। उस का वर्गप्रकृति से जो ज्येष्ठ मूल अपावे, उस को अव्यक्तवर्गा के मान कनिष्ठ से, गुगा देना चाहिये। क्योंकि 'हस्वं भवेत्प्रकृतिवर्मामितिः—' के अनुसार, मूल को मूल ही से गुगा देना उचित है। इस भाति दूसरे पन्त का मूल सिद्ध होता है। इसी युक्ति से अञ्यक्त वर्गवर्ग का अपवर्तन देने से, जो सरूप अञ्यक्त वर्ग हो वह भी वर्ग है। उस का वर्गप्रकृति सं जो मूल आवे, वह कनिष्ठवर्ग से गुणित दूसरे पत्त का मूल होगा।

उदाहरणम्-

यस्य वर्गकृतिः पञ्चगुणा वर्गशतोनिता। मूलदा जायतेराशिं गणितज्ञ वदाशु तम् ८६ त्रित्र राशिःया १ अस्य वर्गकृतिः पञ्चगुणा वर्गशतोना यावव १ याव १०० अयं वर्ग इति कालकवर्गसमं कृत्वा गृहीतं कालकवर्गस्य मूलम् का १ द्वितीयपक्षस्यास्य यावव ५ याव १०० यावत्तावहर्गेणापवर्य वर्गप्रकृत्या मुले क १०। ज्ये २०।

वा, क १७०। ज्ये ३८०

कृत्यापवर्ते कृते 'ज्येष्ठं कनिष्ठेन तदा नि-हन्यात्-' इति जातम् ज्ये २००। वा। ज्ये ६४६०० इदं कालकमानं कनिष्ठं प्रकृतिवर्ण-मानं स एव राशिः १०। वा। १७०।

उदाहर्या-

वह कौन राशि है, जिस के पञ्च गुगा वर्गवर्ग में, शत गुगिन राशिवर्ग घटा देने से वर्ग होता है।

राशि या १ का वर्गवर्ग यावव १ यह ४ से गुणित यावव ४ में शंतगुण राशिवर्ग याव १०० घटा देने से, यावव ४ याव १०० यह वर्ग है। इसिलये कालकवर्ग के साथ समीकरण के किये न्यास—

> यावव ५ याव १०० काव, यावव ० याव ० काव १

समशोधन से पक्त यथास्थित रहे। कालक पक्त का मूल का १ आया और दूसरे पक्त में यावत्तावत्वर्ग का अपवर्तन देने से याव ४ क १ ० हुआ। अब यावत्तावद्वर्गांक ४ को प्रकृति और रूप १००ं को त्तेप माना। फिर इष्ट १० किनष्ट मान कर, उस का वर्ग १०० प्रकृति ४ से गुणित ४०० में त्तेप १००ं घटा देने से, शेष ४०० रहा। इस का मूल २० ज्येष्टमूल हुआ। दूसरे पक्त में यावत्तावत् के वर्ग का अपवर्तन दिया था, इसिलये ज्येष्ट २० किनष्ट १० से गुणित दूसरे पक्त का मूल २०० हुआ। इस का प्रथम पक्त के मूल का १ के साथ समीकरण से कालक का मान २०० आया और किनष्ट १० यावत्तावत् वर्ण का मान है, यही राशि है।

आलाप—१० का वर्गवर्ग १०००० हुआ ५ से गुणित ५०००० इस में शत गुण राशिवर्ग १०००० घटा देने से, शेष ४०००० का मूल २० कालक मान के तुल्य है। अथवा, कनिष्ठ १७० से ज्येष्ठ ३८० हुआ, यह कनिष्ठ १७० से गुणित दूसरे पत्त का मूल ६४६०० हुआ। इस का आद्यपत्तीय मूल का १ के साथ समीकरण से कालक का मान ६४६०० आया और कनिष्ठ १७० यावत्तावत् का मान है, वही राशि है।

उदाहरणम्-

कयोः स्याद्नतरे वर्गो वर्गयोगो ययोर्घनः । तो राशी कथयाभिन्नो बहुधा बीजवित्तम ६०॥ श्रत्र राशी या १। का १ श्रनयोर न्तरं या १ का १ नीलकवर्गसमं कृत्वा लब्धं यावत्ता-वन्मानम् का १ नीव १ श्रनेन यावत्तावदुत्था-प्य जातौ राशी का १ नीव १ । का १ । श्रन्योर्वर्गयोगः काव २ नीव का मा २ नीवव १ एष घन इति नीलकवर्गघनसमं कृत्वा शोधने कृते जातं प्रथमपक्षे नीवघ १ नीव व १ दितीयपक्षे काव २ नीव का मा २ पक्षो द्वाभ्यां संगुण्य नीलकवर्गवर्गं प्रक्षिप्य दितीयपक्षस्य मूलम् का २ नीव १ प्रथमपक्षं नीवघ १ नीवव १ नीलकवर्गवर्गे णापवर्य नीव २ रू १ वर्गनिलकवर्गवर्गे णापवर्य नीव २ रू १ वर्गनिलकवर्णवर्गे मुले

क प्राज्ये ७। वां, क २६। ज्ये ४१।

'चेह्रग्वर्गेण कृतोपवर्तः, कानेष्ठवर्गेण तदा निहन्याज्ज्येष्ठं—' इति जातम् ज्ये १७५। वा ज्ये ३४४८१। कानेष्ठं नीलकमानं तेनोत्था-पितं प्राङ्मूलं जातम् का २ रू २५ वा। का२ रू ८४१ इदं ज्येष्ठमूलसमं कृत्वा लब्धं कालकमानम् १०० वा १७६६**१** स्वस्वमाने-नोत्थाप्य जातौराशी ७५।१००वा १६८२०। १७६६१ । इत्यादि ॥

यत्र वर्गवर्गेणापवर्तनं तादृशमुदाहरणमनुष्टुभाह—कयोरिति।
हे बीजवित्तम। मकर्षे तमप्। कयो राश्योरन्तरे कृते सित वर्गः
स्यात्, ययोर्वर्गयोगोयनः स्यात् तौराशी अभिन्नीबहुधाकथय।
अत्र 'अभिन्नी बहुधा' इति पद्द्रयमनावश्यकं सर्वत्र कनिष्ठच्येष्ठमूल्योरानन्त्याभ्युपगमात्।।

उदःहर्गा--

वे दो कौन राशि हैं, जिन का अन्तरवर्ग और वर्गयोग घन होता है। कल्पना किया या १। का १ राशियों का अन्तर या १ का १ यह वर्ग है, इस कारण नीलक वर्ग के साथ समीकरण के लिये न्यास—

> या १ का १ नीव० या० का० नीव १

'आदां वर्गी—' इस शीत के अनुसार, समीकरण से यावतावत् का १ नीव १ या १ पन देने से, का १ नीव १ हुआ और दूसरी राशि का १ ज्यों की त्यों रही । अब का १ नीव १। का १ का वर्ग—काव १ का नीव २ नीवव १। काव १। योग 'काव २ का. नीव २ नीवव १' घन है। इस कारण नीलकवर्गघन के साथ समीकरण के जिये न्यास—

काव २ का. नीव रे नीवव १ नीवघ० काव ० का- नीव ० नीवव० नीवघ १

समशोधन से हुए

काव २ का. नीव २ नीवव ० नीवघ० काव ० का. नीव ० नीवव १ नीवघ १ दो से गुगा कर, नीलकवर्गवर्ग जोड़ देने से हुए——
काव ४ का. नीव ४ नीवव १ नीवव १ नीवघ २

पहले पत्त का मूल का २ नीव १ आया और दूसरे पत्त नीवव १ नीवघ २ में, नीलकवर्गवर्ग का अपवर्तन देने से, नीव २ क १ हुआ। अब नीलकवर्गाङ्क २ प्रकृति और रूप १ त्तेप मान कर 'इष्टं इस्वं—' सूत्र से इष्टं ४ मान कर ज्येष्टमूल ७ आया। दूसरे पत्त में वर्गवर्ग का अपवर्तन दिया था, इस कारण कनिष्ठवर्ग २४ से गुणित ज्येष्टमूल, दूसरे पत्त का मूल १७४ हुआ। आद्यपत्त का मूल क २ नीव १ है, और कनिष्ट ४ प्रकृतिवर्ण नीलक का मान है। इससे आद्यपत्त के मूल 'का २ नीव १' के दूसरे खराड 'नीव १' में, उत्थापन देना है, पर वह वर्गात्मक और ऋणा है, इसलिये कनिष्ट ४ का वर्ग ऋणा २ थे हुआ। इस भौति आद्य पत्त का मूल क १ क २ थे सिद्ध हुआ। इसका दूसरे पत्त के मूल के साथ समीकरणा के लिये न्यास—

का. २. रू २५ का ० रू १७५

समशोधन से कालक की उन्मिति १०० आई। पहली राशि का १ नीव १ । का १ हैं। उत्थापन देने से, कालक का मान १०० आया। इस में किनेष्ठ वर्ग तुल्य नीलक वर्ग २ ५ घट। देने से, शेष ७ ५ रहा यही यावत्तावन का मान है। और कालक का मान दूसरी गांशि १०० है। अथवा किनिष्ठ २६ माना तो ज्येष्ठ ४१ आया, यह कानष्ठ २६ वर्ग ८४१ से गुग्गित दूसरे पत्त का मूल ३४४ ६ हुआ। यह आद्य पत्तीय मूल का २ नीव १ के तुल्य है। वहां रूप के स्थान में प्रकृति वर्णमान किनिष्ठ २६ के वर्ग रू ८४१ को लिख कर न्यास—

का २ रू = ४१ का० रू ३४४=१

समशोधन से कालक की उन्मिति १७६६१ त्राई, यह दूसरी राशि है। इस में कनिष्ठवर्गतुल्य नीलकवर्ग ८४१ घटा देने से, दूसरी गाशि १६८२० हुई। इस भाँति त्रानन्त राशियाँ त्रावेंगी।।

अन्यत् सूत्रं साधेरुत्तम्-साव्यक्तवर्गी यदि वर्णवर्ग-स्तदान्यवर्णस्य कृतेः समं तम् ॥ ७५॥ कृत्वा पदं तस्य तदन्यपक्षे वर्गप्रकृत्योक्षवदेव मूले। कनिष्ठमाचेन पदेन तुल्यं ज्येष्ठं द्वितीयेन समं विदध्यात् ॥ ७६ ॥ अत्र प्रथमपक्षमृते गृहीते सत्यन्यपक्षे सा-व्यक्ताव्यक्तकृतिः सरूपा वा भवति तत्राद्यपक्ष-स्यान्यवर्णवर्गसमीकरणं कृत्वा मूलं याह्यं तद्न्यपक्षस्य वर्गप्रकृत्या मूले, तयोः कनिष्ठ-माचस्य पदेन ज्येष्ठं दितीयपक्षपदेन च समं कृत्वा वर्णमाने साध्ये॥

त्रथ यत्रैकस्य पत्तस्य पदे गृहीते सित द्वितीयपत्ते साव्यक्ती-ऽव्यक्तवर्गः सरूपो वा भवति तदा नोक्तरीतिमवृत्तिरतस्तत्रोपायं-पुपजातिको त्तरार्धेनोपजातिकया चाह — सेति। त्रथ यदि द्वितीय-पत्ते वर्णवर्गः साव्यक्तः सरूपश्च भवेत्ति तमन्यवर्णस्य कृतेः समं कृत्वा तस्य प्रथमपत्तस्य पदमानेयम् । तदन्यपत्ते प्रथमपत्ते-तर्पत्ते उक्तवदेव वर्गमकृत्या मूले किनप्रच्येष्ठे साध्ये । त्राद्यपदेन किनष्ठं द्वितीयेन पदेन च्येष्ठं च समं विद्ध्यात् । तेन तेन सह समीकरणं कुर्यादिति तात्पर्यम् ॥ एक पत्त का मूल कोने से, यदि दूसरे पत्त में सान्यक त्रौर सरूप अञ्चल वर्ग हो तो, मूल-प्रहण की रीति कहते हैं--

यदि दूसरे पत्त में वर्णवर्ग अन्यक और रूप से सिहत हो तो, उसको दूसरे वर्ण के वर्ग के तुल्य करके,पहले पत्त का मूल लेना और इनरपत्त का वर्गप्रकृति से लाकर आद्यपत्तीय-मूल का किनष्ट के साथ और द्वितीय पत्तीय-मूल का ज्येष्ठ के साथ समीकरण करना चाहिये।

उपपत्ति--

पहले पत्त का मूल मिलने से, उस के तुल्य दूसरे पत्त का भी भूल मिलना चाहिये। परन्तु भूल के न मिलने से, उस वर्गरूप दूसरे पत्त का अन्य वर्गा के वर्ग के साथ समीकरणा किया, जिस से वर्गप्रकृति की प्रवृत्ति हो। अब पहला पत्त भी अन्यवर्णवर्ग के तुल्य हुआ और पहले पत्त का भूल अन्यवर्ण के तुल्य हुआ। 'हस्वं भवे-रप्रकृतिवर्णमिति:' के अनुसार, अन्यवर्ण का मान कनिष्ठ है, इसिलये '—किष्ठमाचेन पदेन तुल्यं' यह उपपन्न हुआ। इस प्रकार आगे के ज्येष्ठों का यथाक्रम आगे साधित पत्तों के साथ साम्य करना उचित ही है। इसिलिये 'ज्येष्ठं हिंदीयेन समं—' यह कहा है।

उदाहरणम्—

त्रिकादिद्वयुंत्तरश्रेट्यां गच्छे कापि च यत्फलम्। तदेव त्रिगुणं कस्मिन्नन्यगच्छे भवेद्वद् ॥६१॥

१ 'त्रिकादिद्रयुत्तरः श्रेड्यां' इत्पयपाठो बहुत्र दश्यते,

र ज्ञानराजदैवज्ञाः —
पत्रादिद्विचयेन यत्प्रातिदिनं दत्तं धनं केनचित्तरमादप्यिषुकैदिनो श्रिग्राणितं तद्वत्परेणापितम् ।
ताद्विते वद वस्त वासंरमिती चेवानयोरस्ति ते
चेद्वर्गश्रक्ती कृतिर्वहुविधेशैंगों विचित्रा सखे ॥
तयोरपीणदिनानि ४। = धनं च ३२। ६६

श्रुव्योर्न्यासः। श्रादिः ३। चयः २। गच्छः या १। श्रादिः ३। चयः २। गच्छः का १। श्रान्योः फले याव १ या २। काव १ का २। श्रान्योराद्यं त्रिगुणं परसमं कृत्वा शोधनार्थं न्यासः।

याव ३ या ६ काव १ का २

शोधने कृते पक्षो त्रिगुणीकृत्य नव प्रक्षिप्य प्रथमपक्षस्य मूलम् या ३ रू २। द्वितीय-पक्षस्यास्य काव ३ का ६ रू ६ नीलकवर्गेण साम्यं कृत्वा तथेव पक्षो त्रिगुणीकृत्य ऋण-मष्टादश प्रक्षिप्य मूलम् का ३ रू ३। तदन्य-पक्षस्यास्य नीव ३ रू १८ वर्गप्रकृत्या मूले

> क ह। ज्ये १५। वा, क ३३। ज्ये ५७।

कित्रमाद्येनानेन या ३ रू ३ समं कृत्वा लब्धे यावत्तावत्कालकमाने २।४।वा१०।१८। एवं सर्वत्र॥

अत्रोदाहरणमनुष्टुभाइ-त्रिकादीति । त्रिकमादिखिकादिः, द्वौ उत्तरो स्वत्तरः, त्रिकादिश्च द्वत्तरस्य त्रिकादिस्रुत्तरो,

त्रिकादिद्यत्तरौ यस्यां सा त्रिकादिद्युत्तरा, सा चासौ श्रेढी च, तस्यां त्रिकादिद्युत्तरश्रेढ्यां कापि गच्छे यत्फलं तदेव त्रिगुणं फलमन्यगच्छे त्रिकादिद्युत्तरविशिष्टे कस्मिनिति वद ॥

उदाहरगा--

जिस श्रेढी में तीन आदि और दो चय है वहां आनिर्दिष्ट गच्छ में जो त्रिगुण फल होता है वह फन्न तीन आदि तथा दो चय क किस गच्छ में होगा।

यहां आदि ३ चय २ और गच्छ या १ है। तथा आदि ३ चय २ और गच्छ का १ है। 'व्येकपद्घ्नचयो मुख्युक्' इस के अनुसार पहला गच्छ या १ व्येक करने से या १ रू १ हुआ, चय२ से गुणित या २ रू १ हुआ। इस में आदि ३ जोड़ देने से या २ रू १ अन्त्य धन हुआ। इस में आदि ३ को जोड़ कर आधा करने से, मध्यधन या १ रू २ हुआ। गच्छ या १ से गुणित पहला फल (सर्वधन) याव १ या २ हुआ। इसी प्रकार, दूसरा फल (सर्वधन) काव १ का २ हुआ। यह त्रिगुण पहले फल के समान है, इस कारण समीकरण के लिये न्यास—

याव ३ या ६ काव० का० याव० या० काव १ का २

समशोधन से पत्त ज्यों के त्यों रहे। मूल के लिये ३ से गुगा कर, ६ जोड़ देने से हुए—

याव ६ या १ द रू ६ काव ३ का ६ रू ६

पहले पत्त का मूल या ३ रू ३ आया और दूसरा पत्त काव ३ का ६ रू ६ अञ्यक्त वर्ग, अञ्यक्त तथा रूप से जुड़ा है, इसिलिये इसका नीजक वर्ग के साथ समीकरण के अर्थ न्यास—

काव ३ का ६ नीव ० रू ६ काव ० का ० नीव १ रू समशोधन से हुए-

काव ३ का ६ तीव १ रू ६ ३ से गुगा कर, नौ जोड़ने से हुए— काव ६ का १८ रू ६ नीव ३ रू १८

यहाँ पहले पत्त का मूल का ३ रू ३ त्राया और दूसरे पत्त.
नीव ३ रू १ मानकर, इसका
वर्ग . मूल वर्गप्रकृति से इप्ट कित प्र ह मानकर, इसका
वर्ग . मूल ३ से गुणित २४३ हुन्ना, इसमें त्रेप १ मानकर, इसका
से, शेष २२४ का मूल १४ ज्येष्ठ हुन्ना। यहाँ किनिष्ठ ह का पहले
सिद्ध प्रथम पत्त के मूल या ३ रू ३ के साथ समीकरण के लिये
न्यास—

या ३ रू ३

इसी भाँति ज्येष्ठ १५ का पीछे सिद्ध किये गये प्रथम पत्त के मूल का ३ रू ३ के साथ समीकरण के लिये न्यास—

का ३ रू ३

दें। नों स्थानों में समीकरण द्वारा क्रम से यावत्तावत् तथा कालक की उन्मिति २ । ४ आई । ये दोनों गच्छों के प्रमाण हैं।

अथवा। किनिष्ठ ३३ है, इससे ज्येष्ठमूल १७ आया। अब किनिष्ठ ३३ का पहले मूल के साथ और ज्येष्ठ का दूसरे मूल के साथ समीकरण के लिये न्यास——

या ३ रू ३ <u>या० रू ३३</u> का ३ रू ३ का ० रू ४७

दोनों स्थानों में समशोधन से यथाक्रम यावत्तावत् तथा कालक-की उन्मिति त्राई १०। १८ ये दोनों गच्छ हैं। श्रालाप—(१) श्रादि ३। चय २। गच्छ २। (२) श्रादि ३। चय २। गच्छ ४। 'व्येकपद्घ्न—' सूत्र के श्रनुसार धन सिद्ध हुए—— (१) मध्यधन ४। श्रन्त्यधन ४। सर्वधन ८

(१) मध्यधन ४। अन्त्यधन ४। सर्वधन २४ (२) मध्यधन ६। अन्त्यधन ६। सर्वधन २४ पहली श्रेढी का फल ८ है, यह ३ से गुणित २४ हुआ।

पहली श्रेढी का फल द है, यह ३ से गुश्चित २४ हुआ। यही दूसरा फल है।

अथान्यत्मुत्रं रुत्तह्रयम्—
सरूपके वर्णकृती तु यत्र
तत्रेच्छयेकां प्रकृतिं प्रकल्प्य ।
शेषं ततः क्षेपकमुक्तवञ्च
मूंले विद्ध्याद्सकृत्समत्वे ॥ ७७ ॥
सभाविते वर्णकृती तु यत्र
तन्मूलमादाय च शेषकस्य ।
इष्टोद्धतस्येष्ट्यविवर्जितस्य
दलेन तुल्यं हि तदेवकार्यम् ॥ ७८ ॥
यत्र प्रथमपक्षमूले गृहीते हितीयपक्षे वर्णयोः कृती सरूपे अरूपे वा भवतस्तत्रेकां वर्ण-

[?] सव्याख्योऽयं इलोंको बहुपु मूलपुस्तको न्दिहेशोपलम्यतेऽत एव मयापि प्राचीनपु-स्तकाद्धरोधादंत्रवोपन्यस्तः, टीकापुस्तके तु 'ययोर्वग्रेयुतिर्घातयुता—' इति स्वोदाह्दतेः प्राग्टश्यते युक्तश्च तत्रत्यन्यास एवास्य. किंच मूलपुस्तके "समाविते वर्षकृती तु यत्र— इस्येतद्विषयीभृतमुदाहरणम् — ययोर्वग्रेयुतिः—'' इति लेखोपलब्धिस्तत्प्राङ्न्यासे प्रमाण-'मिति विभावयन्तु विवेकिनः ।

कृतिं प्रकृतिं प्रकल्प्य शेषं क्षेपः ततः 'इष्टं द्वस्वं तस्य वर्गः प्रकृत्या क्षुएणः-' इत्यादि करगोन क्षेपजातीयं वर्णमेकादिहतं युतं वा स्वबुद्धा कनिष्ठपदं प्रकल्प्य ज्येष्ठं साध्यम् । अथ वर्गगता चेत्प्रकृतिः 'इष्ट्रमक्को द्विधा क्षेपः-' इत्यादिना मूले साध्ये। यत्र भावितं वर्तते तत्र 'सभाविते वर्णकृती-' इत्यादिना तदन्तर्वर्तिनो यावतो मूलमस्ति तावतो मूलं याद्यं शेषस्येष्टोद्यतस्येष्टविवर्जितस्य दलेन समं तदेवमूलं कार्यम्।यत्र तु हित्र्यादयो वर्ण-वर्गाचा भवन्ति तत्र द्वाविष्टी वर्णी मुक्त्वा-ऽन्येषामिष्टानि मानानि कृत्वा मूले साध्ये। एवं तदैव यदाऽसकृत्समीकरणं यदा तु सकृदेव समीकरणं तदैकं वर्णं मुक्त्वाऽन्येषामिष्टानि मानानि कृत्वा प्राग्वनमूले॥

यदि दूसरे पत्त में दो, तीन आदि वर्णवर्ग हों तो, वर्गप्रकृति की

प्रवृत्ति कहते हैं—

पहले पत्त का मूल जेने के बाद, दूसरे पत्त में (सहपके वर्ण-कृती) जहाँ रूप के साथ दो वर्ण वर्ग हों, (यहाँ 'सहपके' यह उक्ति उपलच्चण है, इसिलये यदि रूप न हों या अनेक रूप हों, नो भी उन को च्चेप पत्त में मानना चाहिये। 'वर्णकृती' इस द्वितचन से जहाँ दो, तीन आदि वर्ण वर्ग हों वहाँ वर्णों का इष्ट व्यक्तमान मान कर उन से उन वर्णों में उत्थापन देना चाहिये, और यदि रूप भी हों तो उन्हें किएपत व्यक्तमान में जोड़ देना। अब 'सरूपके वर्णकृती' रूपाभाव में 'श्ररूपके वर्णकृती' वही बात सिद्ध होती है) वहीं स्वेच्छा से, एक वर्णा के वर्ग को प्रकृति मान कर शेष वर्णावर्ग को अथवा, सरूप वर्णवर्ग को चेप कल्पना करके उक्त रीति से किनेष्ठ-ज्येष्ठ सिद्ध करना। यदि वर्गात्मक प्रकृति हो तो 'इष्टभक्तो द्विधाचिपः—' इस से किनिष्ठ-ज्येष्ठ लाना। इस क्रिया से किनिष्ठ-ज्येष्ठ श्रव्यक्तरूप आवेंगे तो राशिमान भी अव्यक्तात्मक होगा, तब उक्त क्रिया से क्या प्रयोजन निकला? इसीलिये कहते हैं—'श्रसकृत्समत्वे'। यदि आलाप के अनुसार, फिर समीकरण करना हो तो, राशि का श्रव्यक्तमान ठीक ही है। जो न करना हो तो, दो-तीन आदि वर्णों की तरह, द्वितीय वर्ण का भी व्यक्तमान कल्पना कर लेना। इस भाति सरूप श्रव्यक्त वर्ग होगा, तब उक्त रीति से राशि का व्यक्तमान सिद्ध होगा।

उपपत्ति-

यहाँ पर विशेष यह है कि पहले प्रकृति वर्ण का मान व्यक्तं कल्पना किया है। यहाँ पर ऋज्यक ऋथवा व्यक्ताव्यक्त कल्पना किया जाता है इस से 'सर्रुपंके वर्णऋती—' यह सूत्र युक्तियुक्त है।

१ अत्र विशेषः---

सरूपके वर्णकर्ता इतीह श्रीज्ञानराजी निजवीजमध्ये ।
श्रदर्शनाचादगुदाहृतीनामरूपके वर्णकृती पपाठ ॥
एतदश्रमध्वान्तसहस्राष्ट्रमिविम्वायितं तत्विववेकपद्यम् ।
प्रदर्शते संप्रति बीजममीजिज्ञासुहृत्पद्मविकासनाय ॥
यथामीष्टराष्ट्रयोश्च वर्गी शरा ५ ष्टवा—१६
हती तद्युतिः खाश्चि २० हीना कृतिः स्यान् ।
शरमेकवर्गी नख २० झान्यवर्गी—
नितो भूप १६ गुक्तोऽपि वर्गोऽथवा स्यात् ॥
तयोस्ते पदे तौ च राशी प्रचहव
पट्टलेंऽमिमानोऽत्र यद्यस्ति बीजे ।

एक पत्त का मूल जेने से, दूसरे पत्त में जहाँ भावित के सहित वर्णवर्ग हों, वहाँ वर्गप्रकृति का विषय कहते हैं—

यदि एक पत्त का मूल लेने के वाद, दूसरे पत्त में भावित के सिहत वर्ग वर्ण हो तो वहाँ अन्तर्वर्ती जितने मूल मिलें, उनको लेना जो शेष वचे, उस में इष्ट का भाग देकर लिडिय में इष्ट घटाना। फिर, उस के आधे के साथ पूर्वगृहीन मूल का समीकरण करना

श्राद्यादाहती राशी या १। का १। एतयोवंगी याव १। काव १। पश्रवीदशा-भ्या ग्रिशिती याव ४। काव १६ अनयोयोंगो विंशत्योन: याव १ काव १६ रू १० अयं वर्ग इति नीलकवर्गेण समीकरणात्पत्ती यथास्थितावेव—

याव ५ काव १६ रू २०

नीव १

द्वितीयपत्तस्य सूलं नी १ प्रथमपत्ते यात ४ कात १६ रू २० वर्षकृती रूपाणि च तत्र प्रथमवर्णवर्णाङ्कः प्रकृतिः ५ शेवं त्रेपः कात १६ रू २०

अत्र कनिष्ठकल्पनप्रकारोऽपि सिंडान्ततत्त्विविकीयो यथा--

तावरहोपं चेपरूपाणि करवा

हस्वच्येष्टें साधनीये यथोक्ते ।

पूर्वचेपे योऽन्यवर्णस्य वर्गस्तस्याङ्काशो च्येष्ठवर्गो विसक्तः ॥

रूपीर्निञ्न्या तस्त्रकृत्यासमूर्शं

तद्गः पूर्वचेपजो वर्ण एव ।

ज्ञेयं हस्वाव्यक्तस्यशं पुरोक्त—

हस्वं तु स्याद व्यक्तखर्ण्डं तदेवये ॥

सरूपके चेपकजातिवर्णं

एवं स्वकीयं तु कनिष्ठमत्र ।

यत्र त्रेप: खरडद्वयात्मकोऽस्ति काव १६ व २० तत्रास्य द्वितीयं खरडं रू १० विपं प्रकल्प्य पूर्वकिल्पतप्रकृती ४ ज्येष्ठं साध्यं तद्यया—इष्टं किल्पतं ३ तद्व-गीत् ६ प्रकृति ४ ग्रुणात् ४४ ऋणतेप २० गुतात् २४ मूलं ज्येष्ठम् ४ अस्य वर्गः २४ खरडद्वयात्मकत्तेपस्यकालकवर्गाङ्केन १६ ग्रुणितः ४०० त्रेपस्थरूपेण २० धनक-गिल्पतेन प्रकृति ५ ग्रुणेन १०० मक्तः फलम् ४ अस्य मूलम् २ अनेन पूर्वदेपजो वर्णः कालको ग्रुणितः का २ इदं किनिष्ठस्यान्यक्षखर् प्रकृतसाधितकनिष्ठं ३ तु व्यक्त-

(यहाँ कितने खराड का मूज जेना उचित है, यद्यपि यह नियम नहीं किया, तो भी ऐसा मूज लेना कि, जिस में केवल एक वर्ण वर्ग का

खरडम् एवं जातं किनिन्छम् का २ क् ३ खनेन किनिन्छेन प्रथमपत्ते च्येन्छं साध्यं तद्यथा— कानिन्छवर्गः काव ४ का १२ क् ६ प्रकृति ५ ग्रुणः काव २० का ६० क् ४५ खन् एडद्वयात्मकन्देपेण काव १६ क् २० ग्रुतः काव ३६ का ६० क् २५ अस्य मूलं च्येन्छम् क ६ क् ५ इदं द्वितीयपत्तमूलेन नी १ समिमिति लब्धं नीलकमानम् का ६ क् ५ किनिन्छं तु का २ क् ३ प्रकृतिवर्णस्य यावत्तावते मानम् । अत्र पूर्वं राशीः किल्पितौ या १। का १। यावत्तावन्माने कालकस्य क्पं व्यक्तं मानं प्रकल्प्योत्यापना-द्यावत्तावन्मानम् ५ कालकमानं तु क्पम् १ एवमेतौ राशी ५। १। ज्येन्छं का ६ क् ५ यद्योकस्य कालकस्येदं व्यक्तं मानं तदा कालकष्ट्कस्य किमिति क् ६ । क्षे ६ युतं जातं व्यक्तं नीलकमानम् ११ अत्र राशावर्गो २५ । १। पत्रवोडशगुणौ १२५ । १६ एत्योर्थुतिः १४१ । विशात्या हीना १२१ अस्या मूलं नीलकमानसमं जातम् ११ । एवं कालकस्य व्यक्तं मानं द्वयं किल्पतं तदा राशी ७। २ क्पत्रयकल्पने राशी ६।३ अथ द्वितीयोदाहरणे राशी या १। का १। एत्रयौराद्यस्य वर्गः याव १ पंचगुणः याव ५ द्वितीयस्य वर्गेण विशत्या ग्रुणितेन हीनः याव ५ काय २० षोडशगुतो नीलकवर्ग-सम हित न्यासः ।

यात्र ५ काव २ ं रू १६ नीव १

द्वितीयपत्तस्य मूलप् नी १ । प्रथमपत्ते पूर्ववर्णाङ्कः प्रकृतिः ५ रोषं त्रेपः काव २० रू १६ श्रत्रापि तावत्तेपस्य रूपाणि १६ त्रेपतया प्रकल्प्य ज्येप्टं साध्यते—इष्टं किन्छं २ तद्वर्गात् ४ प्रकृतिग्रणात् २० त्रेप १६ ग्रुतात् ३६ मूलं ६ ज्येप्टम् । श्रय पूर्वत्तेपे काव २० रू १६ श्रन्यवर्णस्य वर्गः कालकवर्गस्तेस्याङ्गेन धनत्वेन किल्पिन्तेन २० ज्येप्टवर्गो ३६ ग्रुणितः ७२० त्रेपरुपः १६ प्रकृति ५ ग्रुणिते ५० भैक्तो लब्धम् ६ श्रस्य मूलम् ३ श्रनेन त्रेपजो वर्णः कालको ग्रुणितः का ३ पूर्वानीतकनिप्टेन २ ग्रुतः का ३ रू २ इदमेव किन्छम् श्रस्य वर्गः काव ६ का १२ रू ४ प्रकृति ५ ग्रुणितः काव ४५ का ६० रू २० त्रेपेण काव २० रू १६ ग्रुतः काव २५ का ६० रू ३६ श्रस्य मूलं ज्येप्टम् का ५ रू ६ श्रत्र कालकस्य व्यक्तं मानं प्रकल्प्य किन्छ का ३ रू २ ग्रुतः वातं यवत्तावन्यानम् ५ ६ का १० रू १ ग्रुतः वातं निलक्षमानम् १। पृतं जातौ राशी ५। १ ज्येष्ट, का ५ रू ६, ग्रुत्थापितं जातं नीलक्षमानम् १। पृतं कालकस्य मानं द्वयं किल्पतं तदा जातौ राशी ६। २ नीलक्षमानं च १६

खरड शेष रहे, अन्यथा किया का निर्वाह न होगा) और शेष का सजातीय वर्गातमक इष्ट कल्पना करना। यहाँ भी 'असकुत्समत्वे'

रूपत्रयं कालकमानं व्यक्तं चेत्तदा राशी ११। ३ नीलकमानं च २१ एवं कल्पना-वशादानन्त्यम् ।

श्रयान्यदुदाहरणम्— ती राशी कथय सखे यदीयकृत्यो-र्धृत्युवींपरिवृद्धनिन्नयोः समासः । संयुक्ती मवति खगैः कृतिस्वरूप-श्रेदबीजे तव मतिरस्ति जागरूका ॥

उसवजाती पद्यी-

यात्र १८ काव १६ रू ६

राजार पांच गाँउ सीव १ महाराष्ट्र मार्क के छि छा। है अर है

अत्र द्वितीयपत्तम् लम् नी १। आद्यपत्तस्यास्य याव १८ काव १६ रू ६ वर्गप्रकृत्याः मूलं प्राद्धां तत्र पूर्ववर्णाङ्कः १८ प्रकृतिः शेषं त्वेपः काव १६ रू ६ अत्र कालकं त्रय-मिष्टं प्रकृत्योत्याप्य च जातः त्वेपः रू १५३ स्रथ किनेष्ठं द्वयं किनेपतं २ तस्य वर्गः ४ प्रकृति १८ ग्रिणितः ७२ त्वेपः १५३ ग्रुतः २२५ स्रस्य मूलं व्येष्ठम् १५ किनेष्ठं २ प्रकृतिवर्णस्य यावत्तावतो मानम् । कालकमानं तु पूर्वमेव किन्पतम् । एवं जातौराशी २ । ३ व्येष्ठं नीलकमानम् १५ । स्रयालापः । राशी २ । ३ एतयोवैगीं ४ । ६ कमेणाष्टादश्विद्धश्रानिन्नो ७२ । १४४ स्रनयोः समासः २१६ खगैः ६ युतो जातो वर्गक्ष्यः २२५ स्रस्य मूलं १५ व्येष्ठसमं जातम् ।

त्रथान्यदुदाहरणान्तरम्—

'तान् राशीनमम कथयाग्रु यरक्तीनां
विशत्या तरिणिमिराशुगैईतानाम् ।

संयोगो नयनकपीटयोानिमिश्रः

स्याद्वर्गो गणितपयोधिकर्णधार ॥

अत्राप्युक्तवकातौ पची—

याव २० काव १२ नीव ५ रू ३२
नीव १

द्वितीयपद्ममूलम् नी १ प्रथमपद्मस्य वर्गप्रकृत्या मूलं तत्र प्रथमवर्षाद्गः २० प्रकृतिः रोषं देपः काव १२ नीव ५ रू ३२ अत्र कालकनीलकयोर्व्यक्षे माने कल्पिते २।३ इस पूर्वोक्त नियम से राशिमान ऋग्यक सिद्ध होता है। यदि ऋालाप विधि वाकी न हो तो, एक राशि को न्यक मान कर किया करना चाहिए। उपपत्ति—

एक पत्त का मूल लेने के अनन्तर, दूसरे पत्त में जो भाविन के साथ वर्षा वर्ग रहते हैं, वे भी वर्गात्मक हैं। क्योंकि दोनों पत्त की समता की गई है। श्रीर जितने खराड का मूल श्राता है, वह खराड भी वर्गराशि है। ग्रन्यथा उसका मूल कैसे मिलेगा ? अव, बृह-द्राशिवर्गरूप संपूर्ण पत्त में, लघुराशि वर्गरूप पत्तखराड को घटा देने से, जो शेप रहता है, वह लघु और बृहत् राशि का वर्गान्तर है। इसिलिये इष्ट अन्तर कल्पना कर के 'वर्गान्तरं राशिवियोगभकं-' सूत्र के त्रानुसार योग होता है (त्रार्थात् वर्गान्तररूप शेष में राश्यन्तर रूप इप्ट का भाग देने से योग मिलना है) फिर, योग और अन्तर जान कर 'योगोऽन्तरेग्योनयुतोऽधितस्तौ राशी—' इस संक्रमण विधि से राशि ज्ञात होती है। यहां योग में अन्तर, जोड़ कर, आधा करने से बड़ी राशि होती है, पर उस की आवश्यकता नहीं है। इसी भाँति योग में अन्तर घटा कर, आधा करने से छोटी राशि होती है। वहाँ इष्ट से भाजित शेष योग है, इसिलये इष्ट कल्पित श्चन्तर से ऊन योग का त्र्याधा लघुराशि है। त्र्यव पहले त्र्रालग किया गया पन्तखराड वर्गात्मक लघु राशि है, इसिक्विये उस का मूल लघुराशि है। इसीलिये उन का समीकरण करना युक्त है। इस से 'शेपकस्य, इष्टोद्शृनस्येष्टविवर्तितस्य दुलेन तुल्यं हि तदेव कार्यम् यह उपपन्न हुआ ।

एतयोर्वर्गो ४। ६ आम्याप्रक्तरणीवृत्याप्य रूपेषु ३२ प्रसिप्य जातः सेपः १२५ अथ रूपपत्र्वकं किनिष्ठं किन्पतं ५ तस्य वर्गः २५ प्रकृतिः २० क्रुएणः ५०० सेप १२५ युनः ६२५ अस्य मुलं त्येष्ठम् २५ किनिष्ठं प्रकृतिवर्णस्य यावत्तावतो मानम् ५ कालक-नीलकमाने पूर्वमेत्र किन्पते २ । ३ एवं जाता राशयः ५ । २ । ३ त्येष्ठं पीतक-मानम् २५ खालापः -राशयः ५ । २ । ३ एतेषां वर्गाः २५ । ४ । ६ क्रमेण विशत्या द्वादशिमः पत्रिमश्च गुणिताः ५०० । ४८ । ४५ एतेषां योगः ५६३ द्वात्रिशतः मिश्रो जातो वर्गः ६२५ अस्य मूल २५ त्येष्ठ मूल समम् ।

उदाहरणम्—

तौराशी वद् यत्कृत्योः सप्ताष्ट्रगुणयोर्युतिः। मूलद्रा स्याद्वियोगस्तु मूलदो रूपसंयुतः ६२॥

अत्र राशी या १। का १ अनयोर्वर्गयोः सप्ताष्ट्रगुणयोर्युतिः याव ७ काव = अयं वर्ग इति नीलकवर्गेण समीकरणार्थं न्यासः।

> याव ७ काव ८ नीव ० याव ० काव ० नीव १

समशोधने कृते कालकवर्गाष्ट्रकं प्रक्षिप्य गृहीतं नीलकपक्षस्य मूलम्नी १ परपक्षस्या-स्य याव ७ काव दं वर्गप्रकृत्या मुले तत्र यावत्तावहर्गे योऽङ्कः सा प्रकृतिः ७ शेषं क्षेपः काव ८ 'इष्टं ह्रस्वं–' इत्यादिना कालकहय-मिष्टं प्रकल्प्य जाते मूले क का २। ज्ये का ६ ज्येष्ठं नीलकमानं कनिष्ठं यावत्तावन्मानं तेन यावत्तावदुः थाप्य जातो राशी का २। का १ पुनरेतयोर्वर्गयोः सप्ताष्ट्रगुणयोरन्तरं सैकं जातं काव २० रू १ एतद्वर्ग इति प्राग्यह्मव्धं कनिष्ठमूलम् २। वा । ३६ एतत्कालकमाने-नोत्थापितौ जातौ राशी ४।२वा।७२।३६।

उदाहरया-

वे दो कौन राशि हैं, जिन के वर्गी को, क्रम से सान, आठ से गुगा कर जोड़ जेते हैं तो, वह योग मूलप्रद होता है और अन्तर में एक जोड़ देने से मूलप्रद होता है।

कल्पना किया राशि या १। का १ इन के वर्ग याव १। काव१। स्रात ऋौर ऋाठ से गुगित याव ७। काव = इन के योग का, नीलकवर्ग के साथ समीकरण के लिये न्यास—

याव ७ काव = नीव o याव ० काव ० नीव १

समशोधन से पक्त यथा स्थित रहे, अनन्तर दृसरे पक्त का मूल नी १ आया और पहले पक्त यात्र ७ कात्र म का सून वर्गप्रकृति से लेना चाहिये। यात्रचात्र के वर्गाङ्क ७ को प्रकृति और रोप कालक वर्गाङ्क म को चोप कल्पना किया। चोप के वर्गातमक होने से, किनष्ट का २ कल्पना किया, उस का वर्ग कात्र क्ष पृकृति ७ से गुणित कात्र २ म हुआ। इस में चेप कात्र म जोड़ हैने से, कात्र ६ का भूल का ६ ज्येष्ठ हुआ। यहां किनष्ट का २ प्रकृतिवर्ण यात्रचा-वत् का मान है। और ज्येष्ठ का ६ दूसरे पक्ष का मूल है। इसिलये उसका नीलक के साथ समीकरण के अर्थ न्यास—

का ई रू ० नी १ रू १०

समशोधन से नीजक मान, ज्येष्ठ का ६ आया और यावता-वन्मान का २ से यावतावन् १ में उत्थापन देने से पहली राशि का २ हुई और दूसरी राशि पूर्व कल्पित का १ है। इन के वर्ग काव ४। काव ४ सान और आठ से गुगित काव २ । काव द हुए इन का अन्तर रूप युन काव २० रू १ हुआ, यह वर्ग है इस कारण नीजकवर्ग के साथ समीकरण के लिये न्यास——

> काव २० रू १ नीव १ रू०

समशोधन से पन्न यथा स्थित रहे। दूसरे पन्न का मूज नी १

स्वाया ख्रोर पहले पत्त काव २० रू १ का मूल वर्गप्रकृति से, किनिष्ठ २ कल्पना किया, उस का वर्ग ४ प्रकृति २० से गुणित ८० में क्षेप १ जोड़ देने से ८१ का मूल ६ ज्येष्ठ हुआ। किनिष्ठ २ प्रकृतिवर्ण कालक का मान है, इससे का २। का १ इन पहले की राशियों में उत्थापन देना है। कालक मान दूसरा राशि २ है, इस को २ से गुणा देने से पहली राशि ४ हुआ। इस माँति दोनों राशि ४। २ अथवा, किनिष्ठ ३६ से ज्येष्ठ १६१ हुआ, कालक मान किनिष्ठ, दूसरी राशि ३६ है यह २ से गुणित पहली राशि ७२ हुई इस माँति राशि ७२। ३६। ख्रोर ज्येष्ठ नीलक का मान ६ है अथवा१६१। ख्रालाप—राशि ४। २ के वर्ग १६। ४ हुए ७। ख्रोर ६ से गुणा देने से ११२। ३२ हुए। इन का योग १४४ मूलप्रद है ख्रीर ख्रन्तर ८० सरूप ८१ मूलप्रद है।

उदाहरणम्—

घनवर्गयुतिवर्गो ययो राश्योः प्रजायते। समासोऽपि ययोर्वर्गस्तो राशी शीघ्रमानय ६०

श्रत्र राशी या १। का १ श्रत्योर्वर्गघत-योर्योगः याव १ काघ १ श्रयं वर्ग इति नी-लकवर्गसमं कृत्वापक्षयोःकालकघनं प्रक्षिप्य नीलकपक्षस्य मूलं नी १ परपक्षस्यास्य याव १ काघ १ वर्गप्रकृत्या मूले तत्र यावत्तावहर्गे योऽङ्कः सा प्रकृतिः शेषं क्षेपः प्रकल्प्यः।

प्रकृतिः याव १ क्षेपः काघ १ 'इष्टमक्को द्विधा क्षेप-' इत्यादिना कालके- ष्ट्रेन जाते मूले क काव १ का १ ज्ये काव १ काव १

अयं वर्ग इति पीतकवर्गेण समीकरणं कृत्वा पक्षशेषं चतुर्भिः संगुण्य रूपं प्रक्षिप्य प्रथम-पक्षमूलम् का २ रू १ परपक्षस्यास्य पीव ८ रू १ वर्गप्रकृत्या मूले

क ६ ज्ये १७ वा, क ३५ ज्ये ६६

ज्येष्ठं पूर्वमूलेनानेन का २ रू १ समं कृत्वा लब्धं कालकमानम् ८ वा ४६ अनेनोत्थाप्य जातो राशी २८। ८ वा। ११७६। ४६।

अथवा राशी याव २। याव ७ अनयोयोंगः याव ६ स्वयं वर्ग एव । अथानयोर्घनवर्गयो-योंगः यावघ प्याव वश्व एष वर्ग इति कालक-वर्गेण समीकृत्य प्राग्वचावत्तावहर्गेणापवर्य लब्धं यावत्तावन्मानम् २। वा ७ अनेनोत्था-

पितौ राशी २८।८। वा ६८।३४३। वा१८। ६३। वा १२८।४४८।

अथ वर्षगतमकृताबुदाहरगामनुष्टुभाह-पनेति । स्पष्टार्थमेतत्।। च्दाहरया—

वे दो कौन राशि हैं, जिन के घनवर्गों का योग और उन का योग, वर्ग होता है।

कल्पना किया या १ । का १ इन में पहले का वर्ग और दूसरे का घन याव १ । काघ १ हुआ, उनका योग थात्र १ काघ १ का नीजक वर्ग के साथ समीकरण के लिये न्यास—

याव १ काघ १ नीव १

समशोधन से हुए— याव १ काघ ० काघ १ नीव १

इन में कालक घन जोड़ देने से हुए— याव १ काघ १

नीव १

दूसरे पद्म का मूझ नी १ आया, पहले पद्म के यावत्तावन् वर्गाङ्क को प्रकृति और कान्नक घनाङ्क को द्वेष कल्पना किया—

प्रकृति। चोप। याव १ काघ १

THE RELIGIOUS PROPERTY.

त्रव 'इष्टभक्तो द्विधाचोप—' इसके अनुसार, चेप काघ १ में इष्ट का १ का भाग देने से काव १ लब्ध आया, वह इष्ट का १ से ऊन काव १ का १ और युन काव १ का १ हुआ और दोनों स्थानों में आधा करने से हुआ—

काव १ का १ काव १ का १

इनमें पहले आधे में प्रकृति मूल या १ का भाग देने से यावत्तावन्

का मान काव १ का १ मिला और ज्येष्ठ यथास्थित काव १ का १ २ २ २ रहा। अब पहली राशि के स्थान में, यावत्तावत् का मान

हुआ और दूसरी राशि का १ है, इन का समच्छेद से योग काव १ का १ हुआ, यह वर्ग है तो पीतकवर्ग के साथ समीकरण

के जिये न्यास—

काव १ का १

पीव १
समच्छेद और छेदगम से हुए
काव १ का १
पीव २
वार से गुण कर, रूप जोड़ देने से हुए
काव ४ का ४ रू

पहले पत्त का मूलका २ रू १ आया, दूसरे पत्त में पीतक वर्गीक द को प्रकृति रू १ को चोप कल्पना किया और इष्ट ६ किनिष्ठ का वर्ग ३६ प्रकृति द गुणित २८८ चोप १ युत २८६ हुआ, इस का मूल १७ ज्येष्ठ हुआ। इस का पहले मूल के साथ समीकरण के लिये न्यास—

का २ रू १

पीव = स १

समशोधन से कालक का मान द्र मिला। इस से काव १ का १ का १ इन दोनों राशियों में उत्थापन देते हैं—यदि १ कालक का द्र मान है तो कालकवर्ग का क्या १ यों अनुपात से 'वर्गेशा वर्गे. गुया-येत्—' के अनुसार उस का वर्ग ६४ हुआ। इस में इसी राशि का दूसरा खएड अगुगाकालक का मान दं जोड़ देने से ४६ हुआ। अब हर २ का भाग देने से पहली साशि २८ आई और दूसरी साशि कालकमान दहें। दोनों साशि २८। द

अथवाः दूसरे पत्त पीव म क रें के मूल के लिये इप्ट ३४ कानिष्ठ कल्पना किया, उस का वर्ग १२२४ प्रकृति म गुणित ६ म०० और त्तेप १ युत ६ म०१ हुआ, इस का मूज ६६ ज्येष्ट हैं। इसका पहले पत्त के मूल का २ क १ के साथ समीकरण करने से काजक का मान ४६ आया यह दूसरी राशि है। अब उक्त रीति के अनुसार, उसका वर्ग २४०१ कालक मान ४६ से ऊन २३४२ और हर २ से भाजित पहली राशि ११७६ हुई। इस भाति दोनों राशि ११६।

अथवा, याव २ त्रौर याव ७ राशि है इनका योग याव ६ स्वतः वर्ग है, इसिलये उन के धन यावध द और वर्ग यावव ४६ का योग यावध द यावव ४६ हुआ। यह वर्ग है, इस कारण कालकवर्ग के साथ समीकरण के लिये न्यास—

यावघ द यावव ४६ काव १

यहाँ दूसरे पक्त का मूल का १ आया और पहले पक्त में यावतावद्वर्ग का अपवर्तन देने से, याव द रू ४६ । प्रकृति याव द और केप रू ४६ हुआ। इष्ट २ किनिष्ट माना उस का वर्ग ४ प्रकृति द गुणित ३२ कोप ४६ युत द १ का मूल ६ ज्येष्ठ हुआ, किनिष्ठ २ प्रकृति-वर्ण यावतावत् का मान है। उस के वर्ग ४ से गुणा ज्येष्ठ ४×६ = ३६ परपक्त का मूल हुआ। इस का पूर्वमूल का १ के साथ समी-करण करने से कालक का मान ३६ मिजा। पूर्वकिल्पत राशि याव २। याव ७ हैं इन में यावतावत् मान २ से (अर्थात् उत्थाप्य राशि के वर्गगत होने से मान २ वर्ग ४ से) उत्थापन देने से, राशि आई। द। २६।

त्रथवा, किनष्ठ ७ है इस का वर्ग ४६ प्रकृति = गुणित ३६२ त्रेप ४६ युत ४४१ का मूल २१ ज्येष्ठ हुआ। यहाँ भी परपत्त में वर्गवर्ग का अपवर्तन देने से ज्येष्ठ कानिष्ठ ७ के वर्ग ४६ से गुगा देने से परपत्त का मूल १०२६ हुआ। यह कालक का मान है और कानिष्ठभिति यावत्तावनमान ७ अर्थात् ४६ से पूर्व राशि में उत्थापन देने से राशि मिली ६ = | ३४३ |

'सभाविते वर्णकृती तु यत्र—' एतदिषयी-

भूतमुदाहरगम्-

ययोर्वर्गयुतिर्घातयुता मूलप्रदा भवेत्।
तन्मूलगुणितो योगः सरूपश्चाशु तो वद्६१

अत्र राशी या १। का १ अनयोर्वर्गयुति-घीतयुता याव १ याकामा १ काव १ अस्या मूलं नास्तीति नीलकवर्गसमं कृत्वा कालक-वर्ग प्रक्षिप्य पक्षी षट्त्रिंशता संगुण्य लब्धं नीलकपक्षमूलम् नी ६ परपक्षस्यास्य याव ३६ याकाभा ३६ काव ३६ यावतो मूलमस्ति तावतः 'सभाविते वर्णकृती' इत्यादिना मूलं गृहीतम् या ६ का ६ शेषस्यास्य काव २७ इष्टेन कालकेन १ हतस्येष्टकालकवर्जितस्य च दलेन का १३ तन्मूलसमं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम् का र् अनेन यावत्तावदुत्थाप्य जातो राशी का 🖁 । का १ अनयोर्वर्गयुतेः काव र घातयुतायाः काव र मूलम्क र अनेन राशियोगो का इगुणितः काव किस् सरूपो जातः काव कि रू रू ह अमुं पीतकवर्गसमं कृत्वा सम-च्छेदीकृत्य पक्षयोनेव रूपाणि प्रक्षिप्य लब्धं कित्रमूलम् ६ वा १८० एतत्कालकमान-मित्यनेनोत्थापितौ जातौ राशी १०।६ वा ३००।१८०। एवमनेकधा॥

अथ 'सभाविते वर्णकृते तु यत्र-' एतद्विषयीभूतपुदाहरणमनु-न्दुभाइ-ययोरिति । हे गणक, ययो राश्योवर्गयुतिः राशिवातेन युता सती मृलपदा स्यात् तथा तन्मूलेन राशियोगो गुणिनः सैकश्च मृलपदः स्यात्तौ राशी वद ।

उदाहरण-

वे दो कौन राशि हैं, जिन के वर्गों का योग, राशि घात से युक्त सूलप्रद होता है और उस मूज से गुणा उनका योग, एक से युक्त सूलप्रद होना है।

यहां या १। का १ राशि हैं इन का वर्गयोग घात युन याव १ - याकामा १ काव १ यह वर्ग हैं। इस कारण नीज कवर्ग के साथ समी-करूण के जिये न्यास—

यात्र १ याकाभा १ काव १ नीव० यात्र ० याकाभा ० कात्र ० नीव १

समशोधन करने से हुए-

याव १ याकाभा १ काव ० नीव ० याव ० याकाभा ० काव १ नीव १

कालकवर्ग जोड़ देने से हुए—

याव १ याकाभा १ काव १ नीव ० याव ० याकाभा ० काव ० नीव १ ६१ ३६ से गुगाने सं हुए---

याव ३६ या का भा ३६ काव ३६ नीव० याव० या का भा० काव ० नीव ३६

दूसरे पक्त का मूल नी ६ आया और अन्य पक्त 'याव ३६ या का भा ३६ काव ३६ में जितने का मूल मिले वह लेना चाहिये, जिससे भावित का भक्त हो, पहले खराड याव ३६ का मूल या ६ आया और तीसरे खराड काव ३६ में नौ से गुण्यित कालकवर्ग को घटा देने से काव २७ शेष रहा और उस शोधित खराड काव ६ का मूल का ३ आया। अवया ६। का ३ इन के दूने घात याकाभा ३६ को 'संशोध्यमानं स्वमृग्यत्वमेति—' इस के अनुसार, अन्य पक्त के दूसरे खराड याकाभा ३६ में घटा देने से, वह उड़ गया और तृतीय खराड संबन्धी काव २७ शेष रहा, इसमें इष्ट कालक १ भाग देने से भाज्य काव २७ ज्यों का त्यों रहा। परन्तु वर्णवर्ग में वर्ग का भाग देने से, लिंध वर्णात्मक का १ आती है। इस माँति वह अन्य पक्षिय तृतीय खराड संबन्धी शेष का २७ रहा, इस में इष्ट कालक १ घटाने से शेष का २६ का आधा का १३ पूर्वमूल या ६ का ३ के तुल्य है, इस कारण समकिरणा के लिये न्यास—

या ६ का ३ या० का १३

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति है = दे आई इससे याव-तावत् में उत्थापन देने से पहली राशि का दे और दूसरी पूर्व कल्पित का १ है इनके वर्गों का व २ ४। का व १ का योग हि है इस में राशियात काव ४ जोड़ देने से काव ४६ हुआ इस का

भूल - श्राया । इससे का दें।का १ इन दोनों राशियों के योग का

र्षु को गुया देने से काव ४ है हुआ। इस में १ जोड़ देने से काव ४ रू ह इसका पीतकवर्ग के साथ समीकरण के किये न्यास—

काव ४६ रू ६

्ट पीव १

समच्छेद ऋौर छेदगम से हुए--

काव ४६ रू ६

पीव ह

समशोधन करने से हुए-

काव ५६

पीव ६ रू हं

इन में ६ जोड़ देने से एक पत्त का मूल पी ३ आया, अन्यः पत्त का वर्ग प्रकृति से प्रकृति काव ४६ और चेप ६ है। इष्ट ६ किनिष्ठ करूपना किया, इसका वर्ग ३६ प्रकृति ४६ गुणित २०१६ चेप ६ युत २०२४ हुआ, इसका मूल ४४ ज्येष्ठ हुआ। यहाँ किनिष्ठ ६ कालक का मान है और उससे इस माशः इस गाशि में उत्थापन देने से ने १० और दूसरी ६ हुई। अथवा, किनिष्ठ १०० से उत्थापन देने से राशि ३००। १००।

आजाप—राशिं १०। ६ का वर्ग १००। ३६ योग १३६ राशि घात ६० युत १६६ मूजप्रद है। स्रोर इस मूज१४ से गायित राशि योग १४×१६ = २२४ सह्य २२४ मृलप्रद है।

अथ कस्याप्युदाहरणम्—

'यत्स्यात्साल्यवधार्धतो घनपदं यहर्गयोगा-त्पदं यद्योगान्तरयोर्हिकाभ्यधिकयोर्वर्गान्त-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

रात्साष्टकात् । तञ्चेतत्पदपञ्चकं तु मिलितं स्याद्वर्गमूलप्रदंतीराशीकथयाशुनिश्चलमते षट्काष्टकाभ्यां विना॥'

साल्यवधस्याधीद् घनपदं याह्यस्। अत्रा-लापानां बहुत्वेऽसकृतिक्रया कार्या सा न निर्व-हत्यतो बुद्धिमता तथा राशी कल्प्यो यथैके-नैव वर्णेन सर्वेऽप्यालापा घटन्ते । तथा किएतौ राशी याव १ रू १। या २। अनयोः साल्यवधार्धतो घनपदं या १ वर्गयोगात्पद्म याव १ रू १ द्वयधिकयोगपद्म् या १ रू १ इयधिकान्तरपद्म् या १ रू १ साष्ट्रवर्गान्तर-पदम् याव १ रू ३ एषां योगः याव २ या ३ रू २ अयं वर्ग इति कालकवर्गसमं कृत्वा पक्षावष्टाभिः संगुरय पञ्चविंशतिरूपाणि प्रक्षि-प्य प्रथमपक्षस्य मृतंम् या ४ रू ३ परपक्ष-स्यास्य काव ८ रू २५ वर्गप्रकृत्या मूले

> क ५ । ज्ये १५ वा, क ३० । ज्ये ८५ वा, क १७५ । ज्ये ४६५

ज्येष्ठं पूर्वपदेन समं कृत्वा लब्धं यावता-वन्मानम् ३।वा अर्वश्वा १२३। अनेनोत्थापितौ राशी ६। द्र वा रङ्ख्या। ४१। वा १५१२ द्र। २४६ एवमनेकधा। अथवा। यावतावहर्गो यावता-वद् ह्रयेन युत एको राशिः। यावतावद् ह्रयं (अरुगा) रूपह्रययुतमन्यराशिः।

याव १ या २। या २ रू २। अथवा। याव-त्तावद्वर्गो यावत्तावच्चतुष्ट्यं रूपत्रययुतं चैको राशिः यावत्तावद्द्वयं रूपचतुष्ट्यं चान्यः याव १ या ४ रू ३। या २ रू ४।

अथ क्रियालायवं पदर्शियतुं कस्यचिदुदाहरणं शार्त्लिकिनिहितेनाह—यदिति । हे निश्चलमते पट्काष्टकाभ्यां विना यतः सर्वे आलापास्तयोधेटन्ते इति तात्पर्यम् तौ राशी आशु कथय, ययोले छुबृहद्रारयोविधः साल्यः, अल्येन लघुराशिना युक्तः साल्यः। सचासौ वधरच साल्यवधः, तस्याधीद् यनपदं यत्। अत्र 'साल्यः हतेदिलात्' इति पाठरचेत्साधीयान् यतोऽस्मिन् पाठे 'साल्याः इति हतिविशेषणां स्फुटं प्रतीयते। तयोरेव वर्गयोयोगाद्यन्पदं वर्गम्लमिति यावन्। तयोरेवद्विकेन द्वाभ्यामधिकयोर्थीणान्तरयोवे मृले तयोरेव साष्टकात् वर्गान्तराचन्पदम् । एतत्पदानां पश्चकं मिलितमेकीकृतं सद्वर्गम्लपदं स्यात्।।

उद्गहरण--वे दो कौन राशि हैं, जिन के बात में लघुराशि जोड़ कर, आधा करने से वनमूल आता है। और उन्हीं राशियों के वर्गी का योग करने से वर्गभूल आता है, और उनके योग तथा अन्तर में, दो जोड़ देने से वर्गभूल आता है, और उन के वर्गान्तर में आठ मिला देने से वर्गभूल आता है, इस माँति जो पांचों मूल आते हैं उन का योग भी मूलप्रद होता है। परंतु राशि छ और आठ से भिन्न होने चाहिए।

यहाँ पर अनेक आलाप होने से सकृत् (एकबारगी) किया का निर्वाह नहीं होता, इसिलेये ऐसी राशि किएत की है जिस में एक ही वर्षा से सब आलाप घटित होवें। जैसा— याव १ रू १। या२। इन का घात याघ २ या रे हुआ, इस में लघुराशि या २ जोड़ देने से याघ २ हुआ, इसके आधे का घन मूल या १ है। राशियों के वर्ग यावव १ याव रे रू १। याव ४ का यथास्थान योग यावव १ याव २ रू १ हुआ। इसका वर्गमूल याव १ रू १ हुआ, इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ, इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ, इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ। इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ। इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ। इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ। इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ या २ रू १ हुआ। इस में रूप २ जोड़ देने से याव १ याव १ याव २ याव २ याव २ याव २ याव १ याव

या १ याव १ क्र १ या १ क्र १ या १ क्र १

यथास्थान योग करने से याव २ या ३ रू रे हुआ। यह वर्ग है इस कारण कालकवर्ग के साथ समीकरण के लिये न्यास—

याव २ या ३ **रू** २ं काव १ समशोधन करने से हुए—

याव २ या ३

काव १ रू २

त्राठ से गुगा कर, रूप ६ जोड़ देने से हुए—

याव १६ या २४ रू ६

काव द रू २४

पहले पत्त का भूल या ४ रू ३ आया और दूसरे पत्त में कालकवर्गा क्र को प्रकृति और रूप २४ को त्तेप कल्पना किया, फिर इष्ट ४ कि प्र कल्पना कर के उस का वर्ग २४ हुआ प्रकृति ४ से गुणने से २०० हुआ इसमें त्तेप २४ जोड़ देने से २२४ हुआ इसका मूज १४ ज्येष्ट है। अथवा, कि पिष्ठ ३० है। इस से ज्येष्ठ ८४ हुआ। अथवा कि पिष्ठ १७४ है इस से ज्येष्ठ ४९४ हुआ। अब उन ज्येष्ठ मूर्जों का, पूर्वानीत या ४ रू ३ इस प्रथम पत्तीय मूज के साथ समीकरण के लिये न्यास——

या ४ रू ३ या ४ रू ३ या ४ रू ३ या ४ रू ३ या ७ रू ४६४

समशोधन से ऋष से यावत्तावत् मान मिले ३ वा है वा १२३। अत्र पहले यावत्तावन्मान ३ से राशि याव १ रू १। या २ में उत्था-पन देते हैं—'वर्गेया वर्ग गुगायेत्—' के अनुसार, यावत्तावन्मान ३ का वर्ग ६ हुआ, इसमें १ कम कर देने से पहली राशि = हुई। इस को हूनी करने से दूसरी राशि ६ हुई। इस माँति है इस यावत्तावन्मान से राशि में उत्थापन देने से राशि १ अ१ आई। और १२३ इस यावत्तावन्मान से राशियों में उत्थापन देने से १४१२ = । २४६ नाशि मिलीं।

अथवा। याव १ या २। या २ रू २ ये दो राशि कल्पना किये-

इन के घात के जिये न्यास—— यात्र १ या २ <u>या २ रू २</u> याघ २ यात्र ४ यात्र २ या ४

घात= याघ २ याव ६ या ४

घात में छोटी राशि या २ रू २ जोड़ देने से, याघ २ घाव ६ या ६ रू २ हुन्त्रा। इसके न्त्राघे याघ १ याव ३ या ३ रू १ का घन-मूल आता है। मूल के लिये 'आद्यं घनस्थानमथाघने द्वे—ं इस रीति के न्यनुसार संकेतित करने से हुन्त्रा—

याघ १ याव ३ या ३ रू १

अपन्तधन याघ १ में या १ का घन घटा देने से शेष याव ३ या ३ रू १' रहा और उसके आदा खरड याव ३ में श्रिगुरा घनमूलवर्ग याव ३ का भाग देने से रू १ लिंडिय आई और शेष या ३ रू १ रहा। इसमें फलवर्ग १ अपन्त्य या १ तथा ३ से गुणित या ३ घटा देने से शेप रू १ रहा, इसमें फल रू १ वर्ग रू १ वटा देने से निःशोषता हुई, ऋौर घनमूल या १ रू १ स्त्राया। इसका वर्ग याव व १ याव ४ याव ४ । याव ४ या = रू ४ इन का योग यावव १ याघ ४ याव = या = रू ४ हुआ, इसका मूल याव १ या २ रू २ मिला। राशियों का योग द्वियुक्त याव १ या ४ रू ४ हुआ, इसका मूल या १ क् २ है। अप्र राशियों याव १ या २ । या २ क् २ का अन्तर करना है तो; यात्र १ या २ इस बड़ी राशि में छोटी राशि या २ रू २ घटा देने से शेष याव १ क रे रहा । इसमें रूप २ जोड़ देने से याव १ रोष बचा । इसका मूल या १ है। राशि के वर्ग याव व १ याघ ४ याव ४ । याव ४ या = क ४ का ऋन्तर याव व १ याव ४ याव० या दं रू ४ हुआ, इस में रू = जोड़ देने से याव व १ यात्र ४ याव० या दं रू ४ हुआ, इस का मूल लेने के लिये न्यास-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

याव व १ याघ ४ यावं या दे रू ४

पहले खरड का मूल याव १ त्राया, द्विगुण उस याव २ का दूसरे खरड याघ ४ में भाग देने से लिटिंघ या २ त्राई और इसके वर्ग याव ४ को तीसरे खरड याव० में घटा देने से 'च्युतं शून्यतस्ताद्विपर्या-समेति' इस के त्रनुसार, वियोज्य के शून्य होने से वियोजक याव ४ त्रिया हुन्ता । इस माँति शेष याव ४ या दे रू ४ वचा । त्रव इस में लब्ध याव १ या २ को दूना करके भाग देने से लिटिंघरूप रे ऋण न्त्राई । और शेष रू ४ रहा । इस में त्रागतरूप रे का वर्ग रूप ४ घटा देने से निःशेषता हुई । और मूल याव १ या २ रू रे मिला। त्रव सब मूलों का क्रम से न्यास—

- (१) या १ हर
 - (२) यावश्या २ रू २
 - (३) या १ रू २
 - (४) या १
 - (४) यावश्या २ रूरं

इन का यथास्थान योग करने से याव २ या ७ रू ३ हुआ। यह वर्ग इ, इसलिये कालकवर्ग के साथ समीकरण करने के लिये न्यास—

याव २ या ७ काव ० रू ३
याव ० या ० काव १ रू ०
समशोधन करने से हुए—
याव २ या ७ काव ० रू ०
याव ० या० काव १ रू ई
त्र्याठ से गुगा कर रूप ४६ जोड़ देने से हुए—
याव १६ या ४६ रू ४६
काव म रू २४

पहले पंच का मूल या ४ रू ७ आया और दूसरे पंच काव द रू २ ४ का मूल वर्गप्रकृति से लेना चाहिये। कालकवर्गाइ द को प्रकृति और रूप २ ४ को चोप करूपना किया, फिर इष्ट ४ कनिष्ठ का वर्ग २ ४ प्रकृति द से गुण्ने से २०० हुआ, इसमें चोप २ ४ जोड़ने CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Colle ६२ n. Digitized by eGangotri से २२५ इसका मूल १५ ज्येष्ठ हैं। इसका पहले पत्त के मूल के साथ समीकरण के लिये न्यास-

या ४ रू ७

र कार कहाति है है जो या र १४ है है लिए है से निर्देश

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति २ त्राई । इस से याव १ या २ । रू २ इन पूर्व राशियों में उत्थापन देकर, रूप जोड़ देने से राशि द । ६ । अथवा । इष्ट ३० किनेष्ठ है, इस से ज्येष्ठमूल द्रश्र आया। इस का पूर्वमूल या ४ रू ७ के साथ समीकरण करने से यावत्ता-वत् की उन्मिति ने इ आई। इस से पहली राशियाव १ या २ । या २ रू २ में उत्थापन देना है तो 'वर्गेण वर्ग गुणयेत्—' इसके अनुसार उन्मिति का वर्ग १४२१ हुआ। । यह यावत्तावत् की उन्मिति है, -

इसमें द्विगुण उन्मिति $\frac{2 \times 3E}{2} = \frac{9\pi}{2}$ समच्छेद पूर्वक जोड़ देने से,

पहली राशि श्रिक्ष । श्रीर यावत्तावत् उन्मिति है दूना करने से कि हुई, इस में रूप २ जोड़ देने से दूसरी राशि ४१ श्राई । श्रथवा, यावत्तावत् वर्ग में श्रृण यावत्तावत् दो पहली राशि श्रीर यावत्तावत् दो में श्रृण रावत्तावत् दो पहली राशि श्रीर यावत्तावत् दो में श्रृण रूप दो दूसरी राशि है याव १ या २ । या २ रू २ । इन से उक्त रीति के श्रानुसार, यावत्तावत् की उन्मिति है मिली। श्रथवा, याव १ या ४ रू ३ यह पहली राशि है श्रीर या २ रू ४ यह दूसरी है। इन से भी उक्त रीति के श्रानुसार, यावत्तावन्मान है श्री श्रामा।

एवं सहस्रधा गूढा मूढानां कल्पना यतः। क्रियया कल्पनोपायस्तदंर्थमथ कथ्यते॥७०॥

र 'तेवामय च' इति भूलपुस्तकस्थः पाठः ।

सूत्रम्—

सरूपमञ्यक्षमरूपकं वा वियोगमूलं प्रथमं प्रकल्प्य। योगान्तरक्षेपकमाजिताद्य-द्वर्गान्तरक्षेपकतः पदं स्यात्॥ ८०॥ तेनाधिकं तत्तु वियोगमूलं स्याद्योगमूलं तु तयोस्तु वर्गी। स्वक्षेपकोनो हि वियोगयोगो स्यातां ततः संक्रमणेन राशी॥ ८९॥

अथ मन्द्वोधार्थं राशिकल्पनोपाय आवश्यक आस्ते । तत्र तत्प्रतिपादकं स्त्रमेव यदि पञ्चते तर्हि कावेतौ राशी इति यद्रथ-मदः स्त्रं प्रवृत्तमिति कस्यचिद्नववोधो भवेत्तिश्वरासार्थमादा-वनुष्टुभा प्रतिज्ञानीते—एविमिति। यथेइ चतुर्भा राशिकल्पना कृता एवं राशिकल्पना सहस्रधास्ति ता यतो प्रदानां गृदाऽतस्तद्रथे मन्दार्थ क्रियया कल्पनोपायः कथ्यते । अध प्रतिज्ञातप्रपायप्रप-जातिकाभ्याक्षाह—सरूपेति । प्रथमं सरूपमरूपकं वा अन्यक्तं वियोगमूलं प्रकल्प्य पुनर्वगीन्तरत्वेपात् योगान्तरक्षेपकमाजिता-चल्लब्धं तस्य यत्पदं तेनाधिकं सहितं वियोगमूलं योगमूलं स्यात्। तत्तस्तयोयीगवियोगमूलयोवगी स्वत्तेपकोनौ वियोगयोगौ स्यातां ततो वियोगयोगाभ्यां संक्रमस्त्रेण राशी भवेताम् ॥

जैसे यहाँ पर चार प्रकार से राशि कल्पना की है। इसी भाँति नानाविध राशियों की कल्पना हो सकती है। परन्तु वह कठित है, इस-किये, अब क्रिया से कल्पना की रीति कहते हैं पहले रूप से सिहत अथवा रहित अव्यक्त को वियोग मूल कल्पना करना और वर्गान्तरचेप में योगान्तरचेप का भाग देने से जो मूल आवे उसको वियोग मूल में जोड़ देने से वह योगमूल होगा। उन योग वियोग के मूलों का वर्ग करना और उन में चेप घटाने से वे योग, वियोग होंगे। फिर उनसे संक्रमण द्वारा राशि सिद्ध होंगी।

उदाहरण्—जैसा रूप से रहित अव्यक्त को वियोगमूल कल्पना किया या १ रू १ और वर्गान्तर त्तेप द्र में योगान्तर त्तेप २ का भाग देने से ४ लब्ध आया, इस का मूल २ कल्पित वियोगमूल या १ रू १ में जोड़ देने से योगमूल या १ रू १ के वर्ग याव १ योगमूल या १ रू १ के वर्ग याव १ या २ रू १ में योगान्तर त्तेप २ । २ घटा देने से योग याव १ या २ रू १ और वियोग याव १ या २ रू १ हुआ। और योग याव १ या २ रू १ में वियोग याव १ या २ रू १ हुआ। और योग याव १ या २ रू १ में वियोग याव १ या २ रू १ कोड़ देने से, याव २ रू १ हुआ इसका आधा पहली राशि याव १ या २ रू १ हुई। और योग याव १ या २ रू १ में, वियोग याव १ या २ रू १ हुई। इस भारा याव १ या २ रू १ में, वियोग याव १ या २ रू १ हुई। इस भारा याव १ या २ रू १ में, वियोग याव १ या २ रू १ हुई। इस भारा याव १ या २ रू १ में, वियोग याव १ या २ रू १ हुई। इस भारा याव १ या २ रू १ में, वियोग याव १ या २ रू १ हुई। इस भारा था २ रू था १ रू १ या १ रू १ या २ र

इसी प्रकार रूपयुक्त अन्यक्त को वियोगम्ल कल्पना किया या १ रू १ और वर्गान्तर चोप द में योगान्तर चोप २ का भाग देने से ४ लिंडिय आई। इस का मूल २ को पूर्वकल्पित वियोगम्ल या १ रू १ में जोड़ देने से योगभूल या १ रू ३ हुआ और योगम्ल या १ रू ३ तथा वियोगम्ल या १ रू १ के वर्ग याव १ या ६ रू ६ । याव १ या २ रू १ में योगान्तरचोप २ । २ घटा देने से, योग याव १ या १ रू ७ और वियोग याव १ या २ रू १ हुआ। अभीर याव १ या १ रू ७ इस योग में, वियोग याव १ या २ रू १ जोड़ देने से याव २ या द रू ६ हुआ। इस का आधा पहली राशि याव १ या १ रू १ घटा देने से, शेष या ४ रू द रहा। इस का आधा दूसरी राशि या २ रू १ हुई।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

उपपत्ति—

राशियों के योगान्तर चोपयुत वर्गात्मक हैं, तो एन के मूल या?। का १ कल्पना किये। इन के वर्ग अपने अपने चोप से उन योगान्तर याव १ चे १ । काव १ चे १ हुए। इन में यिद अपने अपने चोप जोड़ दें तो, याव १। काव १ ये वर्ग मृलपद होते हैं। अब योगान्तर के गुयान के जिये न्यास—

काव १ जो १

याव. काव १ याव. च्ले १ च्ले. काव १ च्लेव १

गुगानफल=याव. काव १ याव. चो १ काव. चो १ चोव १ यह राशियों का वर्गान्तर है, क्योंकि वह योगान्तर घात के तुल्य होता है। त्र्रब वर्गान्तर में जिस को जोड़ देने से मृल क्रावे, वह वर्गान्तर चोप है। उसका विचार करते हैं—

यहाँ गुयानफल में, चार खराड है, उन में से पहले और दूसरे खराड का या. का १ । चे १ यह मूल आता है और इन का भूया दूना घात याकाचे रे हैं । यदि इस को और दूसरे यात. चे १ तीसरे कात. चे १ खराड के तुल्य धनगन खराड यात चे १ । कात. चे १ को वर्गान्तर यात. कात १ यात. चे १ कात चे १ को वर्गान्तर यात. कात १ यात. चे १ कात चे १ चेत १ में, जोड़ दें तो, दूसरे तथा तीसरे खराड के उड़ जाने से, रोप मूल-प्रद होता है । इसिलिये यात. चे १ कात चे १ या का चे २ यह चेप ज्ञात हुआ । इस को चार खराडवाजे वर्गान्तर स्तरूप यात कात १ यात. चे १ कात थे में जोड़ देने से थात. कात १ यात. चे १ चेत १ में जोड़ देने से थात. कात १ या का. चे रे चेत १ हुआ । इस का मूल या. का १ चे श्राया । इसिलिये वर्गान्तर चेप यात. चे १ कात. चे १ यात चे १ में चेप चे १ का माग देने से, जब्ध मूलान्तर वर्ग यात कात १ या. का १ खाया । इसका मूल या १ का १ मूलान्तर है। इस कारया, वर्गान्तर चेप में योगान्तर चेप का भाग देने से जो लिब्ध आती है, वह मूलान्तर हैं। इस को वियोग मूल में जोड़

देने से योगमूल होगा और उनके वग में अपने अपने श्लेप को घटा देने से, उन दोनों राशियों का योग और अन्तर होगा। बाद में संक्रमण सूत्र से राशि मिलेंगे। इस से 'सरूपमञ्यक्तमरूपकं वा—' यह सूत्र उपपन्न हुआ।

विशेष-

यहाँ वर्गान्तर का स्वरूप-याव. काव १ याव. चो १ काव. चो १ कोव १ है। इस में यदि याव. चो १ काव. चो १ याका चो २ इस चोप को जोड़ देते हैं तो, या का १ चो १ यह मूल ज्ञाता है। वह चोपयुत मूलघात है, इसलिये याव. चो १ काव. चो १ याका चो २ यह भी वर्गान्तर चोप है। इस में चो १ का भाग देने से, याव १ काव १ याका २ आया। इसका मूल या १ का १ है। यह मूल योग के तुल्य है, परन्तु ऐसा ज्ञाचार्य ने नहीं कहा है।

कल्पना किया कि ६ । द्र राशि हैं । इन का योग १४ और अन्तर २ चोप २ जोड़ने से १६ । ४ हुआ, इसका मूल ४ और २ आया। इन का मान या १ का १ कल्पना किया । अब मूलान्तर २ के वर्ग ४ को चोप २ से गुगा देने से द्र हुआ। इस को आचार्य ने वर्गान्तर चोप कहा है । क्यों कि राशियों ६ । द्र के वर्गों ३६ । ६४ का अन्तर २ में स्वचेप द्र जोड़ देने से ६ मूल आता है । इसी माँति मूलों २ । ४ के योग ६ का वर्ग ३६ चोप २ से गुगात ७२ हुआ । इस में वर्गान्तर २ द्र जोड़ देने से १०० हुआ, यह मूलप्रद है । परन्तु ७२ इस चोप को अन्थकार ने नहीं स्वीकार किया है ।

उदाहरणम्-

राश्योयोंगवियोगको त्रिसहितो वर्गो भ-वेतां ययोवींक्यं चतुरूनितं रिवयुतं वर्गान्तरं स्यात्कृतिः।साल्यं घातदलं घनःपदयुतिस्तेषां

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

द्वियुक्ता कृतिस्ती राशी वद कोमलामलमते षट्सप्त हित्वा परो ॥ ६५॥

अत्र रूपोनमव्यक्तं वियोगमूलं प्रकल्प्य या १ रू १ अत्राप्यनयेव युक्त्या कल्पितौ राशी याव १ रू २। या २। वा किएतौ राशी याव १ या २ रू १। या २ रू २। राश्यो-र्योगस्त्रिसहितः याव १ या २ रू १ राश्यो-रन्तरं त्रिसहितं याव १ या २ रू १। प्रथम-राशिवर्गः यावव १ याव १ रू ४। द्वितीयराशि-वर्गः याव ४ अनयोरेक्यं चतुरूनं यावव १ तयोरेवान्तरं रवियुतम् यावव १ याव दं रू १६ राशिघातः याघ २ या ४ दलं याघ १ या २ साल्यं याघ १ एभ्यो मूलानि तत्र त्रि-युतयोगमूलम् या १ रू १ रवियुतवर्गान्तर-मूलम् याव १ रू १ तथा घनमूलम् या १ पद-पञ्चकयोगो द्वियुतो जातः याव २ या ३ रू २ एष वर्ग इति कालकवर्गेण समीकरणाय न्यासः।

याव २ या ३ काव ० रू २ याव ० या० काव १ रू० CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

समीकरणात्पक्षशेषी याव २ या ३ काव १ रू २

अत्रैतावष्टिभिः संगुग्य नव रूपाणि प्रक्षि-प्याद्यपक्षस्य मूलम् या ४ रू ३ परपक्षस्यास्य काव ४ रू २५ वर्गप्रकृत्या मूले क ५ । ज्ये १५ ।

वा, क १७५। ज्ये ४६५।

ज्येष्ठं प्रथमपक्षमूलसमं कृत्वातं यावता-वन्मानम् ३। वा १२३ वर्गेणाचं केवलेनान्त्य-मृत्थाप्य जातौराशी ७।६।वा।१५१२७।२४६

अथवा। किल्पतिहितीयराश्योयोगिस्रियुतः याव १ या ४ रू ४ वियोगिस्रियुतः याव १ अत्राद्यवर्गः 'यावव १ याघ ४ याव २ या ४ रू १' हितीयराशिवर्गः 'याव ४ या ८ रू ४' अनयोरेक्यं चतुरूनं 'यावव १ याघ ४ याव ६ या ४ रू १' वर्गान्तरं रिवयुतं 'यावव १ याघ ४ याव २ या १ २ रू ६' राशिघातः 'याघ २ याव ६ या २ रू २' दलं 'याघ १ याव ३ या १ रू १' साल्य 'याघ १ याव ३ या ३ रू १'एभ्यो मूलानि तत्र त्रियुतयोगमूलम् या १ रू २ त्रियुतवियोगमूलम् या १ चतुरूनित-वर्गेक्यमूलम् याव १ या २ रू १ रिवयुत-वर्गान्तरमूलम् याव १ या २ रू ३ घनमूलम् 'या १ रू १' पदपञ्चकयोगो हियुक्तः याव २ या ७ रू ३ एष वर्ग इति कालकवर्गेण समी-करणाय न्यासः।

या २ या ७ काव० रू ३ या ० या ० काव १ रू० समशोधनात्पक्षशेषी

किलीए ११८ य २ या ७ । इनिए १४१

काव १ रू ३

श्रित्र पक्षावष्टिभिः संगुर्येकोनपञ्चाराद्रूपाणि प्रक्षिप्याद्यपक्षमूलम् या ४ रू ७ परपक्षस्या-स्य 'काव ८ रू २५' वर्गप्रकृत्या मूले ।

क प्राज्ये १५

वा, क १७५। ज्ये ४६५

ज्येष्ठं प्रथमपक्षपदेन समं विधाय लब्धं

यावत्तावन्मानम् २। वा १२२। अत्र वर्गेणा-व्यक्तवर्गराशि केवलेनाव्यक्रमुत्थाप्य जाती राशी ७।६। वा। १५१२७। २४६ तद्यथा या २ ऋस्य वर्गः ४ ऋनेन या १ गुणितः ४ केवलेन २ या २ गुणितः ४ उभयोर्व्यक्तत्वा-चोगः = ऋगगे रूपे १ वियोजिते जात एकः ७ तथा या २ केवलेन या २ गुणितः ४ रूप २ युतो जातः परः ६ । एवं द्वितीयः या १२२ वर्गः १४८८४ अनेनयाव १ गुणितः १४८८४ केवलेन या १२२ या २ गुणितः २४४ उभ-योर्व्यक्तयोयोगाहणं रूपं विशोध्य जात एकः १५१२७। तथा या २ केवलेन १२२ गुणितो व्यक्तरूप २ युतोऽपरः २४६ । एवं बहुधा ।

अथास्य सूत्रस्य व्याप्ति प्रदर्शयितुमुदाहरणं शार्द् लिविक्रीडिते-नाह—राश्योरिति । हे कोमलामलमते, कोमला सुकुमारा अमला अज्ञानरूपेण मलेन रहिता मतिर्यस्योति तत्संबोधनम्।पट् सप्त,कर्मणी। हित्वा अत्रायमिमायः—कयो राश्योर्योगवियोगौ त्रिसहितौ वर्गौ भवेतामित्यादिपरामशेषट्सप्तकयोःशीघ्रमुपस्थितिभवति यहच्छया चानयोःसर्वेऽत्यालापा घटन्त इत्यनभिज्ञोऽपि पश्नस्यास्योत्तरं वदे-दिति तित्रिरासार्थमुदितं 'पट्सप्त हित्वा' इति । तौ राशी वद, ययो राश्योः त्रिभिः सहितौ योगवियोगौ वर्गौ कृती भवेताम् । ययोअतुभिक्तितं वर्गैक्यं वर्गी भवेत् । ययोरेव वर्गीन्तरं रिवयुतं चर्गः स्यात् । ययोर्घातस्य वधस्य दत्तमर्धे साल्यमल्येन त्तप्यशाशिना समेतं घनः स्यात् तेषां पदानां द्वियुक्ता युतिः कृतिः स्यात् ॥

चदाहरया-

वे दो न्यूनाधिक कौन राशि है, जिन के योग तथा अन्तर में २ जोड़ देने से मूल आता ह, और वर्गों के योग में ४ घटा देने से मूल आता है, और वर्गों के अन्तर में १२ जोड़ देने से मूल आता है, और वर्गों के अन्तर में १२ जोड़ देने से मूल आता है, और उन के घात के आधे में, जघु राशि जोड़ देने से घनमूल आता है, इस माँति पाँचों मूलों क योग में २ जोड़ देने से भी, वह (योग) वर्ग होता है।

पहले रूपोन अव्यक्त को वियोगमूल मान कर, राशियों का साधन करते हैं—्वियोगमूल या १ रू १ है, यहाँ योगान्तरक्षेप ३ का वर्गान्तरक्षेप १२ में भाग देने से ४ लिब्ध आई। इसके मूल २ को वियोगमूल में जोड़ देने से, या १ रू १ यह योगमूल हुआ। इन दोनों के वर्ग हुए—

वियोगमूलवर्ग=याव १ या रं रू १ योगमूलवर्ग=याव १ या २ रू १

इन में सक्तेष ३ योगान्तरक्षेप घटा देने से, वियोग और योग हुआ--

त्रियोग=यात १ या रं रूरं योग=यात १ या २ रूरं

इत पर से 'योगोऽन्तरेगोतयुतोधितः ' इस सूत्र के अनुसार राशि याय १ रू २ । या २ इन का योग याव १ या २ रू २ हुआ इसमें ३ जोड़ने से याव १ या २ रू १ इस का मूल या १ रू १ है । राशियों के वर्ग यावव १ याव ४ रू ४ । याव ४ इनके योग यावव १ रू ४ में ४ घटा देन से, शेष यावव १ रहा। इस का मूल याव १ है । और राशियों का वर्गान्तर यावव १ याव दं रू ४ इसमें १२ जोड़ देन से, यावव १ याव दं रू १६ हुआ, इसका मूल याव १ रू ४ है । राशियों याव १ रू २ । या २ के घात याव २ या ४ के आघे याव १ या २ में लघु राशि या २ जोड़ दन से याव १ हुआ, इस का घनमूल या १ है। इस माति पाँचों मूलों का कम से न्यास

या १ रू १ या १ रू १ याव१ रू ० याव१ रू ४ या १ रू ०

इन का यथास्थान, योग याव २ या ३ रू ४ हुआ। इस में २ जोड़ देने से याव २ या ३ रू रें हुआ, यह वर्ग है। इसिलिये कालक-वर्ग के साथ समीकरण के लिए न्यास—

याव २ या ३ काव ० रू रे याव ० या ० काव १ रू ० समशोधन करने से याव २ या ३ काव ० रू ०

याव २ या ३ काव ० रू ० याव ० या ० काव १ रू २ त्र्राठ से गुणा कर, रूप ६ जोड़ने से च्री याव १६ या २४ रू ६ काव ⊏ रू २४

पहले पत्त का भूल या ४ रू ३ आया । दूसरे पत्त में काव क को प्रकृति और रू २४ को त्तेप कल्पना किया । फिर इष्ट ४ को किनिष्ठ मान कर, उस का वर्ग २४ प्रकृति क्षे गुिणित २०० हुआ, इस में त्तेप २४ जोड़ने से २२४ इसका भूल १४ ज्येष्ठ है। इस के साथ पहले पत्त के मूल का समीकरणा के जिये न्यास—

या ४ रू ३

समशोधन से यावत्तावत् की उन्मिति ३ त्राई। त्रथवा,किनिष्ठ१७ ४ है, इस से ज्येष्ठ मूल ४६ ४ हुन्त्रा। इस के साथ पूर्वमूल या ४ क् ३ का समीकरण करने से यावत्तावत् की उन्मिति १२३ न्त्राई। पूर्व उन्मिति ३ से, याव १ क् २ । या २ इन में उत्थापन देने से ७।६ राशि हुई ज्यौर दूसरी उन्मिति १२३ से इन्हीं राशियों में उत्थापन देने से १४१२७। २४६ राशि हुई।

अध्यवा, पहुंजी राशि याव १ या २ रू १ अप्रौर दूसरी या २ क्द २ हैं। इन का योग याव १ या ४ रू १ तीन जोड़ देने से याव १ या ४ रू ४ हुआ, इस का मूल या १ रू २ है। राशियों का अन्तर याव १ रू रे तीन जोड़ देने से याव १ हुआ, इस का मूल या १ है। च्यौर राशियों के वर्ग यावव १ याघ ४ याव २ या ४ रू १। याव ४ या ८ रू ४ के योग 'यावव १ याघ ४ याव ६ या ४ रू ४' में ४ घटा देने से शेप 'यावव १ याघ ४ याव ६ या४ रूं?' रहा, इस का मूल याव १ या २ रू १ आया । और इन के वर्गी यावत्र १ याघ ४ यात्र या ४ ह १ । यात्र ४ या ८ ह ४ का अन्तर, यावव १ याघ ४ याव रे या १२ रू रे हुआ। इस में १२ जोड़ देने से यावव १ याघ ४ याव रे या १२ रू ६, इस का मूल यात्र १ या २ रू ३ त्राया । राशियों का घात याघ २ याव ६ या २ रू रे हुन्या। इस का त्राधा याघ १ याव ३। या १ रू १ इस में लघुराशि या रे रू २ जोड़ देने से याव १ याव । ३ या ३ क् १ हुन्त्रा इस का घनमूल या १ रू १ त्राया, इन पदों का कम से न्यास-

या १ रू २ या १ रू ० यात्र १ या २ रू १ यात्र १ या २ रू १ या १ रू १

इन के योग याव २ या ७ रू १ में २ जोड़ देने से याव २ या ७ रू ३ यह काजक वर्ग के समान हुआ। इसाजिये समीकरण के अर्थ न्यास—

यात्र २ या ७ काव ० रू ३
यात्र ० या ० काव १ रू ०
समशोधन करने से हुए—
याव २ या ७ काव ० रू ०
याव ० या ० काव १ रू ३

त्राठ से गुण कर, रूप ४६ जोड़ देने से हुए— CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri याव १६ या ४६ रू ४६ काव ८ रू २४

पहले पत्त का मूल या ४ क ७ आया । दूसरे पत्त में कात द्र को प्रकृति, क २४ को त्रेप कल्पना किया । बाद इप्ट ४ कि शि मानने से उक्त रीति के अनुसार, ज्येष्ठमूल १४ आया । अथवा कानिष्ठ १७४ हैं इस से ज्येष्ठमूल ४६ ४ आया । अब इन दोनों ज्येष्ठमूलों का प्रथम पत्तीय मूल या ४ क ७ के साथ समीकरण करने से, यावतावत् का मान २ । वा, १२२ आया । इन से पूर्व-राशि में उत्थापन देना चाहिये । पहला मान २ है, इसका वर्ग ४ हुआ, इस में हिगुण यावतावन्मान ४ जोड़ देने से द्र हुआ, इसमें कप १ घटा देने से, पहली राशि ७ हुई । और यावतावन्मान २ दूना करने से ४ हुआ, इस में कप २ जोड़ देने से दूसरी राशि ६ हुई । इसी माँति, दूसरे यावतावन्मान १२२ का वर्ग १४८८४ हुआ, इस में हिगुण यावतावन्मान २ ४ १२०=२४४ जोड़ देने से १४१२८ हुआ, इस में १ कम कर देने से, पहली राशि १४१२७ हुई और इसी माँति दूने यावत्तावन्मान २४४ में २ जोड़ देने से, दूसरी राशि २४६ हुई ॥

अथाद्योदाहर एम्राश्योर्यचोः कृतियुतिवियुती चैकेन संयुते वर्गो ।
रिहतो वा तो राशी
गणियत्वा कथय यदि वेतिस ॥
अत्र किल्पतो राशिवर्गो याव ४। याव ५
६ १ अनयोर्योगवियोगो रूपयुतो मूलदो भवतः कथितप्रथमवर्गस्य मूलमेको राशिः

या २ द्वितीयस्यास्य याव ५ रू १ वर्गप्रकृत्या मूले

> क १। ज्ये २ वा, क १७। ज्ये ३८

अनयोर्ज्येष्ठपदं हितीयराशिः हस्वं याव-त्तावनमानेनोत्थाप्याद्यराशिः एवं जातौ राशी २।२।वा ३४।३८। अथ हितीयोदाहरणे तथेव कल्पितः प्रथमराशिः या २ हितीय-स्यास्य याव ५ रू १ वर्गप्रकृत्या मूले

> क ४। ज्ये ६ वा, क ७२। ज्ये १६१

कनिष्ठेन प्रथम उत्थापितो ज्येष्ठं द्वितीय इति जातौ राशी ८। ६ वा। १४४। १६१।

अत्रालपराशिवर्गेण यो राशिरूनितो युतश्च मूलदःस्यात्स तावद् व्यक्त एव द्वितीयो झेयः। तस्यानयनेऽप्युपायस्तद्यथा-

कित्पतराशिवर्गः ४ अनेन द्वितीयशाशि-किनतो युतश्च मूलदः स्यादित्ययं द्विगुणः द वर्गान्तरमिदं कयोरिप च योगान्तरघात- 818

समम् अतोऽन्तरिष्टं २ किएतं 'वर्गान्तरं राशिवियोगभकं-' इति जाते वर्गान्तरयोग-मूले १।३। आद्यस्य वर्गे १ किएतराशि-वर्गे ४ प्रक्षिप्य दितीयस्य वर्गा ६ द्वा विशोध्य जातो दितीयः ५। अत्र चाल्पराशिवर्गस्तथा कल्प्यते यथा दितीयराशिरिभन्नः स्यात्तथा-न्यः किल्पतः ३६ दिगुणः ७२ इदं वर्गान्तरं राश्यन्तरषद्के किल्पते जातो ३। ६ अन्य-वर्गात् ८१ किल्पतं ३६ विशोध्य जातो दितीयः४५ चतुष्केण वा८५दिकेन वा३२५।

अथान्यथा कल्पने युक्तिः-

राश्योघितेन द्विगुणेन वर्गयोगो युतोनि-तोऽवश्यं मूलदः स्यात्। राशिवधो द्विगुणो यथा वर्गः स्यात्तथेको वर्गोऽन्यो वर्गाधिमिति कल्प्यो, यतोवर्गयोर्वधो वर्गो भवतीति।तथा कल्पितो एकोवर्गः १ अन्यो वर्गाधम २ अन-योघितो २ द्विगणः ४ अयं प्रथमः अयमल्प-राशिवर्गः, तयारेव वर्गयोगः ५ अयं द्वितीयो राशिः। अथवेको वर्गः ६ अन्यो वर्गाधम २ अनयोघितो १८ द्विगुणः ३६ अयमल्पराशि- वर्गः, ऋथ तयोरेव वर्गयोगः ८५ ऋयं द्वितीयो राशिः, एतौ व्यक्तौ यावत्तावद्वर्गगुणितौ कल्पितौ, प्रथमोदाहरणे द्वितीयो राशी रूपे-णोनो द्वितीयोदाहरणे रूपयुतः कार्यः, एवं कृत्वा तथा तौ राशिवर्गों कल्प्यौ यथालाप-द्वयमपि घटते किंतु प्रथमस्य मूलं गृहीत्वा द्वितीयस्य वर्गप्रकृत्या मूलिमत्यादि पूर्वोक्त-मेव। एवमनेकधा॥

अथार्यया नित्रद्धमाद्योदाहरणं शिष्यबुद्धिमसारार्थं प्रदर्शयति— राश्यारिति । हे गणक, तौ राशी यदि वेत्सि तदा गण्यित्वा कथय । ययोः कृत्योर्युतिवियुती वर्गयोर्योगान्तरे एकेन संयुते अथवा रहिते वर्गी भवेताम् ॥

चदाहरया-

वे दो कौन राशि हैं, जिन का वर्गयोग और वर्गान्तर, एक सं

यहां पर याव ४। याव ४ रू १ राशि कल्पना किये हैं। इन का रूप से जुड़ा हुआ योग याव ६ और अन्तर याव १ मूलपद होता है। और कल्पित पहली राशि याव ४ का मूल या २ है, दूसरी राशि याव ४ रू १ का मूल वर्गप्रकृति से, वहां इप्ट १ किन प्र है, उसका वर्ग १ प्रकृति ४ गुणित ४ त्तेप १ से ऊन ४ का मूल २ ज्येष्ठ हुआ। वा, किनष्ठ १७ है, उस से ज्येष्ठ ३८ हुआ, किनष्ठ १। १७ यावत्तावन्मान है, दूना करने से पहली राशि २। ३४ और ज्येष्ठ २। ३८ दूसरी राशि है, इन का क्रम से न्यास। २। २। वा, ३४। ३८।

दूसरे उदाहरण में भी पहले की राशि हैं। उन में से पहली का मूल या र हुआ, दूसरी का वर्गप्रकृति से, वहां इष्ट ४ किन छ है, इस के वर्ग १६ प्रकृति ४ गुणित ८० चेप १ युत ८१ का मूल ६ ज्येष्ठ हुआ, वा किन छ ७२ है, इससे ज्येष्ठ १६१ आया। किन छ ४ यावत्तावन्मान है उसको दूना करने से पहली राशि ८ हुई, ज्येष्ठ दूसरी राशि है ६। वा १४४। १६१।

यहां जो राशि लघुराशि के वर्ग से, ऊन-युक्त मूलद हो, उसको व्यक्तात्मक दूसरी जानना, उस के जानने के लिए यह विधि हैं— यहां लघुराशि वर्ग ४ है, इस से ऊन-युत दूसरी राशि मूलइ है। जराव १ द्विरा १। लराव २

इसिलये लघुराशि का वर्ग ४ दूना ८ किसी दो राशि का वर्गान्तर है, श्रीर वह योगान्तरघात के तुल्य होता है। इसिक्ये 'वर्गान्तरं राशि-वियोगभकं-' के श्रनुसार, वर्गान्तर द में कल्पित वियोग २ का भाग देने से योग ४ आया । इन से संक्रमणसूत्र से राशि १ । ३ त्राई। ये वर्गान्तर त्रीं। वर्गयोग के मूल हैं। इन में पहली राशि १ का वर्ग १ है, इस में कल्पित जघुराशि २ का वर्ग ४ जोड़ देने से दूसरी गाशि ५ है। अथवा, दूसरी गाशि ३ के वर्ग ६ में, जघु-राशि वर्ग ४ घटा देने से वही राशि ४ च्याई। ऋौर ४ का मूल २ यह पहली राशि हुई। त्रालाप-वृहद्राशि ४ में लघुराशि वर्ग ४ जोड़ देने से वर्ग ६ हुन्या। इसी भाँति घटा देने से वर्ग १ हुन्या, झौर १।६ इन का अन्तर द दूने लघुराशि वर्ग २×४= द के तुल्य है, इसिनये लघुराशिवर्ग दूना, वर्गान्तर के समान है। यहां पर लघुराशि दर्ग ऐसा मानना चाहिये, जिस में दूसरी राशि अभिन्न आवे, जैसा, दूसरी राशि ३६ कल्पित है, वह दूनी करने से ७२ हुई यह वर्गान्तर है, इस में कल्पित राश्यन्तर ६ का भाग देने से योग १२ आया। अब १२।६ इन योग-वियोग से संक्रमण द्वारा राशि ऋाई ३।६ ये वर्गान्तर और वर्गयोग के मूल हैं। इन में पहली राशि ३ के वर्ग ६ में कल्पित राशि ६ वर्ग ३६ जोड़ देने से दूसरी राशि ४४ हुई। ऋौर इसरे मूल ६ वर्ग = १ में, कल्पित राशि वर्ग ३६ घटा देने से भी वही बाशि ४५ मिली। इस भाति पहली राशि ६ और दूसरी ४५ आई। वा, राशि वर्ग ३६ दूना करने से ७२ हुन्ना, यह वर्गान्तर है। इस में कल्पित राश्यन्तर ४ का भाग देने से योग १८ आया। इन से संक्रमण के द्वारा राशि ७ । ११ ऋाई । इन में पहली राशि ७ के वर्ग ४९ में कल्पित राशि ६ वर्ग ३६ जोड़ देने से दूसरी राशिनध हुई। वा २ अन्तर मानने से, दूसरी राशि ३२४ हुई। अथवा, राशि कल्पन में दूसरी युक्ति--

वर्गयोग दूने राशि घात से युत वा ऊन ऋवश्य मूलप्रद होता है। राशियों का घात दूना वर्ग हो ऐसा एक वर्ग कल्पना किया और दूसरा वर्गार्ध क्यों कि वर्गी का घात वर्ग होता है, तो १। २ रासि है इन का घात २ दूना हुआ ४ यह लघुराशि वर्ग ४ है। और १।२ इन का वर्ग १ । ४ योग ४ दूसरी राशि हुई।

अथवा, एक वर्ग ६ और दूसरा वर्गार्घ २ है। इन का दूना घात ३६ यह लघु राशि वर्ग है, इस का मूल ६ पहली राशि है। त्रोर १। २ इनका वर्ग ८१। ४ योग ८४ दूसरी राशि हुई। दोनों व्यक्तगाशि यावत्तावद्वर्ग गुणित कल्पित की गई है। पहले उदाहरण में दूसरी राशि रूपोन त्रौर दूसरे उदाहरण में दूसरी राशि रूपयुत मानी गई है। जैसा-याव ४। याव ४ क् १। याव ४। याव ५ क १ इसी प्रकार ऐसे राशिवर्ग कल्पना करने चाहिये, जिस में दो आलाप स्वतः घाटेत हों। उन में से पहली राशि का मूल स्वतः मिलेगा।दूसरे का वर्गप्रकृति से त्रावेगा।

सूत्रम्-

यत्राव्यक्तं सरूपं हि तत्र तन्मानमानयेत्। सरूपस्यान्यवर्णस्य कृत्वा कृत्यादिनासमम्॥ राशिं तेन समुत्थाप्य कुर्याद् भूयोऽपरां कियाम् सरूपेणान्यवर्णेन कृत्वा पूर्वपदं समम्॥ दशा यत्राचपक्षमले गृहीते परपक्षेऽव्यक्तं सरू-CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

पमरूपं वा स्यात् तत्रान्यवर्णस्य सरूपस्य वर्गेण साम्यं कृत्वा तस्याव्यक्तस्य मानमानीय तेन राशिमुत्थाप्य पुनरन्यां क्रियां कुर्यात् तथा तेनान्यवर्णेन सरूपेणाद्यपक्षपदसाम्यं च, यदि पुनः क्रिया न भवेत्तदा तु व्यक्तेनैव वर्गादिना समकिया।

त्रथैकस्य पत्तस्य पदे गृहीते सित द्वितीयपत्ते यदि सरूपमरूपं वाव्यक्तं भवति तत्रोपायमनुष्टुब्द्वयेनाह—यत्रेति। यत्राद्यपत्तस्य
- मूले गृहीतेऽन्यपत्तेऽव्यक्तं सरूपमरूपं वा स्यात्तत्रान्यवर्णस्य सरूपस्य वर्गेण साम्यं कृत्वा तस्याव्यक्तस्य मानमानयेत् । यत्र तु
प्रथमपत्तस्य घनपदे गृहीतेऽन्यपत्तेऽव्यक्तं सरूपमरूपं वाव्यक्तं
स्यात्तत्रान्यवर्णस्य सरूपस्य घनेन साम्यं कृत्वा अव्यक्तमानमानयेत्, 'कृत्यादिना' इत्यादिपदोपादानात् । अथागतेन
वर्णात्मकेनाव्यक्तमानेन राशिमुत्थाप्य सरूपेण किर्पतेनान्यवर्णेन आद्यपत्तपदसाम्यं च कृत्वा पुनरन्यां क्रियां कुर्यात् ।
यदि पुनः क्रिया नास्ति तदा सरूपस्यान्यवर्णस्य वर्गादिना
समीकरणं न कार्यम्, यतस्तथा कृते राशिमानमव्यक्तमेव स्यात् ।
किंतु व्यक्तेनेव वर्गादिना समीकरणं कार्य यत् एवं कृते राशिमानं व्यक्तमेव स्यात् । अव्यक्तवर्गोऽव्यक्तघनो वा तथा कल्प्यो
यथा मानमभिन्नं स्यात् ॥

अब एक पत्त का भूल लेने पर यदि दूसरे पत्त में सरूप वा अरूप अव्यक्त हो तो वहाँ की किया कहते हैं—

जहाँ पहले पत्त के भूल लेने के अनन्तर दूसरे पत्त में सरूप अथवा अरूप अन्यक हो, वहाँ पर सरूप अन्यवर्ण के वर्ग के साथ समीकरण कर के उस अन्यक का मान जाना । जहाँ पर आद्यपत्त

के घनमूल लेने के बाद दूसरे पत्त में रूप से युक्त वा, हीन अञ्यक हो, वहाँ सरूप अन्यवर्ध के घन के साथ समीकरण कर के अञ्यक्त मान सिद्ध करना, और उस वर्णात्मक अञ्यक्तमान से राशि में उत्थापन देना और आद्यपत्त के मूल का किल्पत सरूप अन्यवर्ध के साथ समीकरण कर के फिर अन्य किया करना यदि अन्य किया न हो तो, सरूप अन्यवर्ध के वर्गादिक के साथ समीकरण न करना। क्योंकि वैसा करने से राशि का मान अञ्यक आवेगा। किंतु व्यक्त राशि के वर्गादि के साथ समीकरण करना इस माँति राशि का मान ज्यक्त होगा। यहां अञ्यक के वर्ग, घन आदि ऐसे कल्पना करना कि जिस में राशि का मान अभिन्न मिले।

उपपत्ति-

पक पत्त के मूल लेकर फिर यादि दूसरे पत्त में सरूप अथवा आरूप अञ्चल हो तो, वह भी वर्गात्मक है। क्यों कि पत्तों की समदा उहराई है। अब वहाँ पर, यदि केवल अञ्चल हो तो अन्यवर्ण के वर्ग के साथ सम क्रिया करनी चाहिये और जो रूप के साथ अञ्चल हो तो सरूप अन्य वर्ण के वर्ग के साथ समीकरण करना उचित है। क्यों कि वैसा करने से दूसरे पत्त में सरूप वर्णवर्ग होगा, तब वर्गप्रकृति का विषय होगां।

उदाहरणम्—

यक्षिपञ्चगुणो राशिः एथक् सैकः कृतिर्भवेत्। वदः तं वीजमध्येऽसि मध्यमाहरणे पदुः॥६६॥

श्रित्र राशिः या १ एष त्रिगुणः सैकः या ३ रू १ श्रियं वर्ग इति कालकवर्गसमं कृत्वा पक्षयो रूपं प्रक्षिप्य लब्धं कालकपक्षस्य मूलम् का १ श्रान्यपक्षस्यास्य या ३ रू १ सरू-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

पनीलकत्रयस्य वर्गेण नीव ६ नी ६ रू १ साम्यं कृत्वा लब्धयावत्तावन्मानेनोत्थापितो जातो राशिः नीव ३ नी २ पुनरयं पञ्चगुणः सैको वर्ग इति नीव १५ नी १० रू १ पीतकवर्गसमं कृत्वा समशोधने कृते पक्षो नीव १५ नी १० पीव १ रू १

इमो पञ्चदशिमः संगुण्य पञ्चविंशतिरूपाणि प्रक्षिप्याचस्य पक्षस्य मूलम् नी १५ रू ५ पर-पक्षस्यास्य पीव १५ रू १० वर्गप्रकृत्या मूले

> क ह। ज्ये ३५ वा, क ७९। ज्ये २७५

किनेष्ठं पीतकमानं ज्येष्ठमाद्यपक्षस्य मूलेना-नेन 'नी १५६६ ५'समं कृत्वाप्तं नीलकमानम् २। वा १८।स्वस्वमानेनोत्थाप्य जातो राशिः १६। वा १००८। अथ वैकालापः स्वत एव संभ-वित तदा किल्पतो राशिः 'याव ई रू ई' एष पञ्चगुणो रूपयुतो याव ई रू ई' मूलद इति कालकवर्गसमं कृत्वा पक्षयोः ऋणत्र्यंशहयं प्रक्षिप्योक्षवद्ग्रहीतं कालकपक्षस्य मूलम् का १ दितीयपक्षस्यास्य वाव ४ कर्षं वर्गप्रकृत्याः मूले क ७। ज्ये ६ वा, क ५५। ज्ये ७९ अत्र किनिष्ठं प्रकृतिवर्णमानं तेन किन्पतराशि-मुत्थाप्य जातो राशिः स एव १६। वा १००८

अत्रोदाहरणमनुष्टुभाह—य इति । हे गणके, यदि त्वं बीज-मध्ये मध्यमाहरणे पदुरासि तदा तं राशिं वद । यो राशिः पृथक् त्रिपश्चगुणः सैकः कृतिभवेत् । अयमभिमायः-राशिक्षिगुणः सैकस्तथा पश्चगुणः सैकश्च वर्गः स्यात्।।

चदाहरण--

वह कौन राशि है, जो अलग अनग पांच और तीन से गुगा तथा दोनों स्थानों में १ से युत मूलप्रद होना है।

राशि या १ है, इसे ३ गुण कर १ जोड़ने से, या ३ रू १ हुआ वह वर्ग है, इसिनये कालक वर्ग के साथ माम्य हुआ —

या ३ काव ० रू १ या ० काव १ रू ० समशोधन करने से हुए—

या ३

काव १ रू १

इनमें १ जोड़ देने से कालक पत्त का मूल का १ त्राया और दूसरे पत्त 'या ३ रू १' का, नी ३ रू १ इसके वर्ग के साथ साम्य के जिए न्यास—

या ३ नीव ० नी ० रू १ या ० नीव ६ नी ६ रू १

समशोधन से हुए— या ३

नीव १ नी ६ इर ३ का भाग देने से यावत्तावन्मान नीव ३ नी २ त्राया इससे या १ राशि में उत्थापन देने से, नीव ३ नी २ राशि हुई । फिर यह ४ से गुणित और सैक वर्ग है, इसिक्विये पीतकवर्ग के साथ साम्य—

नीव १५ नी १० पीव ० रू १ नीव ० नी ० पीव १ रू ० गोधन से हए---

समशोधन से हुए

नीव १४ नी १० पीव ० रू ० नीव ० नी ० पीव १ रू १

१४ से गुण कर २४ जोड़ देने से हुए— नीव २२४ नी १४० पीव ० रू २४ नीव ० नी ० पीव १४ रू १०

त्राद्य पत्त का मूल नी १५ रू ६ हुआ। अन्य पत्त का वर्ग प्रकृति से, वहां कनिष्ठ ६ कल्पना किया। उस से उपेष्ठ ३५ आया। वा कनिष्ठ ७१, ज्येष्ठ २७५ कनिष्ठ पीतक का मान है और ज्येष्ठ आद्य पत्त के मूल के तुल्य है। इसिलये साम्य के लिये न्यास—

> नी १४ रू ४ नी ० रू ३४ नी १४ रू ४ नी ० रू २७४

समिक्रिया से नीक्षक का मान २। वा १ मिला। इस से राशि 'नीव ३ नी २' में उत्थापन देते हैं—मान २ का वर्ग ४ त्रिगुर्या १२ हुन्ना इसमें दूना मान ४ जोड़ने से राशि १६ हुई। अथवा, मान १ म का वर्ग ३२४ त्रिगुर्या १७२ हुन्ना, इस में दूना मान २×१ म = ३६ जोड़ने से राशि १०० म हुई। अथवा, राशि या १ त्रिगुर्या या ३ सैक या ३ रू १ वर्ग है, इसिलिये काव १ के साथ साम्य

या ३ काव ० रू १

समशोधन से यावत्तावत् का मान काव १ रू रे आया। इस से राशि

न्या १ में उत्थापन देने से राशि चाव १ रू १ हुई। वा, जिस में एक न्त्राकाप स्वतः घटित हो ऐसी राशि याव १ रू १ किएत है। यह ध से गुगा कर रूप १ जोड़ देने से याव ४ रू रे हु भूलद है, इसिक्ये कालकवर्श के साथ साम्य के लिए न्यास—

याव ५ रू रे

of Philosopia & Dig to Py for Sile

समच्छेद श्रीर छेदगम से हुए---

याव ५ रू रे

समशोधन से हुए-

यात्र ५ रू ०

काव ३ रू २

४ से गुयाने से हुए---

याव २५ र ०

काव १५ हर १०

त्राद्यपत्त का मूल या ५ त्राया त्रीर दूसरे का वर्ग प्रकृति से, इष्ट হ कनिष्ठ है, उसका वर्ग 🖙 प्रकृति १५ गुग्गित १२१५ चोप १० युत १२२४ का मूल ३४ ज्येष्ठ हुआ। इस का आद्यपत्तीय मूल के साथ साम्य के लिये न्यास

या ५ र ०

समशोधन से यावत्तावत् का मान ७ आया इस से राशि में उत्थापन देते हैं-मान ७ वर्ग ४६ रूप १ से हीन ४८ हुआ, इस में इर ३ का भाग देने से वही राशि १६ आई। वा, कतिष्ठ ७१ ज्येष्ठ

२०४ है। समीकरण से यावतावत् का मान ४४ स्थाया, मान ४४ वर्ग ३०२४ रूपोन ३०२४ हुन्ना, इस में हर ३ का भाग देने से १००८ राशि त्राई।।

अथाद्योदाहरणम्--

'को राशिस्त्रिभिरभ्यस्तः सरूपो जायते घनः। घनमूलं कृतीभूतं ज्यभ्यस्तं कृतिरेकयुक्॥'

अत्र राशिः या १ अयं त्रयभ्यस्तो रूपयुतः या ३ रू १ एष घन इति कालकघनसमं कृ-त्वा प्राग्वजातो राशिः काघ ई रू ई अस्य त्रि-गुणस्य सरूपस्य घनमूलं वर्गितं त्रिहतं रूप-युतं काव ३ रू १ एतत्कृतिरिति नीलकवर्ग-समं कृत्वा पक्षयो रूपं प्रक्षिप्य प्रथमपक्षमू-लम् नी १ द्वितीयपक्षस्यास्य काव ३ रू १ वर्गप्रकृत्या मूले

क १। ज्ये २ वा, क ४। ज्ये ७ वा, क १५। ज्ये २६ किनेष्ठं कालकमानम् ४ अस्य घने ६४ नोत्था-पितो जातो राशिः २१। वा <u>३३७४</u>

अथ पूर्वपत्तस्य घनमूले गृहीते सत्यन्यवर्णस्य घनेन समीकरणं

कार्यमित्युक्तं तत्रोदाइरणमाचैरजुष्डुभा निवद्धं दर्शयति—क इति। को राशिक्तिभरभ्यस्तो गुणितः सरूपो घनो जायते। घनस्य मूलं कृतीभूतं वर्गीकृतं त्र्यभ्यस्तं त्रिगुणितमेकयुक् कृतिः॥

उदाहरया-

वह कौन राशि है, जिस को तीन से गुगा कर, एक जोड़ देते हैं तो घन दोता है और घनमूल के वर्ग को तीन से गुगा कर, एक जोड़. देते हैं, तो वर्ग होता है।

राशि या १ त्रिगुण ऋौर एक से युत या ३ रू १ हुआ, यह घन है इसिलिये काघ १ के साथ साम्य—

या ३ रू १ काव १ रू ०

समशोधन से यावतावत् का मान का घ१रू रे हुआ। यह ३ से

गुयाने से काघ ३ रू ई = काघ १ रू १ हुन्ना । इसमें १ जोड़ने से, घनमूल का १ न्नाया । इस का वर्ग त्रिगुया रूप युत वर्ग है, इसकियेः नीव १ के साथ साम्य—

काव ३ रू १ नीव १ रू ० समशोघने से हुए— काव ३ रू ० नीव १ रू १

१ जोड़ने से नीलक पक्त का मूल नी १ आया और दूसरे पक्त 'कान ३ क १' का नर्ग प्रकृति से, नहां इष्ट ४ किनष्ट है, उसका नर्ग १६ प्रकृति गुगित ४ में क्षेप १ युत ४६ का मूल ७ ज्येष्ठ हुआ। किनिष्ठ कालक मान है। उस ४ के घन ६४ से राशि काघ १ रू ३ में उत्थापन देकर उसमें १ घटा कर हर ३ का भाग

देने से, राशि २१ आई। वा, कनिष्ठ १४ से ज्येष्ठ २६ हुआ

कितिष्ठ १४ कालक का मान है, इस के वन ३३७४ में १ घटा कर हर ३ का भाग देने से राशि <u>३३७४</u>।

saligi adlisa squari facklardara

उदाहरणम्—

वर्गान्तरं कयो राश्योः एथग् हित्रगुणं त्रियुक्। वर्गो स्यातां वद् क्षिप्रं षट्कपञ्चकयोरिव ६७॥

अथ विशेषप्रदर्शनार्थमपरमुद्गहरणमनुष्टुभाह—वर्गान्तरमिति । षद्कपश्चकयोर्वर्गान्तरमुक्कविधमस्तीति सुप्रसिद्धं तावत्। परं त्वेतयो-वेगन्तिरं यथोक्कविधमस्ति तथान्ययोः कयोरस्तीति प्रशामिप्रायः।।

उदाहरया-

पांच श्रौर क्र के समान, वे दो कौन राशि है, जिन के वर्गान्तर श्रक्तग श्रक्तग २ श्रौर ३ से गुण कर ३ जोड़ देने से वर्ग होते हैं। श्रथ राश्योरव्यक्रकल्पने क्रिया न निर्वहतीति वर्गान्तरमेवा-व्यक्रं कल्प्यमिति प्रदर्शयन्ननुष्टुभाइ—

यहां पर राशियों का अञ्यक्तमान मानने से क्रिया नहीं चलती इसिलये वर्गान्तर ही को अञ्यक्त कल्पना करना चाहिये, इत्यादि युक्ति दिखलाते हैं—

कचिदादेःकचिन्मध्यात्कचिद्नत्यात्कया बुधैः आरभ्यते यथा लघ्वी निर्वहेच यथा तथा ८४

कचिदादेः प्रश्नकत्रीलापस्यादितः, कैचिन्मध्यादालापमध्यात्, किचदन्त्यात् विलोमकर्मद्वारेणेत्यर्थः, क्रिया प्रश्नोत्तरसाधिका युक्तिर्यथा लघ्नी यथा च निर्वहेत् तथा बुधैरारभ्यते । न खंलु तादृशीं क्रियां समारभेतया महती प्रश्नोत्तरावष्टम्भिका च भवेत्।।

कहीं त्रालाप के प्रारम्भ से, कहीं उस के मध्य से, कहीं विलोम विधि के त्रानुसार त्रान्त ही से, इस भौति किया की जाती है। जिस में वह लघु हो त्रारे त्रारो की किया चल सके। अतोऽत्रवर्गान्तरं या १ एतद् हिम्नं त्रियुतं या २ रू ३ वर्ग इति कालकवर्गसमं कृत्वास-यावत्तावन्मानेनोत्थापितो जातो राशिः काव ई रू ई पुनरिदं त्रिम्नं त्रियुतं काव ई रू ई वर्ग इति नीलकवर्गसमं कृत्वा समशोधने कृते जाती पक्षी नीव २ रू ३

काव ३

एतौ त्रिभिः संगुण्य कालकपक्षमूलं का ३ कृत्वा परपक्षस्यास्य नीव ६ रू ६ वर्ग-प्रकृत्या मूले

> क ६। ज्ये १५ वा, क ६०। ज्ये १४७

ज्येष्ठं प्रथमपक्षपदेनका ३ समं कृत्वालच्ध कालकमानम् ५। वा ४६ प्राग्वदाप्तकालकः मानेनोत्थापितं जातं वर्गान्तरं राश्योः ११। वा ११६६ इदमन्तरहृतं द्विधान्तरेणोनयुत-मर्धितं राशी भवत इति प्रागुक्तमतोऽन्तर-मिष्टं रूपं प्रकल्प्य जातौ राशी ६।५। वा ६०।५६६। अथवान्तरमेकादश प्रकल्प्य जातौ राशी ६०।४६।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

उक्त शिक्ता के अनुसार, राशियों का वर्गान्तर या १ द्विगुण त्रियुत या २ रू ३ हुआ। इस का कालकवर्ग के साथ साम्य करने से, यावत्तावत् का मान काव १ रू ३ आया। यह भी राशि है, इस लिये

३ से गुगा कर ३ जोड़ने से काव ३ रू ई हुआ। यह वर्ग है, इस

क्रिये नीजकवर्ग के साथ साम्य

काव ३ रू रै

नीव १

समच्छेद और छेदगम से हुए-

काव ३ रू ३

नीव २ रू ०

समशोधन से हुए-

काव ३ रू ०

नीव २ रू ३

३ से गुगाने से हुए-

काव ह रू

नीव ई रू ह

कालक पत्त का मूल का ३ त्राया, दूसरे पत्त नीव ६ रू ६ का मूल वर्ग प्रकृति से, वहां इष्ट ६ किन प्रहें, उसका वर्ग ३६ प्रकृति ६ गुणिन २१६ त्रेप ६ युन २२५ का मूल ज्येष्ट १५ हुन्या। किन प्रहें, उससे ज्येष्ट १४७ हुन्या। ज्येष्ट का पूर्व मूल के साथ साम्य के लिये न्यास—

का ३ रू ० का ३ रू ० का ३ रू ०

समीकरस से काक्षक का मान १। वा ४६, आया। इस स

पूर्व राशि काव १ रू है में उत्थापन देते हैं। १ कालक का ४ मान है, तो कालक वर्ग का क्या ? यों वर्ग २४ हुआ, इस में रूप है घटा कर, हर २ का भाग देने से राशि ११ आई। इसी माँति ४६ से उत्थापन देने से ११६६ गाशि हुई।

यहां यावत्तावनमान को वर्गान्तर मान कर, राशिक्षान के जिये यह युक्ति दिखलाई है। जैसा-वर्गान्तर ११ है, इस में इष्ट राश्यन्तर१ का भाग देने से राशि योग ११ त्राया। इस से संक्रमण द्वारा राशि ४। ६ मिलीं। वा, वर्गान्तर ११६२ है, इस में इष्ट अन्तर ११ का भाग देने से, राशि योग १०६ आया, बाद संक्रमण से राशि ६०। ४६ मिलीं।

श्रथान्यत्करणसूत्रं सार्धवृत्तम्— वर्गादेयों हरस्तेन गुणितं यदि जायते। श्रव्यक्तं तत्र तन्मानमभिन्नं स्याद्यया तथाद्रभ् कल्प्योऽन्यवर्णवर्गादिस्तुल्यः शेषं यथोक्तवत्

यत्र वर्गादी कुष्टकादी वा एकपक्षमूले गृहीतेऽन्यपक्षेऽव्यक्षवर्गादिकस्य यो हरस्तेन गुणितमव्यक्तं यदि स्यात्तदा तस्य मितिर-भिन्ना यथा स्यात्तथान्यवर्णवर्गादिः सरूपो रूपोनो वा तुल्यः कल्प्यः शेषं पूर्वसूत्रवत्॥

विशेष-

जिस स्थान में एक पत्त के मृत्र केने के बाद, दूसरे पत्त में यदि अध्यक्त बर्गादि के हर से गुणा हुआ अध्यक्त हो तो बहाँ पर सरूप बा, असुप अस्य वर्ण के वर्ग आदि पेसे अस्पता करना कि जिस के साथ समीकरण करने से, इस अध्यक्त का बान अभिक्र आवे

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

उदाहरणम्—

को वर्गश्चतुरूनः सन् सप्तभक्को विशुध्यति । त्रिंशदूनोऽथवा कः स्याद्यदि वेत्सि वद द्वतम्॥

अत्र राशिः या १ अस्य वर्गश्चतुरूनः सप्तभक्को विशुध्यतीति लब्धिप्रमाणं काल-कस्तद्विणितहरेणास्य याव १ रू ४ साम्यं कृत्वा प्रथमपक्षमूलम् या १ परपक्षस्यास्य का ७ रू ४ मूलाभावात् 'वर्गादेयों हरस्तेन गुणितंयदिजायते'इत्यादिनाकरणेन नीलक-सप्तकस्य रूपद्रयाधिकस्य वर्गेण तुल्यं कृत्वा लब्धं कालकमानमभिन्नं जातम् नीव७ नी४ यतु किल्पतं तस्य द्वितीयपक्षस्य मूलम् नी७ रू २ इदं प्राक्पक्षमूलस्यास्य या १ सम कृत्वाप्तं यावत्तावनमानम् नी७ रू२ सक्षेपम्ध ऋस्य वर्गो राशिः स्यात् **⊏**९ ॥

उदाहरण-

वह कौन वर्ग है, जिस में चार वा, तिस घटा कर, सान का भाग देने से, नि:शेष होता है।

राशि याव १ में ४ घटा कर ७ का भाग देने स

पाव १ रू 🕏

उ

हिमा । यह नि:शेष होता है, इसिलये लिब्ध का मान का १ कल्पना

⁻ CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

किया। त्राव हर ७ त्रोर लिब्ध का १ का घात, रोष ० युत माज्य राशि के तुल्य हुन्ना—

> याव १ का ० रू छै याव ० का ७ रू ०

समशोधन से हुए-

याव १ का ० का ७ स्८ ४

पहले पत्त का मूल या १ आया और दूसरे पत्त का ७ रू ४ का मूल वर्गप्रकृति से नहीं आता, इसिलये 'वर्गादेयों हरः' इस सूत्र के अनुसार रूप २ से सिहत अन्यवर्ण नी ७ रू २ के वर्ग के साथ साम्य के लिये न्यास—

का ७ नीव ० नी ० रू ४ का ० नीव ४६ नी २ दूर ४

समशोधन से हुए-

का ७ नीव ० नी ० ह ० का० नीव ४६ नी २० ह ०

त्रीर उक्तवत् कालक का मान त्राभिन्न नीव ७ रू ४ त्राया। किल्पत मूल नी ७ रू २ पूर्व मूल या १ के तुल्य है, इस्रिक्षेय समीकरण से यावत्तावत् का मान नी ७ रू २ त्राया। नीक्षक का व्यक्त १ मान मानने से यावत्तावत् का मान व्यक्त ६ हुन्ना। इसका वर्ग ८१ राशि है।

अथवान्यवर्णकल्पनायां मन्दाववोधार्थ

पूर्वेरुपायः पठितः । सूत्रम्— 'हरभक्का यस्य कृतिः

शुध्यति सोऽपि दिरूपपदगुणितः।

तेनाहतोऽन्यवर्णो रूपपदेनान्वितः कल्प्यः॥

न यदि पदं रूपाणां क्षिपेद्धरं तेषु हारतष्टेषु। तावद्यावद्दर्गो भवति न चेदेवमपि खिलं तर्हि ॥ हित्वा क्षिप्त्वा च पदं यत्राद्यस्येह भवति तत्रापि। श्रालापित एव हरो रूपाणि तु शोधनादिसिद्धानि॥' हर भक्नेति । यस्याङ्कस्य कृतिर्हरभक्ना सती शुध्यति निःशेषा भवति, ऋपि च सोऽ-प्यङ्को द्वाभ्यां रूपपदेन गुणितो हरभक्तःसन् शुध्यति तदा तेनाङ्केन हतोऽन्यवर्णस्तेन रूपे-णान्वितः कल्प्यः। यदि तु रूपाणां पदं न तदा तेषु हरतष्टेषु रूपेषु तावद्दरं क्षिपेद् यावहर्गो भवेत् तन्मूलं रूपपदं भवेत्। एव-मपि कृते चेह्रर्गः कदाचिन्न भवेत्तदा तदुदा-हरणं खिलं स्यात्। यत्र तु आद्यपक्षस्य मूलं 'हित्वा क्षिप्त्वा—' इत्यादिना लभ्यते तदा हर त्र्यालापित एव याह्यः। न तु गुणितो वि-भक्को वा । रूपाणि तु समशोधने कृते शोध-

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

नादि सिद्धानि यानि तान्येव याह्याणि। एवं घनेऽपि योज्यम्। तद्यथा——यस्याङ्कस्य घनो हरभकः शुध्यति तथा च सोऽप्यङ्कस्त्रिभी रूपाणां घनमलेन गुणितो हरभकः शुध्यति तदा तेनाङ्केन हतोऽन्यवर्णो रूपाणां घनमूलेन चान्वितः कल्प्यः। यदि रूपाणां घनमूलं न लभ्यते तदा तेषु रूपेषु हरतष्टेषु तावद्धरं क्षिपेद्यावद्घनो भवेत् तच्च घनमूलं रूपपदं स्यात् एवमपि कृते च घनः कदाचिन्न भवेत्त-दुदाहरणं खिलं स्यादित्यग्रेऽपि योज्यमिति शेषः॥

अथ हितीयोदाहरणे राशिः या १ अस्य यथोक्तं कृत्वाद्यपक्षस्य मूलम् या १ परपक्ष-स्यास्य का ७ रू ३० 'न यदि पदं रूपाणां——' इत्यादिकरणेन हारतष्टरूपेषु द्विगुणं हरं प्रक्षिप्य मूलम्४ एतद्धिकनीलकसप्तकर्ग-समीकरणादिना प्राग्वजातो राशिः नी ७ रू ४। अथ यदि ऋणरूपेरन्वितं नीलक-सप्तकं नी ७ रू ४ परिकल्प्यानीयते तदान्यो-ऽपि राशिः ३ स्यात्॥

umukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

'वर्गादेयों हर:-' इस सूत्र में जो अन्यवर्ण के वर्ग आदि की कल्पना कही है, उसके ज्ञान के लिये अब पूर्वाचार्योक उपाय दिख-काते हैं — जिस राशि का वर्ग हर के भाग देने से निःशेष हो, उस राशि को दो और रूपमूल से गुगा देना। फिर उस में हर का भाग देना, यदि नि:शेष हो तो, उस से अन्य वर्ग को गुगा देना और उस में रूपमूल जोड़ देना, तब उसको परपत्त के मूलस्थान में कल्पना करना । यदि रूपों का मूल न आता हो तो, होर से तंष्टित किये हुए रूपों में, हर को तब तक जोड़ते जाना जब तक वह वर्ग न हो जावे। यों जो उस का मूल आवे, उसको रूपपद कल्पना करना। यदि ऐसा करने से भी रूपों का मूल न मिले, तो वह उदाहरण दुष्ट होगा। श्रीर जहाँ पर पन्नों को गुण कर, उन में रूप जोड़ कर आद्यपंत का मूल आता है, वहाँ हर आलापित अर्थात् पाठ-पठित लेना चाहिये। त्रौर रूपशोधनादि सिद्ध अर्थात् गुण्यन तथा योजन के अनन्तर रूप स्थान में जो रूप निष्पन्न हुये हैं, उन को ब्रह्या करना चाहिये। इसी भाँति, घन में भी जानना चाहिये। जैसा, जिस राशि का धन हर के भाग देने से नि:शेष हो, उसको है तीन और रूपों के घन मृत्र से गुगा देना फिर उस में हर का भाग देना । यदि नि:शेष हो तो, उस से अन्य वर्ण को गुण देना और उस में रूपों के घनमूल को जोड़ देना। तत्र उस को परपत्त के मूलस्थान में कल्पना करना चाहिए। यदि रूपों का घनमूल न आता हो तो, हार से तष्टित रूपों में, हर को तब तक जोड़ते जाना जब तक वह घन न हो जाय । यों जो उस का मूल त्रावे, उसकी रूप-पद कल्पना करना । यदि ऐसा करने से भी रूपों का घनमूल न मिले तो, वह उदाहरण दुष्ट होगा । इसी भाँति आगे भी जानना चाहिए।

यहाँ प्रकृत चदाहरण में, पहले पक्त का मूल या १ त्राया है श्रोर दूसरे पक्त का ७ रू ४ का मूल जाना है। हर ७ है, श्रोर रूप ७ के वर्ग ४६ में हर ७ का भाग देने से निःशेषता होती है। ७ दूना करने से १४ हुआ, परपक्त के रूप ४ के मूल २ से गुणाने

से २ प्रहुत्रा। यह हर ७ के भाग देने से शुद्ध होता है, इसिनये उस ७ से अन्यवर्ण नी १ को गुण देने से नी ७ हुआ। इस में रूप ४ का मूज २ जोड़ देने से नी ७ रू २ हुआ। इसके वर्ग के साथ परपन्न का ७ रू ४ का समीकरण के जिये न्यास—

का ७ नीव ० नी० रू४ का ० नीव ४६ नी२ स्र

चक्तवत् कालक मान त्राभिन्न नीव '७ नी ४ त्राया, त्रौर नी ७ रू यह दूसरे पत्न का मूल है । त्रान्यथा इस का वर्ग दूसरे पत्न के समान न होगा । इसिलिये प्रथमपत्त मूल या १ का, नी ७ रू २ इस द्वितीय पत्त मूल के साथ समीकरण करने से, यावत्तावत् का मान नी ७ रू २ त्राया । यहाँ नीलक का व्यक्तमान १ कल्पना किया, वह ७ से गुणाने से ७ हुत्रा । इस में रूप २ जोड़ देने से यावत्तावत् का मान व्यक्त ६ हुत्रा । इसका वर्ग ६ राशि है । त्रौर कालक का मान नीव ७ नी ४ है, मान १ के वर्ग १ को ७ से गुणा देने से ७ हुत्रा, इस में चौगुना नीलक मान ४×१=४ जोड़ देने से कालक का मान व्यक्त ११ हुत्रा ।

त्रालाप—राशि ८१ में ४ घटा कर ७७ उस में ७ का भाग देने से लब्धि ११ कालक मान ११ के तुल्य मिली।

उपपत्ति-

यहाँ वर्गकुट्टक में, 'कौन वर्ग उदिष्ट क्षेप से युत वा उन त्रीर हर से भाजित नि:शेष होता है ?' यह आलाप है। जिस भाँति उक्त रित के अनुसार पहले पक्त का मूल या १ प्रहण किया है ज्रीर दूसरे पक्त का ७ रू ४ का मूल नहीं आता, इसलिये उस वर्गात्मक पक्त का तीसरे किएपत वर्गात्मक पक्त के साथ समीकरण करना ठहराया है और समशोधन करने से आभिन्न मान लाये हैं, उस को सयुक्तिक दिखलाते हैं—यहाँ पर वर्गात्मक तीसरे पक्त का मूल इष्टाङ्क से गुणित रूपयुत अन्यवर्ण को कल्पना किया, जैसा—नी ७ रू २ और दूसरे पक्त का ७ रू ४ के रूप ४ के मूल २ के तुल्य तीसरे पक्त के मूलरूप २ को कल्पना किया। क्योंकि उस का वर्ग ४ करने

से समीकरण के समयः उन तुल्य रूपों का नाश हो जायगा। इसिजिये 'रूपपदेनान्वित: कल्प्यः' यह कहा है। श्रीर इष्टाङ्क से गुणित अन्य वर्गा नी ७ में इष्टाङ्क रूप गुग्रक ७ ऐसा कल्पना किया कि, जिस में वर्गात्मक तृतीयपत्त नीव ४६ नी २८ रू ४ द्वितीयपत्त का ७ रू ४ के साथ समीकरण करने से नि:शेष होवे । जैसा-न्याद्यपत्त शेष नीव ४६ नी २८ में; अवंयक्त शेष का ७ का भाग देने से निरप्र लिबिध नीव ७ नी ४ आती है। इस से अभिन्न मान होगा। यहाँ जिस ऋडू का वर्ग हर ७ का भाग देने से निःशेष होता है, वह इप्टाङ्क ७ कल्पना किया गया है। स्रोर दूसरे पत्त का स्रव्यक्त शेष का ७ त्रालाप विधि से हर गुणित वर्ण के तुल्य होता है, इसिलये 'हरमका यस्य कृति: शुध्यति—' यह कहा है। स्त्रीर कल्पित तीसरे पत्त का मूल खराडद्वयात्मक नी ७ रू २ है, उसके वर्ग करने में, तीन खरड होते हैं - नीव ४६ नी २८ रू ४ अर्थात् अन्त्य नी ७ का वर्ग नीव ४६ पहला खराड, नीलक ७ त्रौर रूप २ इन का दूना घात नी २८ दूसरा, और रूपवर्ग ४ बीसरा । यहाँ पहला खराड नीव ४६ हर ७ का भाग देने से नि:शेष ही होगा, क्यों कि 'हर्रभक्ता यस्य कृति:-ऐसा कहा है। ऋौर दूसरा खरड नी २ ८ रूपपदं २ ऋौर २ से गुणित इष्टाङ्क ७ है, इसलिये 'शुध्यानि सोऽपि द्विरूपपद्गुियातः' यह कहा है। इष्टाङ्क, रूपपद ऋौर दो इन के घान में इष्टाङ्क का भाग देने से, लब्ध रूपपद और दो इन का घात त्याता है, वह नि:शेष ही है। इस युक्ति से तीसरे पत्त के मूल का पहले पत्त के मूल के साथ समीकरण करने से, राशिज्ञान होना उचिन है। क्यों कि वे तीनों पत्त आपस में समान है।

त्र्रंब 'त यदि पदं रूपाणां –' इस सूत्र खगड की व्याप्ति दिखलाने के लिये उदाहरण—

राशि या १ का वर्ग ३० से ऊन करने से याव १ रू ३० हुन्त्रा यह ७ के भाग देने से शुद्ध होता है इसिलये हर ७ ऋौर किएत स्निब्ध १ का चात का ७ भाज्य के तुल्य हुन्त्रा।

याव १ का ० **रू** ३० यात्र ० का ७ **रू** ० समशोधन से हुए—— याव १ का ० क ० ° याव ० क: ७ क ३०

पहले पत्त का मूल या १ आया, दूसरे पत्त में का ७ रू ३० हर भक्ता यस्य कृतिः' इसके अनुसार किया करनी चाहिये। वहाँ रूप ३० के स्थान में मूलाभाव है। अब हार ७ तष्टित रूप २ में दूना हर २×७=१४ जोड़ देने से १६ हुआ। इसका मूल ४ आया, यह रूपपद हुआ। और इष्ट ७ का वर्ग ४६ हर ७ के भाग देने से शुद्ध होता है, वह ७ इष्टाङ्क है, दूना करने से १४ हुआ। रूपपद ४ से गुयाने से ४६ हुआ। इसमें भी हर ७ का भाग देने से निःशेषता होती हैं। इसलिये इष्ट ७ से, अन्य वर्ण नीलक गुया देने से नी ७ हुआ। इसमें रूपपद ४ जोड़ने से नी ७ रू ४ हुआ। यह किएत तीसरे पत्त का मूल है। अब इसके वर्ग का, दूसरे पत्त के साथ समीकरण करने के लिये न्यास—

का ७ नीव ० नी ० रू ३० का० नीव ४६ नी ४६ रू १६

समशोधन से कालक का मान अभिन्न नीव ७ नी द ह रें आया। अब किएत तृतीय पद्म नी ७ ह ४ का आद्यपद्मीय मूल या १ के साथ समीकरण करने से यावत्तावन्मान अभिन्न नी ७ ह ४ आया। नीलक का मान व्यक्त १ मान कर, उत्थापन देने से राशि ११ आई। इसी भाँति, कालकमान नीव ७ नी द ह रें में उत्थापन देते हैं—नीलकमान १ का वर्ग १ हुआ ७ से गुण्यने से ७ हुआ, इस में अप्रगुण मान द×१= द जोड़ने से १५ हुआ, इस में २ घटा देने से १३ कालक का मान आया।

त्रालाप—राशि ११ के वर्ग १२१ में ३० घटा कर शेष ६१ में ७ का भाग देने से शुद्धि होती है त्रौर जिटिध १३ कालकमान १३ के तुल्य आती है।

उप्पात्त-

यदि दूसरे पन्न के रूपों का मूल न त्रात। हो तो, उन में इस भाँति इष्ट्रगुगित हर जोड़ना कि जिस में वर्गरूप हो जार्वे जैसा-प्रकृत खदाहरण में, दूसरा पक्त का ७ रू ३० है। यहाँ रूप ३० हर ७ से तिष्ठत करने से २ रहा, इस मा होगुण हर १४ जोड़ देने से १६ हुआ, यह वर्ग दूने हर से ऊन ३०-१४=१६ रूप के तुल्य है। अब इसके मूल ४ को यदि रूप ४ कल्पना करें तो, उस के वर्ग १६ का, दूसरे पक्त के रूप ३० के साथ समशोधन करने से शेष १४ रहता है, यह दूने हर के तुल्य है। तब उस में अञ्चल शेष हर ७ का भाग देने से, इष्ट २ लिडिंघ मिलेगी और शेष का अभाव होगा। इस माँति यहाँ पर भी, मान आभिन्न सिद्ध होता है। यदि 'वर्ग इष्ट अङ्क से गुणित, क्षेप से युन वा ऊन और हर से भाजित नि:शेष होता है' ऐसा आलाप हो तो, इष्टाङ्क गुणित हर को, दितीय वर्णाङ्क कल्पना करना। इस प्रकार उक्त रीति से उदिष्ट सिद्धि होगी।

उदाहरणम्-

षड्भिरूनो घनः कस्य पञ्च भक्तो विशुध्यति। तं वदाशु तवालं चेदभ्यासो घनकुट्टके ॥६६॥

अत्र राशिः या १ अस्य यथोक्तं कृत्वाद्य-पक्षस्य घनमूलं या १ परपक्षस्यास्य काघ ५ रू ६ 'हरभक्तो यस्य घनः शुध्यति सोऽपि त्रिरूपपदगुणितः—' इत्यादि युक्तवा नीलक-पञ्चकस्य रूपषट्काधिकस्य घनेन साम्यं कृत्वा प्राग्वजातो राशिः सक्षेपः नी ५ रू ६ उत्थापने कृते जातो राशिः ६। वा ११।

त्रथ घनकुट्टके क्रियादर्शनार्थमुद।हरणमनुष्टुभाह—पर्भि-रिति । कुट्टको हि गुण्विशेष इत्युक्तं माक् । स इह घनरूपोऽस्ति - यथा पूर्विस्मिन्तुदाहरणे वर्गरूपः, अत्र कुट्टकविकयासाम्यात् 'वर्ग-कुट्टकः' 'घनकुट्टकः' इति कथ्यते । अन्वर्थेयं संज्ञा ॥

उदाहरया-

वह कौन राशि है, जिस के घन में छः घटा कर, पांच का भाग देने से नि:शेष होती है।

राशि या १ का घन याघ १ छ से ऊन याघ १ रू दें पांच का भाग देने से शुद्ध होता है, इसिलये हर ५ और किल्पत लिब्ध का १ का यात भाज्य के तुल्य हुआ

याघ १ का ० रू ६ याघ ० का ५ रू ० समशोधन से हुए—— याघ १ का ५ रू ६

पहले पत्त का घनमूल या १ आया और दूसरे पत्त का घनमूल नहीं आता इसिक ये हरभक्को यस्य घन: ग्रुध्यति—' इसके अनुसार किया करनी चाहिये। वहां रूप ६ का भी घनमूल नहीं आता तो, अब हार ४ से तष्टित रूप १ में तेतालीस सेगुियत हार ४३×४= २१४ को जोड़ने से २१६ घनमूल ६ आया, यह रूपपद हुआ। और इष्ट घन १२४ हर ४ के भाग देने से शुद्ध होता है, तथा इष्ट ४ तीन ३ और रूपपद ६ से गुणा ६० हर ४ के भाग देने से शुद्ध होता है, इसिक ये इष्ट ४ से अन्य वर्ष नी १ गुणा देने से गि ४ हुआ। रूपपद ६ जोड़ने से नी ४ रू ६ हुआ। इसको तीसरे पत्त के मूल स्थान में कल्पना किया। अब इसके घन का दूसरे पत्त के साथ साम्य के किये न्यास—

का ४ नीव ० नीव ० नी ० रू ई का ० नीघ १२४ नीव ४४० नी ४४ २१ई समशोधन से हुए—

का ४

का ० नीव १२४ नीघ ४४० नी ४५० रू २१०

उक्तवत् कालक का मान अभिन्न नीच २४ नीव ६० नी १०८ क ४२ आया। और कल्पितमूल नी ४ क ६ का पहले पत्त के मूल या १ के साथ, समीकरण करने से यावत्तावनमान नी ४ क ६ आया। नीलक में एक का उत्थापन देने से राशि ११ आई। इसी माँति, कालक मान 'नीच २४ नीव ६० नी १०० क ४२' में नीलक का व्यक्तमान १ मान कर, उत्थापन देने से व्यक्त कालकमान २६४ हुआ।

त्रालाप—राशि ११ के घन १३३१ में ६ घटा कर १३२४ उस में ४ का भाग देने छे, लब्धि २६४ कालक मान के तुल्य मिली।।

उदाहरणम्—

यहर्गः पञ्चभिः क्षुग्णिस्त्रयुक्तः षोडशोदृतः। शुद्धिमेतितमाचद्वदक्षोऽसि गाणितेयदि१००

अत्र राशिः वा १ अस्य यथोक्नं कृत्वाद्य-पक्षमूलम् या ५ परपक्षस्यास्य का ८० रू १५ 'हित्वा क्षिप्त्वा च पदं यत्र—' इत्यादि-नाप्यत्रालापित एव हरः स्थाप्यः, रूपाणि तु शोधनादिसिद्धानीति तथा कृते जातम् का १६ रू १५ अमुं नीलकाष्टकस्य सैकस्य वर्गेण समं कृत्वातं कालकमानमभिन्नं नीव ४ नी १ रू १, किष्पतपदं नी ८ रू १ इदमाद्यस्यास्य या ५ समं कृत्वा कुष्टकाञ्चव्धंयावत्तावन्मानम् पी ८ रू ५ उत्थापिते जातो राशिः १३ । अथवा ऋणरूपेणाधिके नीलाष्टके किष्पते सति लब्धं यावत्तावन्मानम् पी द रू ३ ।
एवं 'वर्गप्रकृत्या विषयो यथा स्यात्तथा
सुधीमिर्बहुधा विचिन्त्यम्' इत्यस्य प्रपन्नो
बहुधा दर्शितः तथा वर्गकुटकेऽपि किंचिद्दर्शितम् । एवं बुद्धिमद्भिरन्यद्पि यथासंभवं योज्यम् ॥

इति श्रीभास्करीये बीजगणितेऽनेकवर्ण-सम्बन्धिमध्यमाहरणभेदाः॥

अथ 'हत्वा चिप्त्वा च पदं—' इत्यादेव्याप्ति दर्शयितुमुदा-इरणमनुष्टुभाइ—यद्वर्ग इति । स्पष्टार्थमेतत् । इति द्विवेदोपाख्याचार्यश्रीतरपूपसादसुतदुर्गाप्रसादोत्रीते गीज-विलासिन्यनेकवर्णमध्यमाहरणभेदाः ॥

उदाहरया— वह कौन राशि है, जिस का वर्ग पांच से गुया, तीन से जुड़ा और सोलह से भाजित ग्रुद्ध होता है।

राशि या १ का वर्ग यात्र १ पश्चगुण और त्रियुत यात्र ४ रू ३ हुआ, यह १६ के भाग देने से शुद्ध होता है, इसिलये हर १६ और जिब्ध का १ का बात भाज्य के तुल्य हुआ—

यात ४ रू ३ का १६ रू ० समशोघन से हुए—— यात ४ रू ० का १६ रू ३ ४ से गुगाने से हुए——

याव २४ **रू ०** का 二० **रू** १ ५

पहले पत्त का मूल वा ४ आया । दूसरे पत्त का ८० रू १५ में मूल तथा रूपपद का अभाव है, इसिलये वहाँ पाठपठित हर का १६ लिया और रूप शोधनादि सिद्ध १५ प्रहण किया । इस माँति, दूसरे पत्त का स्वरूप 'का १६ रू १५' हुआ । यहाँ हार १६ से तिष्ठत किये हुए रूप १५ में हर १६ जोड़ देने से १ शेष रहा, इसका मूल १ रूपपद है। और इष्ट द का वर्ग ६४ हर १६ के भागने से शुद्ध होता है तथा वहीं अंक द दो और रूपपद १ से गुणा १६ हर १६ के भाग देने से शुद्ध होता है। इसिलये उस इष्ट द से अन्य वर्गा नी १ को गुण कर, उस में रूपपद १ जोड़ कर, दूसरे पत्त के मूलस्थान में कल्पना किया। अब इसके वर्ग का दूसरे पत्त का १६ रू १५ के साथ साम्य के लिये न्यास—

का १६ नीव ० नी ० रू १५ं का० नीव ६४ नी १६ रू १ समशोधन से हुए— का १६ नीव ० नी ० रू ० का ० नीव ६४ नी १६ रू १६

डक रांति से कालक मान नीव ४ नी १ क १ स्त्राया। किल्पितः मूल नी द क १ का पहले पत्त के मूल या ४ के साथ समीकरण करने से, यावत्तावत् का मान भिन्न नी द क १ स्त्राया। इसका स्त्रामिन्न मान जानने के लिये कुट्टक के लिए न्यास—

भा० ⊏ । चे ० १ वल्ली १ हा० ४ ।

* 9 9

उससे दो राशि ३ । २ वल्ली के विषम होने से, अपने अपने हार में शुद्ध करने से लिब्ध ४ और गुण ३ हुआ। लिब्ध भाजकवर्ण यावचावत् का मान श्रौर गुण नीलक का मान हुआ। पीतक १ इष्ट मानने से 'इष्टाहत—' इस के त्र्रानुसार सच्चेप हुए—

पी द रू ४ यावत्तावत् पी ५ रू ३ नीलक

पीतक में शून्य का उत्थापन देने से यावत्तावन्मान 🗶 आया, यही राशि है। वा, पीतक में एक का उत्थापन देने से राशि १३ आई। यहाँ कालक मान में उत्थापन देने से, वह जिंच के तुल्य नहीं आता श्रीर दूसरे पत्त का कल्पितमूल के साथ साम्यकिया भी संदिग्ध है, क्यों कि हर पाठपाठित चौर रूप शोधनादि सिद्ध प्रह्या किये गये है। इसिनये अब असंदिग्ध कहते हैं-

राशि या १ वर्ग पञ्चगुरा स्रौर त्रियुत भाज्य याव ५ रू ३ हुस्रा, यह १६ के भाग देने से निरप्र होता है। इसिलये हर १६ ऋौर किएत क्ति कालक का पश्चमांश का भू इन का घात भाज्य के तुल्य हुआ-

याव ४ का ० र ३ याव ० का -पूर् रू ० समच्छेद और छेदगम से हुए-थान २५ का ० रू १५ याव ० का १६ रू ०

समशोधन से हुए-

याव २५ का ० रू ० याव ० का १६ रू १५

यह जो पत्त का मूल या १ आया, दूसरे पत्त का १६ र १५ में पहला खराड पाठपठित हर के तुल्य है ऋौर दूसरा शोधनादि सिद्धरूप के तुल्य है। यहाँ उक रीति के ऋतुसार, यावत्तावन्मान पी ८ रू ४ काइनक मान नीव ४ नी १ रू और नीजक मान पी ५ रू ३ आया। यावत्तावत् त्र्यौर नीक्षक के मान में पीतक में शून्य से उत्थापन देने सेट्यानलात्रद्धानी Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

मान ३ से कालकमान नीव ४ नी १ क १ में उत्थापन देने में, व्यक्तः कालक मान ४० त्राया । इस में हर ४ का भाग देने से लिंडिय का प्रमाशा = मिला । जैसा—यावत्तावनमान ४ के तुल्य राशि ४ के वर्ग २४ को ४ से गुगा कर उसमें ३ जोड़ देने से १२ = हुत्रा, इस में हर १६ का भाग देने से वहीं = लिंडिय त्राती हैं।

'त्रालापित एव हर:' ऐसा जो नियम किया है, वह लाघव के लिये है अन्यथा शोधनादि सिद्ध हर से भी वही वात सिद्ध होती है। जैसा— एक रीति के अनुसार पत्त हुए—

याव ४ का ० स ३

समशोधन करने से—— यात ४ का ० रू ० याव ० का १६ रू ^ई ४ से गुण्ने से——

याव २ १ का ० रू १ प्रे।

पहले पत्त का मूल या ४ त्राया, दूसरे में गुरा से गुरात हर, रूप है। स्रव, हा द्वा तष्ट रूप १५ में त्रिगुगा हर २४० जोड़ने से २२४ इस का मृल १४ रूपपद हुन्नां। इष्ट ४० का वर्ग १६०० हर द्वा का भाग देने से शुद्ध होता है तथा इष्ट ४० दो से न्नीर रूपपद १४ से गुरा हर द्वा के भाग देने से शुद्ध होता है। स्रव इष्टाङ्क ४० से स्वन्य वर्गा नी १ को गुरा कर, उसमें रूप १४ जोड़ ने से, किल्पत मूल नी ४० रू १४ हुन्ना। इस के वर्ग का दूसरे पत्त के साथ साम्य के लिये न्यास—

का द्रां नीव ० नी ० क्र १५ं का ० नीव १६०० नी १२०० क् २२४ समशोधन करने से—

का ८० नीव ० नी ० रू ० CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Çelleçtion. नीवारंट्य by eGangoriy ० उक्त रित से कालकमान श्राभित्र नीव २० नी १४ रू ३ श्राया। श्रीर किल्पत मूल नी ४० रू १४ का आद्यपत्त के मूल या १६ के साथ साम्य करने से यावत्तावनमान नी ८ रू ३ श्राया। नीलक में शून्य ० का उत्थापन देने से राशि ३ हुई। श्रीर कालक मानान्तर्गत नीव २० नी १४ रू ३' नीलक वर्गा में शून्य ० का उत्थापन देने से कालक मान ३ श्राया श्रीर नीलकमान १ मानने से यावत्तावनमान ११ श्रीर कालक मान ३८ श्राया।

अथवा 'तेनाहतोऽन्यवर्गों रूपपर्नान्वितः कल्प्यः' इस स्थान में 'स्वमूजे धनर्थों' इस के अनुसार, रूपपद अनुसा प्रहर्ण किया नी ४० रू १५ं, इस के वर्ग का, दूसरे पत्त के साथ समीकरण करने से, कालकमान 'नीव २० नी १५ं रू ३' आया । और कल्पितमूज नी ४० रू १५ं का आद्यपत्त के मूज या ४ के साथ साम्य करने से, यावत्तावनमान नी द्र रू ३ आया। नीजक में १ का उत्थापन देने से यावत्तावनमान ४ और कालक मान द्र आया।

श्रनेकवर्णमध्यमाहरण समाप्त— दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मिताच्चरे । पूर्ति गतानेकवर्णमध्यमाहरणक्रिया ।। अथं भावितं तत्र सूत्रं हत्तम्—

मुक्त्वेष्टवर्णं सुधिया परेषां

कल्प्यानि मानानि तथेप्सितानि।

यथा भवेद्घावितभङ्ग एवं

स्यादाद्यबीजिकययेष्टसिद्धिः॥ ८६॥

यत्रोदाहरणे वर्णयोर्वर्णानां वा वधाद्मावितमुच्यते तत्रेष्टं वर्णमपहाय शेषयोः शेषाणां वा
वर्णानामिष्टानि व्यक्तानि मानानि कृत्वा तैस्तान् वर्णान् पक्षयोरुत्थाप्य रूपेषु प्रक्षिप्यैवं
भावितभङ्गं कृत्वा प्रथमबीजिकयया वर्णमानमानयेत्॥

अथ भावितं च्याख्यायते-

अथ क्रमभाप्तं भावितसंज्ञमनेकवर्णविशेषमुपजातिकयाह-मुक्केति। स्पष्टार्थिमिदं विद्यतं चापि प्रनथकारैः।।

भावित ।

अत्र क्रमप्राप्त भावित नामक अनेकत्रर्ण के विशेष का निरूपण करते हैं—

जिस उदाहरण में दो वा, श्रानेकवर्ण के घात से भावित उत्पन्न हो, वहां पर इष्ट वर्ण को छोड़ कर श्रीर वर्णों के ऐसे श्रामिमत व्यक्तमान कल्पना करना कि जिस में भावित का भङ्ग श्राथात् नाश हो। श्रीर दोनों पत्तों के वर्णों में उन व्यक्तमान से उत्थापन देना फिर एकवर्ण समीकरण की राित के श्रानुसार इष्ट्रसिद्धि होगी।।

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

उदाहरणम्— चतुस्त्रिगुणयो राश्योः संयुतिर्द्वियुता तयोः। गशिषातेन तत्था स्यानी सामी वेदिन नेतन

राशिघातेन तुल्या स्यानी राशी वेत्सि चेद्रद् ॥ अत्र राशी या १। का १ अनयोर्थथोक्ने कृते जाती पक्षी

या ४ का ३ रू २ या का भा १

एवं भाविते जाते 'मुक्त्वेष्टवर्णे—' इत्यादिसूत्रेण कालकस्य किलेष्टं रूपपञ्चकं मानं
किलेपतं तेन प्रथमपक्षे कालकमुत्थाप्य रूपेषु
प्रक्षिप्य जातम् या ४ रू १७ द्वितीयपक्षे
या ५ त्र्यायोः समशोधने कृते प्राग्वल्लव्धं यावतावन्मानम् १७ एवमेती जाती राशी १५।५
त्रथवा षट्केन कालकमुत्थाप्य जाती
राशी १०। ६ एवमिष्टवशादानन्त्यम्॥

उदाहरया— जिन दो राशियों का चार ऋौर तीन से गुणित योग, दो से युक्त उन के घात के तुल्य होता है, वं दो कौन राशि हैं।

चार झौर तीन से गुणित राशियों या ४ का ३ का, योग दो से जुड़ा या ४ का ३ क २ उन के घात के तुल्य हुआ--

या ४ का ३ रू २

या का भा १

समशोधन से पक्त ज्यों के त्यों रहे। यहाँ आद्य पक्त में दो वया है, उनमें से पहले वर्या यावत्तावत् को छोड़कर, दूसरे कालक वर्या का व्यक्तमान ४ कल्पना किया। फिर १ कालक का ४ व्यक्तमान, तो ३ का क्या ? १४ हुआ, इसमें रूप २ जोड़ने से आद्यपत्त का स्वरूप या ४ रू १७ हुआ, और कालक मान ४ को पहले राशि या १ से गुया देने से दूसरे पत्त का स्वरूप या ४ हुआ। इनका समीकरया के लिये न्यास—

या ४ रू १७

चक्तवत् यावत्तावन्मान १७ आया और कालकमान ४ व्यक्त ही कल्पना किया था। इस भाँति राशि १७ । ४ हुई । कालकमान ६ मानने से उक्त रीति के अनुसार राशि १० । ६ हुई ॥

उदाहरणम्-

चत्वारो राश्यः के ते यद्योगो नखसंगुणः। सर्वराशिहतेस्तुल्यो भावितज्ञ निगद्यताम्॥

श्रत्र राशिः या १ शेषा दृष्टाः ५।४।२।श्रतः प्रथमबीजेन लब्धं यावत्तावन्मानम् ११। एवं जाता राशयः ११।५।४।२।वा २८।१०। ३।१।वा ५५।६।४।१।वा ६०।८।३। १। एवं बहुधा॥

उदाहरण-

वे चार कौत राशि हैं, जिन का योग वीस से गुणित उन के वात

पहली तारिमा सामा कार्डे क्यों कार्योव सामित का it मानिए स्टब्स किल्पना

किया ४ । ४ । २ इनका योग या १ रू ११ वीस से गुगा या २० रू २२० सर्वराशि-घात या ४० के तुल्य है—

> या २० रू २२० या ४० रू०

समशोधन से पहली राशि का मान ११ ऋाया। और राशियों का मान व्यक्त कल्पना किया उन का क्रम से न्यास ११। ४।४। २। इसी भाँति शेष राशि १०।३।१ वा ६।४।१ वा ८।३। कल्पना करने से पहली राशि २८ वा ४४। वा ६० हुई।।

उदाहरणम्-

यो राशीकिल या च राशिनिहितयों राशि-वर्गों तथा तेषामैक्यपदं सराशियुगलं जातं त्रयोविंशितः। पञ्चाशित्त्रयुताथवा वदं किय-त्रद्राशियुग्मं एथक् तच्चाभिन्नमवेहि वत्स गणकः करत्वत्समोरित क्षितो १०३॥

अत्र राशी या १। रू २। अनयोर्घातयुति-वर्गाणां योगः याव १ या ३ रू ६ इमं राशि-योगोनत्रयोविंशतेः या १ रू २१ वर्गस्यास्य

^{?.} ज्ञानराजदेवज्ञाः—
ग्रयोगी वियुतिर्युतिश्च निहितस्तद्धकृतिस्तद्युतिग्रयोगी वियुतिर्युतिश्च निहितस्तद्धकृतिस्तद्युतिस्तन्मूलं सममूत्सराशियुगलं सप्ताधिका विशितिः।
योगो युग्मयुगन्नयोः शशियुतः स्याद्गाशिघातोन्मित—

CC-0स्तीपाशीश्रयः शाक्षविद्युतंमद्वेतस्व विदिस्त चेत् ॥ ग्रशी ६,४ । ग्रारी ७,४ ॥

CC-0स्तीपाशीश्रयः शाक्षविद्युतंमद्वेतस्व विदिस्त चेत् ॥ ग्रशी ६,४ । ग्रारी ७,४ ॥

याव १ या ४२ं रू ४४१ समं कृत्वा लब्धं यावत्तावन्मानम् है एवमेती राशी है । २। अथवा राशी या १। रू ३। अतः प्राग्वजाती राशी है । ३।

अथ हितीयोदाहरणे राशी या १। रू २। अनयोघीतयुतिवर्गाणां योगः याव १ या ३ रू ६ अमुं राशिद्धयोनित्रिपञ्चाशहर्गस्यास्य याव १ या १०२ रू २६०१ समं कृत्वा प्राग्व-जातो राशी एवं। २। वा ११। १७। एव-मेकिसन् व्यक्ते राशो किएते सित बहुना-यासेनाभिन्नो राशी ज्ञायेते।।

त्रथ शिष्यवुद्धिमसारार्थमन्यदुदाहरणद्वयं शार्दूलविक्रीडिते-नाह—याविति । स्पष्टार्थमेतत् ॥

चदाहरण-

वे दो राशि कौन है, जो राशि और उन का घात तथा वर्ग के योग मूल में वे ही दो राशि जोड़ देने से, तेईस अथवा तरेपन होते हैं।

कल्पना किया पहली राशि या १ और दूसरी व्यक्त २ ह । इन का घात या २ हुआ और इन के वर्ग याव १ । रू ४ अब राशि या १ । रू २ । घात या २ और इन के वर्ग याव १ । रू ४ का योग 'याव १ या ३ रू ६' हुआ। । इस के मूल में दो राशि जोड़ देने से तेईस होते हैं, तो विलोमविधि के अनुसार, दोनों राशि या १ । रू २ के योग को २३ में घटा देने से, शेष वा १ रू २१ रहा, इसका वर्ग याव १ या ४ र रू ४४१ पहले योग के तुल्य है, इसिंतिये समीक्रया के लिये न्यास—

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

याव १ या ३ रू ६ याव १ या ४२ रू ४४१

समशोधन से यावत्तावत् का मान र ४३४ पंद्रह के अपवर्तन देने

से रेड हुआ। यह पहली राशि है और दूसरी व्यक्त रहे। यदि दूसरी राशि ३ कल्पना करें, तो पहली राशि है है आई। इसी माँति यदि दूसरी राशि का मान व्यक्त ४ कल्पना करें, तो पहली राशि ७ हुई।

दूसरे उदाहरणां में, या १। रू २ राशि हैं, इनका घात या २ हुआ, और इन के वर्ग याव १। रू ४ अब राशि या १। रू २ इनके घात या २ और वर्ग याव १। रू ४ का योग, याव १ या ३ रू ६ हुआ, इसके मूल में, वे दो राशि जोड़ देने से तरेपन होते हैं, तो विलोम-विधि के अनुसार ४३ में दोनों राशि के योग या १ रू २ को घटा देने से शेष या १ रू ४१ रहा, इस का वर्ग याव १ या १०२ रू २६०१ पहले योग के तुल्य है, इसिंवें समीकरणा के किये न्यास—

याव १ या ३ रू ६ याव १ या १०२ रू २६०१

समशोधन से यावत्तावन्मान रू २४६४ में १४ का अपवर्तन देने से

पहली राशि के हुई श्रोर दूसरी २ है। इसी माँति, यदि दूसरी गाशि का मान व्यक्त १७ कल्पना करें तो पहली राशि ११ श्रामित्र त्राता है। इस प्रकार, एक राशि का व्यक्तमान मानने से, बड़े प्रयास से श्रमित्र राशि जानी जाती है।

अथ तो यथाल्पायासेन भवतस्तथोच्यते— तत्र सूत्रं सार्धरुत्तद्वयम्— भावितं पक्षतोऽभीष्टात्त्यक्त्वा वर्णो सरूपको॥ अन्यतो भाविताङ्केन ततः पक्षो विभज्य च। वर्णाङ्काहतिरूपेक्यं भक्षेष्ठेनेष्ट तत्फले ॥ ८८॥ एताभ्यां संयुतावूनों कर्तव्यों स्वेच्छया च तो। वर्णाङ्कवर्णयोमीने ज्ञातव्ये ते विपर्ययात् ८९॥

समयोः पक्षयोरे करमाद्वावितमपार्यान्यतो वर्णो रूपाणि च ततो भाविताङ्केन पक्षावप-वर्त्य द्वितीयपक्षे वर्णाङ्कयोघातं रूपयुतेन केन-विदिष्टेन विभज्य तदिष्टं तत्फलं च हे अपि वर्णाङ्काभ्यां स्वेच्छया युक्ते सती वर्णयोमाने विपर्ययेण ज्ञातव्ये, यत्र कालकाङ्को योजि-तस्तद्यावत्तावन्मानम्, यत्र यावत्तावदङ्कस्त-त्कालकमानमित्यर्थः । यत्र तु इयत्तावशादेवं कृते सत्यालापो न घटते तत्रेष्टफलाभ्यां वर्णा-ङ्कावूनितौ व्यत्ययान्माने भवतः ॥

अथ यथाल्पायासेनैव राशिमानमिनं सिध्यति तथा सार्धातु-ण्डुब्द्रयेनाइ-मावितमिति ॥ अस्यार्थ आचार्यरेव व्याख्यातः ॥

श्रव श्रलप प्रयास से श्रीमन्न राशि ज्ञान की रीति कहते हैं-

तुलय दो पत्तों में से, अभीष्ट एक पत्त में, भावित को घटा कर, दूसरे पत्त में सरूप वर्णा को घटा देना और पत्तों में भाविताङ्क का भाग देकर वर्णाङ्कघात और रूप के योग में इष्टाङ्क का भाग देना और इष्टाङ्क तथा इष्टभक्क फल को दो स्थान में रखना उन (इष्ट-फल) को वर्णाङ्क में अपनी इच्छा से जोड़ या घटा देने से वे व्यत्यय से वर्णों के मान होंगे। अर्थात् जहां कालक वर्णाङ्क जोड़ा गया है, वहां पर यावत्तावत्

का मान होगा त्रौर जहां यावत्तावद्वर्णाङ्क जोड़ा गया है, वहां कालक

अथ प्रथमोदाहरणम्—' चतुस्तिगुणयो राश्योः संयुतिर्द्धियुता तयोः । राशिघातेन तुल्या—' इति । तत्र यथोक्ने कृते पक्षी

या ४ का ३ रू २

वर्णाङ्काहतिरूपेक्यम् १४ एतदेकेनेष्टेन हतं जाते इष्टफले १।१४। एते वर्णाङ्काभ्यां ४।३ स्वेच्छया युते जाते यावत्तावत्कालकमाने ४। १८ वा १७।५ द्विकेन जाते ५।११ वा ।१०।६।

'चतुिक्षगुणयोः—' इस पहिले उदाहरण के अनुसार तुल्य पद्म हुए— या ४ का ३ रू २ या का भा १

यहां वर्णाङ्क ४ । ३ घात १२ हुआ इस में रूप २ जोड़ने से १४ हुआ । इस में इप्ट १ का भाग देने से फल १४ आया । अब इप्ट १ और फल १४ कम से वर्णाङ्क ४ । ३ में जोड़ देने से कालक का मान ४ और यावतावत् का मान १७ आया । अथवा, इप्ट १ और फल १४ को कालक यावतावद्वर्णाङ्क ३ । ४ में जोड़ने से, उन के मान ४ । १८ हुए । इसिलिये 'एताभ्यां संयुतावूनों कर्तव्यों स्वेच्छ्या च तों यह कहा है । अथवा, वर्णाङ्क घात १२ और रूप २ के योग १४ में इप्ट २ का भाग देने से, फल ७ आया । अब इप्ट २ और फल ७ को कालक और यावत्तावत् के अङ्क ३ । ४ में जोड़ देने से यावत्तावत् और कालक के मान ४ । ११ हुए ।

भावितोपपत्ति—

समान पत्तों में समान ही घटाने से उन का समानत्व नष्ट नहीं होता, इसिलिये पत्तों में भावित समान घटाया है, फिर पत्तों में अन्यपत्त समान घटाया है। इस प्रकार, पत्त भावित के समान होगा। यिद भावित किसी अङ्क से गुियात हो तो उस भावितां के का पत्तों में भाग देकर, पत्त को भावित के समान बनाना। फिर राशि जानने के लिये यावत्तावत् और कालक राशि कल्पना किया तथा अन्यकों के अङ्क को क्रम से य और क मान लिये, तब पत्त भावित के समान हुआ

या. य १ का. क १ रू १

या का भा १

'आदं वर्गी शोधयेदन्यपचात्—' के ऋनुसार शोधन करने से—

का. क १ रू १

ग्रथवा---

का. क १ रू १ या (का १ य ^१) अपवर्तन देने से—

का क १ रू १ = या १

४१ है हिंदी भाग देने से— 3 ४३ मध्य ४ ४ जाएक हिंद

काश्यरें) का.कर्रुश (कर् क. यर्रुश का.कर्कः यरें कार्यरें

क.य१ रू१

कल्पना किया-

क.य१ रू १ का १ य १ = इष्ट ।

वर्गाङ्काहतिरूपैक्य=क.य१ रू १ = फ. इ।
यहां कालकाङ्क तुल्य क में फल को जोड़ देने से, यावत्तावत् कः

\$.15 pingulant asserted

मान सिद्ध होता है श्रीर इष्ट में यावत्तावत् श्रद्ध के तुल्य य को जोड़

या १ = क १ फ १। का १ = इ १ य १

यदि इष्ट श्रीर फल भृया हों तो, उन का घात घन होगा। उस अवस्था में भृया इष्ट तथा फल से वर्णाङ्क को युक्त करने से उन का श्रान्तर होगा—

या १ = क १ फ १ं। का १ = य १ इ १ं

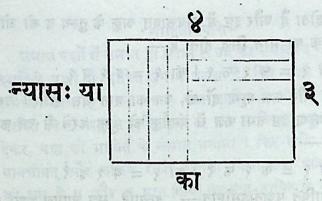
इससे 'भावितं पत्ततोऽभीष्टात्—' इत्यादि सूत्र उपपन्न हुत्रा। यह उपपत्ति श्री ६ वापुदेवशाखिकृत है। यहां त्राचार्योक्त उपपत्ति संप्रदायाविच्छेद से गड़बड़ हो गई है।

अस्योपपात्तः-

सा च द्विधा सर्वत्र स्यात् । एका क्षेत्रगता अन्या राशिगतेति । तत्र क्षेत्रगतोच्यते— द्वितीयपक्षः किल भावितसमो वर्तते भावितं त्वायतचतुरस्रक्षेत्रफलं तत्र वर्णी भुजकोटी

न्यास	ः या १	
沙乡市	वं फालाकेतरवास	THE
	FIGHTERS	का १
	- sessestand	J PI

अत्र क्षेत्रान्तर्यावचतुष्ट्यं वर्तते कालकत्रयं हे रूपे।अतः क्षेत्राद्यावत्तावचतुष्ट्ये रूपचतुष्ट्ये योने कालके स्वाङ्कगुणे चापनीते जातम्



दितीयपक्षे च तथा कृते जातम् १४ एतद्रावितक्षेत्रान्तर्वर्तिनोऽवशिष्टक्षेत्रस्याधस्तनस्य फलं तडुजकोटिवधाजातं ते चात्र ज्ञातव्ये। अत इष्टो भुजः किएतस्तेन फलेऽस्मिन्
१४ भक्ते कोटिर्लभ्यते अनयोभुजकोट्योरेकतरा यावत्तावदङ्कतुल्ये रूपे ४ रिधकतरा
सती भावितक्षेत्रस्य कोटिर्भवति यतो भावितक्षेत्रस्य यावत्तावच्चतुष्टयेऽपनीते तत्कोटिश्चतुरूना जाता एवं कालकतुल्ये रूपे ३ रिधकतरो भुजो भवति त एव यावत्तावत्कालकमाने।

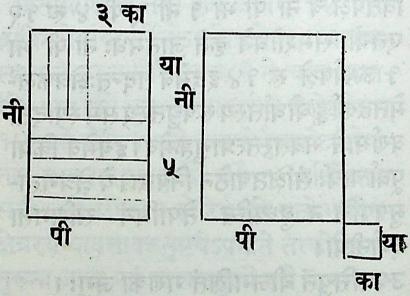
अथ राशिगतोपपत्तिरुच्यते-

सापि क्षेत्रमूलान्तर्भूता तत्र यावत्तावत्का-लकभुजकोटिमानात्मकक्षेत्रान्तर्गतस्य लघु-क्षेत्रस्य भुजकोटिमानेऽन्यवर्णीकित्पतीनी १। थी १। अत एतयोरेकतरो यावनावदङ्क-तुल्ये रूपेरधिको बहिःक्षेत्रकोटेः कालकस्य मानमन्यः कालकतुल्ये रूपेरधिको भुजस्य यावत्तावतो मानं कल्पितम् नी १ रू ४। पी १ रू ३। श्राभ्यां पक्षयोर्यावत्तावत्कालकवर्णा-वुत्थाप्योपरितनपक्षे नी ३ पी ४ रू २६ मा-वितपक्षेच नी पी भा १ नी ३ पी ४ रू १२ एतयोः समशोधने कृते जातमधः नी पी भा १ ऊर्ध्वपक्षे रू १४ इद्मेव तद्नतःक्षेत्रफल-मेतहर्णाङ्कयोघातस्य रूपयुतस्य समं स्यादतो वर्णमाने भवतस्तत्प्रागुक्रमेव। इयमेव किया पूर्वाचार्यैः संक्षिप्तपाठेन निबद्धा। ये क्षेत्रगता-मुपपत्ति न बुध्यन्ति तेषामियं राशिगता दर्शनीया।

उपपत्तियुतं बीजगिणतं गणका जगुः। न चेदेवं विशेषोऽस्ति न पाटीबीजयोर्यतः ६०

अत इयं भावितोपपत्तिर्दिविधा दर्शिता। यत्तृक्षंवणिङ्कयोघितोरूपैर्युतो भावितक्षेत्रान्त-वितिनोऽन्यस्य लघुक्षेत्रस्य कोणस्थस्य फल-मिति तत्कचिद्न्यथा स्यात्। यथा यदा वर्णाङ्को ऋणगतो भवतस्तदा तस्यैवान्तर्भा-वितक्षेत्रं कोणस्थं स्यात् । यदा तु भावितक्षेत्रं भुजकोटिभ्यां वर्णाङ्काविषको धनगतो भव-तस्तदा भावितक्षेत्राद् बहिःकोणस्थं क्षेत्रं स्यात्तद्यथा—

न्यासः



यदीदृशं तदेष्टफलाभ्यामूनितौ वर्णाङ्कौ या-वत्तावत्कालकयोर्माने भवतः

उदाहरणम्— दिगुणेन कयो राश्योघीतेन सदृशं भवेत्। दशेन्द्राहतराश्येक्यं द्रयूनषष्टिविवर्जितम्॥ अत्र राशी या १। का १। अनयोर्यथोक्ने कृते भाविताङ्केन भक्ते जातम् या ५ का ७ रू २६ं अत्र वर्णाङ्काहतिरूपेक्यं ६ दिहतमिष्टफले २।३। आभ्यां वर्णाङ्को युतौ राशी १०।७ वा ६। वा ऊनितौ जातौ ४।३ वा ५।२॥

त्रथ त्रयाणामि धनत्वे 'चतुः स्त्रिगुणयोः—' इत्युदाहरणं भदर्शितम् । अथ यत्र वर्णाङ्कौ धनं रूपाणि ऋणं स्युस्तादश-मुदाहरणमनुष्टुभाह—द्विगुणेनेति । उत्तानाशयः ॥

उदाहरगा-

वेदो कौन राशि हैं, जिन का दूना घात श्रष्टावन से जन, दस श्रीर चौदह से गुगित उन्हीं गशियों के योग के समान होता है।

राशिया १, का १ हैं. इन का दूना घात या का भा २ । १० भीर १४ से गुग्धित या १० का १४, इन्हीं राशियों के ४८ से घटे हुए योग या १० का १४ रू ४ दें के तुल्य होता है, इसिकिये साम्य करने के जिए न्यास—

या १० का १४ रू ४६

भाविताङ्केन ततः पत्तौ विभज्य च इस के अनुसार, भाविताङ्क २ के भाग देने से हुए—

या ५ का ७ रू २६

त्रीर वर्णाङ्क ४।७ का घात ३४ हुआ, इसमें 'घनर्णयोरन्तरमेव योगः' के अनुसार, २६ जोड़ देने से शेष ६ रहा। इस में इष्ट २ का आग देने से ३ फल आया। अब इष्ट २ और फल ३ को वर्णाङ्क १४ में जोड़ देने से, व्यत्यय से उन के मान १०। ७ हुए। अथवा १६। इए। और इष्ट २ तथा फल ३ को वर्णाङ्क ४। ७ में घटा देने से व्यत्यय से उन के मान ४। ३ अथवा ४। २ हुए। उदाहरणम्— त्रिपञ्चगुणराशिभ्यां युतो राश्योर्वधः कयोः। द्विषष्टिप्रमितो जातस्तौ राशी वेत्सि चेद्रद ॥ अत्र यथोक्ने कृते जाती पक्षी या ३ का ५ रू ६२ या का भा १

वर्णाङ्काहतिरूपेक्यम् ७७इष्टतत्फले ७।११ आभ्यां वर्णाङ्की युतावेव इष्टतत्फुलाभ्यामा-भ्यां ७। ११ जनितो चोहिधीयेत तदा ऋग-गतो भवतः अत आभ्यां ७११ युतो जाती राशी ६।४ वा २।८ ऊनितौ १२ं।१४ं।१६ं।१ ं

अथ यत्र वर्णाङ्कारुणं रूपाणि तु धनं स्युस्तादशमुदादरण-मनुष्टुभाह—त्रिपश्चेति । स्पष्टोऽर्थः ॥

उदाहर्या-

वे दो राशि कौन हैं, जिन का घात त्रिगुगा तथा पञ्चगुगा राशि जोड देने से, बासठ के तुल्य होता है।

कल्पना किया या १ । का १ राशि हैं । इन का घात या का भा १ हुआ। इसमें ३ और ४ से गुणित उन राशियों को जोड देने से, या ३ का ४ याकाभा १ यह योग ६२ के तुल्य हुआ —

या ३ का ५ याकाभा १

रू ६२

'भावितं पत्ततोऽभीष्टात्—' इस सूत्र के ऋनुसार— या ० का ० याकाभा १

या उँ का ५ँ रू ६२ CC-0. Mumuk**s**hu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

वर्णाङ्कों दें। भूँ का घात घन १ ४ हुआ। इस में रूप ६ २ जोड़ देने से ७७ हुआ। इसमें इष्ट ७ का भाग देने से, फल ११ आया। अब इष्टः ७ और फल ११ को वर्णाङ्क में युक्त करना चाहिये। क्योंकि उन को यदि घटा देंगे तो, राशि श्रृण्यात आवेगी। इसिक्षये जोड़ देने से व्यत्यय से वर्णों के मान ६।४ अथवा २। ८ हुए। और घटा देने से श्रृण्यात मान १२। १४ अथवा १६। १० मिले।

अथ पूर्वचतुर्थोदाहरणम्-'यो राशी किल या च राशिनिहातियों राशिवगों तथा तेषामे-क्यपदं सराशियुतं' इति । अत्र राशी या १। का १। अनयोर्घातयुतिवर्गाणां योगः याव 9 काव 9 याकामा 9 या 9 का 9 अस्य मूलाभावाद्राशिद्वयोनत्रयोविंशतेः या १ का १ रू २३ वर्गेणानेन याव १ काव १ याकामार या ४६ं का ४६ं रू ५२६ साम्यं तत्र समयोग-वियोगादों समतेवेति समवर्गगमे शोधने च कृते भाविताङ्केन हते जातम् या ४७ का ४७ रू प्ररेध अत्र वर्णाङ्काहती रूपयुता १६८० इयं चत्वारिंशतेष्टेन हता फलम् ४२ इष्टम् ४० अत्रेष्टफलाभ्यामाभ्यां वर्णाङ्कावृनावेव कार्यों, तेन जाती राशी ७।५ युती चेत्कियेते तर्हि 'जातं त्रयोविंशातिः' इति पूर्वालापो न घटते॥

अथ यत्र रूपाणामृण्यत्वे प्रकाराभ्यामुत्पन्नयोमीनयोरेकतरे एवो-पपन्ने भवतस्तादृशमुदादृरणं पूर्वचतुर्थमस्तीति तदेव पदर्शयति— चाविति ॥

'यौ राशी किल—'इस पूर्व उदाहरण में या १। का १ राशि कल्पना किया, उन का घात याकाभा १ हुआ और उन के वर्ग याव १। काव १ हुए। इन सब का योग याव १ काव १ याकाभा १ या १ का १ इन्हीं दोनों राशि से घटे हुए तेईस के वर्ग 'याव १ काव १ याकाभा २ या ४६ का ४६ क ४२६' के तुल्य है, इस कारण समीकरण के लिये न्यास—

याव १ काव १ याकाभा १ या १ का १ रू ० याव १ काव १ याकाभा २ या ४६ का ४६ रू ५२६ भावितं पत्ततोऽभीष्टात्—' के अनुसार किया करने से हुए— या ४७ का ४७ रू ५२६

याकाभा १

वर्णाङ्कों ४०।४७ का घात २२०६ हुआ। इस में ऋ्या रूप ४२६ जोड़ देने से १६ ८० रोष रहा। इस में इष्ट ४० का भाग देने से फल ४२ आया। अब इष्ट ४० और फल ४२ को वर्णाङ्क ४७। ४७ में घटा देने से राशि ७। ४ आई। और यदि इष्ट ४० तथा फल ४२ को वर्णाङ्क ४७। ४७ में जोड़ दें तो 'जातं त्रयोविंशतिः' यह आलाप नहीं घटेगा॥

चतुर्थोदाहरंणम् 'पञ्चाशात्त्रयुताथवा-' इति। अत्रोदाहरणे यथोक्तकृतभाविताङ्केनवि-भक्ते जातम् या १०७का १०७क्द२८०६ अत्र, वर्णाङ्काहतिरूपेक्यम् ८६४०इष्टतत्फले६०।

१ कुत्रचिन्यूलपुस्तके 'पूर्वीदाइरणम्' इति पादः ।

६६ त्र्याभ्यां वर्णाङ्कावूनितौ राशी ११।१७ एवमन्यत्रापि॥

कचिद्रहुषु साम्येषु भावितोनिमतीरानीय ताभ्यः सभीकृतच्छेदगमाभ्यः साम्ये पूर्वबीज-क्रिययेव राशी ज्ञायेते। ऋत्र 'राशी' इति द्वि-वचनोपादानादन्येषामादिवर्णानामिष्टानि मा-नानि करुप्यानीत्यर्थात्सिद्धम्॥

इति श्रीभास्करीये वीजगणिते भावितम्॥

इति द्वित्रेदोपारूया चार्चश्रीसरय्गमादसुत-दुर्गापमादोत्रीते वीजविसासिनि मानितं समाप्तम् ह इति शिवम् ॥

'पश्चाशित्त्रयुताथवा—-' इस चौथे उदाहरण में, उक्त रीति के श्रमुसार समान पत्त सिद्ध हुए—-

याव १ काव १ या का भा १ या १ का १ रू ०

याव १ काव १ या का भा २ या १०६ का १०६ रू २ प०६

भावितं पज्ततोऽभीष्टात्—' इसके अनुसार किया करने से हुए—

या १०७ का १०० रू २ प०६

या का भा १

वर्गाङ्कों १०७ । १०७ का बात ११४४६ हुआ । इसमें अनुगा २०६ ओड़ दंने से, रोप ८६४० रहा । इसमें इप्टर का भाग देने से ८६ लडिघ आई। अब इप्ट ६० और लडिघ रह को बर्गाङ्क १०७ । १०७ में घटा देने से राशि ११ । १७ मिले । इसी भाँति स्रोर भी जानना चाहिये।

सोदाहरण भावित समाप्त हुआ ॥

दुर्गाप्रसादरचिते भाषाभाष्ये मितात्तरे । वासनासंगतं पूर्णे भावितं चापि सांपतम् ॥

श्रासीनमहेश्वर इति प्रथितः एथिव्या-माचार्यवर्यपद्वीं विदुषां प्रयातः । लब्ध्वावबोधकलिकां तत एव चक्रे तज्ञेन बीजगणितं लघु भास्करेण ॥६१॥

श्रथ प्रकृतग्रन्थस्य प्रचारार्थं गुरूत्कर्षमितिपादनात्मकं मङ्गलमा-चरन्यवन्थसमाप्ति दर्शयति—श्रासीदिति । विदुषां पण्डितानां मध्ये श्राचार्यवर्षपदवीं प्रयातः । श्रत एव पृथिव्यां प्रथितः । श्रवन्यसाधारणाचार्योषाधिमाक्तया जगत्मसिद्ध इत्यर्थः । 'महे-स्वरः' इत्यासीत् । तज्जेन तदङ्गजन्मना भास्करेण ततो महेश्वरा-चार्यादेव श्रवबोधकलिकां ज्ञानकलिकां लब्ध्वा प्राप्य लघु पाठेन स्वरपकार्यं वीजगणितं चक्रे । वसन्ततिलकावृत्तमेतत् ॥

ब्रह्माह्मयश्रीधरपद्मनाभ-बीजानि यस्मादितिविस्तृतानि । त्र्यादाय तत्सारमकारि नूनं सद्युक्तियुक्तं लघु शिष्यतुष्ट्ये ॥ ६२ ॥

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

नतु बीजगणितानि ब्रह्मगुप्तादिभिः प्रतिपादितानि तिक्तमर्थ-माचार्येण यिततिमिति शङ्कायामुत्तरमाह—ब्रह्मेति । ब्रह्माह्यो ब्रह्म-गुप्तः, श्रीधरः श्रीधराचार्यः, पद्मनामः, एतेषां बीजानि यस्मात् व्यतिविस्तृतानि तस्मात् सारमादाय शिष्याणां तुष्ट्ये सद्युक्तियुक्तं स्य यः समीचीना या युक्तयः प्रश्नभङ्गरूपा वासनारूपा वा ताभिर्युक्तं लघु तद्वोजमकारि नूनम् । इन्द्रवन्त्राष्ट्रत्तमदः ॥

अत्रानुष्टुप्सहस्रं हि ससूत्रोद्देशके मितिः।

ननु कथं लिख्तियाशङ्कायामाह-अत्रेति। हि यतोऽत्र सस्त्रो-हेशके बीने अनुष्डुमां सहस्रं मितिः परिमाणम्। पूर्वेपां बीनगणि-तेषु तु सहस्रद्वयादिमानमस्तीत्यतः संनिप्तमिदं न तु विस्तृतम्॥ कचित्सूत्रार्थविषयं व्याप्तिं द्रशियतुं कचित् ६३ कचित्र कल्पनाभेदं कचिद्युक्तिमुदाहृतम्।

निवद्मिप विस्तृतमस्ति कचित्, कचिदेकमस्मिन्नेव विषय
उदाहरण्वाहुल्योक्नेरित्याशङ्कायाभुत्तरमाह-कचिदिति। कचित्सत्रार्थविपयं दर्शयितुमुदाहृतम् यथा- 'चतुस्त्रिगुण्यो राश्योः- '
इति। 'विगुण्ने कयोराश्योः- ' इति। 'त्रिपञ्चगुण्याशिभ्यां- '
इति। 'यौ राशी किल- ' इति। न क्षेकस्मिन्नुदाहृते 'मावितं पत्तरः- ' इति स्त्रस्यार्थः सर्वोपि विषयीमवति। तस्मादशेषं स्त्रार्थे दर्शयितुमुदाहृरण्चतुष्ट्रयस्याप्यावश्यकता। कचिद् व्याप्ति दर्शयितुमुदाहृतम् । यथा- 'पञ्चकशतदत्तधनात्- ' इत्युदाहृत्य 'एक्कैकशतदत्तधनात्- ' इति तादृशमेव पुनरुदाहृतम् । इदं यदि नोदिहृयते तिई स्वकृते प्रकारिवशेषे मन्दानां विश्वासो न भवे-विद्यतदावश्यकम् । एवं कल्पनामेदं दर्शयितुम् 'एको व्रवीति- '

इत्युदाहरणमेकवर्णसमीकरण उदाहृतम् । एवं विविधयुक्तिपदर्श-नार्थमपि वहुत्रोदाहृतमस्ति तस्मादसौ विस्तृतिर्न दोषावदा ॥ न ह्युदाहरणान्तोऽस्ति स्तोकमुक्तमिदं यतः ॥

ननु पूर्ववीनेष्दाहरणानि बहूनि सन्तीह तु स्वल्पान्येवोक्का-नीति न सक्तोदाहरणांवगमः स्यादित्यत चाह नेति । हि यत उदाहरणान्तो नाति चत इदं स्तोकं स्वल्पमुक्तम् ॥ दुस्तरः स्तोकबुद्धीनां शास्त्रविस्तरवाशिधेः। ऋथ वा शास्त्रविस्तत्या किं कार्य सुधियामिष

नन्तत्र स्वल्पमुक्तं पूर्वशीजानि त्वतिविस्तृतान्यस्तान्येव मन्दप्रयोजनायालिमिति शङ्कायामाई—दुस्तर इति । यो हि विस्तरः स
मन्द्रप्रयोजकः सुधीप्रयोजको वा । नाद्यः । यतः शास्त्रविस्तरवारिधिः स्तोकवुद्धीनां दुस्तरो दुरवगादः । नान्त्यः । सुधियामिष शास्त्रविस्तृत्या किं कार्यम् । यतस्ते कल्पनाकल्पकाः । ननु
ल्यापि बीजं मन्द्रप्रयोजकं सुधीप्रयोजकं वा । नाद्यः तैज्ञीतुमशकत्वात् । नान्त्यः । तेषां कल्पकत्वात् । इति चेन्न, स्वल्पग्रन्थस्य
मन्दानामभ्याससाध्यत्वान्न तावदाद्यपत्ते दोषः । द्वितीयेऽपि न
दृषणिमित्याह—

उपदेशलवं शास्त्रं कुरुते धीमतो यतः। तत्तु प्राप्येव विस्तारं स्वयमेवोपगच्छति ६६

उपदेशलविमिति । यतः शास्त्रं धीमत उपदेशलवं कुरुते तत्तु शास्त्रं सुधियं पाप्येव स्वयमेव विस्तारमुपगच्छति। न हि सुधियोऽपि किंचिद्नधीत्य जानन्ति । अत इदं मदुक्तं सुधीमन्द्साधारण-प्रयोजनायेति सर्वेरपि पठनीयम् ॥ अत्र दृष्टान्तमाह—

CC-0. Mumukshu Bhawan Varanasi Collection. Digitized by eGangotri

जंले तैलं खले गुह्यं पात्रे दानं मनागि । प्राज्ञे शास्त्रं स्वयं याति विस्तारं वस्तुशिकतंः

जले इति । मनाक् ईपदिष तैलं जले वस्तुशक्तिः वस्तुशक्तिः महिम्ना स्वयं विस्तारं याति । विन्दुमात्रमिष तैलं सिलले प्रतिप्तं सद्द्वतमेवायद्धचन्द्रककलापेन तत्सिललमाच्छादयतीति तात्पर्यम्। एवमग्रेऽपि योजनीयम् । खलो दुष्टः । गुद्धं वाचानुद्घाटनीयं दृत्तम् । पात्रं योग्यतमः पुरुषः । दानं मूल्यग्रहणं विना स्वस्वत्व-ध्वंसपूर्वकपरस्वत्वजनकस्त्यागः । प्राज्ञः । शास्तं, यत्र तदिदां संकेतः स ग्रन्थकलापः ।।

गणक भणितिरम्यं बाललीलावगम्यं सकलगणितसारं सोपपत्तिप्रकारम् । इति बहुगुणयुक्तं सर्वदोषिर्विमुक्तं पठपठमतिरुद्धये लिघ्वदं प्रोढिसिद्धये ६ ८ इति श्रीभास्करीये सिद्धान्तशिरोमणो बीजगणिताध्यायः समाप्तः ।

^{? &#}x27;जले-' इत्यस्य प्राक् 'यथोक्तं यन्त्राध्याये' इति पाठः प्रायो मूलपुस्तक उप-लभ्यते ।

२ — 'बस्तुशक्तितः' इत्यस्याप्रे 'तथा गोले मयोक्तम् – उल्लसदमलमर्तानां त्रेराशिकः – मात्रमेत्र पार्टा बुद्धिरेत बीजम् । तथा गोलाध्याये मयोक्तम् – चास्ति त्रेराशिकं पार्टा बीज च विमला मतिः । किमल्लातं सुबुद्धीनामतो मन्दार्थमुच्यते ।' इत्यपि पारः प्रायो मूल-पुस्तके दृश्यते परं टीकाकारैर्न स्वीकृतः ।

एवं स्वकृतस्य बीजगणितस्य गृणान्युक्तचा संस्थाय्योपसंहरित—गणकेति । हे गणक, मित्रहृद्धचै, मौदिसिद्ध्ये च, मिणतिरम्यं मिणितयः शब्दास्तै रम्यं रमणीयम् । बाललीलया सुखेनेति तात्पर्यम्, अवगम्यम् । सकलगणितानां सारं, वासनामूलकतयेति भावः । सोपपत्तयः प्रकारा यस्मिन् तादृशम् । इति
पद्शितेर्वहुभिर्गुणैर्युक्तं समेतम् । सर्वदोपैः प्रमेयांशादिद्षकदोपसम्दैविशेषेण मुक्तं वर्नितम् । लग्न, प्रन्थसंख्यया चुद्रकायमिदं
बीजगणितं पट पठ । आद्रगतिशयोक्तिरियम् । इह द्यद्धिसिद्धिशब्दौ कुरुयाप्रदृत्तिन्यायेन मङ्गलार्थमपि प्रकाशयतः, प्रायेण
माङ्गलिका आचार्या महतः शास्त्रीयस्य मङ्गलार्थ दृद्धिसद्धादिशब्दानांदितः प्रयुक्तते । अत एव भगवता महामाध्यकारेण
'दृद्धिरादैच्' इति मूत्रव्याख्यानावसरे 'मङ्गलादीनि हि शास्त्राणि
प्रथन्ते वरिपुरुषकाणि भवन्त्यायुष्मत्पुरुपकाणि चाध्येतारश्च
दृद्धियुक्ता यथा स्युरिति ' सिद्धान्तितिमिति शिवम् ॥

विलासी व्याख्योपसंहारः—

अखराडसोभाग्यविभृतिसृति-

विंश्वंभरालंकरणैकहेतुः ।

समीहिताकल्पनकल्पवल्ली

जयत्ययोध्या कमलालया च ॥ १ ॥

तस्याः पृष्ठचरीव पश्चिमदिशि क्रोशाष्ट्रकाभ्यन्तरे

पाणिडत्यास्पदमास्त पणिडतपुरी पिल्लावपर्यन्तभूः।

१ द्यादिरित्युपलद्यणं तेन मन्यान्तयोरिप श्रेयम् ।

यत्राभ्यर्थनतोऽपि मूरिदतया गीतावदानोत्करः
पालेयद्युतिशेखरो विजयते श्रीजङ्गलीवल्लभः॥ २॥
तत्र श्रीशिवपादपद्ममजनमाप्तमसादोदयश्चम्पूकुन्तृपरामचन्द्रचिरते दुर्गामसादः सुधीः।
मुग्धानामपि बोधसाधनविधि वीजोपिर व्याकृति
पाणेषीत्पपठीहिताय गुणभूमोगीन्दु (१०१३) संख्ये शकी।।।।
शं बोभवीतु॥



भागीपीरिपर्यारी तथा प्रथमिकोषीच्य (१०११) क्रिके

नम् अधिप्रवास्त्रक सम्बद्धां स्थान



भारतीय विद्या प्रकाशन

1, यू०बी०, जवाहर नगर, बंगलो रोड, विल्ली-7. दुरभाष: (011) 3971570 पोस्ट बाक्स नं० 1108, कचौड़ी गली, वाराणसी-221001 (उत्तर प्रदेश) दूरभाष: (0542) 392376